AA 競程 2024 TOI 模擬賽 決賽 aatoi.com

# A. 最小生成樹建構

time limit per test: 1 second memory limit per test: 256 megabytes

input: standard input output: standard output

給你三個正整數 N, M, mst,請構造一個 N 個點 M 條邊的簡單帶權無向連通圖,且第 i 條邊的權重為 i,滿足此圖的最小生成樹邊權和為 mst。

若不知道最小生成樹的定義的人可參考 Note 裡的解釋。

## Input

輸入只有 1 行,包含三個正整數 N, M, mst ( $2 \le N \le 2 \times 10^5, N-1 \le M \le \min(2 \times 10^5, \frac{N(N-1)}{2})$ ),  $1 \le mst \le 2 \times 10^{10}$ )

#### **Output**

若無法構造出題目敘述裡描述的圖,請輸出-1,否則請輸出M行,第i行包含兩個正整數 $u_i,v_i$ ,代表此圖的第i條邊是連接編號為 $u_i,v_i$ 的兩個點。

請注意,你構造出來的圖必須是簡單圖,也就是說,對於所有小於等於 N 的正整數 i 都滿足  $u_i \neq v_i$ 。且也不存在兩個相異正整數 i,j  $(1 \leq i,j \leq N)$  使得  $\{u_i,v_i\}$  和  $\{u_j,v_i\}$  是同一個集合。

### **Scoring**

本題共有四組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆須答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	11	$N \leq 5$
2	22	$N \leq 50$
3	33	$N \leq 2000$
4	34	無額外限制

#### **Examples**

input	
3 3 3	
output	
2 3 1 2 1 3	

input	
3 3 4	
output	
-1	

AA 競程 2024 TOI 模擬賽 決賽 aatoi.com

以下為最小生成樹的定義,此定義抄自維基百科。

在一給定的無向圖 G=(V,E) 中,(u,v) 代表連接頂點 u 與頂點 v 的邊(即  $(u,v)\in E$ ),而 w(u,v) 代表此邊的權重,若存在 T 為 E 的子集(即  $T\subseteq E$ )且 (V,T) 為樹,使得:

$$w(T) = \sum_{(u,v) \in T} w(u,v)$$

的 w(T) 最小,則此 T 為 G 的最小生成樹。