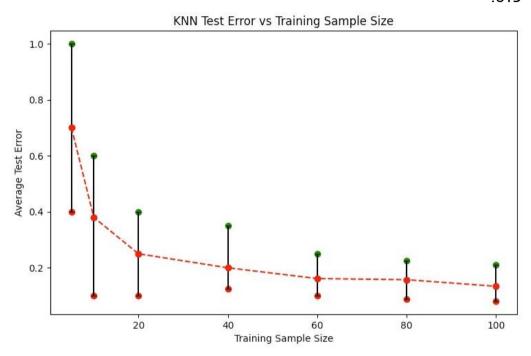
מאיטים: אומר אהל - סגר 31825612 יותם בלנין- 1817177 315

Introduction to Machine Learning Exercise 1 – Answers

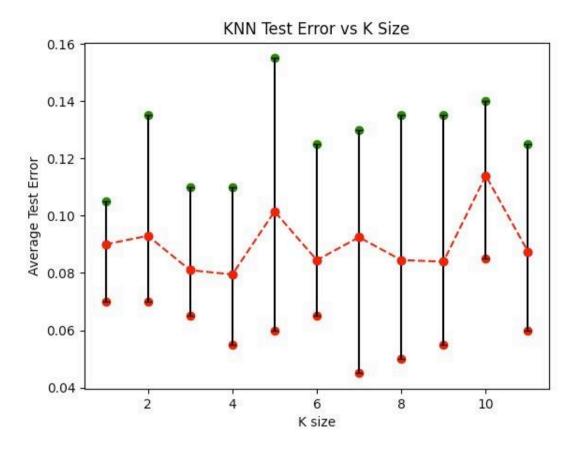
nearest_neighbour.py שאלה 1: בקובץ

:2 שאלה

a. פלט:



- ניתן לראות בגרף המצורף שככל שאנו מגדילים את גודל המדגם, השגיאה הממוצעת קטנה. ניתן להסביר זאת מכמה סיבות.
 ראשית, ככל שאנו מגדילים את גודל המדגם, ככה אנו יותר "דומים" להתפלגות
- האמיתית. כלומר, הסיכוי שנקבל מדגם שמחסיר סוגים שונים של לייבלים קטן.
 שנית, מכיוון שאנו בודקים עבור הtest_data את המרחק מכל וקטור במדגם, הגדלת המדגם מגדילה את הסיכוי לקבל וקטור קרוב יותר עם תווית נכונה.
 - כן.
 אנו עשויים לקבל תוצאות שונות עבור ריצות עם אותו גודל מדגם מכיוון שבכל ריצה
 בחירת המדגם מתבצעת באופן אקראי ולכן מדידת המרחקים של הtest_data
 עשויה להתבצע אל מול וקטורים שונים מהמדגם.
 - d. כן, הפרשי השגיאה (maxError minError) קטנים ככל שגודל המדגם גדל. בדומה לסעיף b, תופעה זו מעידה על כך שהמודל הופך ליותר יציב ועקבי כאשר הוא מאומן עם יותר דוגמאות. הגדלת המדגם מקרבת את ההתפלגות האמיתית בצורה טובה יותר, מה שמוביל לחיזוי אמין יותר ופחות משתנה.



כפי שניתן לראות בגרף, השגיאה המינימלית התקבלה כאשר k=4. במדגם בגודל 200 כאשר נרצה לבחון דוגמא חדשה בהסתברות גבוהה כבר פגשנו דוגמא קרובה לה בשלב האימון המסווגת נכון. עבור K קטו. המודל רגיש לרעש בנתונים. אשר עלול להוביל לover fitting (למידה

עבור K קטן, המודל רגיש לרעש בנתונים, אשר עלול להוביל לסver fitting) (למידה על מס קטן של שכנים הקרובים ביותר).

עבור K גדול, המודל עלול להוביל להוביל שחשר מהסיבה שהמודל שוקל בחישוב יותר מידי שכנים, שחלקם עשויים להיות די רחוקים מהאינפוט וזה יכול לדלל את ההשפעה של השכנים הקרובים והרלוונטיים ביותר ולהוביל לעלייה בשגיאות. על כן, כדאי לבחור K מתאים בשביל לאזן את למידת המאפיינים אל מול רגישות יתר לרעש.

Not show by (x,y) = (0,1). Bayes-error = 0 or 0 -1 nets (x,y) = (0,1) or (x,y) = (0

. |1/(x1)-1/(x2)| ≤C·p(x1,x2), x1,x2 ∈ Supp(0) bf null, C-Lipschitz -> 1300 Ny(x)

. $y_1 \neq y_2 - e$ po $(X_1, Y_1)_i (Y_2, Y_2) \in S$ in , $S \sim 0^m$ is $W_1(Q)$. $X_1, X_2 \in Sapp(0)$ is $(X_1, Y_1)_i (Y_2, Y_2) \in S$

(d) (I'n asize $c \cdot 0 \neq (0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ is $c \cdot 0 \neq (0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ if $c \cdot 0 \neq (0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ is $c \cdot 0 \neq 0$ if $c \cdot 0 \neq 0$ is $c \cdot 0 \neq 0$ in $c \cdot 0 \neq 0$ is $c \cdot 0 \neq 0$ in $c \cdot 0 \neq 0$ is $c \cdot$

$$X = \{(x_1, x_2) \mid x_1 \in [0, 42], x_2 \in [0, 5]\}$$
, $Y \in \{b \mid ack, white\}$ (a)

hbayes
$$(8,4) = black$$
 $\Leftarrow \eta_{\omega}(8,4) = 0.06$ $\eta_{b}(8,4) = 0.42$ (b)
hbayes $(4S,1) = black$ $\Leftarrow \eta_{\omega}(4S,1) = 0.07$ $\eta_{b}(4S,1) = 0.21$
hbayes $(4S,2) = \omega$ hize $\Leftarrow \eta_{\omega}(4S,2) = 0.24$

$$: \text{Pol} \quad \text{error}(h,0) = \sum_{x \in \mathcal{X}} Pr(x=x) \left(1 - \sqrt{h_{\text{bayes}}(x)}(x)\right) \qquad \quad \text{on any like} \quad \text{(c)}$$

$$e(for(h, 0)) = P_{f}(g, y) \cdot (1 - \eta_{hoayes(g, y)}(g, y)) + P_{f}(fs, t) \cdot (1 - \eta_{hoayes(ss, t)}(15, t)) + P_{f}(fs, t) \cdot ($$

$$(a) \text{ block } h_{\omega}(x) = \text{white } H = \{h_1, h_2\}$$

$$\begin{split} \mathsf{eff}(h_{b}, \Lambda) &= \sum_{\mathsf{X} \in \mathcal{X}} \mathsf{Rf}(\mathsf{X} = \mathsf{X}) \left(1 - \eta_{h_{b}(\mathsf{X})}(\mathsf{X}) \right) = \\ &= \mathsf{Pf}(\mathsf{Y}, \mathsf{Y}) \cdot \left(1 - \eta_{h_{b}(\mathsf{Y}, \mathsf{Y})}(\mathsf{Y}, \mathsf{Y}) \right) + \mathsf{Pf}(\mathsf{Y}, \mathsf{Y}) \cdot \left(1 - \eta_{h_{b}(\mathsf{Y}, \mathsf{Y})}(\mathsf{Y}, \mathsf{Y}) \right) + \mathsf{Pf}(\mathsf{Y}, \mathsf{Y}) \right) + \mathsf{Pf}(\mathsf{Y}, \mathsf{Y}) + \mathsf{Pf}(\mathsf{Y}, \mathsf$$

$$\begin{aligned} & \text{eff}(h_{\omega}, \Omega) = \sum_{x \in S} P(X = X) \left(1 - \eta_{h_{\omega}(x)}(X) \right) = \\ & = P_{\Gamma}(g, Y) \cdot \left(1 - \eta_{h_{\omega}(g, Y)}(g, Y) \right) + P_{\Gamma}(1S, 1) \cdot \left(1 - \eta_{h_{\omega}(g, Y)}(1S, 1) \right) + P_{\Gamma}(1S, 2) \cdot \left(1 - \eta_{h_{\omega}(g, Y)}(1S, 2) \right) \\ & = P_{\Gamma}(g, Y) \cdot \left(1 - \eta_{\omega} + \eta_{\omega}(g, Y) \right) + P_{\Gamma}(1S, 1) \cdot \left(1 - \eta_{\omega} + \eta_{\omega} + \eta_{\omega}(1S, 1) \right) + P_{\Gamma}(1S, 2) \cdot \left(1 - \eta_{\omega} + \eta_{\omega} + \eta_{\omega} + \eta_{\omega} \right) \\ & = 0.48 \cdot \left(1 - \frac{0.06}{0.48} \right) + 0.28 \cdot \left(1 - \frac{0.07}{0.28} \right) + 0.24 \cdot \left(1 - \frac{0.27}{0.28} \right) = 0.63 \end{aligned}$$

 $\mathbb{E}_{S \sim \mathcal{D}^m}[\operatorname{err}(\hat{h}_S, \mathcal{D})] = \frac{k-1}{k} \sum_{x \in \mathcal{X}} p_x (1-p_x)^m.$

K=2 (black, white), m=3 : pyly)

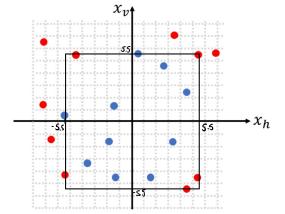
$$E[err(h,0")] = \frac{1}{2} \cdot \underbrace{\sum_{x \in X} \rho_{x} (1 - \rho_{x})^{m}}_{x \in X} = \frac{1}{2} \cdot \left[\rho_{y,y} (1 - \rho_{y,y})^{3} + \rho_{y,z} (1 - \rho_{y,z})^{3} \right] = \frac{1}{2} \cdot \left[0.09 (1 - 0.08)^{3} + 0.15 (1 - 0.15)^{3} + 0.47 (1 - 0.47)^{3} + 0.3 (1 - 0.3)^{3} \right] = 0.163$$

(3.0) a cive (ssow buissim - Leovarn sily X sy (see exim).

ARJUAN SE ARJUAN AR JUNE ALION BY CIT THE SELECE AMERICAN A SELECE A SELECE

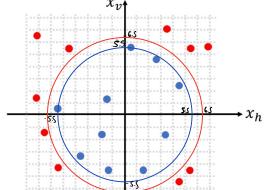
:5 Doll

 $S = \left\{ (0.5, 5.5), (27, 4.5), (4.5, 2.5), (-1.5, 1.2), (-5.5, 0.5), (-1.9, -1.5), (-3.5, -3.2), (-1.3, -4.5), (3.3, -1.6), (4.5, -4.5), (3.5, 7), (5.5, 5.5), (6.9, 5.6), (-7.1, 6.5), (-7.2, 1.5), (-5.5, 4.2), (-5.5, 4.2), (5.3, -4.5), (4.5, -5.5) \right\}$



.5.5
$$\pi^{1}$$
 T_{h} . T_{v} · L_{v} · L

 $X_{V}=S.S$, $X_{N}=S.S$ M(3) H point plan of M for ERM Elk pf $(N,S) = \frac{1}{20} \cdot \sum_{i=1}^{20} \mathbb{I}[N(X_{i}) \neq Y_{i}] = \frac{1}{20} \cdot S = \frac{1}{4}$ Altae for annual



$$g(X_{u}, X_{v}) = \sqrt{X_{u}^{2} + X_{v}^{2}}$$
 : $\delta dv \sim kllev \sim 175 g \sim k \sim 175)$ (b)
 $H_{g} := \{f_{g, \tau} \mid \tau \in [5.5, 6.5]\}$

- ניץ להוות כי אבור ב.ש.ב.בלשד , פא יחציר אני שלאר אוטירית השווה ו-0 החנת העוצה הנוכמי.
- ולפיגע ניסץ צי נגוום ניחגא מעאוחני וענ ציוניע עעלאא אז פוצל זיר חנעל נייפועים

user oft, de case year non nes say anessa per anna outs annas aucar si user of the alum unest.