多段階 let 挿入を行うコード生成言語の 設計

大石純平

筑波大学 大学院 プログラム論理研究室

2016/7/12

アウトライン

- 1 概要
- 2 研究の背景
- 3 研究の目的
- 4 研究の内容
- 5 まとめと今後

アウトライン

- 1 概要
- 2 研究の背景
- 3 研究の目的
- 4 研究の内容
- 5 まとめと今後

プログラムを生成するプログラミング言語 (=<mark>コード生成言語</mark>) の安全性を保証する研究

プログラムを生成するプログラミング言語 (=コード生成言語) の安全性を保証する研究

• 効率的なコードの生成

プログラムを生成するプログラミング言語 (=コード生成言語) の安全性を保証する研究

- 効率的なコードの生成
- 安全性の保証

プログラムを生成するプログラミング言語 (=コード生成言語) の安全性を保証する研究

- 効率的なコードの生成
- 安全性の保証
- ⇒ 多段階 let 挿入を安全に扱うための型システムを構築

アウトライン

- 1 概要
- 2 研究の背景
- ③ 研究の目的
- 4 研究の内容
- 5 まとめと今後

段階的計算 (Staged Computation)



- コード生成ステージとコード実行ステージ
- ⇒ 段階的計算をサポートするプログラム言語 ⇒ コード生成言語

power 関数のコード化

power 関数のコード化

8に特化したコードの生成を行う

```
{\sf gen\_power} \; x \; \; 8 \; = \; \; x \; * \; x
```

power 関数のコード化

$$\begin{array}{rcl} \mbox{power }x & n & = & x & & \mbox{if} & n = 1 \\ & & x * \mbox{power }x \; (n-1) & & \mbox{if} & n > 1 \end{array}$$

8 に特化したコードの生成を行う

```
\mathsf{gen\_power} \ x \ 8 = \ x \ast x
```

 $gen_power x 8$ は power x 8 より高速

- 関数呼び出しがない
- 条件式がない

コード生成の利点と課題

利点

• 「保守性・再利用性の高さ」と「実行性能の高さ」の両立

コード生成の利点と課題

利点

• 「保守性・再利用性の高さ」と「実行性能の高さ」の両立

課題

- パラメータに応じて、非常に多数のコードが生成される
- 生成したコードのデバッグが容易ではない
- **⇒ コード生成の前に安全性を保証したい**

従来研究

- コード生成プログラムが、安全なコードのみを生成する事 を保証
- 安全なコード: 構文, 型, 変数束縛が正しいプログラム

従来研究

- コード生成プログラムが、安全なコードのみを生成する事 を保証
- 安全なコード: 構文, 型, 変数束縛が正しいプログラム

しかし<mark>多段階 let 挿入</mark>等を実現する<mark>計算エフェクト</mark>を含む場合の コード生成の安全性保証は研究途上

- 入れ子になった for ループなどを飛び越えたコード移動を許す仕組み
- ループ不変式の移動によって、<mark>効率的なコード生成</mark>に必要なプログラミング技法

$$\begin{aligned} & \textbf{for } i = 0 \textbf{ to } n \textbf{ in} \\ & \textbf{for } j = 0 \textbf{ to } m \textbf{ in} \\ & y = t \\ & a[i][j] = b[i] + y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \textbf{for } i = 0 \textbf{ to } n \textbf{ in} \\ & \textbf{for } j = 0 \textbf{ to } m \textbf{ in} \\ & y = t \\ & a[i][j] = b[i] + y \end{aligned}$$

$$\qquad \qquad \downarrow \downarrow$$

for
$$i=0$$
 to n in for $j=0$ to m in $y=t$ — t が i,j に依存した式 $a[i][j]=b[i]+y$

$$\begin{aligned} & \textbf{for } i = 0 \textbf{ to } n \textbf{ in} \\ & \textbf{for } j = 0 \textbf{ to } m \textbf{ in} \\ & y = t \\ & a[i][j] = b[i] + y \end{aligned}$$

$$\qquad \qquad \downarrow \downarrow$$

for
$$i=0$$
 to n in $y=t$ 一 t が i にのみ依存し j には依存しない式 for $j=0$ to m in $a[i][j]=b[i]+y$

$$\begin{aligned} & \textbf{for } i = 0 \textbf{ to } n \textbf{ in} \\ & \textbf{for } j = 0 \textbf{ to } m \textbf{ in} \\ & y = t \\ & a[i][j] = b[i] + y \end{aligned}$$

$$\qquad \qquad \downarrow$$

$$y=t$$
 — t が i にも j にも依存しない式 for $i=0$ to n in for $j=0$ to m in $a[i][j]=b[i]+y$

コントロールオペレータ

プログラミング言語におけるプログラムを制御する プリミティブ

- exception (例外): C++, Java, ML
- call/cc (第一級継続): Scheme, SML/NJ
- shift/reset (限定継続): Racket, Scala, OCaml
 - 1989 年以降多数研究がある
 - コード生成における let 挿入が実現可能
- shift0/reset0
 - 2011 年以降研究が活発化。
 - コード生成における多段階 let 挿入が可能

アウトライン

- 1) 概要
- 2 研究の背景
- 3 研究の目的
- 4 研究の内容
- 5 まとめと今後

研究の目的

表現力と安全性を兼ね備えたコード生成言語の構築

- 表現力: 多段階 let 挿入, メモ化等の技法を表現
- 安全性: 生成されるコードの一定の性質を静的に検査

研究の目的

「表現力と安全性を兼ね備えたコード生成言語の構築

- 表現力: 多段階 let 挿入, メモ化等の技法を表現
- 安全性: 生成されるコードの一定の性質を静的に検査

本研究: 簡潔で強力なコントロールオペレータに基づ くコード生成体系の構築

- コントロールオペレータ shift0/reset0 を利用し、let 挿入などのコード生成技法を表現
- 型システムを構築して型安全性を保証

アウトライン

- 1 概要
- 2 研究の背景
- ③ 研究の目的
- 4 研究の内容
- 5 まとめと今後

行うこと

- コントロールオペレータ shift0/reset0 を利用し、多段階 let 挿入などのコード生成技法を行える言語の設計
- その shift0/reset0 を持つコード生成言語の型システムの 構築

困難・問題点、解決方法

- shift0/reset0 は shift/reset より強力であるため、型システム が非常に複雑
- コード生成言語の型システムも一定の複雑さを持つ
- ⇒ 単純な融合は困難

困難・問題点、解決方法

- shift0/reset0 は shift/reset より強力であるため、型システムが非常に複雑
- コード生成言語の型システムも一定の複雑さを持つ
- ⇒ 単純な融合は困難

解決方法

コード生成言語の型システムを拡張し、shift0/reset0 の型システムを構築する

本研究の手法



$$\frac{\text{clet } x_1 = \%3 \text{ in}}{\text{clet } x_2 = \%5 \text{ in}}$$

$$\frac{\text{clet } y = t \text{ in}}{(x_1 + x_2 + y)}$$

```
reset0 clet x_1 = \%3 in

reset0 clet x_2 = \%5 in

shift0 k_2 \rightarrow shift0 k_1 \rightarrow clet y = t in

throw k_1 (throw k_2 (x_1 + x_2 + y))
```

コード生成前

```
reset0 clet x_1 = \%3 in

reset0 clet x_2 = \%5 in

shift0 k_2 \rightarrow shift0 k_1 \rightarrow clet y = t in

throw k_1 (throw k_2 (x_1 \pm x_2 \pm y))
```

 $k_2 = \text{clet } x_2 = \%5 \text{ in}$

$$\frac{\text{clet } y = t \text{ in}}{\text{throw } k_1 \text{ (throw } k_2 \text{ } (x_1 + x_2 + y))}$$

$$\frac{k_1 = \text{clet } x_1 = \%3 \text{ in}}{k_2 = \text{clet } x_2 = \%5 \text{ in}}$$

型が付く例/付かない例

```
e = \underbrace{\mathsf{reset0}}_{} \underbrace{\mathsf{clet}}_{} x_1 = \%3 \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{reset0}}_{} \underbrace{\mathsf{clet}}_{} x_2 = \%5 \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{shift0}}_{} k_2 \to \underbrace{\mathsf{shift0}}_{} k_1 \to \underbrace{\mathsf{clet}}_{} y = t \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{throw}}_{} k_1 \underbrace{(\mathsf{throw}}_{} k_2 (x_1 + x_2 + y))
```

型が付く例/付かない例

```
e = \underbrace{\mathsf{reset0}}_{} \underbrace{\mathsf{clet}}_{} x_1 = \%3 \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{reset0}}_{} \underbrace{\mathsf{clet}}_{} x_2 = \%5 \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{shift0}}_{} k_2 \to \underbrace{\mathsf{shift0}}_{} k_1 \to \underbrace{\mathsf{clet}}_{} y = t \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{throw}}_{} k_1 \left( \underbrace{\mathsf{throw}}_{} k_2 \left( x_1 + x_2 + y \right) \right)
```

```
e \rightsquigarrow^* \frac{\text{clet } y = t \text{ in}}{\text{reset0}}
\frac{\text{reset0}}{\text{clet}} \frac{\text{clet } x_1 = \%3 \text{ in}}{\text{clet } x_2 = \%5 \text{ in}}
(x_1 + x_2 + y)
```

型が付く例/付かない例

```
e = \underbrace{\mathsf{reset0}}_{} \underbrace{\mathsf{clet}}_{} x_1 = \%3 \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{reset0}}_{} \underbrace{\mathsf{clet}}_{} x_2 = \%5 \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{shift0}}_{} k_2 \to \underbrace{\mathsf{shift0}}_{} k_1 \to \underbrace{\mathsf{clet}}_{} y = t \underbrace{\mathsf{in}}_{}
\underbrace{\mathsf{throw}}_{} k_1 \underbrace{(\mathsf{throw}}_{} k_2 (x_1 + x_2 + y))
```

```
e \rightsquigarrow^* \frac{\text{clet } y = t \text{ in}}{\text{reset0}}
\frac{\text{reset0}}{\text{clet}} \frac{\text{clet } x_1 = \%3 \text{ in}}{\text{clet } x_2 = \%5 \text{ in}}
(x_1 + x_2 + y)
```

```
t= %7 のとき e は型が付く t=x_2 か t=x_1 のとき e は型が付かない
```

安全なコードにのみ型をつけ るにはどうすればよいか

スコープ変数の利用

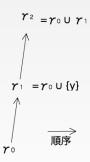
- γはスコープ変数を表す。
- ある範囲で使える自由変数の集合と思ってもらえば良い.
- γ には、包含関係があり、それを $\gamma_1 \geq \gamma_0$ というような順序で表している。
- 直感的には γ_0 より γ_1 のほうが使える自由変数が多いという意味である.

```
(\underline{\mathsf{reset0}} \ ...^{\gamma_0} \ (\underline{\mathsf{shift0}} \ k \to \ ...^{\gamma_1} \ (\underline{\mathsf{throw}} \ k \ ...^{\gamma_3})))
```

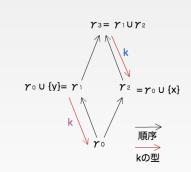
let 挿入が型安全性を保つ条件

従来の場合

$$\begin{array}{l} \underline{\text{clet}} \ y = \dots^{\gamma_0} \ \underline{\text{in}} \ \dots^{\gamma_1} \\ \underline{\text{clet}} \ x = \dots^{\gamma_1} \ \underline{\text{in}} \ \dots^{\gamma_2} \end{array}$$



shift0/reset0 による let **挿入が型安全性を保つ条**



$$\frac{k}{k} : (\langle \cdot \rangle^{\gamma_1} \Rightarrow \langle \cdot \rangle^{\gamma_0})$$
$$k : (\langle \cdot \rangle^{\gamma_3} \Rightarrow \langle \cdot \rangle^{\gamma_2})$$

アウトライン

- 1 概要
- 2 研究の背景
- ③ 研究の目的
- 4 研究の内容
- 5 まとめと今後

まとめと今後

- コード生成言語の型システムに shift0/reset0 を組み込んだ型システムの設計を行った
- その型システムによって型が付く場合と付かない場合の例をみた。
- 今後 answer type modification に対応した型システムを設計 し、(subject reduction 等の) 健全性の証明を行う