

# Locally enhanced Convolutional Transformer with appropriate Inductive Bias(LeCT)

[https://github.com/ysj9909/Vision\\_Backbone\\_projects](https://github.com/ysj9909/Vision_Backbone_projects)

윤석주

## Abstract

Vision Transformer(ViT)가 소개된 후부터 CNN, MLP 모델들 중에서 어떤 모델이 더 좋은가에 대한 논의는 계속되어왔다. 하지만 논의가 정리되지 않고 계속 연구들이 이어지고 있는 상황이다. 이러한 상황에서 여러 pure model 들에 대한 연구들을 보며 느낀 점은 각 모델들이 가지고 있는 서로 다른 강점들이 있다는 것이고 우리가 제안하는 모델은 각 모델의 강점을 적절히 이용한다. 특히 우리 모델은 CNN 과 ViT 의 강점들이 적절히 혼합되어 있다. 해당 report 에서 우리는 Locally enhanced Convolutional Transformer(LeCT)라는 모델을 제안하려 한다. 이 모델에서 사용하는 Locally enhanced Attention 모듈이 기존의 Attention 모듈과 구별되는 강점을 크게 세 가지로 볼 수 있다. 1) query, key, value 로의 projection 을 convolution 을 이용해서 “*Sequentially*” 계산한다. 이를 통해 지역적으로 더 강화된 representation 을 통해서 attention 을 수행할 수 있다. 2) projection 을 위해 계산된 features 가 skip connection 을 통해서 attention feature 와 연결됨으로써 long-range feature 와 local feature 를 동시에 활용할 수 있다. 3) 2D 이미지상에서 인접한 픽셀 간의 상관관계가 높다는 inductive bias 를 활용함으로써 sequence 길이에 선형적인 computational costs 를 갖는 Attention 을 수행한다. 우리의 실험환경에서 여러 최근 모델들보다 좋은 성능을 보이는 것을 확인할 수 있다.

**KEYWORDS** : Vision Transformer, Efficient network, Image Classification

## 1.Introduction

최근 10 년동안 CNNs[2, 13]는 Vision Backbone 으로서 굉장히 좋은 성능을 보이고 있다. 하지만 최근 ViT[1]가 CNN 의 성능을 뛰어넘으며 발표되었다. ViT[1]는 weak inductive bias 를 가지고 있으며 Multi-head Self Attention(MSA)를 이용해서 long-range feature 를 잘 계산할 수 있다. 하지만 ViT 의 weak inductive bias 때문에 inductive bias 를 implicitly 학습하기 위해서 많은 양의 학습 데이터와 더 긴 학습 스케줄링 그리고 여러 data augmentation 이 필요했다. 즉, 세심하게 구성된 학습 환경에서는 ViT 가 CNNs 보다 더 좋은 성능을 보인다. 이런 면에서 성능에 있어서는 ViTs 가 CNNs 보다 upper bound 가 더 높다고 할 수 있다. 반면에 CNNs 의 경우 작은 크기의 데이터에 대해서도 빠르게 학습해 좋은 성능을 보인다. 따라서 성능의 lower bound 가 높다고 할 수 있다. 따라서 우리는 각 모델의 장점을 적절히 이용한 새로운 모델을 제안해서 작은 크기의 데이터에 대해서도 적절한 수준의 inductive bias 를 가지고 안정적으로 학습하고 성능의 upper bound 또한 높였다.

우리는 ViT 의 capacity 를 제한하지 않는 선에서 2D 이미지를 다루기에 적절한 inductive bias 를 활용한 Attention 을 고안할 수 있을까 라는 문제의식에서 연구를 시작했다. 우리 모델은 다음의 디자인 규칙들을 따른다. 첫 번째, ViT[1]에서는 single scale features 를 계산하는 반면 우리 모델은 multi-scale features 를 각 stage 에서 계산한다. (이미 선행 연구에서 multi-scale feature information 이 single scale 에 비해 좋은 성능을 보인다는 것이 밝혀졌다.[12]) 다음 stage 로

넘어가기 전에 feature map 의 해상도를 줄이기 위해 단순히 non-overlap 하게 패치들을 병합하는 것이 아닌 Conv layer 를 이용해서 local feature 를 강화한다. 두 번째, Locally enhanced Mlp[8, 9]를 Attention 모듈 뒤에 배치함으로써 local feature 를 계산한다. 세 번째, Attention 모듈에서 계산되고 있는 토큰 입장에서 중요한 토큰을 attend 할 때 중요한 토큰 주변의 토큰들도 비슷한 attention weight 를 가지고 feature 들이 가중합될 수 있도록 한다.(2D 이미지상에서 인접한 픽셀간의 상관관계가 높다는 정보를 통해 자연스럽게 생각해볼 수 있다.) 그리고 Attention 을 위한 Projection(using convolution)[9]에 쓰인 features 를 skip connection 으로 Attention features 와 연결함으로써 high frequency feature[10]를 보완적으로 사용할 수 있다. (해당 모듈을 Locally enhanced Attention, e.g. LeAtt 라 칭한다.) LeAtt 안에서 high-frequency feature(local), low-frequency feature(global)를 동시에 다룬다. (discriminative power 를 위해서 두 종류의 feature 는 모두 필요하다.[18]) 한 레이어에서 두 가지 feature 를 모두 다룸으로써 서로 다른 레이어에서 순차적으로 두 feature 를 다루는 AlterNet[10]보다 더 효율적이고 성능 또한 더 좋다.(뒤에서 결과를 통해 확인할 수 있다.)하나의 모듈에서 앞의 두 개의 feature 중 한가지만 이용할 경우[6, 16] sub-optimal 할 수 밖에 없다. 왜냐하면 local modeling 을 하는 레이어에서는 중요한 global feature 를 놓칠 수 있고 그 반대의 상황도 일어날 수 있기 때문이다. 또한 LeAtt 는 input sequence 길이의 linear computational costs 를 갖기 때문에 고해상도 이미지를 다루기 적절하다.

우리 모델의 성능을 비교하기 위해서 제한된 training 환경을 설정했다. 자세한 configuration 은 실험 부분에서 확인할 수 있다. 그리고 비교 대상은 ResNet[2], ConvNeXt[13], ViT[1], CeiT[8], AlterNet[10]이다. 똑같은 환경에서 성능을 비교해본 결과 제일 좋은 성능을 보이는 것을 확인할 수 있다.

## 2.Related Work

Vision Transformer(ViT)[1]는 image classification task 에서 pure transformer 를 사용해서 SOTA CNN 모델들의 성능보다 더 좋은 성능을 낼 수 있음을 보였다. 그 이후 DeiT[14]에서는 distillation 기법을 도입해 ViT 의 성능을 더 높였다. DeiT[14] 이외에도 ViT 의 문제점을 보완하기 위한 연구들이 활발하게 이뤄졌다. MSAs 는 특히 고해상도 이미지를 다룰 때 sequence 길이의 제곱에 비례하는 Computational costs 를 갖기 때문에 적절하지 못하다. 따라서 이런 문제점을 해결하기 위해서 local window 내에서 self-attention 을 진행하는 방법을 사용하는 모델[5, 11]들이 제안되었다. 이러한 기법들은 기존의 MSAs 에서의 Computational Costs 문제를 해결하고 인접한 레이어(혹은 서로 다른 head)에서의 window 를 이동시켜 receptive size 를 확장시킨다. 하지만 local Attention 은 long-range interactions 을 제한시킨다. 따라서 global MSAs 에 비하면 sub-optimal 이라고 할 수 있다. 반면에 우리의 모델은 적절한 inductive bias 를 갖는 global attention 을 통해서 효율적이고(has linear computational costs w.r.t sequence length)효과적이다(global feature 를 계산함으로써 성능의 upper bound 또한 높다.).

최근에 Pyramid Vision Transformer(PVT)[4]에서 CNNs 에서와 같이 pyramid feature 를 계산한다. 그리고 spatial reduction module[4]을 통해서 global attention 을 수행한다. 또한 최근 연구들에서 ViT 에 convolution 의 속성을 첨가[3-12,16]함으로써 학습의 안정성[12]과 성능 향상을 꾀했다. DeiT[14]에서도 CNN teacher model 을 사용하는 것을 생각해보면 local feature 를 적절히 이용해주는 것은 성능 향상을 위해 필수적이라는 것을 알 수 있다[12]. 따라서 CNN 과 ViT 가 서로 상호보완적[10]인 특징을 갖고 있다는 것을 이용해서 우리는 ViT[1]에 Convolutional 요소를 적극적으로 삽입한 Attention 기법을 제안한다. 또한 Positional encoding 이 제거되어도 성능에 영향이 거의 없다.[15]

MSAs 가 여러 Vision tasks 에 대해서 좋은 성능을 보이고 있다. 하지만 정작 MSAs 가 근본적으로 왜 좋은 성능을 보이는가에 대한 연구는 제대로 이루어지지 않았다. 그러던 와중에 [10]에서는

Convs와 MSAs는 서로 상호보완적인 기능을 한다는 밝혔다. 또한 ViTAE[3]에서는 ViT[1]의 부족한 intrinsic inductive bias를 보완하기 위해서 다양한 dilation ratio를 가지는 Conv features를 Concat하여 MSAs를 적용하기 전에 local features를 강화한다. 또한 CNN feature를 skip connection으로 연결함으로써 local & multi-scale context 정보를 이용할 수 있다. 우리는 ViTAE의 skip connection에서 더 나아가 convolutional feature들을 attention map을 생성하기 위한 feature를 projection할 때에도 이용해줌으로써 Locally enhanced Attention을 수행할 수 있다. Global feature와 local feature를 적절히 사용해줌으로써 모델이 적절한 Inductive Bias를 갖게 되고 적은 parameter 수로도 small dataset에 대해서 최근 모델들보다 성능이 좋은 것을 확인할 수 있다.

### 3.Method

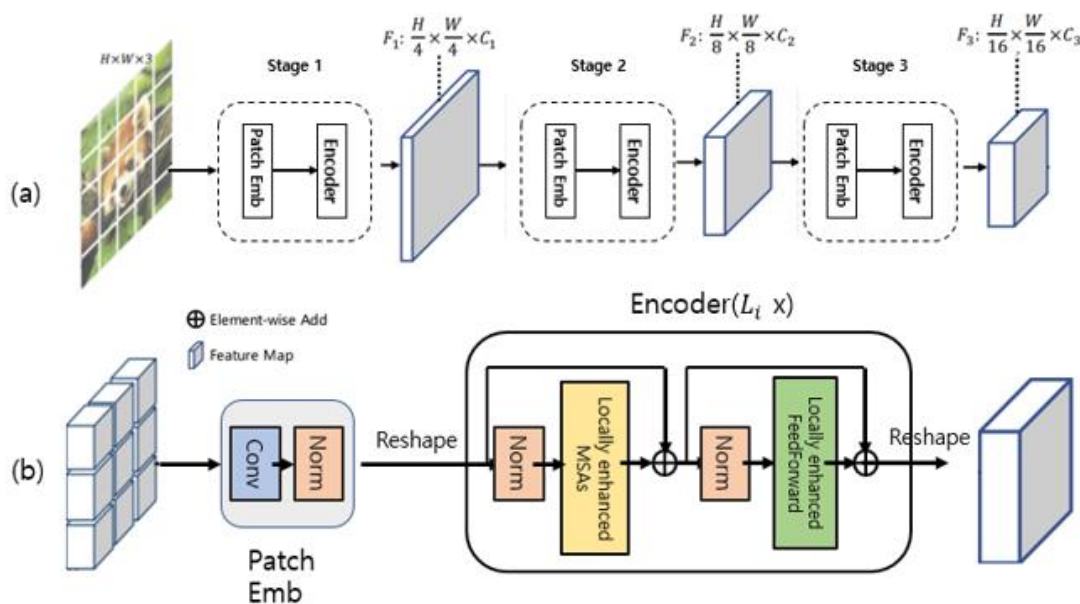


Figure 1: Overall architecture of Locally enhanced Convolutional Transformer(LeCT). (a)는 전체 모델의 개괄적인 구조이다. 이렇게 구한 features를 global average pooling – linear layer를 거쳐 최종 예측을 진행한다.(b)는 각 스테이지의 세부 사항을 보여준다.

#### 3.1. Overall Architecture

우리의 LeCT는 ViT[1]에서 여러 모듈들을 수정해가면서 디자인되었다. 또한 여러 ViTs[1, 6, 8]에서 class token을 이용해서 마지막 classification task를 진행한다. 하지만 우리의 모델은 마지막 features를 spatial 축으로 global average pooling을 한 후 classification을 진행함으로써 성능을 향상시켰다.[10] 먼저 Fig1(a)는 전체 모델의 개괄적인 pipeline이다. 또한 Fig1(b)는 각 스테이지가 어떻게 구성되어 있는지 설명한다. 3.2에서 Patch Embedding에 대해서 설명하고, 3.3에서 Locally enhanced MSAs를 설명하고, 마지막으로 3.4에서 Locally enhanced Feed Forward layer[8]를 설명하려 한다.

#### 3.2. Convolutional Patch Embedding

ViT[1]에서는 visual tokens을 만들기 위해서 중복되지 않도록 입력 이미지의 인접한 픽셀들끼리 채널 축으로 Concat operation을 진행해준 뒤 Linear layer를 거친다. 다음과 같이 단순한 토큰화 기법은 인접한 픽셀간의 중요한 정보(경계, 선)를 놓칠 수 있는 단점을 가지고 있다. 따라서 단순한 토큰화 기법 대신에 각 스테이지의 처음에 overlapping convolution operation을 수행하는 Convolutional

Patch Embedding layer를 사용한다. 해당 레이어를 통해서 local information을 계산할 수 있고 또한 CNN과 같이 점진적으로 sequence 길이를 줄이고 레이어의 width를 늘릴 수 있다. 첫 번째 스테이지에서만 kernel size를 7로하고 이후에는 kernel size를 3으로 한다.

v, q, k를 구하기 위한 feature를 계산하고 skip connection을 위한 Convolutional features를 계산하는 과정은 다음과 같다.(x는 LeMSAs의 input이다.)

$$x_1 = \text{linear}(x) \quad (2)$$

$$x_1 = \text{Reshape}(x_1) \quad (3)$$

$$x_2 = \text{BatchNorm}(\text{DWConv1}(x_1)) \quad (4)$$

$$x_3 = \text{BatchNorm}(\text{DWConv2}(\text{GELU}(x_2))) \quad (5)$$

$$\text{skip} = \text{Reshape}(\text{GELU}(x_3)) \quad (6)$$

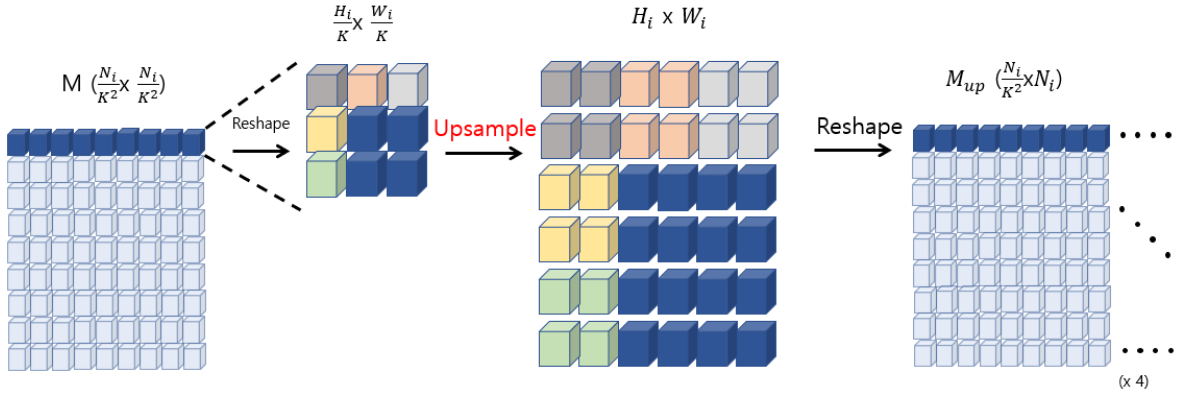
또한 [4, 6]에서는 key, value를 위한 projection으로 stride 2의 convolution layer를 이용해서 4배 빠른 MSAs를 수행한다. 우리 모델은 value의 spatial 차원을 유지하고 앞선 기법과 다르게 key, query의 spatial 차원을 average pooling layer(stride = K)에서 spatial reduction ratio(= K)만큼 축소시킨다.

$$\text{query} = K \times K \text{ Average Pooling}(x_2) \quad (7)$$

$$\text{key} = K \times K \text{ Average Pooling}(x_3) \quad (8)$$

$$\text{value} = x_1 \quad (9)$$

Fig2와 (1) 수식을 통해 알 수 있듯이 spatially 축소된 attention weight를 계산함으로써 sequence length의 제곱에 비례하는 computational costs가 발생한다는 문제도 해결할 수 있고 dense prediction도 다룰 수 있게 된다.



**Figure 3: Details of Upsample layer in LeMSAs(Fig2).** 진하게 표현된 부분이 특정 토큰이 모든 토큰에 대해 attend하는 정보라 할 때 다른 모든 토큰에 대한 attention energy들의 spatial 정보를 복원하고 bilinear upsample를 적용한다. 마지막으로 다시 flatten layer를 거쳐고 softmax를 거쳐 attention weights를 구하게 된다.

Bilinear Upsample layer를 통해서 Attention map의 key 축을 input spatial dimension으로 확대시킨다. 그리고 V(value features)와 weighted sum operation을 통해서 최종적으로 self-attention이 적용된 features  $x_{att}$ 를 구한다.

$$M = qk^T \quad (10)$$

$$M_{up} = \text{Reshape}(\text{Upsample}(\text{Reshape}(M))) \quad (11)$$

(11)에서 구한 attention map과 v features를 이용해서 attention feature(1)를 구해준다. 그리고 축

소되었던 query 축을 원래 sequence length로 upsample하기 위해서 Fig3 에서의 연산을 query 축으로 다시 진행해준다. 이때 attention map을 upsampling하는 과정과 달리 해당 스텝에서는 Depthwise convolution – BatchNorm을 추가해서 local representations을 강화한다. (1)을 통해 구한 global attention feature와 (6) feature(convolutional skip connection)를 원소별로 더해준다.

### 3.4. Locally enhanced FFNs(LeFFN)

해당 모듈은 CeiT[8]의 Locally enhanced Feed-Forward Network와 동일한 연산을 진행한다.[9](단 유일한 차이점은 input token 중 class token을 우리 모델에서는 사용하지 않기 때문에 따로 split 연산이 필요하지 않다.) 기존의 ViT[1]에서는 단순히 pointwise 연산만 진행했다면 LeFFN의 경우 특정 비율로 채널이 확장된 feature에서 Depthwise convolution을 통해서 local 정보를 더 사용할 수 있도록 한다.(Appendix에 CeiT 논문의 Figure를 통해서 자세한 구조를 확인할 수 있다.) CVPT[7]에서는 3x3 conv를 conditional PE를 각 해상도에 맞춰서 구하고 이를 feature map에 더하는 방식으로 patch flattening 에서 생기는 위치 정보를 보충한다. 하지만 LeFFN의 3x3 depthwise convolution을 통해서 위치 정보를 처리하기 때문에 기존의 Positional Encoding(PE)을 제거해도 성능 하락이 없음을 알 수 있다.[15]

## 4.Experiments

우리의 모델을 ResNet[2]을 포함해서 최근에 발표된 ConvNeXt[13], ViT[1], CeiT[8]와 비교하였다. 특히 CeiT[8]의 경우 Attention module, single-scale feature를 다룬다는 점 제외하고는 모델 구성이 매우 비슷하다. 따라서 우리가 제안한 LeMSAs의 성능을 확인하기 위해서 최대한 모델 구조가 비슷할 수 있도록 CeiT에서 사용하던 class token을 없애고 마지막 feature map에 global average pooling(GAP)-linear layer를 통해서 예측할 수 있도록 모델 구조를 수정해서 비교했다.(GAP 모듈을 통해서 성능이 더 향상된 것을 확인할 수 있었다.[10]) 그리고 각 baseline 모델들은 해당 논문 저자들의 코드를 바탕으로 작성하여 from scratch로 학습했다. 그리고 사용한 데이터셋은 CIFAR10, CIFAR100, STL10을 사용해서 비교했다. 또한 학습을 위한 여러 환경 configuration은 Appendix에서 확인할 수 있다.

비교에 사용되는 데이터셋에 대한 설명은 Table1에서 확인할 수 있다.

Dataset	Classes	train data	val data	img size
CIFAR10	10	50000	10000	32
CIFAR100	100	50000	10000	32
STL10	10	5000	8000	96

Table1. Details of used visual datasets.

	Models	#Param	CIFAR100	CIFAR10	STL10
CNN + Transformer Hybrid Model	CeiT[8]	1.2M	74.98	93.82	80.53
	AlterNet[10]	9.5M	73.16 <sub>-</sub>	93.57	77.38
	LeCT (Ours)	1.2M	76.53	94.41	82.94
	LeCTv2(Ours)	1.1M	74.46	93.97	82.93
	LeCTv3(Ours)	1.2M	76.5	94.40	83.47
Pure Model	ResNet[2]	1.2M	69.68	92.83	79.91
	ConvNeXt[13]	1.2M	71.84	93.52	73.95
	ViT[1]	1.7M	59.46	79.53	61.78

**Table 2.** Image classification performance on validation set. LeCTv2, v3은 Appendix에서 확인할 수 있다. 모든 데이터셋에 대해서 각 모델의 parameter 개수를 갖게 설정했다. 위의 table의 CeiT[8]은 해당 논문의 코드에서 class token을 사용하는 부분을 Global Average Pooling(GAP)로 대체해서 학습한 결과이다.(더 공정한 비교를 위해서) AlterNet의 경우 [10] 저자의 공식 코드의 alter(res)net\_18 모델과 동일하다.

#### 4.1. Results on visual datasets(CIFAR, STL10)

Table2 을 보면 일단 우리의 LeCT 모델이 최신 모델들보다 제한된 학습 환경에서 더 좋은 성능을 보이는 것을 확인할 수 있다. 특히 여태까지 Computer vision에서 표준으로 쓰이던 CNNs model(ResNet[2], ConvNeXt[13])보다 모든 작은 크기의 데이터셋(CIFAR10, 100, STL10)에 대해서 좋은 성능을 보이는 것을 확인할 수 있다. 그리고 ViT[1] 는 weak inductive bias로 인해 작은 크기의 데이터셋에 대해서 대체로 안 좋은 성능을 보이는 것을 확인할 수 있다. 또한 CNN과 attention의 hybrid model(CeiT[8], AlterNet[10])들 보다는 좋은 성능을 보이는 것을 확인할 수 있는데 AlterNet[10]이 parameter 개수가 8배 정도 많음에도 우리의 모델이 더 좋은 성능을 보이는 것을 확인할 수 있다. AlterNet의 경우 상호보완적인 필터(CNN, MSA)를 layerwise하게 사용한다. 하지만 하나의 레이어에서 두 필터를 같이 사용해준다면 다양한 상황에서 더 최적일 것이다. 이러한 면에서는 우리의 모델이 AlterNet[10]보다 더 우수하다고 할 수 있다. 또한 CeiT와 우리의 모델의 차이는 attention module, feature-scale이다. 위의 결과를 통해서 LeAtt를 통해 Computational costs 문제를 해결하고 multi-scale feature를 이용해서 우리가 제안한 방법론이 우수함을 확인할 수 있다.

#### 4.2 Ablation Study

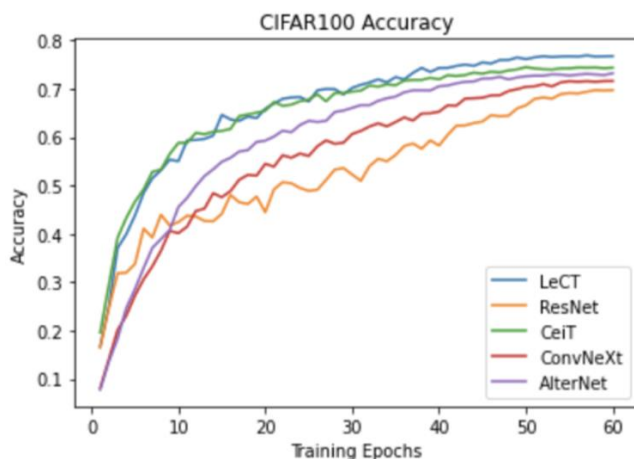


Model	CIFAR10	CIFAR100	STL10
LeCT	<b>94.41</b>	<b>76.53</b>	<b>82.94</b>
LeCT (w/o Convolutional skip connection)	92.31	71.68	79.88

**Table3.** Effect of Convolutional skip connection with sequentially projecting  $q$ ,  $k$ ,  $v$ .

Convolutional skip connection( + sequentially projecting  $q$ ,  $k$ ,  $v$ )의 영향력을 확인하기 위해서 CNN feature를 사용하지 않고  $q$ ,  $k$ ,  $v$ 를 위한 projection 역시 독립적으로 이루어지도록 모델을 구성해서 학습시킨 결과를 LeCT와 비교한 것을 Table3 에서 확인할 수 있다. Table3를 통해 알 수 있듯이 CNN features와 MSA features를 원소별로 더해줌으로써 두 가지 서로 다른 종류의 정보를 모델이 잘 이용해서 더 좋은 성능을 보이는 것을 알 수 있다. 또한 CNN features를 계산하는 과정에서의 feature를 MSA를 위한  $q$ ,  $k$ ,  $v$  projection에 사용함으로써 추가적인 overhead도 무시할 만한 수치이면서 큰 성능 향상을 이룬 것을 확인할 수 있다.

### 4.3. Fast Convergence



**Figure4.** Comparisons of the ability of convergence with beselines.

Fig4 를 통해서 우리의 모델 LeCT가 CeiT[8]를 제외한 모든 모델들 보다 acc 60% 를 10 ~ 20 epochs 적게 달성하는 것을 확인할 수 있다. 우리의 모델은 CeiT[8]와 더불어 MSAs 에 convolution 을 적절히 활용한 모델로 다른 비교 모델들 보다 훨씬 빠른 학습 수렴 속도를 보인다.

## 5. Conclusions and limitations

이 리포트를 통해서 우리는 low-level feature를 추출하는 CNNs 과 global feature를 추출하는 MSAs 를 적절히 활용하고 적절한 inductive bias를 가지고 기존의 MSAs 의 Computational complexity 문제를 해결한 Locally enhanced MSAs를 통해서 여러 small dataset에 대해서 우수한 성능을 보였다.

CNNs과 MSAs 를 복합적으로 적절하게 활용하는 모델에 대한 연구가 부족한 상황에서 우리는 다양한 해답을 제시한다. 특히 MSAs 에서 관찰되는 계산 비용 문제를 해결하고 CNN features를 적절하게 활용해줌으로써 학습 속도 또한 높였다. 우리의 모듈이 visual transformer 연구에 새로운 방향성을 제시할 수 있을 것이다.



이러한 장점에도 불구하고 아직 한계점이 존재한다. 일단 epoch당 학습 시간이 기존의 CNN 모델보다 2배 정도 길다. 또한 throughput 역시 CNN모델보다 낮다. 또한 downsample 과정에서 손실된 spatial 정보가 단순한 bilinear upsample를 통해서 복원되지 않기 때문에 sub-optimal할 수 밖에 없다. 따라서 이후에는 adaptive upsampling layer를 이용해서 문제를 해결할 수 있을 것이다.(LeCTv3와 관련이 있다.)

## References

- [1] Alexey Dosovitskiy, Lucas Beyer, Alexander Kolesnikov, Dirk Weissenborn, Xiaohua Zhai, Thomas Unterthiner, Mostafa Dehghani, Matthias Minderer, Georg Heigold, Sylvain Gelly, et al. An image is worth 16x16 words: Transformers for image recognition at scale. arXiv preprint arXiv:2010.11929, 2020.
- [2] Kaiming He, Xiangyu Zhang, Shaoqing Ren, and Jian Sun. Deep residual learning for image recognition. In CVPR, 2016.
- [3] Yufei Xu, Qiming Zhang, Jing Zhang, Dacheng Tao. ViTAE: Vision Transformer Advanced by Exploring Intrinsic Inductive Bias. In NeurIPS, 2021.
- [4] Wenhai Wang, Enze Xie, Xiang Li, Deng-Ping Fan, Kaitao Song, Ding Liang, Tong Lu, Ping Luo, and Ling Shao. Pyramid vision transformer: A versatile backbone for dense prediction without convolutions. arXiv preprint arXiv:2102.12122, 2021.
- [5] Ze Liu, Yutong Lin, Yue Cao, Han Hu, Yixuan Wei, Zheng Zhang, Stephen Lin, and Baining Guo. Swin transformer: Hierarchical vision transformer using shifted windows. arXiv preprint arXiv:2103.14030, 2021.
- [6] Haiping Wu, Bin Xiao, Noel Codella, Mengchen Liu, Xiyang Dai, Lu Yuan, and Lei Zhang. Cvt: Introducing convolutions to vision transformers. arXiv preprint arXiv:2103.15808, 2021.
- [7] Xiangxiang Chu, Zhi Tian, Bo Zhang, Xinlong Wang, Xiaolin Wei, Huaxia Xia, and Chunhua Shen. Conditional positional encodings for vision transformers. arXiv preprint arXiv:2102.10882, 2021.
- [8] Kun Yuan, Shaopeng Guo, Ziwei Liu, Aojun Zhou, Fengwei Yu and Wei Wu. Incorporating Convolution Designs into Visual Transformers. In ICCV, 2021.
- [9] Jianyuan Guo, Kai Han , Han Wu , Chang Xu , Yehui Tang , Chunjing Xu , Yunhe Wang. CMT: Convolutional Neural Networks Meet Vision Transformers. arXiv preprint arXiv:2107.06263, 2021.
- [10] Namuk Park, Songkuk Kim. HOW DO VISION TRANSFORMERS WORK?., In ICLR, 2022.
- [11] Xiaoyi Dong, Jianmin Bao , Dongdong Chen , Weiming Zhang , Nenghai Yu , Lu Yuan , Dong Chen , Baining Guo. CSWin Transformer: A General Vision Transformer Backbone with Cross-Shaped Windows. In CVPR, 2021.
- [12] Yucheng Zhao, Guangting Wang, Chuanxin Tang, Chong Luo, Wenjun Zeng, Zheng-Jun Zha. A Battle of Network Structures: An Empirical Study of CNN, Transformer, and MLP. arXiv preprint arXiv:2108.13002, 2021.
- [13] Zhuang Liu, Hanzi Mao, Chao-Yuan Wu, Christoph Feichtenhofer, Trevor Darrell, Saining Xie. A ConvNet for the 2020s. In CVPR, 2022.
- [14] H. Touvron, M. Cord, M. Douze, F. Massa, A. Sablayrolles, and H. Jégou. Training data-efficient image transformers & distillation through attention. arXiv preprint arXiv:2012.12877, 2020.
- [15] Enze Xie, Wenhai Wang, Zhiding Yu, Anima Anandkumar, Jose M. Alvarez, Ping Luo. SegFormer: Simple and Efficient Design for Semantic Segmentation with Transformers. In NeurIPS, 2021.

- [16] Tete Xiao, Mannat Singh, Eric Mintun, Trevor Darrell, Piotr Dollár, Ross Girshick. Early Convolutions Help Transformers See Better. In NeurIPS, 2021.
- [17] Maithra Raghu, Thomas Unterthiner, Simon Kornblith, Chiyuan Zhang, Alexey Dosovitskiy. Do Vision Transformers See Like Convolutional Neural Networks?. In NeurIPS, 2021.
- [18] Chenyang Si, Weihao Yu, Pan Zhou, Yichen Zhou, Xinchao Wang, Shuicheng Yan. Inception Transformer. arXiv preprint arXiv:2205.12956, 2022.

## Appendix

### Training settings

Training config	
Optimizer	AdamW
Weight decay	0.05
Batch size	64
# of epoch	60 (STL10 – 100 epochs)
Resize	224
Learning rate schedule	Cosine decay
Drop path rate	0.1
Dropout rate	0.1
Data augmentation	Crop(padding = 4), Random horizontal flip (p = 0.5), RandAugment
Base learning rate	0.001(ViT, CeiT, LeCT, AlterNet), 0.006(ResNet, ConvNeXt)

### LeCTv2 – Adaptation to Inception Transformer[18]

Inception Transformer[18]에서는 high frequency features(local information)과 low frequency features(global information)을 잘 융합하여 사용하기 위해서 하나의 레이어(Inception mixer module)에서 채널을  $C_h, C_l$ 로 분리하여 각각 high frequency, low frequency representation을 학습할 수 있도록 한다. 이는 우리 모델의 LeAtt, convolutional skip connection과 비슷하다. 하지만 다른 점은 [18]에서는 채널을 분리하여 각각 계산하고 다시 concat해주는 반면 우리의 모델은 두 종류의 features를 원소별로 더해준다. 또한 [18]에서는 MSAs가 깊은 레이어에서 중요한 역할을 하고 얇은 레이어에서는 CNN이 중요한 역할을 한다[10]는 사실을 바탕으로 레이어가 깊어질수록  $C_l$  ( $C_l + C_h = C$ )가 커질 수 있도록 하는 구조를 갖는다.(Frequency ramp structure) 이러한 디자인 규칙들을 LeCT에 적용시킨 모델을 LeCTv2로 칭한다.(자세한 내용은 코드를 참고) Table2를 보면 LeCT보다 성능이 좋지 못한 것을 확인할 수 있다. 다만 그 이유가 모델 크기가 작아 추가 채널을 분리하여 features를 계산하기 때문에 모델의 capacity가 줄어든 것으로 생각된다. 따라서 추후에 모델 크기를 키워서 실험을 진행해보려 한다.

### LeCTv3 – Spatially varying ConvTranspose layer

효율적인 Attention 연산을 위해서 down sampling(avg pooling)을 진행한다(7-8). Down sampling 과정에서 손실된 정보를 최대한 복원하기 위해서 지역적으로 서로 다른 커널을 이용해서 upsampling(ConvTranspose)을 진행한다. 먼저 pointwise convolution을 이용해서 채널의 수를 10분의 1로 줄인다.(Computational costs 문제를 해결하기 위해서) 그 후 출력 feature가  $B \times C' \times H \times W$ 의 차원을 갖는다고 했을 때, Reshape 연산을 이용해서  $B \times (C' * H * W) \times 1 \times 1$ 의 차원을 갖도록 한다. 그리고 (7-8)에서의 K(spatial reduction ratio)의 kernel\_size, stride를 갖는 ConvTranspose 레이어의 입력으로 넣어준다. 그리고 다시 Reshape 연산을 이용해서  $B \times C' \times KH \times KW$ 의 차원을 갖도록 하고 pointwise convolution 연산을 통해서 원래 입력의 채널 수가 될 수 있도록 한다. 입력에 대해 독립적인 kernel weight를 갖는다는 한계는 여전히 존재하지만 지역적으로 동일한 weight를 이용해서 upsample를 진행한다는 기존의 한계점을 극복할 수 있다. Table2.를 살펴보면 본문에서 소개한 Bilinear upsample – depthwise convolution – BatchNorm2d와 CIFAR 데이터셋에 대해서 거의 똑같은 성능을 보여주는 것을 확인할 수 있으며 STL10 데이터셋에 대해서는 LeCTv3가 0.5% 더 좋은 성능을 보이는 것을 확인할 수 있다.