1 הסקה אוטומטית ושימושיה – תרגיל בית

נתונים טכניים

- 1. תאריך הגשת התרגיל: 6 באפריל 2022.
- 2. מותר להגיש בזוגות, אך אין חובה לעשות זאת.
- באים: במייל במייל את הדברים מיכלול את במייל במייל zip
 - (א) כל הקוד שכתבתם בפייתון
 - ענתבקשתם ליצור cnfה קבצי (ב)
- (ג) את שיכלול את שמות המגישים, תעודות הזהות שלהם, והתשובות לשאלות.
- 4. הרגישו חופשי לשאול שאלות בפורום הקורס במודל (וגם לענות, אך מבלי לגלות את התשובות לשאלות שבתרגיל).
 - 5. מוזמנים להשתמש בפורום גם למציאת בן/בת זוג להגשה.

תרגיל

- :SAT ממשו בפייתון שני פותרני.
- (א) מעבר על כל ההשמות האפשריות למשתנים.
 - (ב) בכיתה DPLL (ב)

בשני המקרים של פרסר קבצי cnf ולהדפיס sat אם הנוסחה המיוצגת בקובץ ספיקה וunsat אם היא אינה ספיקה. חובה לממש ולבחון את המימושים על פי ההנחיות המפורטות כאן:

.https://github.com/yoni206/ar-class-2022-hw1

2. בשיעור הראשון יצרנו את הנוסחאות הבאות:

$$\varphi_{foo} = ((\neg a \land \neg b \land h) \lor (\neg (\neg a \land \neg b) \land ((\neg a \land g) \lor (a \land f)))))$$

$$\varphi_{goo} = ((a \land f) \lor (\neg a \land ((b \land g) \lor (\neg b \land h))))$$

$$\varphi = \varphi_{foo} \leftrightarrow \varphi_{goo}$$

- . אייטין. של צייטין לפי האלגוריתם על לשלילה!) בצורת של צייטין. של שימו (א) רשמו את $\neg \varphi$
 - .ב) את הנוסחה שרשמתם cnf (ב) צרו קובץ
- .unsat היות אמורה התוצאה התוצאה על הקובץ הזה. שמימשתם על שמימשתם (ג.)
 - אטון: הראשון מהשיעור הראשון gooו ו'goo מהשיעור הראשון .i
 - ii. איזה סולבר היה מהיר יותר?

לנוחותכם, להלן ההגדרה המלאה של שיטת צייטין. תהי נוסחה A. ניצור נוסחה B כדלהלן: $p_A \wedge \bigwedge_{\{C \in sub(A)\}} E(C)$ של C של שאינה משתנה נגדיר משתנה חדש p_C . נגדיר את B להיות הנוסחה C שאינה משתנה נגדיר משתנה חדש D. נגדיר את E(C) מוגדרת כך:

$$E(C) = \begin{cases} CNF(p_C \leftrightarrow C) & C \text{ is variable} \\ CNF(p_C \leftrightarrow true) & C \text{ is true} \\ CNF(p_C \leftrightarrow false) & C \text{ is false} \\ CNF(p_C \leftrightarrow \neg p_D) & C = \neg D \\ CNF(p_C \leftrightarrow (p_{C_1} \land p_{C_2})) & C = C_1 \land C_2 \\ CNF(p_C \leftrightarrow (p_{C_1} \lor p_{C_2})) & C = C_1 \lor C_2 \\ CNF(p_C \leftrightarrow (p_{C_1} \to p_{C_2})) & C = C_1 \leftrightarrow C_2 \\ CNF(p_C \leftrightarrow (p_{C_1} \leftrightarrow p_{C_2})) & C = C_1 \leftrightarrow C_2 \end{cases}$$

$$CNF(p \leftrightarrow C) = \begin{cases} (\neg p_C \lor C) \land (\neg C \lor p_C) & C \text{ is variable} \\ (\neg p_C \lor true) \land (false \lor p_C) & C \text{ is true} \\ (\neg p_C \lor false) \land (true \lor p_C) & C \text{ is false} \\ (\neg p_C \lor \neg P_D) \land (p_D \lor p_C) & C \text{ is } \neg D \end{cases}$$

$$CNF(p \leftrightarrow C) = \begin{cases} (\neg p_C \lor \neg P_D) \land (\neg p_C \lor p_C) \land (\neg p_{C_1} \lor \neg p_{C_2} \lor p_C) & C \text{ is } C_1 \land C_2 \\ (\neg p_C \lor p_{C_1} \lor p_{C_2}) \land (\neg p_{C_1} \lor p_C) \land (\neg p_{C_2} \lor p_C) & C \text{ is } C_1 \lor C_2 \\ (\neg p_{C_1} \lor \neg p_{C_1} \lor p_{C_2}) \land (p_{C_1} \lor p_C) \land (\neg p_{C_2} \lor p_C) & C \text{ is } C_1 \to C_2 \\ (\neg p_C \lor \neg p_{C_1} \lor p_{C_2}) \land (\neg p_C \lor p_{C_1} \lor \neg p_{C_2}) \land & C \text{ is } C_1 \leftrightarrow C_2 \\ (\neg p_C \lor \neg p_{C_1} \lor \neg p_{C_2}) \land (\neg p_C \lor p_{C_1} \lor p_{C_2}) \end{cases}$$

- 3. בכיתה הוכחנו שניתן לפתור נוסחאות הורן בזמן ריבועי.
- (א) הוכיחו את 2 הלמות הבאות, אותן רק ציינו בכיתה ללא הוכחה:
- על ידי F נוסחה. נניח שיש בF פסוקית עם ליטרל אחד ℓ . תהי f הנוסחה המתקבלת מ־f על ידי מחיקת כל הפסוקיות בהן ℓ מופיע, ומחיקת ℓ מופיע, ומחיקת מספקת את ℓ מופיע. אז כל השמה שמספקת את ℓ ספיקה.
 - .ii מפיקה. אז F נוסחת הורן כך שבכל פסוקית שני לפחות שני ליטרלים. אז F נוסחת בי
- (ב) האלגוריתם הפולינומיאלי שראינו לפתרון נוסחאות הורן עלול לתת תשובה לא נכונה על נוסחאות שאינן הורן. הסיבה לכך היא שלמה 2 נכונה רק לנוסחאות הורן. תנו דוגמה לנוסחה F שאינה הורן, שבה בכל פסוקית יש לפחות שני ליטרלים, אך היא אינה ספיקה.