1 הסקה אוטומטית ושימושיה – תרגיל בית

נתונים טכניים

- .1 תאריך הגשת התרגיל: 6 באפריל 2022.
- 2. מותר להגיש בזוגות, אך אין חובה לעשות זאת.
- הדברים קובץ zip (הttps://u.cs.biu.ac.il/~zoharyo1/ קובץ שיכלול את הדברים מייל (כתובתו רשומה כאן הבאים:
 - (א) כל הקוד שכתבתם בפייתון
 - שנתבקשתם ליצור cnf שנתבקשתם (ב)
 - (ג) אובות שיכלול את שמות המגישים, תעודות הזהות שלהם, והתשובות לשאלות. pdf
 - 4. הרגישו חופשי לשאול שאלות בפורום הקורס במודל (וגם לענות, אך מבלי לגלות את התשובות לשאלות שבתרגיל).
 - 5. מוזמנים להשתמש בפורום גם למציאת בן/בת זוג להגשה.

תרגיל

- :SAT ממשו בפייתון שני פותרני.
- (א) מעבר על כל ההשמות האפשריות למשתנים.
 - (ב) בכיתה כפי שנלמד בכיתה. DPLL

בשני המקרים יש לפרסר קבצי cnf ולהדפיס sat אם הנוסחה המיוצגת בקובץ ספיקה ו-unsat אם היא אינה ספיקה. חובה לממש ולבחון את המימושים על פי ההנחיות המפורטות כאן:

.https://github.com/yoni206/ar-class-2022-hw1

2. בשיעור הראשון יצרנו את הנוסחאות הבאות:

$$\varphi_{foo} = ((\neg a \land \neg b \land h) \lor (\neg (\neg a \land \neg b) \land ((\neg a \land g) \lor (a \land f)))))$$

$$\varphi_{goo} = ((a \land f) \lor (\neg a \land ((b \land g) \lor (\neg b \land h)))$$

$$\varphi = \varphi_{foo} \leftrightarrow \varphi_{goo}$$

- (שימו לב לשלילה!) בצורת לפי האלגוריתם של צייטין. $\neg \varphi$ את רשמו את את לב לשלילה!)
 - .ם שמייצג את הנוסחה שרשמתם (ב) צרו קובץ cnf
- .unsat היות אמורה התוצאה התוצאה על הקובץ הזה. שמימשתם על שמימשתם (ג.)
 - אטון? מהשיעור הראשון מה מה אומרת על הפונקציות לי הפונקציות יו מה goo .i
 - ii. איזה סולבר היה מהיר יותר?

לנוחותכם, להלן ההגדרה המלאה של שיטת צייטין. תהי נוסחה A. ניצור נוסחה B כדלהלן: $p_A \wedge \bigwedge_{\{C \in sub(A)\}} E(C)$ של C של שאינה משתנה נגדיר משתנה חדש p_C . נגדיר את B להיות הנוסחה C שאינה משתנה נגדיר משתנה חדש D. נגדיר את D מוגדרת כך:

$$E(C) = \begin{cases} CNF(p_C \leftrightarrow C) & C \text{ is variable} \\ CNF(p_C \leftrightarrow true) & C \text{ is true} \\ CNF(p_C \leftrightarrow false) & C \text{ is false} \\ CNF(p_C \leftrightarrow \neg p_D) & C = \neg D \\ CNF(p_C \leftrightarrow (p_{C_1} \land p_{C_2})) & C = C_1 \land C_2 \\ CNF(p_C \leftrightarrow (p_{C_1} \lor p_{C_2})) & C = C_1 \lor C_2 \\ CNF(p_C \leftrightarrow (p_{C_1} \to p_{C_2})) & C = C_1 \to C_2 \\ CNF(p_C \leftrightarrow (p_{C_1} \leftrightarrow p_{C_2})) & C = C_1 \leftrightarrow C_2 \end{cases}$$

$$CNF(p \leftrightarrow C) = \begin{cases} (\neg p_C \lor C) \land (\neg C \lor p_C) & C \text{ is variable} \\ (\neg p_C \lor true) \land (false \lor p_C) & C \text{ is true} \\ (\neg p_C \lor false) \land (true \lor p_C) & C \text{ is false} \\ (\neg p_C \lor \neg P_D) \land (p_D \lor p_C) & C \text{ is } \neg D \end{cases}$$

$$CNF(p \leftrightarrow C) = \begin{cases} (\neg p_C \lor \neg P_D) \land (\neg p_C \lor p_C) \land (\neg p_{C_1} \lor \neg p_{C_2} \lor p_C) & C \text{ is } C_1 \land C_2 \\ (\neg p_C \lor p_{C_1} \lor p_{C_2}) \land (\neg p_{C_1} \lor p_C) \land (\neg p_{C_2} \lor p_C) & C \text{ is } C_1 \lor C_2 \\ (\neg p_C \lor \neg p_{C_1} \lor p_{C_2}) \land (p_{C_1} \lor p_C) \land (\neg p_{C_2} \lor p_C) & C \text{ is } C_1 \to C_2 \\ (\neg p_C \lor \neg p_{C_1} \lor p_{C_2}) \land (\neg p_C \lor p_{C_1} \lor \neg p_{C_2}) \land & C \text{ is } C_1 \leftrightarrow C_2 \\ (p_C \lor \neg p_{C_1} \lor \neg p_{C_2}) \land (p_C \lor p_{C_1} \lor p_{C_2}) \end{cases}$$

- 3. בכיתה הוכחנו שניתן לפתור נוסחאות הורן בזמן ריבועי.
- (א) הוכיחו את 2 הלמות הבאות, אותן רק ציינו בכיתה ללא הוכחה:
- על ידי F נוסחה. נניח שיש ב־F פסוקית עם ליטרל אחד ℓ . תהי ולי הנוסחה המתקבלת מ־F נוסחה. נניח שיש ב־ ℓ מחיקת כל הפסוקיות בהן ℓ מופיע, ומחיקת ומחיקת ומחיקת ומחיקת ומחיקת ℓ מפיקה.
 - .ii מפיקה. אז F נוסחת הורן כך שבכל פסוקית שני לפחות שני ליטרלים. אז F נוסחת בי
- (ב) האלגוריתם הפולינומיאלי שראינו לפתרון נוסחאות הורן עלול לתת תשובה לא נכונה על נוסחאות שאינן הורן. הסיבה לכך היא שלמה 2 נכונה רק לנוסחאות הורן. תנו דוגמה לנוסחה F שאינה הורן, שבה בכל פסוקית יש לפחות שני ליטרלים, אך היא אינה ספיקה.