

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное
учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский Нижегородский
государственный университет им. Н.И. Лобачевского»
(ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и
механики

Центр прикладных информационных технологий

Направление подготовки: «Фундаментальная информатика и
информационные технологии»
Профиль подготовки: «...»

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА
на тему:
«Алгоритм Дейкстры на 3-куче и на 15-куче»

Выполнил:
студент группы 3821Б1ФИЗ
Сафронов М. А.

:
Преподаватель
Уткин Г. В.

Нижний Новгород
2023 г.

Содержание

1	Введение	2
2	Определение графа	3
3	Определение Алгоритма Дейкстры	3
4	Определенеи кучи	3
5	Результаты	5
5.1	Проверка алгоритма Дейкстры. Первый тест.	5
5.2	Проверка алгоритма Дейкстры. Второй тест	6
5.3	Результаты тестирования алгоритма Дейкстры на различ- ных входных данных	6
5.4	Конфигурация компьютера	8
6	График зависимости входных данных от времени	9
7	Вывод	11
8	Приложение	11
8.1	main.py	11
8.2	graph3.py	12
8.3	graph15.py	14
8.4	dijkstra.py	17
8.5	showTime.py	22
8.6	test3.15heap.py	24

1 Введение

Поставлена задача "Алгоритм Дейкстры на троичной и пятнадцатиричной куче". Для того чтобы разобраться в этой теме, введем некоторые понятия, которые понадобятся в процессе выполнения.

Кучи - являются важными структурами данных, которые широко используются в области алгоритмов и программирования.

Алгоритм Дейкстры — это один из наиболее популярных алгоритмов, применяемых для поиска кратчайшего пути в графе. Комбинируя эти два концепта, мы получаем интересный подход: алгоритм Дейкстры, использующий 3-кучу и 15- кучу.

Одна из главных задач алгоритма Дейкстры заключается в нахождении кратчайшего пути между двумя узлами во взвешенном графе. Кратчайший путь определяется как путь с наименьшей суммой весов ребер. Алгоритм Дейкстры решает эту задачу путем осуществления пошагового обхода графа из начального узла и нахождения кратчайших путей до остальных узлов.

Введение в 3-кучу и 15-кучу: 3-куча и 15-куча представляют собой особые варианты куч, которые дополнительно учитывают третий и пятнадцатый наименьшие элементы соответственно. Эти усовершенствованные кучи позволяют ускорить алгоритм Дейкстры, разработанный Эдсгером Дейкстрой, и сделать его более эффективным при работе с большими объемами данных.

Одна из главных особенностей использования куч в алгоритме Дейкстры заключается в оптимизации операций вставки нового элемента и удаления минимального элемента из кучи. Учитывая третий и пятнадцатый наименьшие элементы вместе с минимальным элементом, мы можем более эффективно оптимизировать выбор наименьшего пути в ходе выполнения алгоритма Дейкстры.

Изначально алгоритм Дейкстры разработан для работы с обычными кучами, однако использование 3-кучи и 15-кучи позволяет достичь еще более высокой производительности и эффективности при поиске кратчайшего пути в графе.

Таким образом, в данной лабораторной работе мы исследуем и реализуем алгоритм Дейкстры, используя 3-кучу и 15-кучу, и оценим

2 Определение графа

Определение графа

Пусть $G = (V, E, W)$ - ориентированный граф без петель со взвешанными ребрами, где множество вершин $V = (1, \dots, n)$, множество ребер $E \in V * V, |E| = m$, и весовая функция $W(u, v)$ каждому ребру $(u, v) \in E$ ставит в соответствии его вес - неотрицательное число. Требуется найти кратчайшие пути от заданной вершины $s \in V$ до всех остальных вершин.

3 Определение Алгоритма Дейкстры

Алгоритм Дейкстры служит для нахождения кратчайшего пути, в нашем случае на графах. Находит кратчайшее расстояние от одной из вершин графа до всех остальных. Работает только для графов без рёбер отрицательного веса. Сложность $O(n^2)$ Задача о кратчайших путях заключается в поиске кратчайшего пути между двумя вершинами в графе. Алгоритм Дейкстры - это один из алгоритмов, который позволяет решать эту задачу. Он работает следующим образом:

1. Начинаем с вершины, из которой нужно найти кратчайший путь.
2. Для каждой смежной вершины вычисляем расстояние от начальной вершины до этой вершины.
3. Если это расстояние меньше, чем уже известное расстояние до этой вершины, то обновляем значение расстояния.
4. Повторяем шаги 2-3 для всех смежных вершин.
5. Повторяем шаги 2-4 для всех вершин графа.

4 Определении кучи

Куча (или бинарная куча) - это структура данных, которая представляет собой полное бинарное дерево, в котором каждый узел имеет значение, которое меньше или равно значению его потомков. Куча может

быть использована для реализации алгоритмов сортировки, таких как сортировка кучей (heap sort), а также для решения других задач, таких как поиск максимального или минимального элемента.

Троичная куча и пятнадцатиричная куча - это разновидности куч, которые отличаются от обычной кучи тем, что они имеют более сложную структуру. Троичная куча позволяет хранить элементы в виде бинарного дерева, в котором каждый узел имеет три потомка. Пятнадцатиричная куча - это куча, в которой каждый узел имеет 15 потомков. Основное отличие между троичной кучей и обычной бинарной кучей заключается в том, что в троичной куче каждый узел имеет больше потомков, что позволяет уменьшить высоту дерева и ускорить операции вставки и удаления элементов. Кроме того, троичная куча может быть более эффективной, чем бинарная куча, когда требуется хранить большое количество элементов.

Пятнадцатиричная куча - это структура данных, которая является модификацией бинарной кучи и троичной кучи, в которой каждый узел имеет не два или три, а пятнадцать потомков. Таким образом, каждый узел в пятнадцатиричной куче имеет пятнадцать потомков.

Однако, пятнадцатиричная куча не является стандартной структурой данных, и ее использование не распространено. Это связано с тем, что узлы с таким большим количеством потомков могут быть сложными для обработки и хранения, что может привести к увеличению времени выполнения операций вставки, удаления и поиска элементов.

5 Результаты

5.1 Проверка алгоритма Дейкстры. Первый тест.

Сравнение алгоритма Дейкстры на троичной и пятнадцатиричной куче. Проверка корректности работы алгоритма Дейкстры на малых данных. Создаем граф с 8-ю вершинами и с 11-ю ребрами.

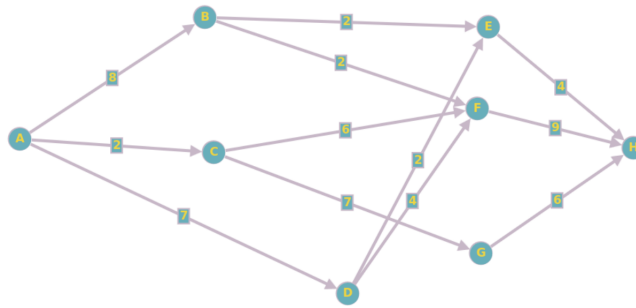


Рис. 1: Граф из первого теста

Результат работы программы:

{'A': 0, 'B': 8, 'C': 2, 'D': 7, 'F': 8, 'G': 9, 'E': 9, 'H': 13}

Не трудно заметить, что вывод верный и действительно вес кратчайшего пути от A до H составляет 13.

5.2 Проверка алгоритма Дейкстры. Второй тест

, похож на предыдущий только немного больше данных, чтобы убедиться в корректности алгоритма и также сравнить отличия троичное кучи от пятнадцатичной кучи.

На картинке 1.2 можно увидеть граф с большим количеством вершин и

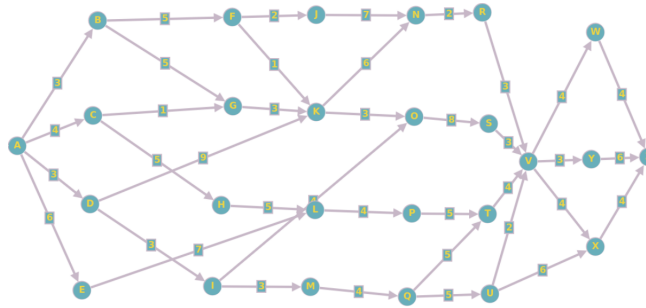


Рис. 2: Граф из второго теста

ребер, чем на предыдущем примере. Применив алгоритм Дейкстры для графа на 3-куче и 15-куче получим следующий вывод.

Результат работы программы:

```
{ 'A': 0, 'B': 3, 'C': 4, 'D': 3, 'E': 6, 'F': 8, 'G': 5, 'K': 8, 'I': 6, 'H': 9, 'L': :
```

```
second_test:
```

```
3-куча: 0.039903 сек.
```

```
15-куча: 0.075074 сек.
```

Отсюда делаем вывод, что алгоритм Дейкстры так-же работает корректно и теперь займемся временем работы алгоритма, в данном примере алгоритм на 3-куче лидирует по времени.

Далее проведем значительное количество тестов для исследования.

5.3 Результаты тестирования алгоритма Дейкстры на различных входных данных

В этом разделе приведены таблицы со временем работы, отсюда можно сделать вывод как ведет себя алгоритм на различных входных данных

по времени. Тест производится 10 раз дабы более явно видеть отличия между разными реализациями. При вводе больших данных

Таблица 1: 3-куча

Вершины	Ребра	Диапазон мощности	Время
10	10	[1, 10]	0.000366
10	100	[1, 10]	0.001599
100	1000	[1, 10]	0.135762
1000	500	[1, 10]	1.397146
1000	500	[1, 10]	0.274
1000	1000	[1, 10]	2.815561
1000	5000	[1, 10]	11.588598
100	50000	[1, 10]	6.868
1000	25000	[1,10]	51.83
1000	50000	[1,10]	99.407265

Таблица 2: 15-куча

Вершины	Ребра	Диапазон мощности	Время
10	10	[1, 10]	0.000455
10	100	[1, 10]	0.001662
100	1000	[1, 10]	0.139681
1000	500	[1, 10]	1.420670
1000	1000	[1, 10]	2.851219
1000	5000	[1,10]	11.161763
100	50000	[1, 10]	6.773
1000	25000	[1,10]	50.68
1000	50000	[1, 10]	99.397131

5.4 Конфигурация компьютера

```
[mikhail@archlinux-t480 ~]$ neofetch  
mikhail@archlinux-t480
```

```
-----  
OS: Arch Linux x86_64  
Host: 20L6S3U201 ThinkPad T480  
Kernel: 6.5.8-arch1-1  
Uptime: 13 mins  
Packages: 790 (pacman), 32 (flatpak)  
Shell: bash 5.1.16  
Resolution: 1920x1080  
DE: GNOME 45.0  
WM: Mutter  
WM Theme: Adwaita  
Theme: Adwaita [GTK2/3]  
Icons: Adwaita [GTK2/3]  
Terminal: kx  
CPU: Intel i5-8350U (8) @ 3.600GHz  
GPU: Intel UHD Graphics 620  
Memory: 3639MiB / 15876MiB
```

6 График зависимости входных данных от времени

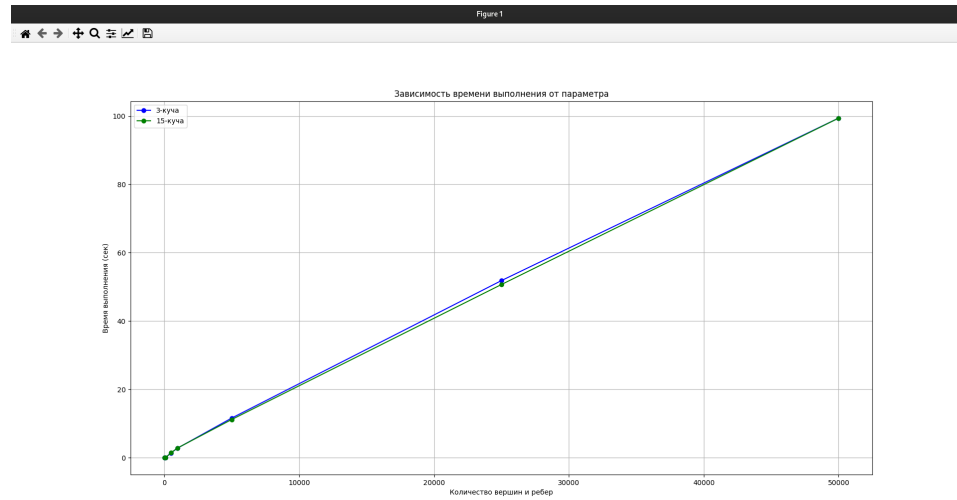


Рис. 3: График зависимости входных данных от времени 3-кучи и 15-кучи

7 Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы удалось досич следующих целей

- Разобраться в понятиях 3-куча, 15-куча, понять их различия.
- Реализовать классы куч и класса Граф.
- Проверить корректную работу алгоритма Дейкстры в нескольких тестах.
- Исследовать разницу алгоритма Дейкстры на 3-куче и 15-куче.

Так как алгоритм Дейкстры решает немалую долю задач в жизни человека, то исходя из тестов, найдутся такие задачи в которых алгоритм на 15-куче будет быстрее находить кратчайшие пути, а значит будет использоваться в решение задач.

8 Приложение

8.1 main.py

```
from tests.test3_15heap import *
from tests.dijkstra import *
from tests.showTime import *
```

```
if __name__ == '__main__':
```

```
    first_test()
    second_test()
    third_test()
    fourth_test()
    fifth_test()
    sixth_test()
    seventh_test()
    eight_test()
    nineth_test()
    test_rand()
    test_poln()
    tenh_test()
```

```

elevenht_test()
show_3heap()
show_15heap()
show_15heap_new()

```

8.2 graph3.py

```

import random
import networkx as nx
import matplotlib.pyplot as plt

class TernaryHeap:
    def __init__(self):
        self.heap = []

    def push(self, value):
        self.heap.append(value)
        self._sift_up(len(self.heap) - 1)

    def pop(self):
        if len(self.heap) == 1:
            return self.heap.pop()
        value = self.heap[0]
        self.heap[0] = self.heap.pop()
        self._sift_down(0)
        return value

    def _sift_up(self, index):
        parent = (index - 1) // 3
        if parent >= 0 and self.heap[index][0] < self.heap[parent][0]:
            self.heap[index], self.heap[parent] = self.heap[parent], self.heap[index]
            self._sift_up(parent)

    def _sift_down(self, index):
        child1 = 3 * index + 1
        child2 = 3 * index + 2
        child3 = 3 * index + 3
        smallest = index
        if child1 < len(self.heap) and self.heap[child1][0] < self.heap[smallest][0]:

```

```

smallest = child1
if child2 < len(self.heap) and self.heap[child2][0] < self.heap[smallest][0]:
    smallest = child2
if child3 < len(self.heap) and self.heap[child3][0] < self.heap[smallest][0]:
    smallest = child3
if smallest != index:
    self.heap[index], self.heap[smallest] = self.heap[smallest], self.heap[index]
    self._sift_down(smallest)

class Graph3:
    def __init__(self):
        self.nodes = set()
        self.edges = {}
        self.distances = {}

    def add_node(self, value):
        self.nodes.add(value)
        self.edges[value] = []

    def add_edge(self, from_node, to_node, distance):
        self.edges[from_node].append(to_node)
        self.distances[(from_node, to_node)] = distance

    def dijkstra(self, initial_node):
        visited = {initial_node: 0}
        heap = TernaryHeap()
        heap.push((0, initial_node))
        while heap.heap:
            (current_weight, min_node) = heap.pop()
            if current_weight > visited[min_node]:
                continue
            for edge in self.edges[min_node]:
                weight = current_weight + self.distances[(min_node, edge)]
                if edge not in visited or weight < visited[edge]:
                    visited[edge] = weight
            heap.push((weight, edge))
        return visited

    def generate_random_graph(self, num_nodes, num_edges):
        self.add_node('0')

```

```

for i in range(1, num_nodes):
    self.add_node(str(i))
    available_edges = [(str(i), str(j)) for i in range(num_nodes) for j in range(num_nodes)]
    random.shuffle(available_edges)
    for k in range(num_edges):
        edge = available_edges[k]
        self.add_edge(edge[0], edge[1], random.randint(1, 10))

def generate_complete_graph(self, num_nodes):
    for i in range(num_nodes):
        self.add_node(i)
    for i in range(num_nodes):
        for j in range(i + 1, num_nodes):
            distance = random.randint(1, 10)
            self.add_edge(i, j, distance)
            self.add_edge(j, i, distance)

def visualize_graph(self):
    G = nx.Graph()
    for node in self.nodes:
        G.add_node(node)
    for from_node in self.edges:
        for to_node in self.edges[from_node]:
            G.add_edge(from_node, to_node, weight=self.distances[(from_node, to_node)])
    pos = nx.spring_layout(G)
    nx.draw_networkx_nodes(G, pos)
    nx.draw_networkx_edges(G, pos)
    nx.draw_networkx_labels(G, pos)
    nx.draw_networkx_edge_labels(G, pos, edge_labels=nx.get_edge_attributes(G, 'weight'))
    plt.axis('off')
    plt.show()

```

8.3 graph15.py

```

import random
import networkx as nx
import matplotlib.pyplot as plt

```

```

class HexadecimalHeap:
    def __init__(self):
        self.heap = []

    def push(self, value):
        self.heap.append(value)
        self._sift_up(len(self.heap) - 1)

    def pop(self):
        if len(self.heap) == 1:
            return self.heap.pop()
        value = self.heap[0]
        self.heap[0] = self.heap.pop()
        self._sift_down(0)
        return value

    def _sift_up(self, index):
        parent = (index - 1) // 15
        if parent >= 0 and self.heap[index][0] < self.heap[parent][0]:
            self.heap[index], self.heap[parent] = self.heap[parent], self.heap[index]
            self._sift_up(parent)

    def _sift_down(self, index):
        smallest = index
        for i in range(1, 16):
            child = 15 * index + i
            if child < len(self.heap) and self.heap[child][0] < self.heap[smallest][0]:
                smallest = child
        if smallest != index:
            self.heap[index], self.heap[smallest] = self.heap[smallest], self.heap[index]
            self._sift_down(smallest)

class Graph15:
    def __init__(self):
        self.nodes = set()
        self.edges = {}
        self.distances = {}

```

```

def add_node(self, value):
    self.nodes.add(value)
    self.edges[value] = []

def add_edge(self, from_node, to_node, distance):
    self.edges[from_node].append(to_node)
    self.distances[(from_node, to_node)] = distance

def dijkstra(self, initial_node):
    if initial_node not in self.nodes:
        return f"Узел {initial_node} отсутствует в графе"
    if initial_node not in self.edges:
        return f"Нет ребер, исходящих из узла {initial_node}"
    visited = {initial_node: 0}
    heap = HexadecimalHeap()
    heap.push((0, initial_node))
    while heap.heap:
        (current_weight, min_node) = heap.pop()
        if current_weight > visited[min_node]:
            continue
        for edge in self.edges[min_node]:
            weight = current_weight + self.distances[(min_node, edge)]
            if edge not in visited or weight < visited[edge]:
                visited[edge] = weight
            heap.push((weight, edge))
    return visited

def generate_random_graph(self, num_nodes, num_edges):
    self.add_node('0')
    for i in range(1, num_nodes):
        self.add_node(str(i))
    available_edges = [(str(i), str(j)) for i in range(num_nodes) for j in range(num_nodes)]
    random.shuffle(available_edges)
    for k in range(num_edges):
        edge = available_edges[k]
        self.add_edge(edge[0], edge[1], random.randint(1, 10))

def generate_complete_graph(self, num_nodes):
    for i in range(num_nodes):
        self.add_node(str(i))

```



```

for i in range(num_nodes):
    for j in range(i + 1, num_nodes):
        distance = random.randint(1, 10)
        self.add_edge(str(i), str(j), distance)
        self.add_edge(str(j), str(i), distance)

def visualize_graph(self):
    G = nx.Graph()
    for node in self.nodes:
        G.add_node(node)
    for from_node in self.edges:
        for to_node in self.edges[from_node]:
            G.add_edge(from_node, to_node, weight=self.distances[(from_node, to_node)])
    pos = nx.spring_layout(G)
    nx.draw_networkx_nodes(G, pos)
    nx.draw_networkx_edges(G, pos)
    nx.draw_networkx_labels(G, pos)
    nx.draw_networkx_edge_labels(G, pos, edge_labels=nx.get_edge_attributes(G, 'weight'))
    plt.axis('off')
    plt.show()

```

8.4 dijkstra.py

```

from graph3 import Graph3
from graph15 import Graph15
import unittest
# import random
# import timeit
# import matplotlib.pyplot as plt
# import matplotlib
# import numpy as np

class TestCorrectDjkdtra(unittest.TestCase):
    def first_test():
        g3 = Graph3()
        g3.add_node('A')
        g3.add_node('B')
        g3.add_node('C')

```

```

g3.add_node('D')
g3.add_node('E')
g3.add_node('F')
g3.add_node('G')
g3.add_node('H')
g3.add_edge('A', 'B', 8)
g3.add_edge('A', 'C', 2)
g3.add_edge('A', 'D', 7)
g3.add_edge('B', 'E', 2)
g3.add_edge('B', 'F', 2)
g3.add_edge('C', 'F', 6)
g3.add_edge('C', 'G', 7)
g3.add_edge('D', 'E', 2)
g3.add_edge('D', 'F', 4)
g3.add_edge('E', 'H', 4)
g3.add_edge('F', 'H', 9)
g3.add_edge('G', 'H', 6)
shortest_paths = g3.dijkstra('A')
print(shortest_paths)

```

```

g15 = Graph15()
g15.add_node('A')
g15.add_node('B')
g15.add_node('C')
g15.add_node('D')
g15.add_node('E')
g15.add_node('F')
g15.add_node('G')
g15.add_node('H')
g15.add_edge('A', 'B', 8)
g15.add_edge('A', 'C', 2)
g15.add_edge('A', 'D', 7)
g15.add_edge('B', 'E', 2)
g15.add_edge('B', 'F', 2)
g15.add_edge('C', 'F', 6)
g15.add_edge('C', 'G', 7)
g15.add_edge('D', 'E', 2)
g15.add_edge('D', 'F', 4)
g15.add_edge('E', 'H', 4)
g15.add_edge('F', 'H', 9)

```

```

g15.add_edge('G', 'H', 6)
shortest_paths = g15.dijkstra('A')
print(shortest_paths)

def second_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    g3.add_node('A')
    g15.add_node('A')

    for i in range(1, 26):
        g3.add_node(chr(ord('A') + i))
        #print(chr(ord('A') + i))

    for i in range(1, 26):
        g15.add_node(chr(ord('A') + i))

    g3.add_node('AA')
    g15.add_node('AA')
    g3.add_node('AB')
    g15.add_node('AC')
    g3.add_node('AD')
    g15.add_node('AD')
    g3.add_node('AE')
    g15.add_node('AE')
    g3.add_node('AF')
    g15.add_node('AF')
    g3.add_node('AG')
    g15.add_node('AG')
    g3.add_node('AH')
    g15.add_node('AH')
    g3.add_node('AI')
    g15.add_node('AI')
    g3.add_node('AJ')
    g15.add_node('AJ')
    g3.add_node('AK')
    g15.add_node('AK')
    g3.add_node('AL')
    g15.add_node('AL')
    g3.add_node('AM')

```

```

g15.add_node('AM')

g3.add_edge('A', 'B', 3)
g3.add_edge('A', 'C', 4)
g3.add_edge('A', 'D', 3)
g3.add_edge('A', 'E', 6)
g3.add_edge('B', 'F', 5)
g3.add_edge('B', 'G', 5)
g3.add_edge('C', 'G', 1)
g3.add_edge('C', 'H', 5)
g3.add_edge('D', 'K', 9)
g3.add_edge('D', 'I', 3)
g3.add_edge('E', 'L', 7)
g3.add_edge('F', 'J', 2)
g3.add_edge('F', 'K', 1)
g3.add_edge('G', 'K', 3)
g3.add_edge('H', 'L', 5)
g3.add_edge('I', 'O', 4)
g3.add_edge('I', 'M', 3)
g3.add_edge('J', 'N', 7)
g3.add_edge('K', 'N', 6)
g3.add_edge('K', 'O', 3)
g3.add_edge('L', 'P', 4)
g3.add_edge('M', 'Q', 4)
g3.add_edge('N', 'R', 2)
g3.add_edge('O', 'S', 8)
g3.add_edge('P', 'T', 5)
g3.add_edge('Q', 'T', 5)
g3.add_edge('Q', 'U', 5)
g3.add_edge('R', 'V', 3)
g3.add_edge('S', 'V', 3)
g3.add_edge('T', 'V', 4)
g3.add_edge('U', 'V', 2)
g3.add_edge('U', 'X', 6)
g3.add_edge('V', 'W', 4)
g3.add_edge('V', 'Y', 3)
g3.add_edge('V', 'X', 4)
g3.add_edge('W', 'Z', 4)
g3.add_edge('Y', 'Z', 6)
g3.add_edge('X', 'Z', 4)

```

```

g15.add_edge('A', 'B', 3)
g15.add_edge('A', 'C', 4)
g15.add_edge('A', 'D', 3)
g15.add_edge('A', 'E', 6)
g15.add_edge('B', 'F', 5)
g15.add_edge('B', 'G', 5)
g15.add_edge('C', 'G', 1)
g15.add_edge('C', 'H', 5)
g15.add_edge('D', 'K', 9)
g15.add_edge('D', 'I', 3)
g15.add_edge('E', 'L', 7)
g15.add_edge('F', 'J', 2)
g15.add_edge('F', 'K', 1)
g15.add_edge('G', 'K', 3)
g15.add_edge('H', 'L', 5)
g15.add_edge('I', 'O', 4)
g15.add_edge('I', 'M', 3)
g15.add_edge('J', 'N', 7)
g15.add_edge('K', 'N', 6)
g15.add_edge('K', 'O', 3)
g15.add_edge('L', 'P', 4)
g15.add_edge('M', 'Q', 4)
g15.add_edge('N', 'R', 2)
g15.add_edge('O', 'S', 8)
g15.add_edge('P', 'T', 5)
g15.add_edge('Q', 'T', 5)
g15.add_edge('Q', 'U', 5)
g15.add_edge('R', 'V', 3)
g15.add_edge('S', 'V', 3)
g15.add_edge('T', 'V', 4)
g15.add_edge('U', 'V', 2)
g15.add_edge('U', 'X', 6)
g15.add_edge('V', 'W', 4)
g15.add_edge('V', 'Y', 3)
g15.add_edge('V', 'X', 4)
g15.add_edge('W', 'Z', 4)
g15.add_edge('Y', 'Z', 6)
g15.add_edge('X', 'Z', 4)
# shortest_paths = g3.dijkstra('A')

```

```

# print(shortest_paths)
# shortest_paths = g15.dijkstra('A')
# print(shortest_paths)
t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('A'), number=1000)
t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('A'), number=1000)
print(f"second_test: \n3-куча: {t1:.6f} сек.")
print(f"15-куча: {t2:.6f} сек.")

```

8.5 showTime.py

```

from graph3 import Graph3
from graph15 import Graph15
# import random
# import timeit
import matplotlib.pyplot as plt
# import matplotlib
# import numpy as np

def show_3heap():
    # Входные данные
    x_data = [120, 320, 630, 800, 1100]
    y_data = [35.87, 90.28, 168.15, 223.48, 300.62]

    # Создание графика
    plt.figure(figsize=(8, 6)) # Размер графика
    plt.plot(x_data, y_data, marker='o', markersize=8, linewidth=2, label='Тестовые данные')

    # Настройка осей и заголовка
    plt.xlabel('Количество ребер в графе', fontsize=12)
    plt.ylabel('Время выполнения (сек)', fontsize=12)
    plt.title('Зависимость времени выполнения от количества ребер в графе', fontsize=14)
    plt.xticks(fontsize=10) # Размер шрифта делений по оси X
    plt.yticks(fontsize=10) # Размер шрифта делений по оси Y

    # Добавление всплывающих подсказок
    for i in range(len(x_data)):
        plt.text(x_data[i], y_data[i], f'({x_data[i]}, {y_data[i]}',
                 fontsize=10, ha='right', va='bottom')

```

```

# Добавление сетки
plt.grid(True, linestyle='--', alpha=0.5)

# Добавление легенды
plt.legend(loc='upper left', fontsize=10)

# Отображение графика
plt.show()

def show_15heap():
# Входные данные
x_data = [120, 320, 630, 800, 1100]
y_data = [36.06, 90.24, 175.06, 218.88, 299.68]

# Создание графика
plt.figure(figsize=(8, 6)) # Размер графика
plt.plot(x_data, y_data, marker='o', markersize=8, linewidth=2, label='Тестовые данные')

# Настройка осей и заголовка
plt.xlabel('Количество ребер в графе', fontsize=12)
plt.ylabel('Время выполнения (сек)', fontsize=12)
plt.title('Зависимость времени выполнения от количества ребер в графе', fontsize=14)
plt.xticks(fontsize=10) # Размер шрифта делений по оси X
plt.yticks(fontsize=10) # Размер шрифта делений по оси Y

# Добавление всплывающих подсказок
for i in range(len(x_data)):
plt.text(x_data[i], y_data[i], f'({x_data[i]},{y_data[i]}',
fontsize=10, ha='right', va='bottom')

# Добавление сетки
plt.grid(True, linestyle='--', alpha=0.5)

# Добавление легенды
plt.legend(loc='upper left', fontsize=10)

# Отображение графика
plt.show()

def show_15heap_new():

```

```

# Входные данные
x_data = [120, 320, 630, 1100]
y_data = [36.06, 90.24, 175.06, 865.55]

# Преобразуем значения x в логарифмическую шкалу
x_data_log = np.log10(x_data)

# Создание графика
plt.figure(figsize=(8, 6)) # Размер графика
plt.plot(x_data_log, y_data, marker='o', markersize=8, linewidth=2, label='Тестовые да

# Настройка осей и заголовка
plt.xlabel('Логарифм количества ребер в графе', fontsize=12)
plt.ylabel('Время выполнения (сек)', fontsize=12)
plt.title('Зависимость времени выполнения от логарифма количества ребер в графе', font
plt.xticks(fontsize=10) # Размер шрифта делений по оси X
plt.yticks(fontsize=10) # Размер шрифта делений по оси Y

# Добавление всплывающих подсказок
for i in range(len(x_data)):
    plt.text(x_data_log[i], y_data[i], f'({x_data[i]},{y_data[i]}',
    fontsize=10, ha='right', va='bottom')

# Добавление сетки
plt.grid(True, linestyle='--', alpha=0.5)

# Добавление легенды
plt.legend(loc='upper left', fontsize=10)

# Отображение графика
plt.show()

```

8.6 test3.15heap.py

```

from graph3 import Graph3
from graph15 import Graph15
import random
import timeit
import matplotlib.pyplot as plt

```



```

import matplotlib
import numpy as np

def third_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(60):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(100): # Измените
                g3.add_edge(node1, node2, weight)
                g15.add_edge(node1, node2, weight)
            t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
            t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
            print(f"60,120. 10 :3-куча: {t1:.6f} сек.")
            print(f"15-куча: {t2:.6f} сек.")

def fourth_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(60):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(200): # Измените
                g3.add_edge(node1, node2, weight)
                g15.add_edge(node1, node2, weight)
            t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)

```

```

t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
print(f"60,120. 500: 3-куча: {t1:.2f} сек.")
print(f"15-куча: {t2:.2f} сек.")

```

```

def fifth_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(60):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(400): # Измените
                g3.add_edge(node1, node2, weight)
                g15.add_edge(node1, node2, weight)
            t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
            t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
            print(f"60, 320. 10\3-куча: {t1:.2f} сек.")
            print(f"15-куча: {t2:.2f} сек.")

```

```

def sixth_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(60):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(500): # Измените
                g3.add_edge(node1, node2, weight)

```

```

g15.add_edge(node1, node2, weight)
t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
print(f"60, 630. 10:\n3-куча: {t1:.4f} сек.")
print(f"15-куча: {t2:.4f} сек.")

```

```

def seventh_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(60):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(600): # Измените
                g3.add_edge(node1, node2, weight)
                g15.add_edge(node1, node2, weight)
            t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
            t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
            print(f"60, 320. 500:\n3-куча: {t1:.4f} сек.")
            print(f"15-куча: {t2:.4f} сек.")

```

```

def eight_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(100):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(700): # Измените
                g3.add_edge(node1, node2, weight)

```

```

g15.add_edge(node1, node2, weight)
t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
print(f"100, 1100. 500:\n3-куча: {t1:.4f} сек.")
print(f"15-куча: {t2:.4f} сек.")

```

```

def nineth_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(100):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(800): # Измените
                g3.add_edge(node1, node2, weight)
                g15.add_edge(node1, node2, weight)
            t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
            t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
            print(f"100, 1100. 500:\n3-куча: {t1:.4f} сек.")
            print(f"15-куча: {t2:.4f} сек.")

```

```

def tenth_test():

    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(60):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(900): # Измените

```

```

g3.add_edge(node1, node2, weight)
g15.add_edge(node1, node2, weight)
t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
print(f"100, 1100. 500:\n3-куча: {t1:.4f} сек.")
print(f"15-куча: {t2:.4f} сек.")

def elevenht_test():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    for i in range(60):
        node = str(i)
        g3.add_node(node)
        g15.add_node(node)
    for i in range(100):
        for j in range(i + 1, 60):
            node1 = str(i)
            node2 = str(j)
            weight = random.randint(1, 10)
            for _ in range(1000): # Измените
                g3.add_edge(node1, node2, weight)
                g15.add_edge(node1, node2, weight)
            t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
            t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
            print(f"100, 1100. 500:\n3-куча: {t1:.4f} сек.")
            print(f"15-куча: {t2:.4f} сек.")

def test_rand():
    g3 = Graph3()
    g15 = Graph15()
    g3.generate_random_graph(30,50)
    g15.generate_random_graph(30, 50)
    t1 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
    t2 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
    print(f"3-куча: {t1:.6f} сек.")
    print(f"15-куча: {t2:.6f} сек.")
    g15.visualize_graph()
    g3.visualize_graph()
    #print(g.dijkstra('0'))
def test_poln():

```

```
g3 = Graph3()
g15 = Graph15()
g3.generate_complete_graph(30)
g15.generate_complete_graph(30)
t2 = timeit.timeit(lambda: g15.dijkstra('0'), number=1000)
t1 = timeit.timeit(lambda: g3.dijkstra('0'), number=1000)
print(f"3-куча: {t1:.6f} сек.")
print(f"15-куча: {t2:.6f} сек.")
g15.visualize_graph()
g3.visualize_graph()
#print(g.dijkstra('0'))
```