

社会規範の ゲーム理論的定式化

目次

- Elsterの思想[1][2][3][4]
 - 「社会規範」とは
 - 「社会規範」と「合理性」
- 社会規範の例
 - ゴミを川に捨ててはいけない規範
 - 待ち行列の場所の売買を禁ずる規範
- 社会規範の定式化[7]
- 社会規範のゲーム理論的定式化
- 手続き的効用
- 定理の導出

Elsterの思想 —「社会規範」とは—

Definition 1 (社会規範, Elster) [1][2][3][4]

社会規範(social norm)は,

- 「～しろ」または「～するな」と規定するもの. ...(*1)
- 他の人々に広く共有されているもの. ...(*2)

つまり, 「**広く共有された行為の基準**」といえる!

さらに複雑な形のもの

「もし他人がXしたときにXするのが
よいならば, Xしろ!」etc.

同調圧力

条件付の形のもの

「他人がYしたら, Xしろ!」etc.

「親切にされたら親切にしろ!」

最単純な形のもの

「Xしろ!」or「Xするな!」

- 「人肉を食うな!」
- 「葬式では黒い服を着ろ!」

この最単純な形の社会規範を
ゲーム理論的に定式化する!

Elsterの思想

—「社会規範」と「合理性」—

社会規範

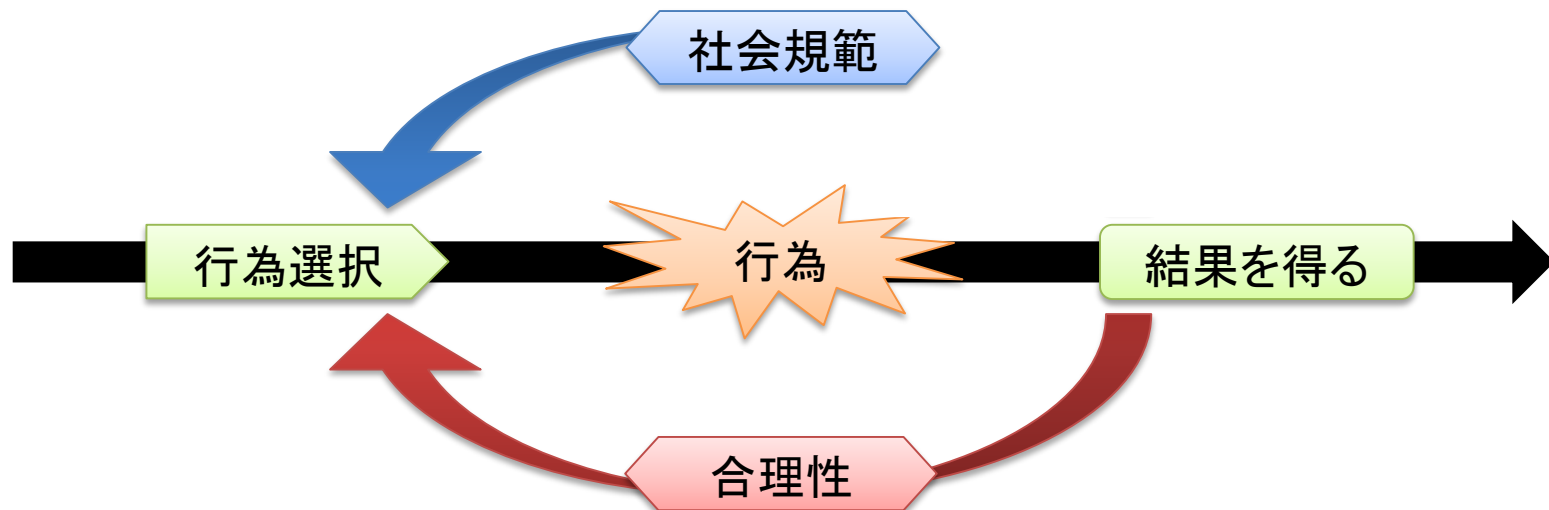
「Xしろ！」or「Xするな！」(最単純型)

- 非結果志向・・・(*3)
- 得られる結果とは関係なく、行為を規定する.
- 力により「押す(push)」.

合理性

「もしYを達成したいならば, Xしろ！」

- 結果志向
- 得られる結果に基づいて, 行為を規定する.
- 将来の報酬により「引っ張る(pull)」.



中国の、ゴミであふれた川

ゴミを川に捨ててはいけません！

社会規範の例①: ゴミを川に捨ててはいけない規範

ゴミのポイ捨て問題は、次のようなゲームの構造となっている。



1 \ 2	C	D
C	0,0	-3,1
D	1,-3	-2,-2

社会規範によれば、

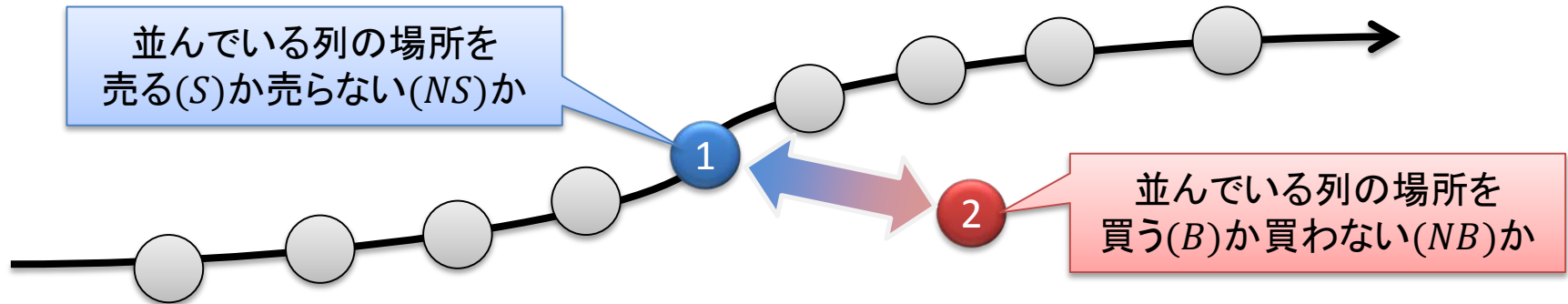
- ・ C: 適切 !
- ・ D: 不適切 !

2006年12月1日

PS3を求めて待ち行列ができたビックカメラ有楽町店

待ち行列の場所を
売買してはいけない！

社会規範の例②: 待ち行列の場所の売買を禁ずる規範



1 \ 2	B	NB
S	5,5	1,2
NS	2,1	2,2

社会規範によれば,

$\left\{ \begin{array}{l} \cdot S: \text{不適切!} \\ \cdot NS: \text{適切!} \end{array} \right\}, \left\{ \begin{array}{l} \cdot B: \text{不適切!} \\ \cdot NB: \text{適切!} \end{array} \right\}$

社会規範(最単純形)の定式化

Krupka and Weber[7]は、「社会規範は結果とは無関係に行為を規定する」という Elsterの思想をふまえて、最単純の形の社会規範を行為に対して「その行為の適切さ」を定める関数 N として定式化した。

A を取りうる行為の集合として,

$$N: A \longrightarrow \mathbb{R}$$

\Downarrow

\Downarrow

$$a \longmapsto N(a)$$

- 行為 a が適切なら「正」
- 行為 a が不適切なら「負」

Example 1: ゴミを川に捨ててはいけない規範

社会規範によれば,

- C : 適切!
- D : 不適切!

各行為の「適切さ」の度合いは,

- $N(C) = +1$
- $N(D) = -1$

Example 2: 待ち行列の場所の売買を禁ずる規範

社会規範によれば,

- $\left\{ \begin{array}{l} \bullet S: \text{不適切!} \\ \bullet NS: \text{適切!} \end{array} \right\}$
- $\left\{ \begin{array}{l} \bullet B: \text{不適切!} \\ \bullet NB: \text{適切!} \end{array} \right\}$

各行為の「適切さ」の度合いは,

- $\left\{ \begin{array}{l} \bullet N(S) = -1 \\ \bullet N(NS) = +1 \end{array} \right\}$
- $\left\{ \begin{array}{l} \bullet N(B) = -1 \\ \bullet N(NB) = +1 \end{array} \right\}$

複数人意思決定状況への拡張

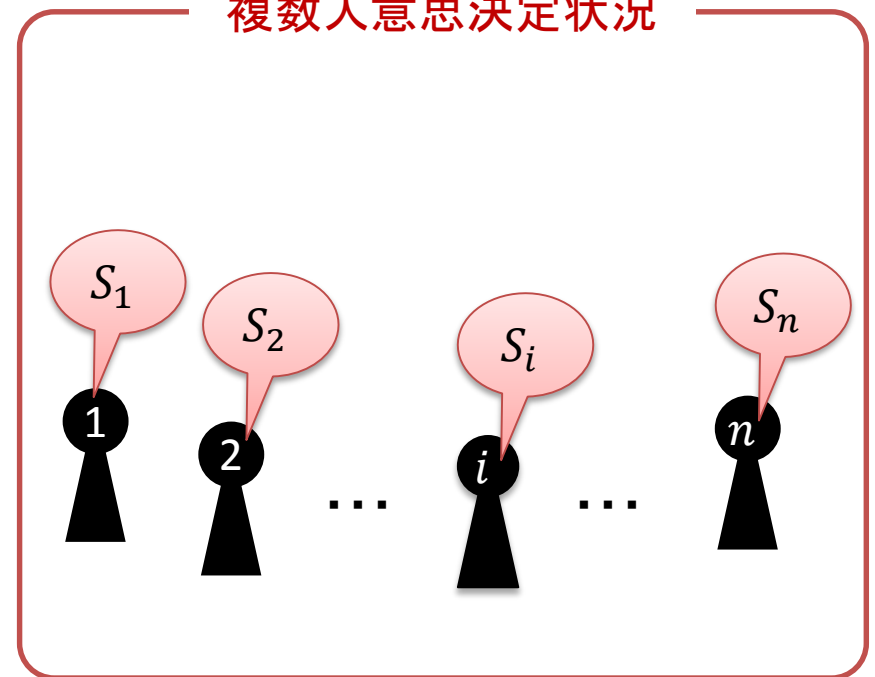
Krupka and Weber[7]は、いわゆる「一人意思決定状況」における社会規範を定式化したものだった。

そこで、本研究では「複数人意思決定状況」における社会規範を定式化するため、社会規範をゲーム理論的に定式化することを目指す。

一人意思決定状況



複数人意思決定状況



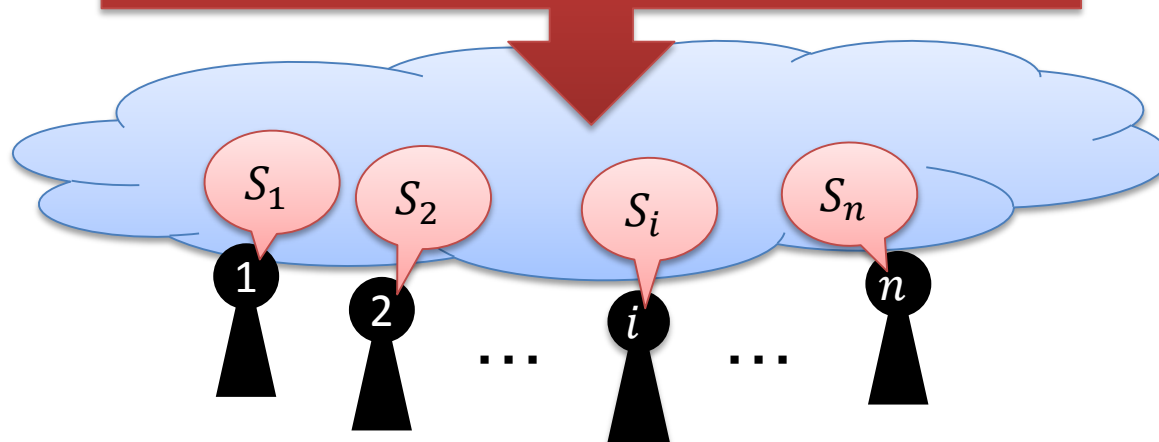
ゲーム理論における社会規範

Definition 2 (標準形ゲーム)

標準形ゲームとは, $G = (I, S, u)$ である.

- $I = \{1, \dots, n\}$ はプレイヤーの集合.
- $S = S_1 \times \dots \times S_n$ で, S_i はプレイヤー i の戦略の集合.
- $u = (u_1, \dots, u_n)$ で, u_i はプレイヤー i の効用関数.

各プレイヤーの戦略集合「全体」の上に
社会規範を定めたい！



「広く共有されている！」

Definition 1(社会規範, Elster)[1][2][3][4]

社会規範(social norm)は,

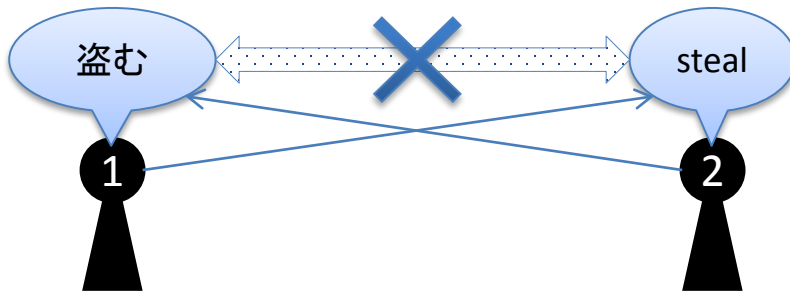
- 「～しろ」または「～するな」と規定するもの. $\dots(*1)$
- 他の人々に **広く共有されている** もの. $\dots(*2)$

「行為の基準」が広く共有されている

「行為」も広く共有されていなければならない

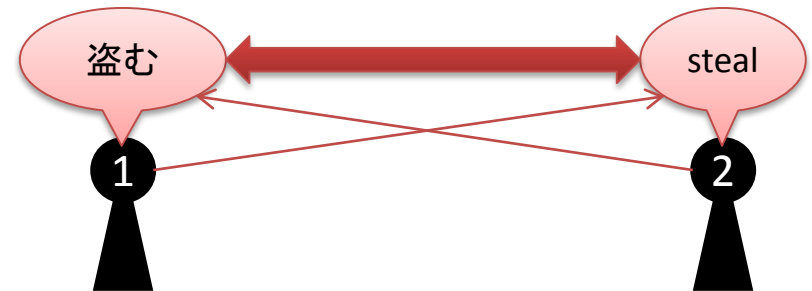
従来のゲーム理論

S_1 と S_2 の間には何の関係もない



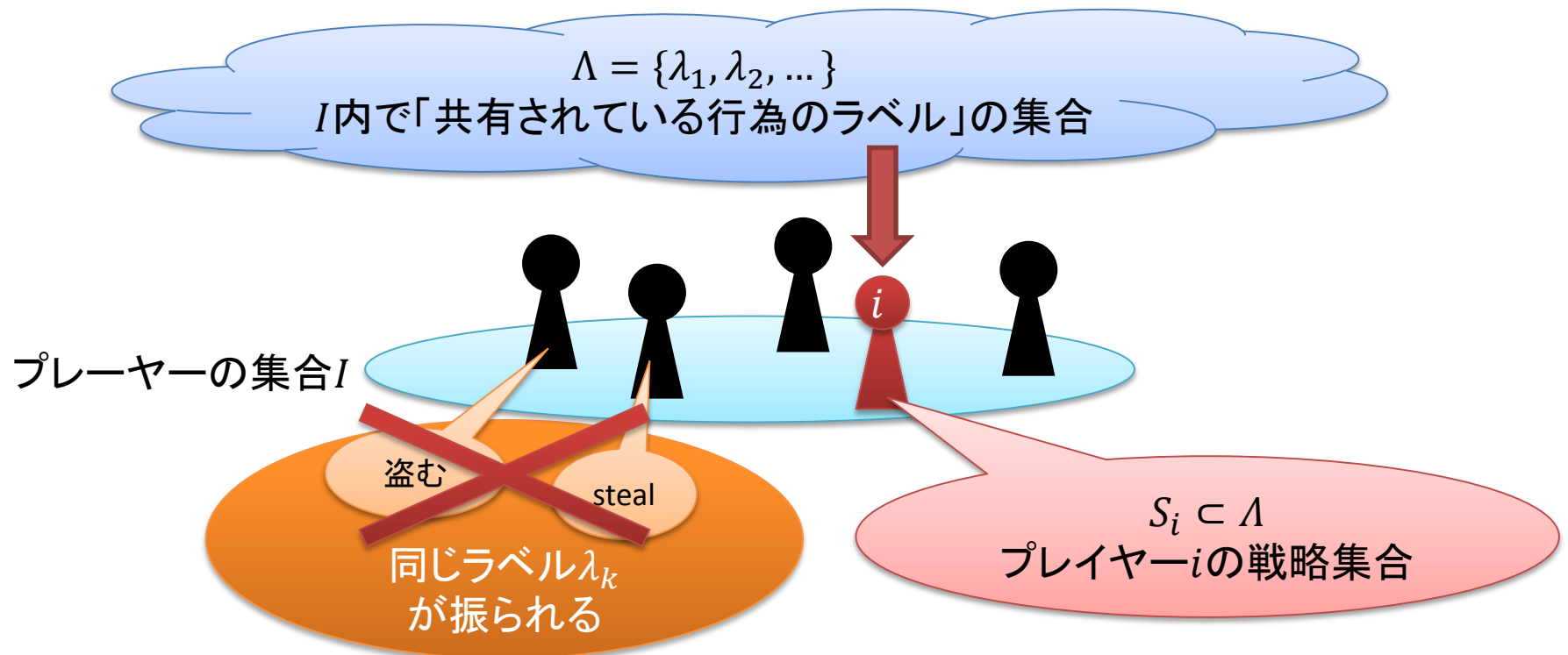
考えたい状況

S_1 と S_2 の間に同質性を持たせたい



「広く共有されている！」

各プレイヤーの戦略集合間に同質性を持たせるために、戦略の「全体集合」のようなものを考えたい！



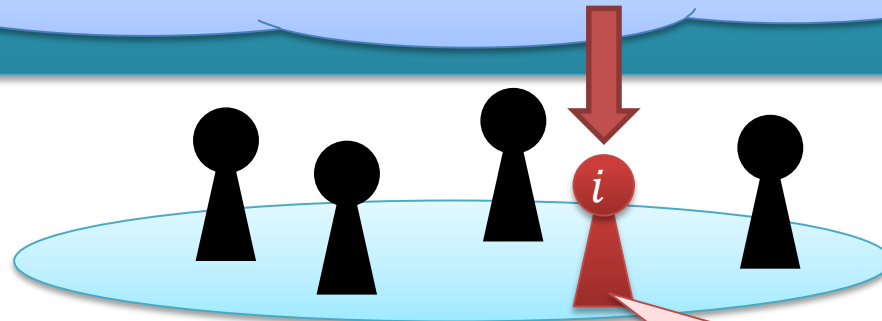
社会規範のゲーム理論的定式化

この Λ 上に社会規範 N を定める！

$$N: \Lambda \rightarrow \mathbb{R}$$

$$\Lambda = \{\lambda_1, \lambda_2, \dots\}$$

I 内で「共有されている行為のラベル」の集合



プレイヤーの集合 I

$S_i \subset \Lambda$
プレイヤー i の戦略集合

$$N|_{S_i}: S_i \rightarrow \mathbb{R}$$

社会規範のゲーム理論的定式化

Definition 3 (本研究で扱う標準形ゲーム)

本研究で扱う標準形ゲームを, $G = (I, \Lambda, u)$ と定める.

- $I = \{1, \dots, n\}$ はプレイヤーの集合.
- Λ は, I 内で「共有されている行為のラベル」の集合
 - プレーヤーの i 戦略集合 S_i は, $S_i \subset \Lambda$ となるように定義される.
 - $S = S_1 \times \dots \times S_n$ とおく.
- $u = (u_1, \dots, u_n)$ で, $u_i: S \rightarrow \mathbb{R}$ はプレーヤー i の効用関数.

Definition 4 (ゲーム G 上の社会規範)

$G = (I, \Lambda, u)$ 上の社会規範とは, 次の関数 N である.

$$N: \Lambda \rightarrow \mathbb{R}$$

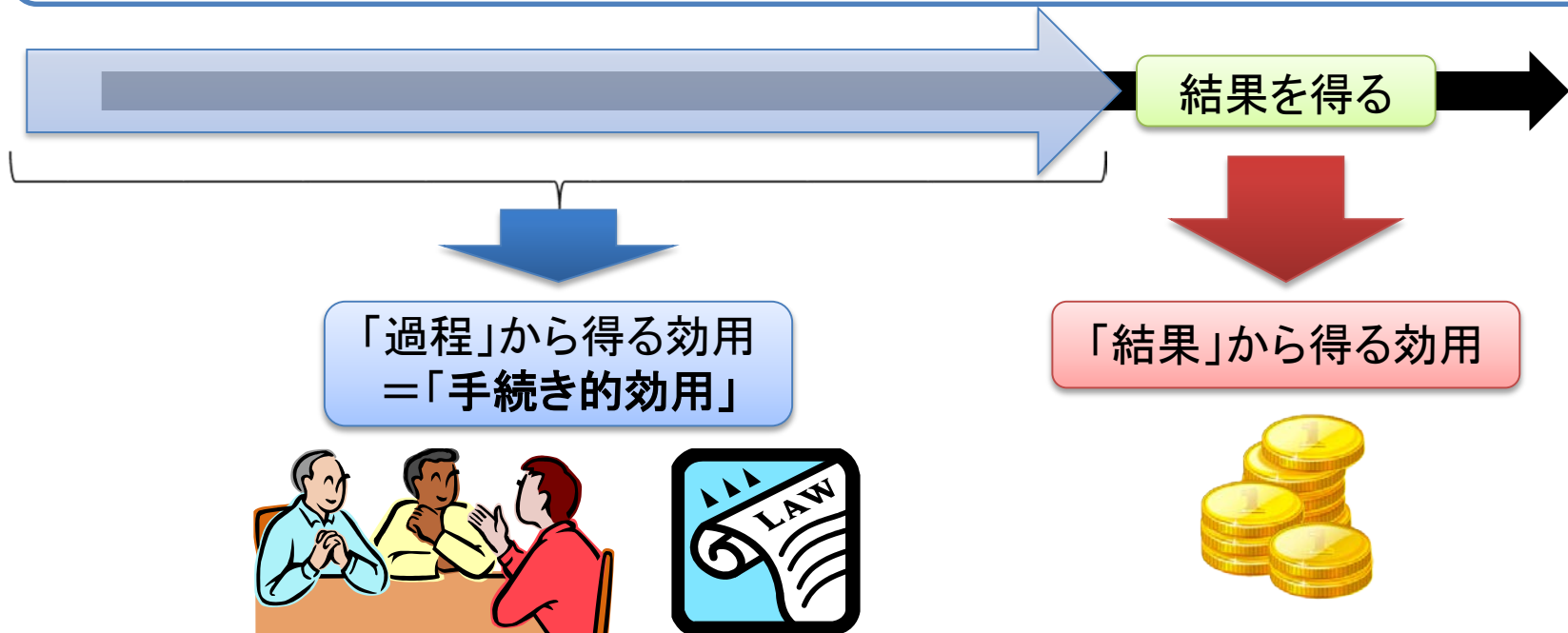
ここで, $N(\lambda_i) \in \mathbb{R}$ は, 行為のラベル λ_i の「社会的な適切さ」を表す.

手続き的効用

Definition 3(手続き的効用)[5][6]・・・(*4)

人々は、もたらされる結果(*what*)だけでなく、その結果に至るまでの状況や過程(*how*)にも価値を置く。

もたらされる結果(*outcome*)ではなく、結果に至るまでの状況(*condition*)や過程(*process*)から得る効用のことを、**手続き的効用(*procedural utility*)**という。

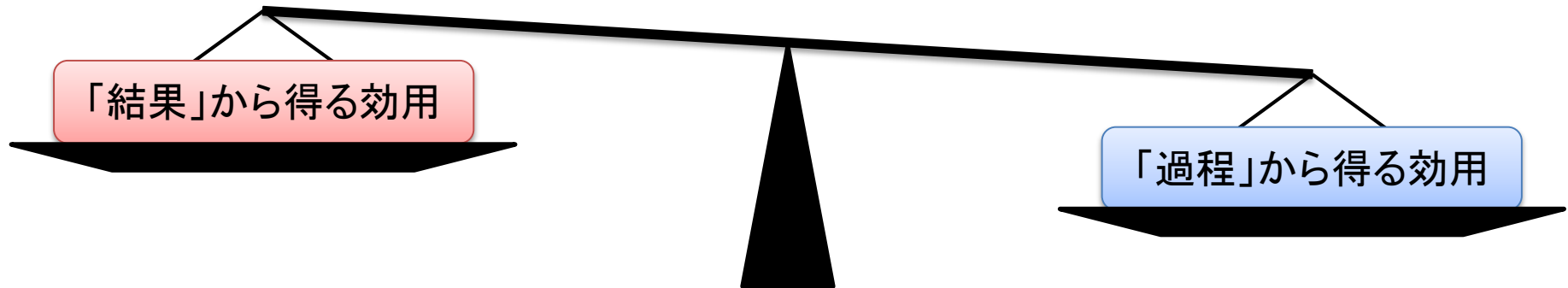


手続き的効用の効果

Frey, Benz, & Stutzer (2004)[5]によれば,

- 望ましくない結果は, その手続きが「**良い**」なら受諾されるであろう.
- 望ましい結果は, その手続きが「**悪い**」ならば全体として満足なものにはならないであろう.

つまり, 人々は「結果」から得る効用と「過程」から得る効用のバランスを考慮しているのである.



手続き的効用の例①: ゴミを川に捨ててはいけない規範

1 \ 2	C	D
C	0,0	-3,1
D	1,-3	-2,-2

各行為の「適切さ」は、

$$\begin{cases} N(C) = +1 \\ N(D) = -1 \end{cases}$$

「結果」から得る効用

物質的利得: $\pi_i(s_1, s_2)$

「過程」から得る効用

行為の適切さ $N(s_i)$ に応じた効用

- ・ Cをとることによる効用: $\gamma_i \times (+1)$
- ・ Dをとることによる不効用: $\gamma_i \times (-1)$

1 \ 2	C	D
C	$0 + \gamma_1, 0 + \gamma_2$	$-3 + \gamma_1, 1 - \gamma_2$
D	$1 - \gamma_1, -3 + \gamma_2$	$-2 - \gamma_1, -2 - \gamma_2$

$\gamma_1, \gamma_2 \geq \frac{1}{2}$ のとき,
(C, C) が Nash 均衡となる.

手続き的効用の例②: 行列の場所の売買

1 \ 2	B	NB
S	5,5	1,2
NS	2,1	2,2

各行為の「適切さ」は,

$$\begin{cases} N(S) = -1 \\ N(NS) = +1 \end{cases}, \begin{cases} N(B) = -1 \\ N(NB) = +1 \end{cases}$$

「結果」から得る効用

物質的利得: $\pi_i(s_1, s_2)$

「過程」から得る効用

行為の適切さ $N(s_i)$ に応じた効用

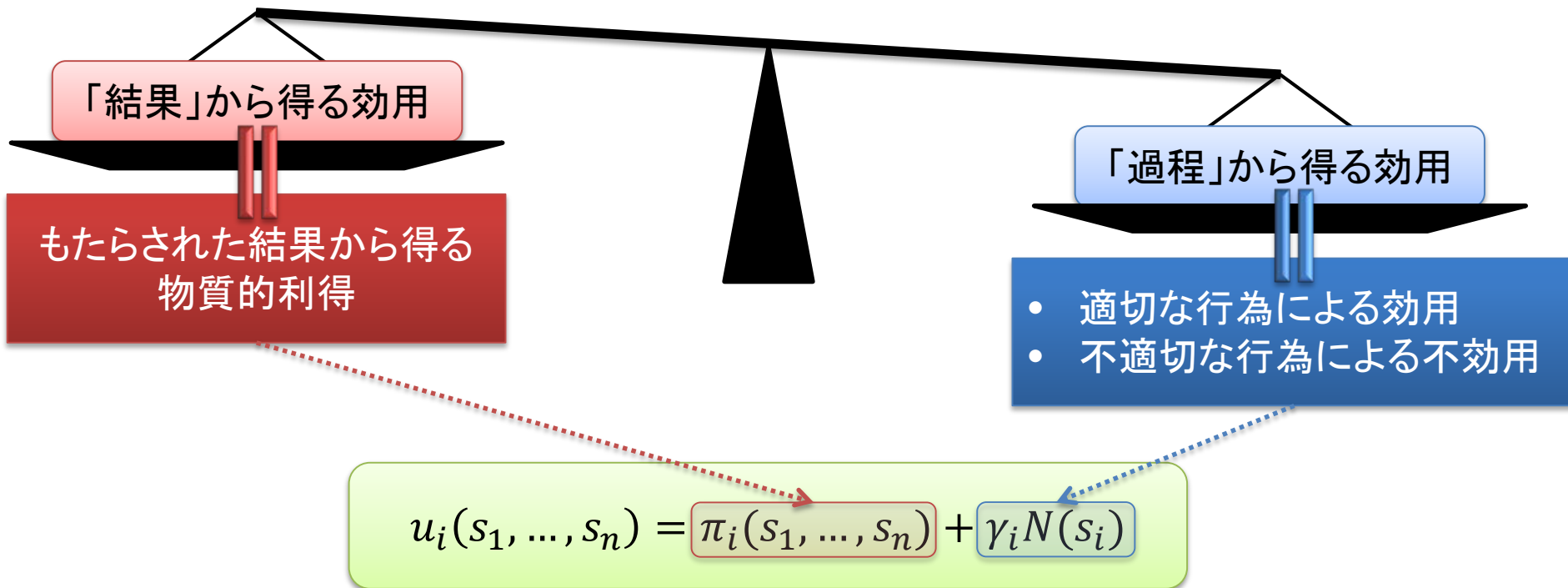
- NSをとることによる効用: $\gamma_1 \times (+1)$
- Sをとることによる不効用: $\gamma_1 \times (-1)$
- NBをとることによる効用: $\gamma_2 \times (+1)$
- Bをとることによる不効用: $\gamma_2 \times (-1)$

1 \ 2	B	NB
S	$5 - \gamma_1, 5 - \gamma_2$	$1 - \gamma_1, 2 + \gamma_2$
NS	$2 + \gamma_1, 1 - \gamma_2$	$2 + \gamma_1, 2 + \gamma_2$

$\gamma_1, \gamma_2 > \frac{3}{2}$ のとき,
(NS, NB) のみがNash均衡となる.

社会規範と手続き的効用

以上の議論(*1~4)をふまえて、「過程」と「結果」の両方を考慮した、新たな効用関数を定める.



ただし, $\gamma_i > 0$ はプレーヤー*i*が規範を気にかける程度.

「物質的利得ゲーム」と 「規範レベルのゲーム」

Definition 5 (物質的利得ゲーム)

物質的利得ゲームとは, $G_\pi = (I, \Lambda, \pi)$ である.

- $I = \{1, \dots, n\}$ はプレイヤーの集合.
- Λ は, I 内で「共有されている行為のラベル」の集合.
 - プレイヤーの i 戦略集合 S_i は, $S_i \subset \Lambda$ となるように定義される.
 - $S = S_1 \times \dots \times S_n$ とおく.
- $\pi = (\pi_1, \dots, \pi_n)$ で, $\pi_i: S \rightarrow \mathbb{R}$ はプレイヤー i の物質的利得関数.

Definition 6 (規範レベルのゲーム)

規範レベルのゲームとは, $G_N = (I, \Lambda, u)$ である.

- $I = \{1, \dots, n\}$ はプレイヤーの集合.
- Λ は, I 内で「共有されている行為のラベル」の集合.
 - プレイヤーの i 戦略集合 S_i は, $S_i \subset \Lambda$ となるように定義される.
 - $S = S_1 \times \dots \times S_n$ とおく.
- $u = (u_1, \dots, u_n)$ で, $u_i(s) = \pi_i(s) + \gamma_i N(s_i)$ はプレイヤー i の効用関数.
 - $\pi_i: S \rightarrow \mathbb{R}$ はプレイヤー i の物質的利得関数.
 - $N: \Lambda \rightarrow \mathbb{R}$ は社会規範.
 - $\gamma_i > 0$ はプレイヤー i が規範を気にかける程度.

物質的利得ゲーム G_π

社会規範で
変換

規範レベルのゲーム G_N

2人対称ゲームの特性①

Theorem 1

2人対称物質的利得ゲーム $G_\pi = (I = \{1, 2\}, \Lambda, \pi = (\pi_1, \pi_2))$ について, 任意の対角線部分の結果は, ある社会規範 N が存在して, 規範レベルのゲーム G_N における Nash 均衡とすることができる.

1 \ 2	a_1	a_2	a_3	\dots	a_K
a_1					
a_2					
a_3					
\vdots					
a_K					

物質的利得ゲーム G_π の対角線部分に Pareto 効率な結果が存在する場合, その結果は社会規範により必ず達成できる

2人対称ゲームの特性②

Theorem 2

次のような 2×2 対称物質的利得ゲーム G_π の任意の非対角線部分の結果は,

$$\frac{d-b}{\gamma_1} > \frac{c-a}{\gamma_2} \vee \frac{d-b}{\gamma_2} > \frac{c-a}{\gamma_1}$$

のとき, いかなる社会規範 N によっても規範レベルのゲーム G_N のNash均衡とすることができない.

1 \ 2	A	B
A	a, a	b, c
B	c, b	d, d

Example.

1 \ 2	A	B
A	10, 10	-10, 20
B	20, -10	1, 1

$(\gamma_1 = \gamma_2 = 1)$

非対角線部分の結果への着目

次のような 2×2 対称ゲームを考える.

1 \ 2	C	D
C	3,3	0,7
D	7,0	2,2

このゲームを次のようなルールで2回繰り返す場合を考える.

- ① 1回目は, 各プレイヤーは, 互いに独立して自分の戦略を選択する.
- ② 2回目は, 各プレイヤーは, 1回目で各プレイヤーがとった戦略と得られた利得を知った上で, 互いに独立して自分の戦略を選択する.
- ③ 繰り返しゲームにおける各プレイヤーの利得は, 1回目と2回目のゲームの利得の合計とする.
- ④ 各プレイヤーは, ゲームが2回で終了することを知っている.

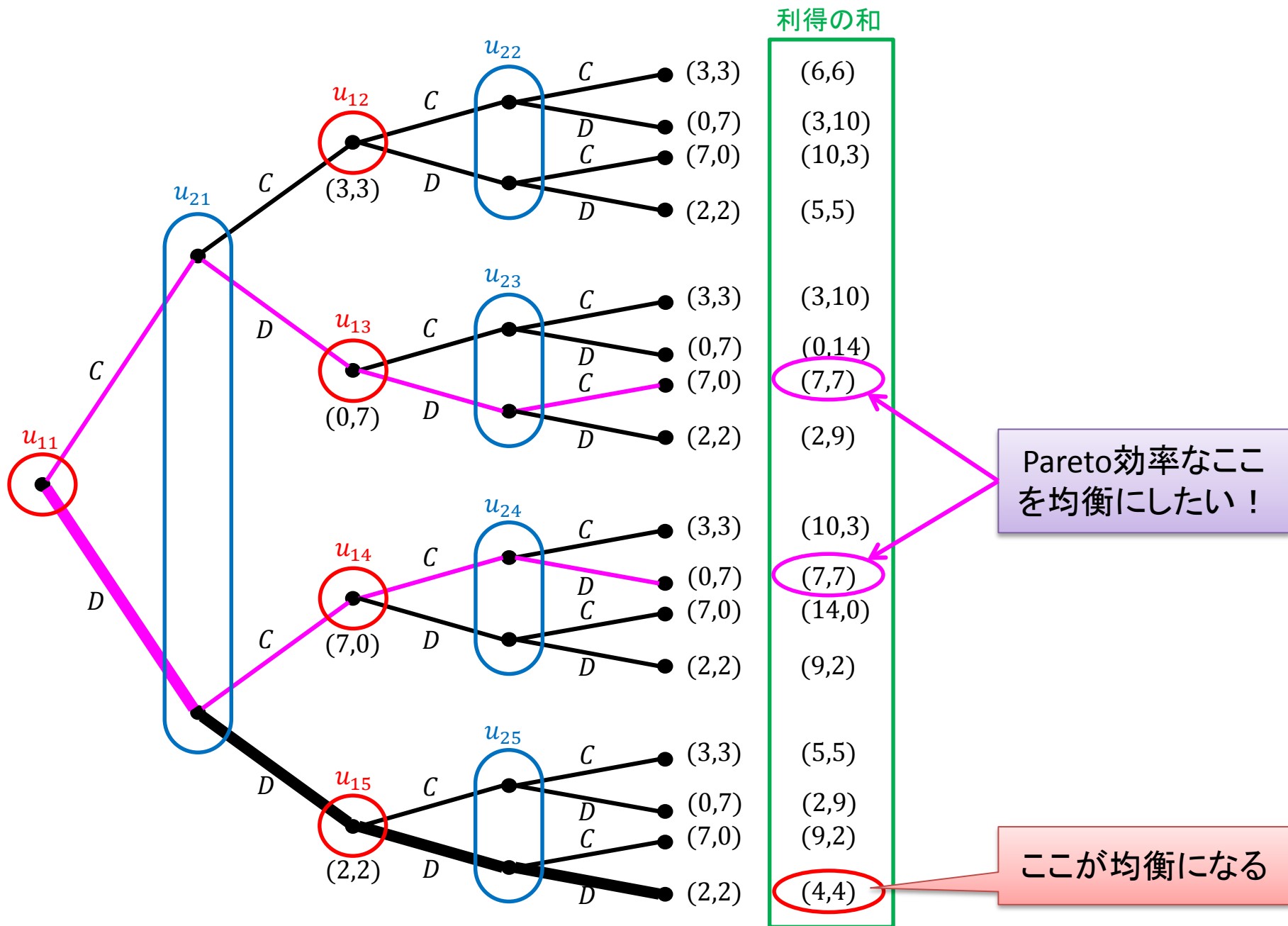
1 \ 2	C	D
C	3,3	0,7
D	7,0	2,2

1回目



1 \ 2	C	D
C	3,3	0,7
D	7,0	2,2

2回目




非対角線部分の結果への着目

Pareto効率を達成するために、次のいずれかを達成したい。

Case.1

1 \ 2	C	D
C	3,3	0,7
D	7,0	2,2

1回目




1 \ 2	C	D
C	3,3	0,7
D	7,0	2,2

2回目

Case.2

1 \ 2	C	D
C	3,3	0,7
D	7,0	2,2

1回目



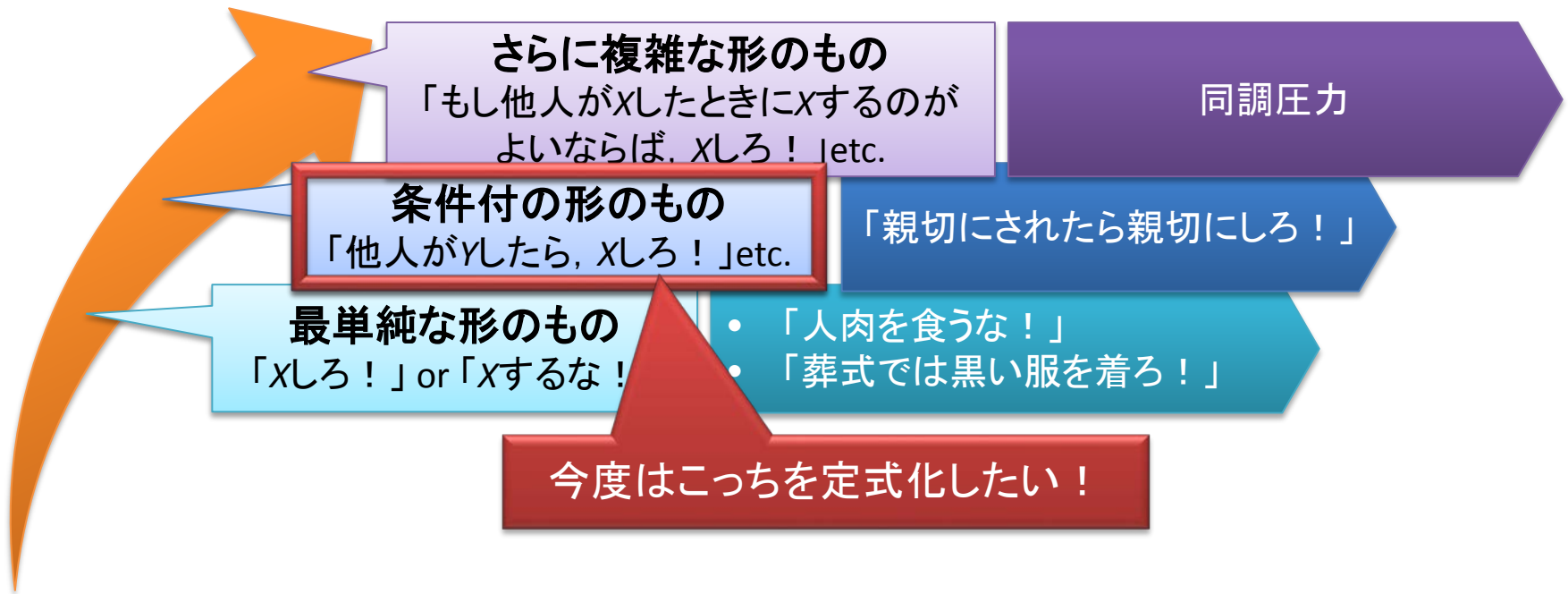
1 \ 2	C	D
C	3,3	0,7
D	7,0	2,2

2回目

これらを達成するためには、これまでの「最単純の形の社会規範」ではなく、「条件付の形の社会規範」が必要となると考えられる。

今後の課題

課題①: 条件付の形の社会規範の定式化



課題②: n 人状況への拡張

参考文献

1. Elster, J. (1989a). *The cement of society: A survey of social order*. Cambridge University Press.
2. Elster, J. (1989b). "Social norms and economic theory." *The Journal of Economic Perspectives*, 99-117.
3. Elster, J. (1989c). *Nuts and bolts for the social sciences*. Cambridge University Press.
4. Elster, J. (2007). *Explaining social behavior: More nuts and bolts for the social sciences*. Cambridge University Press.
5. Frey, B. S., Benz, M., & Stutzer, A. (2004). "Introducing procedural utility: Not only what, but also how matters." *Journal of Institutional and Theoretical Economics (JITE)/Zeitschrift für die gesamte Staatswissenschaft*, 377-401.
6. Frey, B. S., & Stutzer, A. (2005). "Beyond outcomes: measuring procedural utility." *Oxford Economic Papers*, 57(1), 90-111.
7. Krupka, E. L., & Weber, R. A. (2013). "Identifying social norms using coordination games: Why does dictator game sharing vary?." *Journal of the European Economic Association*, 11(3), 495-524.