

全國高級中等學校 107 學年度商業類學生技藝競賽

【程式設計】職種【術科】正式試題卷

运 1 通 加 ·	選手證號碼:		姓名:	
------------------	--------	--	-----	--

各個子題均提供 2 組測試輸入檔,檔名分別是「in1.txt」及「in2.txt」。選手製作的程式,應依序讀入「in1.txt」及「in2.txt」檔,程式執行後,並產生 1 個輸出檔「out.txt」。(即,每個程式讀入 2 個輸入檔,產生 1 個輸出檔。)在輸出檔中,選手應先輸出「in1.txt」產生的結果,再輸出「in2.txt」的結果,兩組結果間用 1 行「空白行」隔開。不影響結果的空白鍵,不列入扣分。若程式執行檔執行結果未依序、不全或無法執行,該子題以零分計算。

題目	子題	題目內容	配分
Dwahlam 1	子題1	計算字數及含有 s 或 S 字母的字數	9
Problem1	子題 2	井字棋	11
Dwahlam?	子題1	快樂數字	10
Problem2	子題 2	排列	13
Duals laur 2	子題1	大數乘冪運算	15
Problem3	子題 2	模數 (Modulo)	12
Problem4	子題1	樹(找2節點之間最長路徑的長度)	16
	子題 2	循環排列	14

(程式執行限制時間: 2 秒)

Problem 1:

子題 1:計算字數及含有 s 或 S 字母的字數。

每列測試資料(每組測試資料)有多個英文字,字和字之間用一個或多個空白隔開。",;!."這四個符號會與英文字相鄰。寫一程式計算每列測試資料(每組測試資料)字數及含有 \mathbf{s} 或 \mathbf{S} 字 母的字數。

輸入說明 :

第 1 列的數字 n 代表有幾組資料要測試, $2 \le n \le 20$,第二列起為測試資料,每列為一組測試資料,每組測試資料字元數 ≤ 255 。

輸出說明:

每組測試資料輸出一列,計算每列字數及含有 s 或 S 字母的字數。

輸入檔案 1:【檔名:in1.txt】

3

This is a sample file.

Hello World!!

SOS!

輸入檔案 2:【檔名:in2.txt】

3

Bigtable **timestamps** are **integers**.

Each cell in a Bigtable can contain multiple <u>versions</u> of the <u>same</u> data; <u>these versions</u> are indexed by <u>timestamp</u>.

It <u>stood</u> on a hill overlooking the village, <u>some</u> of <u>its windows</u> boarded, <u>tiles missing</u> from <u>its</u> roof, and ivy <u>spreaDitng</u> unchecked over <u>its</u> face.

輸出範例:【檔名:out.txt】

5,3

2,0

1,1

4,2

19,5

25,9

Problem 1:

子題 2: 井字棋。

井字棋,又稱為井字遊戲、圈圈叉叉。兩個玩家,一個打圈(O),一個打叉(X),輪流在3乘3的格子上打自己的符號,最先以橫、直、斜連成一線則為勝利者。如果雙方都下得正確無誤,將得和局。輸入的測試資料,可能是下到一半的井字棋。

輸入說明 :

第1列的數字n代表有幾組資料要測試, $2 \le n \le 20$,第二列起為測試資料,每三列為一組測試資料,每組測試資料為3乘3,記錄二位玩家1、玩家2下的井字棋。以數字1和2來表示玩家1、玩家2下的圈(O)、叉(X)。用0代表玩家1和玩家2都未下到自己的符號。<u>可能是下</u>到一半的井字棋。測試資料不會出現:玩家1和玩家2同時都連成一線或同一玩家連成二線。不會出現

102

112

102

不會出現同一玩家連成二線:

122

112

121

輸出說明:

每組測試資料輸出一列,判斷每組玩家 1、玩家 2下的井字棋,最先以横、直、斜連成一線 則為勝利者。輸出結果為 1、2 或 3,分別代表勝利者為玩家 1、玩家 2 或平手(未分出勝利者)。

期入倡系Ⅰ·【倡名·InI.txt】
3
122
110
102
211
220
201
111
220
201
+A 1 Lace a . V Lace to
輸入檔案 2:【檔名:in2.txt】
4
122
110
201
212
122
121
121
021
002
121
000
000
輸出範例:【檔名:out.txt】
1
2
1
1
3
3
3

Problem 2:

子題1:快樂數字。

讓我們輸入正整數 S_0 ,整數中每個數字的平方和為 S_1 。以相同的方法計算 S_1 中每個數字的平方和為 S_2 ,並依此類推。假如有某個 $S_i=1 (i \geq 1)$ 則我們說 S_0 是一個快樂數字(Happy number)。如果某一個數 $S_i \neq 1 (i \geq 1)$, $S_i = S_0$,那 S_0 就是一個不快樂數字(Unhappy number)。

例如: 7 是一個快樂數字(Happy number),因為7 $\stackrel{7^2}{\longrightarrow}$ 49 $\stackrel{4^2+9^2}{\longrightarrow}$ 97 $\stackrel{9^2+7^2}{\longrightarrow}$ 130 $\stackrel{1^2+3^2+0^2}{\longrightarrow}$ 10 $\stackrel{1^2+0^2}{\longrightarrow}$ 1

例如: 4 是一個不快樂數字(Unhappy number),因為

$$4 \xrightarrow{4^2} 16 \xrightarrow{1^2+6^2} 37 \xrightarrow{3^2+7^2} 58 \xrightarrow{5^2+8^2} 89 \xrightarrow{8^2+9^2} 145 \xrightarrow{1^2+4^2+5^2} 42 \xrightarrow{4^2+2^2} 20 \xrightarrow{2^2+0^2} 4$$
永遠無法產生 $1 \circ$

例如:13 是一個快樂數字(Happy number),因為 $13 \xrightarrow{1^2+3^2} 10 \xrightarrow{1^2+0^2} 1$

輸入說明:

第一列的數字 n 代表有幾筆資料要測試, $2 \le n \le 20$,之後每列為每筆的測試資料,為 1 個正整數 $S_0(2 \le S_0 \le 100000)$ 。

輸出說明:

每筆測試資料輸出一列。若輸入的正整數 S_0 為一個快樂數字(Happy number)則輸出 T,若輸入的正整數 S_0 為一個不快樂數字(Unhappy number)則輸出 F 輸出。

出處: UVa10591 https://zerojudge.tw/ShowProblem?problemid=d442

```
輸入檔案 1:【檔名:in1.txt】
3
7
4
13
輸入檔案 2:【檔名:in2.txt】
8
68
49
14
65
213
9437
100000
99999
輸出範例:【檔名:out.txt】
T
F
T
T
T
F
F
F
F
T
F
```

Problem 2:

子題 2:排列。

在排列問題中將一組數字進行排列,可以得到不同的數字順序;例如 1,2,3,4 這組數字的排列 有 24 組,數列順序如下:

(1)1234	(7)2134	(13)3124	(19)4123
(2)1243	(8)2143	(14)3142	(20)4132
(3)1324	(9)2314	(15)3214	(21)4213
(4)1342	(10)2341	(16)3241	(22)4231
(5)1423	(11)2413	(17)3412	(23)4312
(6)1432	(12)2431	(18)3421	(24)4321

列出 N 個數字的所有排列,排列數列順序由 1 到 N!,排列數列 1234 到 4321 由小到大,找出 順序 $1 \le k \le N$! 所對應的排列數列。

輸入說明:

第一列的數字 n 代表有幾筆資料要測試, $2 \le n \le 20$,之後每列為每筆的測試資料 $N, x_1, x_2, \ldots, x_N, k$,共有 $N(2 \le N \le 5)$ 個 **0~9不同的數字** $x_1, x_2, \ldots, x_N(x_1 < x_2 < \cdots < x_N)$, $1 \le k \le N!$ 。各個測試資料間以","或","隔開。

輸出說明:

每筆測試資料輸出一列。輸出以 $N(x_1,x_2,\ldots,x_N)$ 個數字排列數列由小到大,找出順序k所對應的排列數列。

輸入檔案 1:【檔名:in1.txt】

2

2,5,7,2

3,1,6,8,4

輸入檔案 2:【檔名:in2.txt】

4

2,0,2,1

3,0,3,9,1

3,0,3,9,6

4,4,5,6,7,24

輸出範例:【檔名:out.txt】

75

681

02

039

930

Problem 3:

子題1:大數乘幂運算。

不論是什麼型態的數值,均有上限。以 32 位元系統來看:int(整數)型態的數值,範圍是: -2147483648~2147483647 (- 2^{31} ~ 2^{31} -1)。在日常生活中,「5678」我們一看就知道這是 4 位數,「23456」一看就知道是 5 位數,可以直接從這串數字中,快速地算出這串數字有幾個數字。 寫一個程式,讓使用者輸入兩個整數 $1 \le m, k \le 999$,做乘幂運算(指數運算),表達式為 m^k 。 其中,m稱為底數,而 k稱為指數,其結果為 m自乘 k 次,計算 m^k 值的位數。

$$m^k = \underbrace{m \times m \times \cdots \times m}_k$$

輸入說明:

第 1 列的數字n代表有幾筆資料要測試, $2 \le n \le 20$,第二列起為測試資料,之後每列為每筆的測試資料,分別代表m和k兩個整數 $1 \le m, k \le 999$ 。各個測試資料間以","或","隔開。

輸出說明:

每筆測試資料輸出一列。輸出m^k值的位數。。

輸入檔案 1:【檔名:in1.txt】

2

2,5

1,1

輸入檔案 2:【檔名:in2.txt】

4

999,1

2,10

10,2

99,99

輸出範例:【檔名:out.txt】

2

1

3

4

3

Problem 3:

子題 2: 模數 (Modulo)

在程式設計中取餘數的運算(不考慮運算的商),模數 (Modulo) MOD 運算,它的定義是取得兩個整數相除後結果的餘數。

令一個整數 n 與正整數 a, 並 n 除以 a 得到商為 q, 與餘數 b, 如下:

$$n = a \times q + b, 0 \le b < a, q = \lfloor n/a \rfloor$$

$$-11 \text{ MOD } 3 = 1, -11 = 3 \times (-4) + 1$$

$$-1 \text{ MOD } 13 = 12, -1 = 13 \times (-1) + 12$$

例如:19 MOD 7 = 5 ,因為 19 除以 7 商 2 餘 5。餘數 5 即執行 MOD 運算後的結果。

例如: 54 MOD 24 = 6 、-1 MOD 13 = 12 、-2 MOD 11 = 9。

給三個整數 $a, (amin \le a \le amax), b, (bmin \le b \le bmax), m, (mmin \le m \le mmax)$ 的範圍,找到有多少組(a,b,m) 符合等式:

(a+b) MOD m = (a-b) MOD m

舉個簡單的例子: $1 \le a \le 2, 2 \le b \le 4, 3 \le m \le 4$

(a+b) MOD m	=	(a-b) MOD m
(1+2) MOD 4	3	(1-2) MOD 4
(1+3) MOD 3	1	(1-3) MOD 3
(1+4) MOD 4	1	(1-4) MOD 4
(2+2) MOD 4	0	(2-2) MOD 4
(2+3) MOD 3	2	(2-3) MOD 3
(2+4) MOD 4	2	(2-4) MOD 4

輸入說明:

第一列的數字n代表有幾筆資料要測試, $2 \le n \le 20$,之後每列為每筆的測試資料為**六個整數** $amin \ amax \ bmin \ bmax \ mmin \ mmax$

```
1 \le amin \le amax \le 99
```

 $1 \leq bmin \leq bmax \leq 99$

 $1 \le mmin \le mmax \le 99$

。各個整數間以一個或多個空白""隔開。

輸出說明:

每筆測試資料輸出一列。**對於每組測資,輸出有多少** (a, b, m) 滿足模方程 (a+b) MOD m=(a-b) MOD m

輸入檔案 1:【檔名:in1.txt】

4

122434

122467

342467

5 9 10 12 2 9

輸入檔案 2:【檔名: in2.txt】

5

111111

121212

151512

151534

151514

輸出範例:【檔名:out.txt】

6

2

2

45

1

8

50

15

Problem 4:

子題 1:樹(找 2 節點之間最長路徑的長度)。

在資料結構中,樹狀結構是可以用來描述有分支的結構,包含 1 個或多個節點。其存在一個 特殊的節點,稱為根節點(root),可連結若干子樹,也可以沒有子樹;從任一節點到根節點, 都只有唯一的節點不重複路徑。

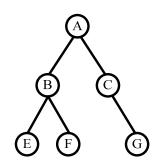


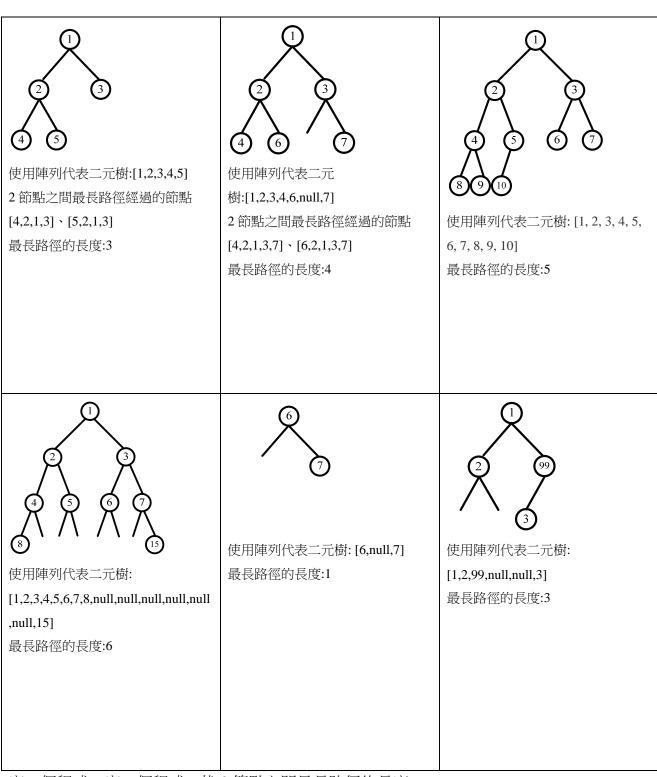
圖 4.1.1

在圖 4.1.1 中,有編號的圓形代表節點,A 為根節點,B 及 C 均為 A 的子節點,各節點之間不會有迴圈,且所有節點之間都有一個或多個邊相連通。任一樹狀結構的總邊數等於其總節點數減 1 ,在樹上任意添加一條邊,就會產生迴圈。

專有名詞介紹:

- (1) 無父節點的節點為根節點(Root),如 A。
- (2) 父節點 (Parent):一節點的上層節點為父節點,如B的父節點為A,如G的父節點為C。
- (3) 子節點 (Children): 一節點的下層節點為子節點,如 B 的子節點有 E 及 F; C 的子節點有 G。
- (4) 兄弟節點 (Siblings):有共同父節點的節點稱為兄弟節點,如 B、C 互為兄弟節點。
- (5) 分支度 (Degree): 一個節點的子樹個數稱為其分支度,如 A 的分支度為 2; B 的分支度為
- 2; C的分支度為1; E的分支度為0。
- (6) 樹葉節點(Terminal node):無子節點的節點,如E、F、G。
- (7) 內部節點 (Non-terminal node): 樹葉以外的節點均為內部節點,如 A、B、C。
- (8) 階層或階度 (Level): A 為階層 1; B、C 為階層 2; E、F、G 為階層 3。
- (9) 高度 (Height):樹的最大階度,例如圖 4.1.1,因最大階度階度為 3,則其樹的高度為 3。

每組測試資料代表一二元樹,二元樹每個節點最多只有兩個子節點的樹,節點左邊稱為左子樹 (left child)、節點右邊稱為右子樹 (right child),使用陣列代表二元樹,能快速找到任意節點的父節點與左右子節點。最長路徑的長度為經過的邊數;換句話說,2 節點之間最長路徑的長度為最長路徑經過的節點數-1。寫一個程式,找2 節點之間最長路徑的長度。



寫一個程式,寫一個程式,找2節點之間最長路徑的長度。

輸入說明:

第一列的數字n代表有幾筆資料要測試, $2 \le n \le 20$,之後每列為每筆的測試資料為一二元樹, 有 $N(2 \le N \le 127)$ 個整數 $[x_1, x_2, \ldots, x_N]$, $1 \le x_1, x_2, \ldots, x_N \le 127$,也有可能是空值 null。 各個數字間以","或","隔開。使用陣列代表二元樹,最後一個節點的值不會是 null,樹的高度最高為 7。

輸出說明:

每組測試資料輸出一列。寫一個程式,找2節點之間最長路徑的長度。

輸入檔案 1:【檔名:in1.txt】

5

[6,5,7]

[1,2,3,4,5]

[1,2,3,4,6,null,7]

[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]

[1,2,3,4,5,6,7,8,null,null,null,null,null,null,15]

輸入檔案 2:【檔名:in2.txt】

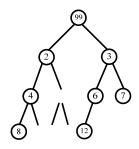
4

[6,null,7]

[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15]

[1,2,99,null,null,3]

[99,2,3,4,null,6,7,8,null,null,null,12]



[99,2,3,4,null,6,7,8,null,null,null,12] 最長路徑的長度:6

輸出範例:【檔名:out.txt】

2

3

4

5

6

1

6

3

Problem 4:

子題 2:循環排列 cyclic permutation。

k個元素可將 $[1,2,\ldots,k]$ 的元素做排列。循環排列為排列的子集合。例如從整數 $1 \subseteq 5$ 選取 2,5,4,循環 (2,5,4) 即為

 $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 5 & 3 & 2 & 4 \end{pmatrix} = (1)(2,5,4)(3)$ 。上列 2 的位置對應到下列 5,上列 5 的位置對應到下列 4,

上列 4 的位置對應到下列 2,形成循環排列 (2,5,4)。上列 1 的位置對應到下列 1,上列 3 的位置對應到下列 3。

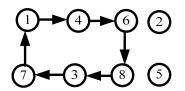
循環排列的表達方式並不唯一,譬如 (2,5,4), (5,4,2), (4,2,5), 都表示相同的循環排列,程式輸出(2,5,4), 2為循環排列中最小值。{1,2,3}的各種排列及對應的循環排列:

[1,2,3]的排列	循環排列
[1,2,3]	(1)(2)(3)
[1,3,2]	(1)(23)
[2,1,3]	(12) (3)
[2,3,1]	(123)
[3,1,2]	(132)
[3,2,1]	(13) (2)

例如,排列[4,2,7,6,5,8,1,3],以兩行(以兩種方式)循環書寫循環排列:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 \\ 4 & 2 & 7 & 6 & 5 & 8 & 1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 6 & 8 & 3 & 7 & 2 & 5 \\ 4 & 6 & 8 & 3 & 7 & 1 & 2 & 5 \end{pmatrix} = (146837)(2)(5)$$

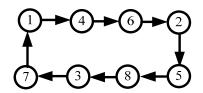
是一個六個週期; 其循環圖如下圖所示。



例如,排列[4,5,7,6,8,2,1,3],以兩行(以兩種方式)循環書寫循環排列:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 \\ 4 & 5 & 7 & 6 & 8 & 2 & 1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 6 & 2 & 5 & 8 & 3 & 7 \\ 4 & 6 & 2 & 5 & 8 & 3 & 7 & 1 \end{pmatrix} = (14625837)$$

是一個八個週期; 其循環圖如下圖所示。



輸入說明:

第一列的數字n代表有幾筆資料要測試, $2 \le n \le 20$,之後每列為每筆的測試資料為一排列, 有 $k(3 \le k \le 20)$ 個不同的整數[1, 2, ..., k]排列。各個數字間以","或","隔開。

輸出說明:

每組測試資料輸出一列。輸出每組測試資料的循環排列,每個循環排列中最小值放在最前面,每個數字間以","隔開;各個循環排列按照第一個數字由小到大依序輸出,各個循環排列間以"[""],"隔開。

輸入檔案 1:【檔名:in1.txt】

7

[3, 1, 2]

[1, 2, 6, 4, 7, 3, 5, 8]

[2, 6, 1, 4, 7, 3, 5, 8]

[1, 6, 4, 2, 7, 3, 5, 8]

[4, 2, 7, 6, 5, 8, 1, 3]

[4, 5, 7, 6, 8, 2, 1, 3]

[6, 1, 2, 4, 7, 3, 5, 8, 9, 10, 12, 11, 13, 14, 16, 15]

輸入檔案 2:【檔名:in2.txt】

4

[1, 6, 7, 4, 2, 3, 5, 8]

[1, 6, 3, 4, 7, 2, 5, 8]

[1, 6, 5, 4, 7, 3, 2, 8]

[1, 6, 8, 4, 7, 3, 5, 2]

輸出範例:【檔名:out.txt】

[[1, 3, 2]]

[[1], [2], [3, 6], [4], [5, 7], [8]]

[[1, 2, 6, 3], [4], [5, 7], [8]]

[[1], [2, 6, 3, 4], [5, 7], [8]]

[[1, 4, 6, 8, 3, 7], [2], [5]]

[[1, 4, 6, 2, 5, 8, 3, 7]]

[[1, 6, 3, 2], [4], [5, 7], [8], [9], [10], [11, 12], [13], [14], [15, 16]]

[[1], [2, 6, 3, 7, 5], [4], [8]]

[[1], [2, 6], [3], [4], [5, 7], [8]]

[[1], [2, 6, 3, 5, 7], [4], [8]]

[[1], [2, 6, 3, 8], [4], [5, 7]]

選手在作答前,先將主辦單位發放的"光碟"內資料,全部複製到選手使用的電腦硬碟 C 槽中。 光碟內容包括 4 個資料夾(「Problem1」到「Problem4」),各資料夾內有「1」及「2」兩個子 資料夾。在子資料夾中,已存有該子題的輸入資料檔。選手在競賽時,各子題的程式及輸出 檔,應產生在硬碟對應的子資料夾中。考試結束時,在硬碟 C 槽的考試資料夾(含子題的整個 專案、程式、輸入及輸出檔),請選手全部再「備份」回原隨身碟中。

- 1. 各個子題均提供 2 組測試輸入檔,檔名分別是「in1.txt」及「in2.txt」。選手製作的程式,應依序讀入「in1.txt」及「in2.txt」檔,並產生 1 個輸出檔「out.txt」。(即,每個程式讀入 2 個輸入檔,產生 1 個輸出檔。)在輸出檔中,選手應先輸出「in1.txt」產生的結果,再輸出「in2.txt」的結果,兩組結果間用 1 行「空白行」隔開。不影響結果的空白鍵,不列入扣分。若程式執行檔執行結果未依序、不全或無法執行,該子題以零分計算。
- 2. 程式原始檔的「專案名稱」請依規定命名,程式中使用的「表單」名稱請與專案名稱命 名相同。若選手在同一專案中使用多個表單,依開發環境內定名稱命名即可。**輸入資料** 檔、輸出資料檔、程式執行檔請依"存放路徑及檔名"規定存放。若選手使用有別於 VB 之開發環境,專案(程式)名稱仍依規定。

各個子題均提供 2 組測試輸入檔,檔名分別是「in1.txt」及「in2.txt」。選手製作的程式,應將「in1.txt」「in2.txt」「out.txt」及 p??.exe(例如:p11.exe 或 p12.exe),這四個檔案放在指定的地方。如下圖所示:



題目	子題	檔案類型	存放路徑及檔名
子題 1 Problem1 子題 2	子題 1	輸入資料檔	C:\Problem1\1\in1.txt 和 in2.txt
		輸出資料檔	C:\Problem1\1\out.txt
	程式執行檔	C:\Problem1\1\p11.exe	
	輸入資料檔	C:\Problem1\2\in1.txt 和 in2.txt	
	子題 2	輸出資料檔	C:\Problem1\2\out.txt
		程式執行檔	C:\Problem1\2\p12.exe

題目	子題	檔案類型	存放路徑及檔名
		輸入資料檔	C:\Problem2\1\in1.txt 和 in2.txt
	子題1	輸出資料檔	C:\Problem2\1\out.txt
Duchlam 2		程式執行檔	C:\Problem2\1\p21.exe
Problem2	子題 2	輸入資料檔	C:\Problem2\2\in1.txt 和 in2.txt
		輸出資料檔	C:\Problem2\2\out.txt
		程式執行檔	C:\Problem2\2\p22.exe

題目	子題	檔案類型	存放路徑及檔名
Problem3	子題 1	輸入資料檔	C:\Problem3\1\in1.txt 和 in2.txt
		輸出資料檔	C:\Problem3\1\out.txt
		程式執行檔	C:\Problem3\1\p31.exe
	子題 2	輸入資料檔	C:\Problem3\2\in1.txt 和 in2.txt
		輸出資料檔	C:\Problem3\2\out.txt
		程式執行檔	C:\Problem3\2\p32.exe

題目	子題	檔案類型	存放路徑及檔名
子題 1 Problem4 子題 2	子題 1	輸入資料檔	C:\Problem4\1\in1.txt 和 in2.txt
		輸出資料檔	C:\Problem4\1\out.txt
		程式執行檔	C:\Problem4\1\p41.exe
	輸入資料檔	C:\Problem4\2\in1.txt 和 in2.txt	
	子題 2	輸出資料檔	C:\Problem4\2\out.txt
		程式執行檔	C:\Problem4\2\p42.exe