

TELECOMMUNICATION

Etude des chaines de transmission sur fréequence porteuse

Première Année, Département SN



Issam Habibi Younes Saoudi

2019-2020

Contents

1	\mathbf{Uti}	lisation de la chaîne passe-bas équivalente pour le calcul et l'estimation du taux	
	d'erreur binaire		2
	1.1	Etude Théorique	2
	1.2	Première chaine à étudier : "Chaine sur Fréquence Porteuse" Implantation sous Matlab	4
	1.3	Deuxième chaîne à étudier : "Chaine Passe-Bas Equivalente" Implantation sous Matlab	7
2	Cor	nparaison de modulations sur fréquence porteuse	12
	2.1	Etude Théorique	12
	2.2	Troisième chaine à étudier : "Chaîne de Transmission 4-ASK" Implantation sous Matlab	16
	2.3	Quatrième chaine à étudier : "Chaîne de Transmission QPSK" Implantation sous Matlab	18
	2.4	Cinquième chaine à étudier : "Chaîne de Transmission 8-PSK" Implantation sous Matlab	21
	2.5	Sixième chaine à étudier : "Chaîne de Transmission 16-QAM" Implantation sous Matlab	24
3	Code Source		
	3.1	Chaîne Fréquence sur Porteuse	28
	3.2	Chaîne Passe-Bas Equivalente	31
	3.3	Chaîne 4-ASK	34
	3.4	Chaîne Q-PSK	
	3.5	Chaîne 8-PSK	
	3.6	Chaîne 16-QAM	41

Utilisation de la chaîne passe-bas équivalente pour le calcul et l'estimation du taux d'erreur binaire

1.1 Etude Théorique

1. Calculer le symbole E_s à l'entrée du récepteur. Attention E_s représente la véritable énérgie reçue , c'est à dire qu'elle doit être calculée à partir de la véritable puis sance du signal reçu , pas à partir de celle de l'enveloppe complexe associé.

On rappelle la formule suivante:

$$S_x(f) = \frac{{\sigma_a}^2}{T_s} |H(f)|^2 + 2\frac{{\sigma_a}^2}{T_s} |H(f)|^2 \sum_{n=1}^{\infty} Re[R_a(k) \exp(j2\pi f k T_s)] + \frac{|m_a|^2}{T_s^2} \sum_k |H(\frac{k}{T_s}|)^2 \delta(f - \frac{k}{T_s})$$

Sachant que $\sigma^2=1$ et $m_a=0$ on a : $S_{xe}(f)=\frac{{\sigma_d}^2}{T_s}|H(f)|^2$

Donc
$$S_{xe}(f) = \frac{1}{T_s}G(f)$$

Or, le signal est de la forme : $x_e(t) = I(t) + jQ(t)$

Donc la puissance est : $P = \int_{\mathbf{R}} S_x(f) df = \frac{1}{4} \int_{\mathbf{R}} S_{xe}(f - f_p) + S_{xe}(f - f_p) df = \frac{1}{2} \int_{\mathbf{R}} S_{xe}(f) df$

D'où
$$P=\frac{1}{2}\int_{\mathbf{R}}\frac{1}{T_s}|G(f)|df=\frac{1}{2T_s}\int_{\frac{1+\alpha}{2T_s}}^{\frac{\alpha-1}{2T_s}}|G(f)|df$$

Finalement, $P = \frac{1}{2T_s}$

$$donc \boxed{\mathbf{E}_s = PT_s = \frac{1}{2}}$$

2. Calculer la puissance du bruit sur chaque voie (I et Q) en sortie du filtre de réception.

Le bruit complexe associé équivalent au bruit introduit par le canal de propagation et filtré sur la bande du signal modulé prend la forme : $n_e(t) = n_I(t) + jn_Q(t)$

Où
$$S_{ne}(f) = 4S_n(f + f_p)U(f + f_p) = N_0$$

Il a la même puissance sur chaque voie : $\boxed{\sigma_{nI}^{\ 2} = \sigma_{nQ}^{\ 2} = N_0 F_e}$

3. les deux voies I, Q étant indépendantes, donner le taux d'erreur symbole de la modulation QPSK en fonction de ceux des voies I et Q $(TES_I \text{ et } TES_Q)$

ici on a
$$M=4$$
 donc $QPSK=4-PSK$ donc $TES=2Q(\sqrt{\frac{2E_s}{N_0}}sin(\frac{\pi}{4}))=2Q(\sqrt{\frac{2E_s}{N_0}}\frac{\sqrt{2}}{2})=2Q(\sqrt{\frac{E_s}{N_0}})$

Par indépendance des deux voies $\left| \text{TES}_I = TES_Q = Q(\sqrt{\frac{E_s}{N_0}}) \right|$

4. En supposant les termes du deuxièmes ordre négligeables $(TES_I*TES_Q=0)$, donner le taux d'erreur symbole de la modulation QPSK en fonction de TES_I uniquement.

Selon les hypothèses : $\boxed{\text{TES=2TES}_I}$

5. Déterminer TES_I en fonction de $\frac{E_s}{N_0}$, E_s correspondant à la véritable énergie reçue. On supposera que les instants d'échantillonnage et l'organe de décision sont optimaux.

Selon les hypothèses: $\boxed{\mathrm{TES}_I = \frac{TES}{2} = Q(\sqrt{\frac{E_s}{N_0}})}$

6. En déduire le taux d'erreur binaire de la chaine de transmission QPSK en fonction de $\frac{E_b}{N_0}$

On sait que $TEB = \frac{TES}{log_2(M)} = \frac{TES}{2} = Q(\sqrt{\frac{E_s}{N_0}})$

D'autre part , $E_s = log_2(M)E_b = 2E_b$

Il vient donc : $\boxed{\text{TEB=Q}(\sqrt{\frac{2E_b}{N_0}})}$

1.2 Première chaine à étudier : "Chaine sur Fréquence Porteuse" Implantation sous Matlab

1. Génération de l'information binaire à transmettre avec un MAPPING de Grey

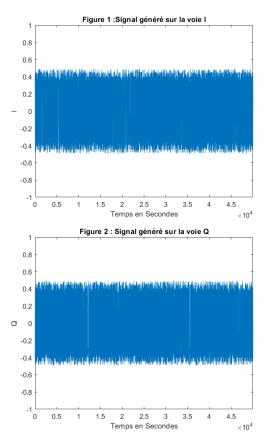
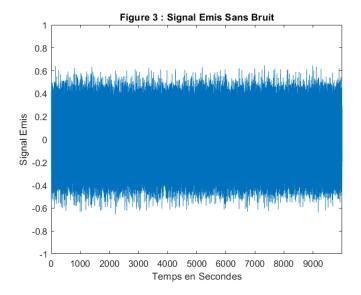
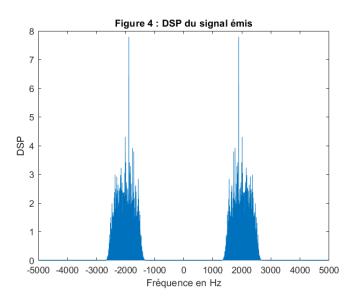


Figure 1.1: Signal tracé dans la voie I et en quadrature dans la voie Q

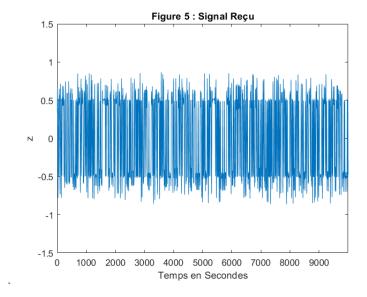
2. Emission du signal



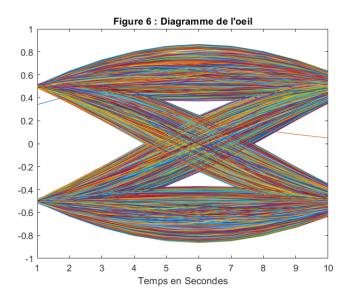
3. La densité spectrale du signal, générée par périodogramme



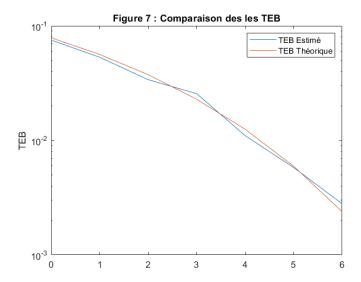
4. Signal Reçu à la sortie du filtre de réception



5. Diagramme de l'oeil en sortie du filtre de réception



6. Comparaison des TEB théorique et expérimental



1.3 Deuxième chaîne à étudier : "Chaine Passe-Bas Equivalente" Implantation sous Matlab

1. Génération de l'information binaire à transmettre avec un MAPPING tel que les symboles sont $d_k = \pm 1 \pm j$

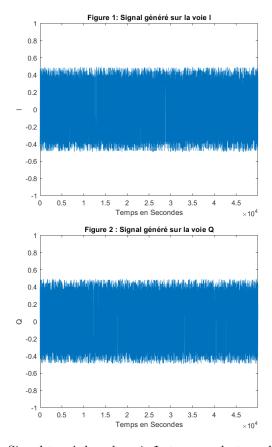
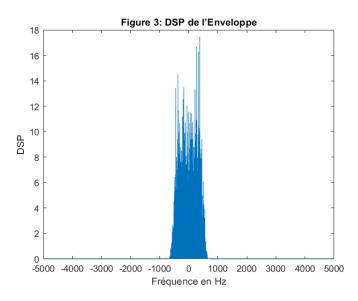
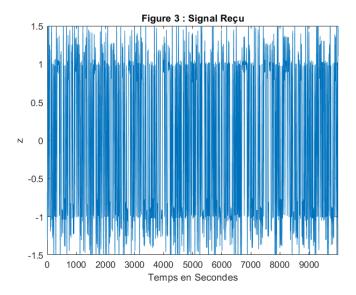


Figure 1.2: Signal tracé dans la voie I et en quadrature dans la voie Q

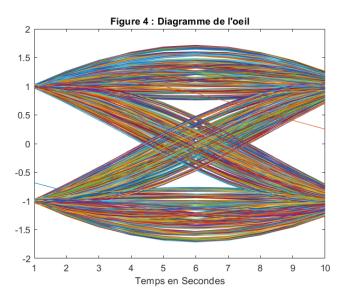
 ${\bf 2.}\;\;$ La Densité Spectrale de Puissance par périodogramme de l'enveloppe complexe x_e



3. Signal Reçu à la sortie du filtre de réception



 ${\bf 3.}\;\;$ Le diagramme de l'oeil à la sortie du filtre de réception.



5. Les constellations en sortie du Mapping et de l'echantillonneur pour une valeur donnée de $\frac{E_b}{N_0}$:

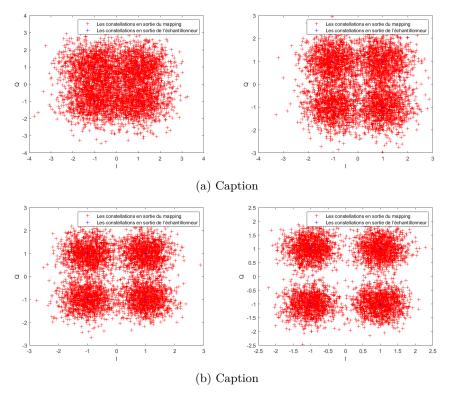
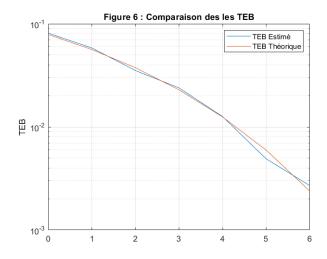
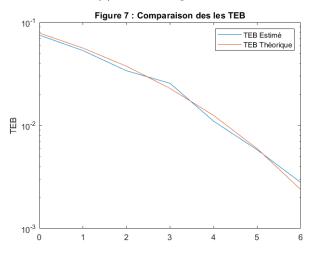


Figure 1.3: Caption

6. Comparaison des TEB théorique et expérimental et comparaison du TEB de la chaîne passe-bas équivalente et celui de la chaîne fréquence sur porteuse



(a) Passe-bas équivalente



(b) Fréquence sur porteuse

Comparaison de modulations sur fréquence porteuse

2.1 Etude Théorique

1. Tracer les constellations des quatres modulations considérées.

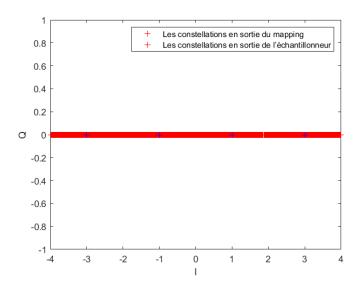


Figure 2.1: 4-ASK

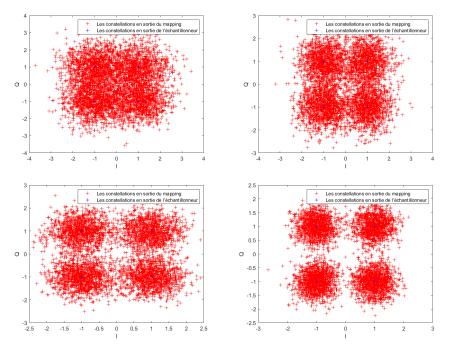


Figure 2.2: QPSK

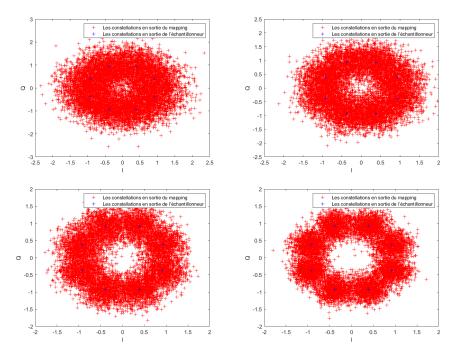


Figure 2.3: 8-PSK

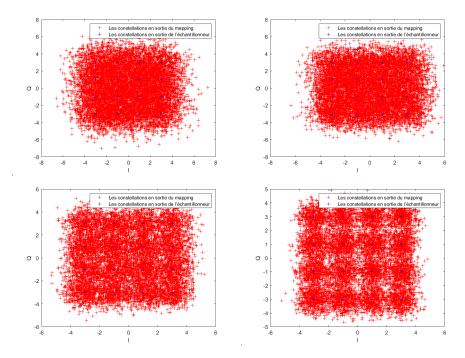


Figure 2.4: 16-QAM

2. Déterminer le débit symble R_s dans les quatres cas.

La formule générale du débit symbole est : $R_s = \frac{R_b}{log_2(M)}$

Pour la chaine 4-ASK : $R_s = \frac{48000}{2} = 24000$

Pour la chaine QPSK : $R_s = \frac{48000}{2} = 24000$

Pour la chaine 8-PSK : $R_s = \frac{48000}{3} = 16000$

Pour la chaine 16-QAM : $R_s = \frac{48000}{4} = 12000$

3. Calculer les efficacités spectrales des quatres transmissions proposées. Quelle est la transmission la plus efficace spectralement? Qu'est cela veut dire?

On note e l'efficacité spectrale. $e=\frac{R_b}{B}=\frac{R_b}{kR_s}=\frac{log_2(M)}{k}$

Or dans le cas du cosinus sur levée $B=(1+\alpha)R_set B=\frac{log_2(M)}{k}$ donc $k=1+\alpha$ Pour la chaine 4-ASK : $e=\frac{2}{1.5}=1.3bit$

Pour la chaine QPSK : $e = \frac{2}{1.5} = 1.3bit$

Pour la chaine 8-PSK : $e = \frac{3}{1.5} = 2bit$

Pour la chaine 16-QAM : $e = \frac{4}{1.5} = 2.6bit$

La transmission 16-QAM est la plus efficace spectralement, ceci était prévisible car elle possède le nombre

de symboles le plus élévé.

4-a. Déduire les valeurs de $\frac{E_b}{N_0}$ pour satisfair à la spécification du TEB. Quel est le système le plus efficace en terme de puissance? Justifier votre réponse

Sachant que $TEB = 10^{-2}$ on obtient :

Pour la chaine 4-ASK : $\frac{E_b}{N_0} = 8.3Db$

Pour la chaine QPSK : $\frac{E_b}{N_0} = 4.4Db$

Pour la chaine 8-PSK : $\frac{E_b}{N_0} = 7.5 Db$

Pour la chaine 16-QAM : $\frac{E_b}{N_0} = 8.3 Db$

Donc QPSK est la chaine la plus efficace en temre de puissance car elle possède le $\frac{E_b}{N_0}$ le plus faible.

4-b. La chainde de transmission utilisant la modulation 4-ASK et la chaine de transmission utilisant la modulation 16-QAM présentent le même taux d'erreur binaire. Qu'est ce qui pourrait justifier le choix de l'une ou l'autre?

Puisque les deux chaines ont le même efficacité en terme de puissance, le facteur décisif serait l'efficacité spectrale la plus forte qui est en faveur de la chaine utilisant la modulation 16-QAM.

5. Si on souhaitait réaliser la transmission à travers un canal de propagation supposé à bruit additif blanc Gaussien (AWGN) de bande passante 20kHz, serait il possible de réaliser chaque transmission proposée en trouvant, au niveau du récepteur, un instant optimal d'échantillonnage sans interférence entre symboles ? Expliquez votre réponse

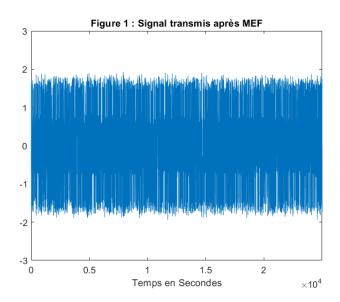
Ceci est possible, il suffit de trouver un instant qui vérifier le critère de Nisquit en domaine fréquentiel suivant:

$$\sum_{k} G_0^t(f - \frac{k}{T_s}) = cste$$

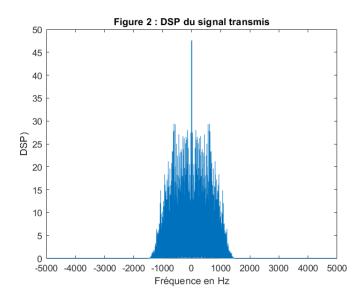
ce qui correspond à $(1 + \alpha)R_s \leq 20kHz$

2.2 Troisième chaine à étudier : "Chaîne de Transmission 4-ASK" Implantation sous Matlab

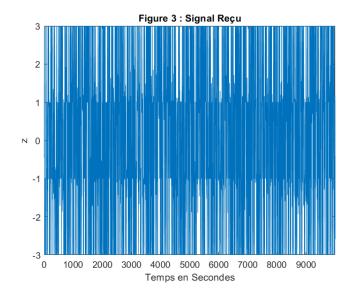
1. Génération de l'information binaire à transmettre avec un MAPPING de Grey



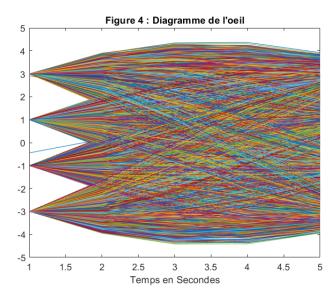
2. Densité spectrale de puissance par périodogramme



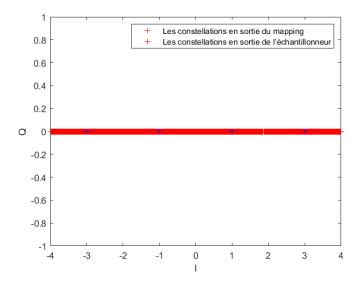
3. Signal reçu à la sortie du filtre de réception



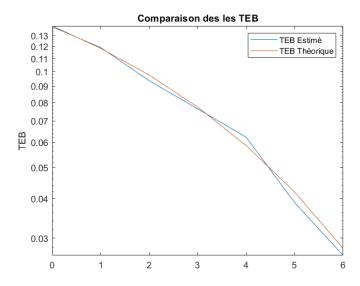
4. Diagramme de l'oeil du signal reçu à la sortie du filtre de réception



4. Les constellation en sortie du Mapping et de l'échantillonneur.



5. Comparaison des TEB théorique et expérimental



2.3 Quatrième chaine à étudier : "Chaîne de Transmission QPSK" Implantation sous Matlab

1. Génération de l'information binaire à transmettre avec un MAPPING tel que les symboles sont $d_k = \pm 1 \pm j$

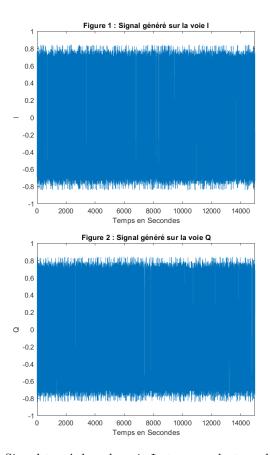
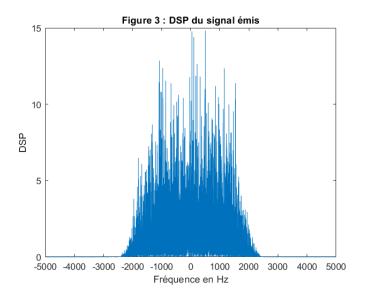
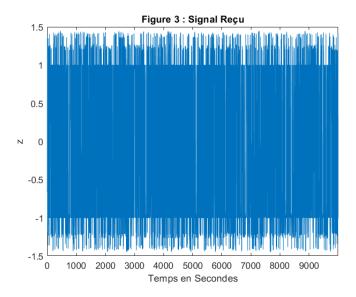


Figure 2.5: Signal tracé dans la voie I et en quadrature dans la voie Q

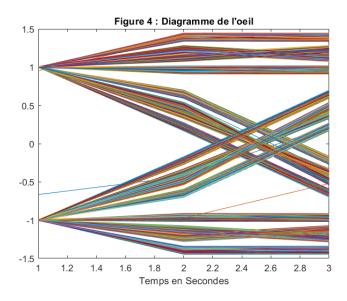
3. Densité spectrale de puissance par périodogramme



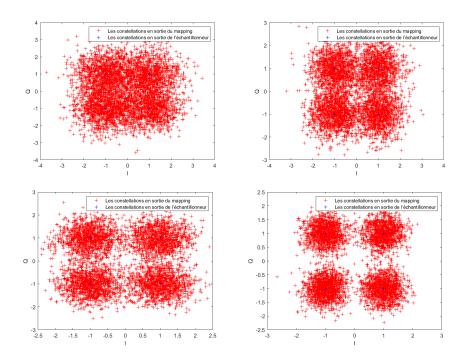
4. Signal reçu à la sortie du filtre de réception



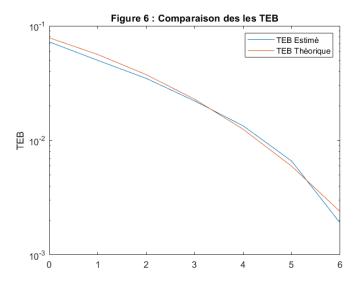
4. Le diagramme de l'oeil du signal à la sortie du filtre de réception.



5. Constellation à la sortie du mapping et de l'échantillonneur



 ${\bf 6.}\,$ Comparaison des TEB théorique et expérimental



1. Génération de l'information binaire à transmettre avec un MAPPING qui utilise pskmod

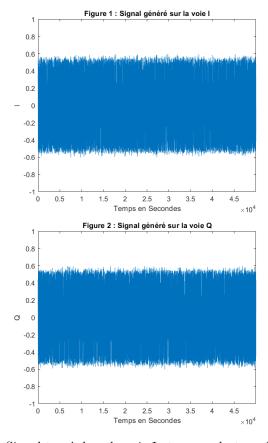
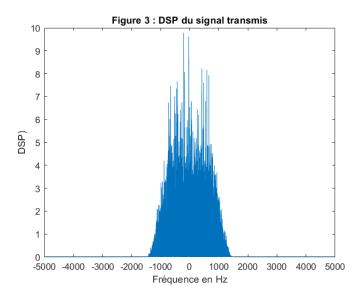
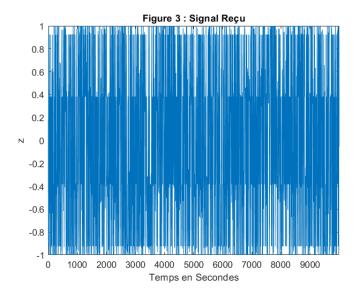


Figure 2.7: Signal tracé dans la voie I et en quadrature dans la voie Q

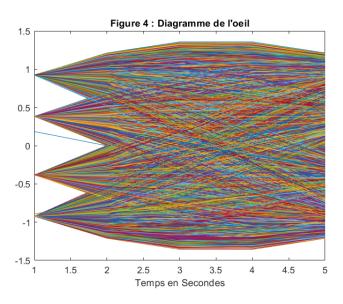
3. Densité spectrale de puissance par périodogramme



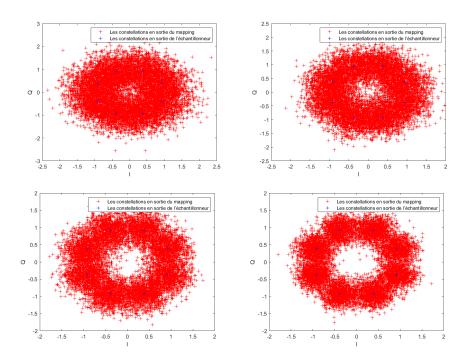
4. Signal reçu à la sortie du filtre de réception



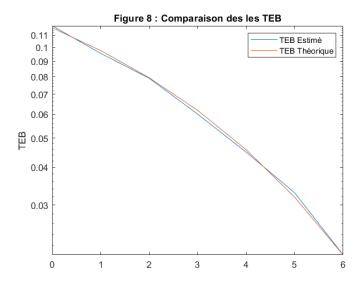
4. Diagramme de l'oeil du signalà la sortie du filtre de réception



5. Constellations à la sortie du Mapping et de l'échantillonneur



6. Comparaison des TEB théorique et expérimental



2.5 Sixième chaine à étudier : "Chaîne de Transmission 16-QAM" Implantation sous Matlab

1. Génération de l'information binaire à transmettre avec un MAPPING qui utilise qammod

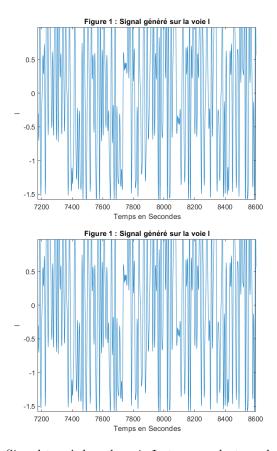
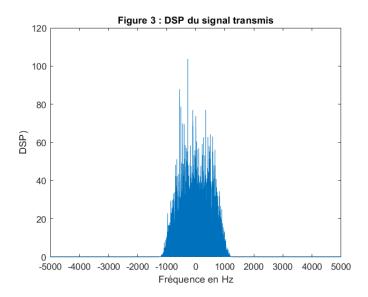
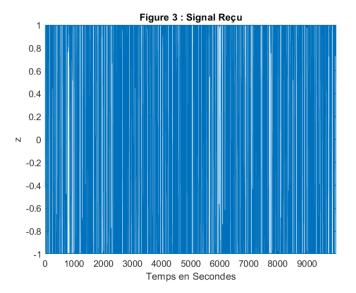


Figure 2.9: Signal tracé dans la voie I et en quadrature dans la voie Q

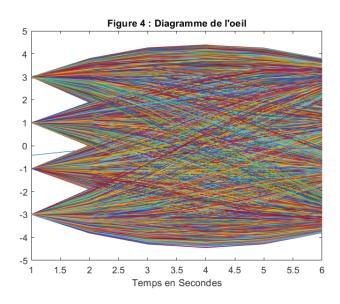
3. Densité spectrale de puissance par périodogramme



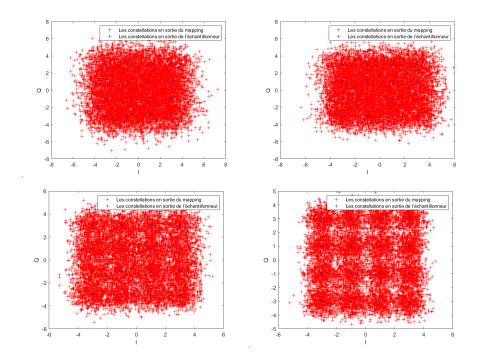
4. Signal reçu à la sortie du filtre de réception



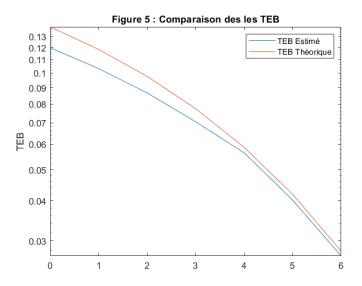
4. Diagramme de l'oeil du signal à la sortie du filtre de réception



5. Constellations à la sortie du Mapping et de l'échantillonneur



6. Comparaison des TEB théorique et expérimental



Code Source

3.1 Chaîne Fréquence sur Porteuse

```
ENSEEIHT - 1SN
                     Télécommunications
5 clear;
6 close all;
7 clc;
9 % Les données
10 bits_nbr = 10000;
11 Fe = 10000;
Rs = 1000;
13 Ns = Fe / Rs;
14 Te = 1 / Fe;
15 N = 50;
16
17 | fp = 2000;
18 \text{ fc} = 1500;
19 alpha = 0.35;
20 span = 8;
bits = randi([0, 1], 1, bits_nbr); %Génération de l'information binaire
23
symboles_ak = 2 * bits(1 : 2 : end) - 1;
symboles_bk = 2 * bits(2 : 2 : end) - 1;
symboles_dk = symboles_ak + 1j * symboles_bk; %Mapping +/-1 +/-j
28 Diracs1 = kron(symboles_ak, [1 zeros(1, Ns - 1)]); %Génération de la suite de Diracs
29 Diracs2 = kron(symboles_bk, [1 zeros(1, Ns - 1)]);
n = rcosdesign(alpha, 8, Ns, 'sqrt'); % Réponse impusionnelle du filtre de mise en forme
31 retard = (span * Ns) / 2;
32
I = filter(h, 1, [Diracs1 zeros(1, retard)]);
Q = filter(h, 1, [Diracs2 zeros(1, retard)]);
35 I = I(retard + 1 : end);
  Q = Q(retard + 1 : end);
36
37
T = [0 : length(I) - 1] * Te;
x = I .* cos (2 * pi * fp * T) - Q .* sin(2 * pi * fp * T);
41
43 figure ;
44 plot(I);
45 axis([0 length(I) - 1 -1 1]);
46 title ('Figure 1 : Signal généré sur la voie I');
```

```
xlabel('Temps en Secondes');
ylabel('I');
49
50 % Affichage du signal généré sur la voie Q
51 figure;
52 plot(Q);
axis([0 length(Q) - 1 -1 1]);
title('Figure 2 : Signal généré sur la voie Q');
stabel('Temps en Secondes');
ylabel('Q');
57
58 % Affichage du signal
59 figure;
60 plot(x);
axis([0 bits_nbr - 1 -1 1]);
62 title('Figure 3 : Signal Emis Sans Bruit');
63 xlabel('Temps en Secondes');
64 ylabel('Signal Emis');
65
66
67
   % Calcul de la DSP
DSP_x = (1 / length(x)) * abs(fft(x, 2 ^ nextpow2(length(x)))) .^ 2;
69 figure;
70 plot(linspace(-Fe / 2, Fe / 2, length(DSP_x)), fftshift(DSP_x));
title('Figure 4 : DSP du signal émis');
title('Fréquence en Hz');
ylabel('DSP');
74
75
76 % Retour en bande de base
77 signal_voieI = x .* cos(2 * pi * fp * T);
78 signal_voieQ = -j * x .* sin(2 * pi * fp * T);
79 filtre_passe_bas = 2 * (fc / Fe) * sinc(2 * (fc / Fe) * [-N : N]);
so signal_conv = conv(signal_voieI + signal_voieQ, filtre_passe_bas, 'same');
81
82 %Filtrage de réception
h_r = h;
z = filter(h_r, 1, [signal_conv zeros(1,retard)]);
z = z(retard + 1 : end);
86 figure ;
plot(real(z));
axis([0 bits_nbr - 1 -1.5 1.5]);
title('Figure 5 : Signal Reçu')
xlabel('Temps en Secondes');
91 ylabel('z');
92
93 % Diagramme de l'oeil
94 oeil = reshape(real(z), Ns, length(real(z)) / Ns);
95 figure;
96 plot(oeil);
title("Figure 6 : Diagramme de l'oeil");
98 xlabel('Temps en Secondes');
100 %Ajout du bruit
101
   TES = zeros(1,7);
   \overline{\text{TEB}} = \overline{\text{zeros}(1,7)};
102
103
   for i = 0 : 6
104
        N = randn(1, length(x));
        Puissance_signal = mean(abs(x) .^ 2);
106
        Puissance_bruit = Puissance_signal * Ns / (2 * log2(4) * 10 .^ (i / 10));
        bruit_gaussien = sqrt(Puissance_bruit)*N;
108
        y = x + bruit_gaussien;
109
       signal_phaseI = y .* cos(2 * pi * fp * T);
signal_phaseQ = -1i * y .* sin(2 * pi * fp * T);
111
```

```
y = signal_phaseI + signal_phaseQ;
112
113
114
        z = filter(h_r, 1, [y zeros(1,retard)]);
115
        z = z(retard + 1 : end);
116
        z_echantillonne = z(1 : Ns : end);
117
118
        for j = 1 : length(z_echantillonne)
119
            if (real(z_echantillonne(j)) <= 0 && imag(z_echantillonne(j)) <= 0)
120
                symboles_decides(j) = -1 - 1i;
121
122
            elseif (real(z_echantillonne(j)) >= 0 && imag(z_echantillonne(j)) >= 0)
123
                symboles_decides(j) = 1 + 1i;
124
125
            elseif (real(z_echantillonne(j)) <= 0 && imag(z_echantillonne(j)) >= 0)
126
                symboles_decides(j) = -1 + 1i;
127
128
            elseif (real(z_echantillonne(j)) >= 0 && imag(z_echantillonne(j)) <= 0)</pre>
129
130
                symboles_decides(j) = 1 - 1i;
131
132
133
134
        TES(i + 1) = length(find(symboles_decides ~= symboles_dk)) / (length(symboles_dk));
135
        TEB(i + 1) = TES(i + 1) / 2;
136
137
138
139 %TEB Théorique et Estimé
140 figure;
141 semilogy([0 : 6], TEB);
142 hold on
semilogy([0 : 6], (4 * (1 - (1 / sqrt(4))) * qfunc(sqrt(3 * log2(4)* 10 .^ ([0 : 6] / 10) /
        (3)))) / log2(4));
title('Figure 7 : Comparaison des les TEB');
legend('TEB Estimé','TEB Théorique')
ylabel('TEB');
```

3.2 Chaîne Passe-Bas Equivalente

```
5 clear;
  6 close all;
 7 clc;
10 % Les données
bits_nbr = 10000;
12 Fe = 10000;
13 \text{ Rs} = 1000;
14 Ns = Fe / Rs;
Te = 1 / Fe;
16 N = 50;
17
18 \text{ fp} = 2000;
19 fc = 1500;
20 alpha = 0.35;
      span = 8;
21
22
24 bits = randi([0, 1], 1, bits_nbr); %Génération de l'information binaire
symboles_ak = 2 * bits(1 : 2 : end) - 1;
symboles_bk = 2 * bits(2 : 2 : end) - 1;
symboles_dk = symboles_ak + 1j * symboles_bk; %Mapping +/-1 +/-j
30 Diracs1 = kron(symboles_ak, [1 zeros(1, Ns - 1)]); %Génération de la suite de Diracs
Diracs2 = kron(symboles_bk, [1 zeros(1, Ns - 1)]);
32 h = rcosdesign(alpha, 8, Ns, 'sqrt'); % Réponse impusionnelle du filtre de mise en forme
33 retard = (span * Ns) / 2;
35
36 I = filter(h, 1, [Diracs1 zeros(1, retard)]);
37 Q = filter(h, 1, [Diracs2 zeros(1, retard)]);
38 I = I(retard + 1 : end);
39 Q = Q(retard + 1 : end);
T = [0 : length(I) - 1] * Te;
42 x_enveloppe = I + 1i * Q;
43
44 % Affichage du signal génerée sur la voie I
45 figure ;
46 plot(I);
axis([0 length(I) - 1 -1 1]);
48 title('Figure 1: Signal généré sur la voie I');
49 xlabel('Temps en Secondes');
50 ylabel('I');
52 % Affichage du signal généré sur la voie Q
      figure ;
53
54 plot(Q);
axis([0 length(Q) - 1 -1 1]);
title('Figure 2 : Signal généré sur la voie Q');
xlabel('Temps en Secondes');
       ylabel('Q');
58
      DSP_x\_enveloppe = (1 / length(x\_enveloppe)) * abs(fft(x\_enveloppe, 2 ^ nextpow2(length(x\_enveloppe))) * abs(fft(x\_enveloppe)) * abs(fft(x_enveloppe)) * abs(fft(x_enveloppe)
```

```
x_enveloppe)))) .^ 2;
62 figure;
63 plot(linspace(-Fe / 2, Fe / 2, length(DSP_x_enveloppe)), fftshift(DSP_x_enveloppe));
title('Figure 3: DSP de lEnveloppe');
state ('Fréquence en Hz');
glabel('DSP');
67
68
69 % Filtrage de réception
h_r = h;
z = filter(h_r, 1, [x_enveloppe zeros(1, retard)]);
z = z(retard + 1 : end);
figure;
74 plot(real(z));
75 axis([0 bits_nbr - 1 -1.5 1.5]);
title('Figure 3 : Signal Reçu');
txlabel('Temps en Secondes');
78 ylabel('z');
80 % Diagramme de l'oeil
81
   oeil = reshape(real(z), Ns, length(real(z)) / Ns);
82 figure;
83 plot(oeil);
84 title("Figure 4 : Diagramme de l'oeil");
xlabel('Temps en Secondes');
87
88 %Ajout du bruit
   TES = zeros(1,7);
89
   TEB = zeros(1,7);
90
   for i = 0 : 6
92
       Puissance_signal = mean(abs(x_enveloppe) .^ 2);
93
       Puissance_bruit = Puissance_signal * Ns / (2 * log2(4) * 10 .^ (i / 10));
bruit_gaussien = (sqrt(Puissance_bruit) * randn(1, length(x_enveloppe))) + 1i * (sqrt(
94
95
       Puissance_bruit) * randn(1, length(x_enveloppe)));
       y = x_enveloppe + bruit_gaussien;
96
97
       z = filter(h_r, 1, [y zeros(1,retard)]);% Filtrage de réception
98
99
       z = z(retard + 1 : end);
       z_echantillonne = z(1 : Ns : end);
100
       plot(real(z_echantillonne), imag(z_echantillonne), 'r+');
103
       plot(symboles_ak, symboles_bk, 'b+');
106
       xlabel('I');
       ylabel('Q');
108
       for j = 1 : length(z_echantillonne)
            if (real(z_echantillonne(j)) <= 0 && imag(z_echantillonne(j)) <= 0)
                symboles_decides(j) = -1 - 1i;
112
            elseif (real(z_echantillonne(j)) >= 0 && imag(z_echantillonne(j)) >= 0)
113
                symboles_decides(j) = 1 + 1i;
114
            elseif (real(z_echantillonne(j)) <= 0 && imag(z_echantillonne(j)) >= 0)
115
116
                symboles_decides(j) = -1 + 1i;
            elseif (real(z_echantillonne(j)) >= 0 && imag(z_echantillonne(j)) <= 0)
117
                symboles_decides(j) = 1 - 1i;
118
119
120
121
122
       TES(i + 1) = length(find(symboles_decides ~= symboles_dk)) / (length(symboles_dk));
123
```

```
TEB(i + 1) = TES(i + 1) / 2;
end

// TEB Théorique et Estimé
figure;
semilogy([0 : 6], TEB);
hold on
semilogy([0 : 6], (4 * (1 - (1 / sqrt(4))) * qfunc(sqrt(3 * log2(4)* 10 .^ ([0 : 6] / 10) / (3)))) / log2(4));
grid
title('Figure 6 : Comparaison des les TEB');
legend('TEB Estimé', 'TEB Théorique')
ylabel('TEB');
```

3.3 Chaîne 4-ASK

```
ENSEEIHT - 1SN - Télécommunications
 3
 5 clear;
 6 close all;
7 clc;
9 % Les données
10 bits_nbr = 10000;
  Fe = 10000;
11
12 \text{ Rs} = 2000;
13 Ns = floor(Fe / Rs);
Te = 1 / Fe;
15 N = 50;
16
17 \text{ fp} = 2000;
18 fc = 1500;
alpha = 0.5;
  span = 8;
20
21
bits = randi([0, 1], 1, bits_nbr); % Génération de linformation binaire
24
Symboles = (2 * bi2de(reshape(bits, 2, length(bits)/2).') - 3).'; % Mapping de Gray
Diracs = kron(Symboles, [1 zeros(1, Ns - 1)]); Génération de la suite de Diracs pondérés par
  h = rcosdesign(alpha, 8, Ns, 'sqrt');%Réponse impusionnelle du filtre de mise en forme
28
29
   retard = (span * Ns) / 2;
31 x = filter(h, 1, [Diracs zeros(1, retard)]); % Filtrage de MEF
x = x(retard + 1 : end);
33
34
35 figure;
36 plot(x);
37 axis([0 length(x) - 1 -3 3]);
38 title('Figure 1 : Signal transmis après MEF');
39 xlabel('Temps en Secondes');
40
41 % Calcul de la DSP
_{42} DSP_x = (1 / length(x)) * abs(fft(x, 2 ^ nextpow2(length(x)))) .^ 2;
43 figure;
plot(linspace(-Fe / 2, Fe / 2, length(DSP_x)), fftshift(DSP_x));
title('Figure 2 : DSP du signal transmis');
klabel('Fréquence en Hz');
47 ylabel('DSP)');
49 % Filtrage de réception
h_r = h;
51 z = filter(h_r, 1, [x zeros(1,retard)]);
z = z(retard + 1 : end);
53 figure;
54 plot(z);
55 axis([0 bits_nbr - 1 -3 3]);
title('Figure 3 : Signal Reçu')
xlabel('Temps en Secondes');
58 ylabel('z');
60 % Diagramme de l'oeil
oeil = reshape(z, Ns, length(z) / Ns);
```

```
62 figure;
63 plot(oeil);
title("Figure 4 : Diagramme de l'oeil");
xlabel('Temps en Secondes');
66
67
   %Ajout du bruit
68
   TES = zeros(1,7);
69
   TEB = zeros(1,7);
71
72
   for i = 0 : 6
       Puissance_signal = mean(abs(x) .^ 2);
73
       Puissance_bruit = Puissance_signal * Ns / (2 * log2(4) * 10 .^ (i / 10));
74
       bruit_gaussien = (sqrt(Puissance_bruit) * randn(1, length(x))) + 1i * (sqrt(
75
       Puissance_bruit) * randn(1, length(x)));
       y = x + bruit_gaussien;
76
77
78
       z = filter(h_r, 1, [y zeros(1,retard)]);% Filtrage de réception
79
       z = z(retard + 1 : end);
80
81
       82
       symboles_decides = zeros(1, length(z_echantillonne));
83
84
       for j = 1 : length(z_echantillonne)
85
           if (real(z_echantillonne(j)) > 2)
86
               symboles_decides(j) = 3;
87
           elseif (real(z_echantillonne(j)) >= 0)
88
               symboles_decides(j) = 1;
89
           elseif (real(z_echantillonne(j)) < -2)</pre>
90
91
               symboles_decides(j) = -3;
92
               symboles_decides(j) = -1;
93
94
95
96
97
       TES(i + 1) = length(find(Symboles ~= symboles_decides)) / length(Symboles);
98
       TEB(i + 1) = TES(i + 1) / 2;
99
100
101
102 figure;
plot(real(z_echantillonne), 0, 'r+');
104 xlim([-4 4])
   hold on;
105
   plot(Symboles, 0, 'b+');
106
legend ('Les constellations en sortie du mapping', 'Les constellations en sortie de léchantillonneur')
108 xlabel('I');
109
   ylabel('Q');
112 % TEB Théorique et Estimé
113 figure;
semilogy([0 : 6], TEB);
115 hold on
116 semilogy([0 : 6], (3 / 4) * qfunc(sqrt((4 / 5) * 10 .^ ([0 : 6] / 10))));
title('Comparaison des les TEB');
legend('TEB Estimé','TEB Théorique')
ylabel('TEB');
```

3.4 Chaîne Q-PSK

```
3
 5 clear;
 6 close all;
 7 clc;
  % Les données
10 bits_nbr = 10000;
  Fe = 10000;
11
Rs = 3000;
13 Ns = floor(Fe / Rs);
Te = 1 / Fe;
15 N = 50;
16
17 \text{ fp} = 2000;
18 fc = 1500;
alpha = 0.5;
   span = 8;
20
21
bits = randi([0, 1], 1, bits_nbr); %Génération de l'information binaire
24
26 symboles_ak = 2 * bits(1 : 2 : end) - 1;
symboles_bk = 2 * bits(2 : 2 : end) - 1;
symboles_dk = symboles_ak + 1j * symboles_bk; %Mapping +/-1 +/-j
29 Diracs1 = kron(symboles_ak, [1 zeros(1, Ns - 1)]); %Génération de la suite de Diracs
Diracs2 = kron(symboles_bk, [1 zeros(1, Ns - 1)]);
  h = rcosdesign(alpha, 8, Ns, 'sqrt');%Réponse impusionnelle du filtre de mise en forme
32 retard = (span * Ns) / 2;
33
34 I = filter(h, 1, [Diracs1 zeros(1, retard)]);
35 Q = filter(h, 1, [Diracs2 zeros(1, retard)]);
36 I = I(retard + 1 : end);
37 Q = Q(retard + 1 : end);
38
   x = I + 1i * Q;
39
40
41 % Affichage du signal génerée sur la voie I
42 figure;
43 plot(I);
axis([0 length(I) - 1 -1 1]);
45 title('Figure 1 : Signal généré sur la voie I');
46 xlabel('Temps en Secondes');
ylabel('I');
  % Affichage du signal généré sur la voie Q
49
50 figure;
51 plot(Q);
52 axis([0 length(Q) - 1 -1 1]);
53 title('Figure 2 : Signal généré sur la voie Q');
54 xlabel('Temps en Secondes');
55 ylabel('Q');
56
   % Calcul de la DSP
57
DSP_x = (1 / length(x)) * abs(fft(x, 2 ^ nextpow2(length(x)))) .^ 2;
figure;
60 plot(linspace(-Fe / 2, Fe / 2, length(DSP_x)), fftshift(DSP_x));
title('Figure 3 : DSP du signal émis');
```

```
xlabel('Fréquence en Hz');
ylabel('DSP');
62
63
64
65 % Filtrage de réception
h_r = h;
z = filter(h_r, 1, [x zeros(1,retard)]);
68 z = z(retard + 1 : end);
69 figure ;
70 plot(real(z));
71 axis([0 bits_nbr - 1 -1.5 1.5]);
title('Figure 3 : Signal Reçu')
xlabel('Temps en Secondes');
74 ylabel('z');
76 % Diagramme de l'oeil
oeil = reshape(real(z), Ns, length(real(z)) / Ns);
78 figure;
79 plot(oeil);
80 title("Figure 4 : Diagramme de l'oeil");
   xlabel('Temps en Secondes');
81
83
84 %Ajout du bruit
   TES = zeros(1,7);
   TEB = zeros(1,7);
86
   for i = 0 : 6
88
       Puissance_signal = mean(abs(x) .^ 2);
89
       Puissance_bruit = Puissance_signal * Ns / (2 * log2(4) * 10 .^ (i / 10));
90
       bruit_gaussien = (sqrt(Puissance_bruit) * randn(1, length(x))) + 1i * (sqrt(
91
       Puissance_bruit) * randn(1, length(x)));
       y = x + bruit_gaussien;
92
93
94
       z = filter(h_r, 1, [y zeros(1,retard)]);
95
       z = z(retard + 1 : end);
96
       z_echantillonne = z(1 : Ns : end);
97
98
99
100
       plot(real(z_echantillonne), imag(z_echantillonne), 'r+');
101
       hold on;
       plot(symboles_ak, symboles_bk, 'b+');
       legend ('Les constellations en sortie du mapping', 'Les constellations en sortie de
104
       xlabel('I');
       ylabel('Q');
106
107
       for j = 1 : length(z_echantillonne)
108
            if (real(z_echantillonne(j)) <= 0 && imag(z_echantillonne(j)) <= 0)
                symboles_decides(j) = -1 - 1i;
           elseif (real(z_echantillonne(j)) >= 0 && imag(z_echantillonne(j)) >= 0)
112
                symboles_decides(j) = 1 + 1i;
113
114
           elseif (real(z_echantillonne(j)) <= 0 && imag(z_echantillonne(j)) >= 0)
                symboles_decides(j) = -1 + 1i;
116
117
           elseif (real(z_echantillonne(j)) >= 0 && imag(z_echantillonne(j)) <= 0)
118
                symboles_decides(j) = 1 - 1i;
119
120
121
122
123
124
       TES(i + 1) = length(find(symboles_decides ~= symboles_dk)) / (length(symboles_dk));
```

```
TEB(i + 1) = TES(i + 1) / 2;
end

// TEB Théorique et Estimé
figure;
semilogy([0 : 6], TEB);
hold on
semilogy([0 : 6], (4 * (1 - (1 / sqrt(4))) * qfunc(sqrt(3 * log2(4)* 10 .^ ([0 : 6] / 10) / (3)))) / log2(4));
title('Figure 6 : Comparaison des les TEB');
legend('TEB Estimé','TEB Théorique')
ylabel('TEB');
```

3.5 Chaîne 8-PSK

```
2
 3
 5 clear;
 6 close all;
7 clc;
9 % Les données
10 bits_nbr = 10000;
  Fe = 10000;
11
12 \text{ Rs} = 2000;
13 Ns = floor(Fe / Rs);
Te = 1 / Fe;
15 M = 8;
16 fp = 2000;
\frac{17}{fc} = 1500;
alpha = 0.5;
19 span = 8;
20
21 bits = randi([0, M - 1], 1, bits_nbr); %Génération de l'information binaire
symboles_dk = pskmod(bits, M, pi / M); % Mappinp
symboles_ak = real(symboles_dk);
symboles_bk = imag(symboles_dk);
Diracs1 = kron(symboles_ak, [1 zeros(1, Ns - 1)]); %Génération de la suite de Diracs
Diracs2 = kron(symboles_bk, [1 zeros(1, Ns - 1)]);
28 h = rcosdesign(alpha, 8, Ns, 'sqrt'); %Réponse impusionnelle du filtre de mise en forme
29
   retard = (span * Ns) / 2;
30
31 I = filter(h, 1, [Diracs1 zeros(1, retard)]);
Q = filter(h, 1, [Diracs2 zeros(1, retard)]);
  I = I(retard + 1 : end);
33
  Q = Q(retard + 1 : end);
35
x = I + 1i * Q;
37
38
39 figure ;
40 plot(I);
41 axis([0 length(I) - 1 -1 1]);
42 title('Figure 1 : Signal généré sur la voie I');
43 xlabel('Temps en Secondes');
44
45
46 % Affichage du signal généré sur la voie Q
47 figure ;
48 plot(Q);
49 axis([0 length(Q) - 1 -1 1]);
50 title('Figure 2 : Signal généré sur la voie Q');
51 xlabel('Temps en Secondes');
52 ylabel('Q');
53
54
55 % Calcul de la DSP
DSP_x = (1 / length(x)) * abs(fft(x, 2 ^ nextpow2(length(x)))) .^ 2;
figure;
58 plot(linspace(-Fe / 2, Fe / 2, length(DSP_x)), fftshift(DSP_x));
59 title('Figure 3 : DSP du signal transmis');
60 xlabel('Fréquence en Hz');
glabel('DSP)');
```

```
62
   %Filtrage de réception
63
h_r = h;
z = filter(h_r, 1, [x zeros(1,retard)]);
66 z = z(retard + 1 : end);
67 figure ;
68 plot(real(z));
69 axis([0 bits_nbr - 1 -1 1]);
70 title('Figure 3 : Signal Reçu')
71 xlabel('Temps en Secondes');
72 ylabel('z');
74 % Diagramme de l'oeil
75 oeil = reshape(real(z), Ns, length(real(z)) / Ns);
76 figure;
   plot(oeil);
77
title("Figure 4 : Diagramme de l'oeil");
79 xlabel('Temps en Secondes');
   %Ajout du brtui
81
82
   TES = zeros(1,7);
   TEB = zeros(1,7);
83
84
   for i = 0 : 6
       Puissance_signal = mean(abs(x) .^ 2);
86
       Puissance_bruit = Puissance_signal * Ns / (2 * log2(M) * 10 .^ (i / 10));
87
       bruit_gaussien = (sqrt(Puissance_bruit) * randn(1, length(x))) + 1i * (sqrt(
88
       Puissance_bruit) * randn(1, length(x)));
       y = x + bruit_gaussien;
89
90
91
       z = filter(h_r, 1, [y zeros(1,retard)]);% Filtrage de réception
92
       z = z(retard + 1 : end);
93
       z_echantillonne = z(1 : Ns : end);
94
95
96
       figure();
97
98
       plot(real(z_echantillonne), imag(z_echantillonne), 'r+');
99
       hold on;
100
       plot(symboles_ak, symboles_bk, 'b+');
       legend('Les constellations en sortie du mapping','Les constellations en sortie de
léchantillonneur')
101
       ylabel('Q');
103
104
105
       bits_decides = pskdemod(z_echantillonne, M, pi / M);
106
107
108
       TES(i + 1) = length(find(bits_decides ~= bits)) / length(bits);
       TEB(i + 1) = TES(i + 1) / log2(M);
   end
112
113
114
semilogy([0 : 6], TEB);
116 hold on
117 semilogy([0 : 6], (2 / log2(M)) * qfunc(sqrt(2 * log2(M) * 10 .^ ([0 : 6] / 10)) * sin(pi /
       M)));
title('Figure 8 : Comparaison des les TEB');
legend('TEB Estimé','TEB Théorique')
ylabel('TEB');
```

3.6 Chaîne 16-QAM

```
3
5 clear;
6 close all;
7 clc;
10 % Les données
bits_nbr = 10000;
_{12} Fe = 10000;
13 \text{ Rb} = 48000;
14 \text{ M} = 16;
Rs = Rb / (\log_2(M) * 8);
16 Ns = floor(Fe / Rs);
Te = 1 / Fe;
18 fp = 2000;
19 fc = 1500;
20 alpha = 0.5;
  span = 8;
21
22
23
24
  bits = randi([0, M - 1], 1, bits_nbr); %Génération de l'information binaire
symboles_dk = qammod(bits, M); % Mappinp
symboles_ak = real(symboles_dk);
symboles_bk = imag(symboles_dk);
  Diracs1 = kron(symboles_ak, [1 zeros(1, Ns - 1)]); %Génération de la suite de Diracs
Diracs2 = kron(symboles_bk, [1 zeros(1, Ns - 1)]);
32 h = rcosdesign(alpha, 8, Ns, 'sqrt'); % Réponse impusionnelle du filtre de mise en forme
33 retard = (span * Ns) / 2;
35 I = filter(h, 1, [Diracs1 zeros(1, retard)]);
36 Q = filter(h, 1, [Diracs2 zeros(1, retard)]);
37 I = I(retard + 1 : end);
Q = Q(retard + 1 : end);
_{40} x = I + 1i * Q;
42
43
44 figure ;
45 plot(I);
46 axis([0 length(I) - 1 -1 1]);
47 title('Figure 1 : Signal généré sur la voie I');
48 xlabel('Temps en Secondes');
49 ylabel('I');
50
51 % Affichage du signal généré sur la voie Q
52 figure;
53 plot(Q);
54 axis([0 length(Q) - 1 -1 1]);
55 title('Figure 2 : Signal généré sur la voie Q');
56 xlabel('Temps en Secondes');
57
  ylabel('Q');
60 % Calcul de la DSP
DSP_x = (1 / length(x)) * abs(fft(x, 2 ^ nextpow2(length(x)))) .^ 2;
```

```
62 figure;
plot(linspace(-Fe / 2, Fe / 2, length(DSP_x)), fftshift(DSP_x));
title('Figure 3 : DSP du signal transmis');
xlabel('Fréquence en Hz');
glabel('DSP)');
67
68 % Filtrage de réception
h_r = h;
70 z = filter(h_r, 1, [x zeros(1,retard)]);
z = z(retard + 1 : end);
figure;
73 plot(real(z));
74 axis([0 bits_nbr - 1 -1 1]);
title('Figure 3 : Signal Reçu')
title('Temps en Secondes');
77 ylabel('z');
78
79 % Diagramme de l'oeil
80 oeil = reshape(real(z), Ns, length(real(z)) / Ns);
81 figure;
82 plot(oeil);
83 title("Figure 4 : Diagramme de l'oeil");
84 xlabel('Temps en Secondes');
86 %Ajout du bruit
87 TES = zeros(1,7);
   TEB = zeros(1,7);
88
89
   <u>for i = 0 : 6</u>
90
        Puissance_signal = mean(abs(x) .^ 2);
91
        Puissance_bruit = Puissance_signal * Ns / (2 * log2(M) * 10 .^ (i / 10));
92
        bruit_gaussien = (sqrt(Puissance_bruit) * randn(1, length(x))) + 1i * (sqrt(
93
        Puissance_bruit) * randn(1, length(x)));
94
        y = x + bruit_gaussien;
95
96
        z = filter(h_r, 1, [y zeros(1, retard)]);
97
98
        z = z(retard + 1 : end);
        z_echantillonne = z(1 : Ns : end);
99
100
101
        plot(real(z_echantillonne), imag(z_echantillonne), '+r');
104
105
        plot(symboles_ak, symboles_bk, 'b+');
106
107
        xlabel('I');
108
        ylabel('Q');
        bits_decides = qamdemod(z_echantillonne, M);
112
113
        TES(i + 1) = length(find(bits_decides ~= bits)) / (length(bits));
114
        TEB(i + 1) = TES(i + 1) / log2(M);
115
116
117
   %TEB Théorique et Estimé
118
119 figure;
120 semilogy([0 : 6], TEB);
122 semilogy([0 : 6], (1 - (1 / sqrt(M))) * qfunc(sqrt((4 / 5) * 10 .^ ([0 : 6] / 10))));
title('Figure 5 : Comparaison des les TEB');
legend('TEB Estimé','TEB Théorique')
```

125 ylabel('TEB');