Série d'exercices de Probabilités élémentaires

- S3-2023-2024 -

Exercice 1 Un agriculteur a entreposé dans un local humide 12 doses d'herbicides et 8 doses de fongicide. Après plusieurs mois de séjour, les étiquettes ne sont pas différentiables (parce qu'illisibles). En vue d'un traitement, l'agriculteur prend 6 doses au hasard.

- 1. Quelle est la probabilité qu'il prenne 6 doses d'herbicide?
- 2. Quelle est la probabilité qu'il prenne au moins 2 doses d'herbicide?

Exercice 2 Une boîte contient 4 boules rouges, 3 boules vertes et 7 boules jaunes. On tire simultanément 2 boules de la boîte et on suppose que tous les tirages sont équiprobables. Calculez la probabilité d'obtenir :

- 1. Deux boules de la même couleur.
- 2. Deux boules de couleurs différentes.

Exercice 3 Une enquête effectuée auprès de 1500 personnes adultes (habitants d'une ville) portant sur les jeux d'argent indique que :

- 1182 jouent à la loterie (A)
- 310 vont au casino (B)
- 190 jouent autant à la loterie qu'au casino.
 - 1. Si une personne adulte (de la ville) est choisie au hasard, quelle est la probabilité qu'elle joue à la loterie ou au casino?
 - 2. Quelle est la probabilité qu'elle joue uniquement au casino?

Exercice 4 Une réunion rassemble 20 personnes : 12 femmes et 8 hommes. On sait que 20% des femmes fument ainsi que 40% des hommes.

- 1. Une personne quitte la réunion. Quelle est la probabilité que cette personne soit occupée à fumer?
- 2. Une personne quitte la réunion en fumant. Quelle est la probabilité qu'il s'agisse d'une femme?

Exercice 5 On suppose que 3 entreprises X, Y et Z fabriquent trois types de microprocesseurs utilisés dans les ordinateurs se partagent le marché à raison de 25% pour X, 35% pour Y, 40% pour Z. Les pourcentages de commandes non conformes sont : 5% pour les microprocesseurs de X, 4% pour ceux de Y et 2% pour ceux de Z.

Dans un lot constitué de microprocesseurs dans les proportions indiquées pour X, Y et Z, on prélève un microprocesseur.

- 1. Quelle est la probabilité qu'il soit non conforme?
- 2. Sachant que le microprocesseur présente un défaut de fabrication, quelle est la probabilité qu'il soit du type X?

Exercice 6 On sait que 36% des foyers ont un chien et que dans 22% des foyers où l'on a un chien on trouve aussi un chat. On sait par ailleurs que 30% des foyers ont un chat.

1. Quelle est la proportion de foyers dans lesquels on trouve un chien et un chat?

2. Quelle est la probabilité qu'un foyer possède un chien sachant qu'il possède un chat?

Exercice 7 Dans une population, un sujet a une probabilité de 0,3 d'être atteint d'une maladie M. On sait que si un sujet n'est pas atteint de M, il a 9 chances sur 10 de répondre négativement à un test T et que s'il est atteint de M, il a 8 chances sur 10 de répondre positivement à T. On fait le test.

- 1. Si le résultat est positif, quelle est la probabilité pour que le sujet soit malade?
- 2. Quelle est cette probabilité si le test est négatif?