

## Algorithmique II

### Examen final

#### Corrigé

#### Exercice 1 : (Sur 6 points)

Un marchand de produits représente chaque Produit comme une structure contenant les champs suivants :

- CodeProduit, une chaîne de caractères de taille maximale 10 caractères, indiquant le code du Produit.
- NomProduit, une chaîne de caractères de taille maximale 20 caractères, indiquant le nom du Produit.
- PrixUnitaire, un réel indiquant le prix unitaire du produit.
- Quantité, un entier indiquant la quantité à vendre du produit.
- Stock, un entier indiquant la quantité du produit se trouvant dans le stock.

Pour établir la facture des produits vendus pour un client le marchand range la liste des produits vendus à ce client dans un tableau de Produits nommé Tab.

1. a) Donner la déclaration du type Produit en tant que structure regroupant les champs ci-dessus.  
b) Donner la déclaration de Tab en tant que variable de type tableau de Produit, de taille N (N est une constante).
2. Ecrire une procédure AfficherFacture (Tab ; NomClient ; M : Entier) recevant le tableau Tab, une chaîne de caractères NomClient de taille maximale 20 caractères donnant le nom du client ainsi que le nombre M de produits vendus et la procédure affichera les produits du tableau, après avoir vérifié que pour chaque produit la quantité vendue est disponible en stock. L'affichage sera comme suit :

<u>Nom</u> : <u>NomClient</u>				
<u>Code du Produit</u>	<u>Nom du Produit</u>	<u>Prix Unitaire</u>	<u>Quantité</u>	<u>Prix Total</u>
.....	.....	.....	.....	.....
<u>Total</u> : .....				

"Prix Total" est le prix de la quantité vendue du produit, si elle est disponible dans le stock et  
"Total" est la somme des prix totaux

#### Corrigé

#### 1. a. Type Produit = structure

```
CodeProduit : Caractere[1..10]
NomProduit : Caractere[1..20]
PrixUnitaire : Reel
Quantité : Entier
Stock : Entier
```

Fin Structure

b. Var    Tab : Produit[1..N]

2.

**Procédure AfficherFacture** (Tab : Produit[1..N], NomClient : Caractere[1..20], M : Entier)

**Var** i : Entier

Total : Reel

**Debut**

Ecrire("\nNom : ", NomClient, "\n")

Ecrire("\n", Code du Produit, "\t", Nom du Produit, "\t", Prix Unitaire, "\t")

Ecrire(Quantité, "\t", Prix total)

Total ← 0

Pour i ← 1 à M Faire

Si (Tab[i].Quantité ≤ Tab[i].Stock) Alors

Ecrire("\n", Tab[i].CodeProduit, "\t", Tab[i].NomProduit, "\t")

Ecrire(Tab[i].PrixUnitaire, "\t", Tab[i].Quantité, "\t")

Ecrire(Tab[i].Quantité \* Tab[i].PrixUnitaire)

Total ← Total + Tab[i].Quantité \* Tab[i].PrixUnitaire

Fin Si

Fin Pour

Ecrire("\n\n", "Total : ", Total)

**Fin**

**Exercice 2 :** (Sur 7 points)

Soit Ch[1..n] et P[1..m] deux chaînes de caractères, avec  $1 \leq m \leq n$ . On considère la fonction *Match* (P ; Ch ; m ; n) définie par :

*Fonction Match* (P : Caractere[1..m]; Ch : Caractere[1..n]) : Entier

**Var** L, r : Entier

B : Boolleen

**Debut**

L ← 0

B ← Faux

Tant que (L ≤ (n-m) Et B = Faux) Faire

L ← L + 1

r ← 1

B ← Vrai

Tant que (r ≤ m Et B = Vrai) Faire

Si (P[r] ≠ Ch[L+r-1]) Alors

B ← Faux

Fin Si

r ← r + 1

Fin Tant que

Si (B = Vrai) Alors

Retourner L

Fin Si

Fin Tant que

Retourner -1

**Fin**

1. Expliquer brièvement le but de la fonction *Match* ?
2. Calculez la complexité temporelle  $C(m, n)$  dans les pires des cas de la fonction *Match*, ceci en fonction de m et n.
3. Modifiez la fonction *Match* de manière à ce qu'elle fournisse le nombre d'occurrences de P dans Ch (Les occurrences peuvent se chevaucher).

**Corrigé**

1. **But de la fonction Match** : La fonction *Match* retourne l'indice du début de la première occurrence de la chaîne *P* dans la chaîne *Ch*, ceci si elle existe ; sinon elle retourne -1.

2. **Complexité dans les pires des cas de la fonction Match**

Dans les pires des cas on passe dans la boucle externe (n-m) fois et pour chaque passage dans cette boucle on passe m fois dans la boucle interne, d'où la complexité :  
 $C(m, n) = 2 \text{ taffect} + 3 \text{ tcomp} + (n-m) * [4 \text{ tcomp} + 3 \text{ taffect} + \text{tadd} + m * (4 \text{ tcomp} + \text{taffect} + \text{tadd}) + 4 \text{ tcomp}]$

Donc  $C(m, n) = \Theta(m(n-m))$

3. Pour déterminer toutes les occurrences de la chaîne *P* dans la chaîne *Ch* on utilise la fonction *MatchModifié* donnée par :

*Fonction MatchModifié (P :Caractere[1..m]; Ch :Caractere[1..n]) : Entier*

*Var L, r : Entier*

*B : Boolleen*

*Compteur : Entier ← 0*

*Debut*

*L ← 0*

*B ← Faux*

*Tant que (L ≤ (n-m)) Faire*

*L ← L + 1*

*r ← 1*

*B ← Vrai*

*Tant que (r ≤ m Et B = Vrai) Faire*

*Si (P[r] <> Ch[L+r-1]) Alors*

*B ← Faux*

*Fin Si*

*r ← r + 1*

*Fin Tant que*

*Si (B = Vrai) Alors*

*Compteur ← Compteur + 1*

*Fin Si*

*Fin Tant que*

*Retourner Compteur*

*Fin*

**Exercice 3 : (Sur 7 points)**

On considère la suite récurrente donnée par :

$a_0 = 1$  ;  $a_1 = 2$  et  $a_n = a_{n-1} * a_{n-2}$  pour  $n > 1$

1. Ecrire en pseudo-code une fonction récursive *SuiteRecursive* () qui retourne le  $n^{\text{ème}}$  élément de cette suite.
2. Ecrire en pseudo-code une fonction itérative *SuiteIterative* () qui retourne le  $n^{\text{ème}}$  élément de cette suite.
3. Laquelle des deux fonctions est plus efficace. Justifier votre réponse en calculant les complexités temporelles des deux fonctions.

**Corrigé**

1.

*Fonction SuiteRécursive(n : Entier) : Entier*

*Début*

*Si (n < 0) Alors*

*Sortir*

*Fin Si*

```

    Si (n=0) Alors
        Retourner 1
    Sinon
        Si (n=1) Alors
            Retourner 2
        Sinon
            Retourner SuiteRécursive(n-1) * SuiteRécursive(n-2)
        Fin Si
    Fin Si
Fin

```

2.

**Fonction SuiteItérative(n : Entier) : Entier**

```

Var    A0, A1, A2 : Entier
      i : Entier
Début
    Si (n<0) Alors
        Sortir
    Fin Si
    Si (n=0) Alors
        Retourner 1
    Sinon
        Si (n=1) Alors
            Retourner 2
        Sinon
            A0 ← 1
            A1 ← 2
            i ← 2
            Tant Que (i ≤ n) Faire
                A2 ← A0 * A1
                A0 ← A1
                A1 ← A2
                i ← i+1
            Fin Tant Que
            Retourner A1
        Fin Si
    Fin Si
Fin

```

### 3. Comparaison des deux fonctions

Soient  $T1(n)$  et  $T2(n)$  les complexités temporelles respectives des fonctions SuiteRécursive(n) et SuiteItérative(n), on a :

$T1(n) = 2t_{comp} + t_{retour} = C1$  si  $n=0$

$T1(n) = 3t_{comp} + t_{retour} = C2$  si  $n=1$

$T1(n) = 3t_{comp} + t_{retour} + t_{mult} + 2T1(n-1) = C3 + 2T1(n-1)$  si  $n>1$

En développant on obtient :

**$T1(n) = \Theta(2^n)$**

$T2(n) = 2t_{comp} + t_{retour} = C1$  si  $n=0$

$T2(n) = 3t_{comp} + t_{retour} = C2$  si  $n=1$

$T2(n) = 3t_{comp} + t_{retour} + (n-1)(t_{comp} + 4t_{affect} + t_{mult} + t_{add}) + t_{comp} + t_{retour}$  si  $n>1$

**$T2(n) = \Theta(n)$**

Il est clair que la fonction  $T2(n)$  est très petit par rapport à  $T1(n)$ . Donc la fonction itérative est plus efficace que la fonction récursive.