

## Topologia Geral - P3

Nome completo: \_\_\_\_\_

---

1. (2 pontos) Seja  $p : E \rightarrow B$  uma aplicação de recobrimento. Suponhamos que  $B$  seja compacto e, para cada  $b \in B$ , temos que  $p^{-1}(\{b\})$  é finito. Mostre que  $E$  é compacto.
2. (1 ponto) Seja  $p : E \rightarrow B$  uma aplicação de recobrimento, com  $E$  conexo por caminhos. Mostre que se  $B$  é simplesmente conexo,  $p$  é um homeomorfismo.
3. (1 ponto) Sejam  $A \subset X$  e  $B \subset Y$ , onde  $X$  e  $Y$  são conexos. Mostre que

$$(X \times Y) \setminus (A \times B)$$

é conexo.

4. (1 ponto) Mostre que espaços quocientes de espaços localmente conexos são localmente conexos.
5. (2 pontos) Mostre que  $\pi_1(X \times Y, (x_0, y_0)) = \pi_1(X, x_0) \times \pi_1(Y, y_0)$ .
6. (1 ponto) Qual o grupo fundamental de  $\mathbb{R}^3 \setminus \{(0, 0, z) : z \leq 0\}$ ? Justifique.