

전자기학 공식 정리

◆ 스칼라곱 (dot product , 내적)

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \cos \theta$$

(벡터에서 각계산, A,B 수직조건 $\vec{A} \cdot \vec{B} = 0$)

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$$

◆ 벡터의 곱 (cross product , 외적)

$$\vec{A} \times \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \sin \theta$$

$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix}$$

$$= (A_y B_z - A_z B_y)i + (A_z B_x - A_x B_z)j + (A_x B_y - A_y B_x)k$$

◆ 스칼라 함수의 기울기(gradint) \Leftarrow 경도 , 구배

$$\text{grad } f = \nabla f = \frac{\partial f}{\partial x} i + \frac{\partial f}{\partial y} j + \frac{\partial f}{\partial z} k$$

$$\nabla = \frac{\partial}{\partial x} i + \frac{\partial}{\partial y} j + \frac{\partial}{\partial z} k \leftarrow (\text{편미분함수})$$

◆ 벡터의발산(DIVERGENCE)

$$\text{div} \vec{A} = \nabla \cdot \vec{A} = \frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z}$$

◆ 벡터의 회전(ROTATION, CURL)

$$\text{rot} \vec{A} = \text{Curl} \vec{A} = \nabla \times \vec{A} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ A_x & A_y & A_z \end{vmatrix}$$

◆ LAPLACIAN (∇^2)

$$\text{div grad } f = \nabla \cdot \nabla f = \nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial z^2}$$

◆ 발산정리(면적적분 \Leftrightarrow 체적적분)

$$\int_s \vec{A} \cdot d\vec{s} = \int_v \text{div} \vec{A} dv = \int_v \nabla \cdot \vec{A} dv$$

◆ STOKES정리(선적분 \Leftrightarrow 면적적분)

$$\int_l \vec{A} \cdot d\vec{l} = \int_s \text{rot} \vec{A} \cdot d\vec{s} = \int_s \nabla \times \vec{A} \cdot d\vec{s}$$

	전 계		자 계
전 하	Q [C]	자극	m [wb]
유전율	$\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_s$ [F/m] $\epsilon_0 = 8.855 \times 10^{-12}$ [F/m]	투자율	$\mu = \mu_0 \mu_s$ [H/m] $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$ [H/m]
쿨롱의 법칙	$F = \frac{Q_1 Q_2}{4\pi \epsilon_0 r^2}$ [N]	쿨롱의 법칙	$F = \frac{m_1 m_2}{4\pi \mu_0 r^2}$ [N]
전계의 세기	$E = \frac{F}{Q}$ [V/m] $= \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 r^2}$	자계의 세기	$H = \frac{F}{m}$ [AT/m] $= \frac{m}{4\pi \mu_0 r^2}$
전 위	$V = \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 r}$ [V]	자위	$U = \frac{m}{4\pi \mu_0 r}$ [AT]
전 속 밀도	$D = \epsilon E$ [C/m ²]	자 속 밀도	$B = \mu H$ [wb/m ²]

◆ 쿨롱의법칙(실험식) : 두 점전하간 작용력으로 힘은 항상 일직선상에 존재

◆ 전계의세기(E): 전계내의임의의점에 “단위정전하(+1[C])”를 놓았을때 이단위 정전하에 작용하는 힘

$$\text{전위 } V = - \int_{\infty}^p E dl = \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 r} = E \cdot r \text{ [V]}$$

◆ 전기력선의성질

- ① 전기력선은 정전하에서 시작하여 부전하에서 끝난다.
- ② 전기력선은 전위가높은곳에서 낮은곳으로 향한다.
- ③ 전기력선은 그 자신만으로 폐곡선이 되지 않는다.
- ④ 전기력선은 도체표면에서 수직으로 출입한다.
- ⑤ 서로다른 두 전기력선은 교차하지 않는다
- ⑥ 전기력선밀도는 그 점의 전계의 세기와같다.
- ⑦ 전하가없는 곳에서는 전기력선이 존재하지 않는다.
- ⑧ 도체내부에서의 전기력선은 존재하지 않는다.
- ⑨ 단위 전하에서는 $\frac{1}{\epsilon_0}$ 개의 전기력선이 출입한다.

◆ 전하의성질

- ① 전하는 “도체표면에만” 존재한다.
- ② 도체 표면에서 전하는 (곡률이큰부분, 곡률 반경이작은 부분)에 집중한다.

◆ 등전위면 : 전위가 같은 점을 연결하여 얻어지는면

- ① 서로 다른 등전위면은 교차하지않는다.
- ② 등전위면과 전기력선(전계의세기)은 수직 교차한다.

◆ 전위경도(grad V)

$$\text{grad } V = \nabla V = -\vec{E}$$

↳ 전위경도와 전계의세기는 크기같고 방향이 반대이다.

↳ 전위(V)주어진경우 전계의세기(E)계산식.

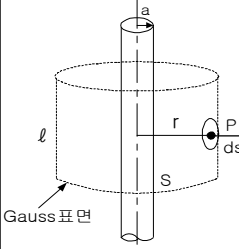
$$\vec{E} = -\nabla V = -\frac{\partial V}{\partial x} i - \frac{\partial V}{\partial y} j - \frac{\partial V}{\partial z} k$$

◆ 가우스법칙(gauss law) \Rightarrow 임의의 폐곡면을 통하여 나오는

전기력선은 폐곡면내 전하총화의 $\frac{1}{\epsilon_0}$ 배와 같다.

$$\int_s \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q}{\epsilon_0} \text{ (전기력선수)} \quad \int_s \vec{D} \cdot d\vec{s} = Q \text{ (전속선수)}$$

◆ 선전하밀도 λ [C/m] 준 경우



i) $r > a$ (무한직선개념)

$$E = \frac{\lambda}{2\pi \epsilon_0 r} \text{ [V/m]}$$

ii) $r = a$

$$E = \frac{\lambda}{2\pi \epsilon_0 a}$$

iii) $r < a$ (가정 有)

$$E = \frac{\lambda r}{2\pi \epsilon_0 a^2}$$

◆ 면전하밀도 σ [C/m²] 준 경우

i) 무한평면도체

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \text{ [V/m]}$$

ii) (구)도체, 두개의(무한)평면도체

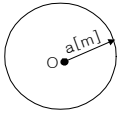
$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \text{ [V/m]}$$

※ 면전하밀도에 의한 전계의 세기는 거리와 무관하다

◆ 체적전하밀도 ρ [C/m^3] 준경우

↳ 반경 a [m] 내부에 전하가 균일하게 분포된 경우(가정)

i) $r > a$ (점전하개념)



$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

ii) $r = a$

$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 a^2}$$

iii) $r < a$ (가정)

$$E = \frac{rQ}{4\pi\epsilon_0 a^3} [V/m]$$

◆ 전기쌍극자

$$\text{전위 } V = \frac{M \cos \Theta}{4\pi\epsilon_0 r^2} [V]$$

$$\text{전계 } E = \frac{M \sqrt{1 + 3 \cos^2 \Theta}}{4\pi\epsilon_0 r^3} [V/m] \quad \propto \frac{1}{r^3}$$

$$M = Q \cdot \delta [C \cdot m]$$

↳ 전기 쌍극자 모멘트

* 크기가 같고 극성이 다른 두 점전하가 아주 미소한 거리에 있는 상태를 전기쌍극자 상태라 한다.

◆ POISSON 방정식

$$\text{div} E = \nabla \cdot E = \frac{\rho}{\epsilon_0} \rightarrow E \text{가 주어진 경우 체적전하 } \rho [C/m^3] \text{ 계산식}$$

$$\text{div} D = \nabla \cdot D = \rho \rightarrow D \text{가 주어진 경우 체적전하 } \rho [C/m^3] \text{ 계산식}$$

$$\nabla^2 V = -\frac{\rho}{\epsilon_0} \leftarrow \text{POISSON 방정식}$$

↳ 전위가 주어진 경우 체적전하 $\rho [C/m^3]$ 계산식

◆ LAPLACE 방정식 ($\rho = 0$)

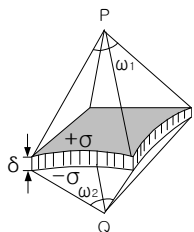
$$\nabla^2 V = 0 \leftarrow \text{LAPLACE 방정식}$$

↳ 전하가 없는 곳에서 전위(V) 계산식

◆ 도체표면에 단위면적당 작용하는 힘(정전응력)

$$f_e = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 = \frac{1}{2} DE = \frac{D^2}{2\epsilon_0} [N/m^2] = w_e [J/m^3]$$

◆ 전기이중층



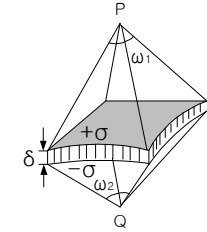
$$P \text{점의 전위 } V_P = \frac{M}{4\pi\epsilon_0} \omega_1$$

$$Q \text{점의 전위 } V_Q = \frac{-M}{4\pi\epsilon_0} \omega_2$$

$$P, Q \text{점의 전위차 } V_{PQ} = \frac{M}{\epsilon_0}$$

$$M = \sigma \delta [wb/m] \leftarrow \text{이중층세기}$$

◆ 자기이중층(판자석)



$$P \text{점의 자위 } U_P = \frac{M}{4\pi\mu_0} \omega_1 [AT]$$

$$Q \text{점의 자위 } U_Q = \frac{-M}{4\pi\mu_0} \omega_2 [AT]$$

$$P, Q \text{점의 자위차 } U_{PQ} = \frac{M}{\mu_0}$$

$$M = \sigma \delta [wb/m] \leftarrow \text{판자석세기}$$

◆ 전계의 세기가 0 되는점: 크기가 같고 방향이 반대

- ▶ 두전하의 극성이 같으면: 두전하 사이에 존재
- ▶ 두전하의 극성이 다르면: 크기가 작은측의 외측에 존재

◆ 전기력선의 방정식

$$\frac{dx}{E_x} = \frac{dy}{E_y} = \frac{dz}{E_z}$$

$$V = x^2 + y^2 \quad V \text{와 } E \text{가 +이면 } \frac{x}{y} = c \text{ 형태}$$

$$E = E_x i + E_y j \quad - \text{이면 } xy = c \text{ 형태}$$

좌표가 있으면 대입하여 성립하면 답

◆ 전위계수

$$V_1 = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R_1} + \frac{Q_2}{4\pi\epsilon_0 r} = P_{11}Q_1 + P_{12}Q_2$$

$$V_2 = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r} + \frac{Q_2}{4\pi\epsilon_0 R_2} = P_{21}Q_1 + P_{22}Q_2$$

* 전위계수 성질

$$\textcircled{1} P_{rr} (\text{ex } P_{11}, P_{22}, P_{33} \dots) \geq 0$$

$$\textcircled{2} P_{rs} (\text{ex } P_{12}, P_{23}, P_{34} \dots) \geq 0$$

$$\textcircled{3} P_{rs} = P_{sr} (P_{12} = P_{21})$$

$$\textcircled{4} P_{rr} = P_{sr} (P_{11} = P_{21})$$

↳ s 도체가 r 도체 내부에 있다.

◆ 용량계수 및 유도계수

$$Q_1 = q_{11}V_1 + q_{12}V_2$$

$$Q_2 = q_{21}V_1 + q_{22}V_2$$

$$\text{* 용량계수 : } q_{rr} (q_{11}, q_{22}, q_{33} \dots) \geq 0$$

$$\text{* 유도계수 : } q_{rs} (q_{12}, q_{23}, q_{34} \dots) \leq 0$$

$$Q = CV$$

$$C = \frac{Q}{V} [F] = [C/V]$$

↳ 정전용량 (Capacitance) [F]

◆ 각종 콘덴서의 정전용량

1) 반지름 a [m]인 고립도체구

$$C = \frac{Q}{V} = 4\pi\epsilon_0 a [F]$$

2) 동심구 콘덴서 ← 중심이 같은 두개의구

$$C = \frac{Q}{V} = \frac{4\pi\epsilon_0}{\left(\frac{1}{a} - \frac{1}{b}\right)} = \frac{4\pi\epsilon_0 ab}{b-a} [F]$$

3) 평행판 콘덴서

$$C = \frac{Q}{V} = \frac{\epsilon_0 \cdot S}{d} [F]$$

4) 두개의 평행도선 (선간 정전용량)

$$C = \frac{\pi\epsilon_0}{\ln \frac{d}{r}} l [F] = \frac{\pi\epsilon_0}{\ln \frac{d}{r}} [F/m] \leftarrow \text{단위 길이당 정전용량}$$

5) 동축원통 콘덴서

$$C = \frac{2\pi\epsilon_0}{\ln \frac{b}{a}} l [F] = \frac{2\pi\epsilon_0}{\ln \frac{b}{a}} [F/m] \leftarrow \text{단위 길이당 정전용량}$$

◆ 콘덴서에 축적되는 에너지 (정전에너지)

$$W = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} QV = \frac{Q^2}{2C} [J]$$

↳ V일정

↳ Q일정 { 전압으로 충전한다음 전원을 제거한후 }

◆ 판간 작용력 (흡인력)

▶ 정전응력 (f_e [N/m²])

$$F = f_e \times S \text{ [N]}$$

$$F = \frac{W}{d} \text{ [N]}$$

$$\cdot V \text{ 일정: } F = \frac{\frac{1}{2} C V^2}{d} \propto C$$

$$\cdot Q \text{ 일정: } F = \frac{\frac{Q^2}{2C}}{d} \propto \frac{1}{C}$$

◆ 중화현상 \Rightarrow $\left\{ \begin{array}{l} \text{두 구를 접촉} \\ \text{가느다란 도선으로 연결} \end{array} \right\}$

▶ 옮겨간 전하량 $Q' = \frac{C_2 Q_1 - C_1 Q_2}{C_1 + C_2} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} (V_1 - V_2)$

▶ 공통전위 $V = \frac{\sum r v}{\sum r}$

	전 계	자 계
경계 조건	$E_1 \sin \theta_1 = E_2 \sin \theta_2$ $D_1 \cos \theta_1 = D_2 \cos \theta_2$ $\frac{\tan \theta_1}{\tan \theta_2} = \frac{\epsilon_1}{\epsilon_2}$	$H_1 \sin \theta_1 = H_2 \sin \theta_2$ $B_1 \cos \theta_1 = B_2 \cos \theta_2$ $\frac{\tan \theta_1}{\tan \theta_2} = \frac{\mu_1}{\mu_2}$
정전 응력	$f_e = \frac{1}{2} \epsilon E^2 = \frac{1}{2} D E = \frac{D^2}{2\epsilon}$ $= W_e \text{ [J/m}^3\text{]}$	$f_m = \frac{1}{2} \mu H^2 = \frac{1}{2} B H = \frac{B^2}{2\mu}$ $= W_m \text{ [J/m}^3\text{]}$
분극 세기 및 자화 세기	$P = x_e E = \epsilon_0 (\epsilon_s - 1) E \text{ [C/m}^2\text{]}$ $D = P + \epsilon_0 E$	$J = x_m H = \mu_0 (\mu_s - 1) H \text{ [wb/m}^2\text{]}$ $B = J + \mu_0 H$

◆ 경계면에 작용하는 힘 (MAXWELL 응력)

▶ 전계 및 전속밀도가 경계면에 수직 입사하면 (인장응력)

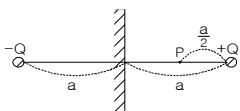
$$\begin{aligned} f_e &= f_{e2} - f_{e1} = \frac{1}{2} (\epsilon_2 E_2^2 - \epsilon_1 E_1^2) \\ &= \frac{1}{2} (E_2 - E_1) D^2 \\ &= \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\epsilon_2} - \frac{1}{\epsilon_1} \right) D^2 \text{ [N/m}^2\text{]} \end{aligned}$$

▶ 전계 및 전속밀도가 경계면에 평행 입사하면 (압축응력)

$$\begin{aligned} f_e &= f_{e1} - f_{e2} = \frac{1}{2} (\epsilon_1 - \epsilon_2) E^2 \\ &= \frac{1}{2} (D_1 - D_2) E \end{aligned}$$

※ 경계면에 작용하는 맥스웰응력은 유전율이 큰 쪽에서 작은 쪽으로 작용한다

◆ 무한평면도체와 점전하 (가정)



1) 무한평면도체와 점전하 간 작용력

$$F = \frac{Q_1 Q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{Q(-Q)}{4\pi\epsilon_0 (2a)^2} = -\frac{Q^2}{16\pi\epsilon_0 a^2} \text{ [N]} \text{ (흡인력)}$$

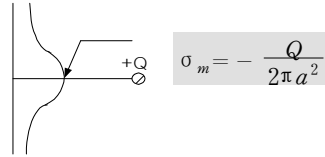
2) P점의 전위

$$V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 \frac{a}{2}} + \frac{-Q}{4\pi\epsilon_0 \frac{3a}{2}} = \frac{Q}{3\pi\epsilon_0 a} \text{ [V]}$$

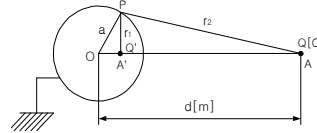
3) P점의 전계세기

$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 \left(\frac{a}{2}\right)^2} + \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 \left(\frac{3a}{2}\right)^2} = \frac{10 Q}{9\pi\epsilon_0 a^2} \text{ [V/m]}$$

4) 무한평면 도체에유기되는 최대면전하밀도



◆ 접지구도체와 점전하 (가정)



1) 접지구도체와 점전하 간 작용력

$$F = \frac{Q_1 Q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{Q \left(-\frac{a}{d} Q \right)}{4\pi\epsilon_0 \left(d - \frac{a^2}{d} \right)^2} = -\frac{a d Q^2}{4\pi\epsilon_0 (d^2 - a^2)^2} \text{ [N]} \text{ (흡인력)}$$

◆ 영상전하갯수 $n = \frac{360}{\theta} - 1$ 개

◆ 전류의 정의 $I = \frac{Q}{t} \text{ [C/sec]} = \text{[A]}$

◆ 전류밀도 (J) $J = \frac{I}{S} = K E \leftarrow \text{옴의법칙}$
 $\hookrightarrow \text{도전율} (= \frac{1}{\text{고유저항}})$
 $R_e = \rho \frac{L}{S} \text{ [\Omega]}$
 $\hookrightarrow \text{고유저항} \text{ [\Omega} \cdot \text{m]}$

◆ 저항과 정전용량관계 $RC = \rho \epsilon$

◆ 정상전류, 키르히호프 제1법칙 $\Rightarrow \text{div } j = \nabla \cdot J = 0$

◆ GAUSS 법칙

전계	자계
$\int_s E ds = \frac{Q}{\epsilon_0}$ (전기력선수)	$\int_s H ds = \frac{m}{\mu_0}$ (자력선수)
$\int_s D ds = Q$ (전속선수)	$\int_s B ds = m$ (자속선수)
$\nabla \cdot B = 0 \leftarrow \text{고립된 자극은 존재하지 않는다}$	

◆ Bio - Savart 법칙 (전류와 자계관계)

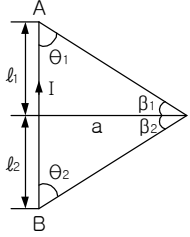
$$dH = \frac{I dl \sin \theta}{4\pi r^2} \text{ [AT/m]}$$

◆ 반지름이 a [m]인 원형코일 중심의 자계 $H = \frac{NI}{2a} \text{ [AT/m]}$

◆ 원형코일 중심축상의 자계

$$H = \frac{I a^2}{2(a^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \text{ [AT/m]} \left\{ \begin{array}{l} x=0 \text{ 을대입하여 } \frac{I}{2a} \text{ 나오면답} \\ a \text{와 } x \text{를 } \frac{1}{2} \text{ 배하면 } H \text{는 } 2 \text{ 배} \end{array} \right\}$$

◆ 유한직선 전류에 의한 자계



$$H = \frac{I}{4\pi a} (\cos \theta_1 + \cos \theta_2)$$

$$= \frac{I}{4\pi a} (\sin \beta_1 + \sin \beta_2)$$

a. 정삼각형 중심의 자계 $H = \frac{9I}{2\pi l}$ [AT/m]

b. 정사각형 중심의 자계 $H = \frac{2\sqrt{2}I}{\pi l}$ [AT/m]

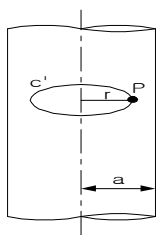
c. 정육각형 중심의 자계 $H = \frac{\sqrt{3}I}{\pi l}$ [AT/m]

d. 정 n 각형 중심의 자계 $H = \frac{nI}{2\pi a} \tan \frac{\pi}{n}$ [AT/m] (a는 반지름)

◆ Amper 주회적분법칙 (전류와 자계관계) $\oint Hdl = \sum I$

1). 무한장 직선전류에 의한 자계 $H = \frac{I}{2\pi r}$ [AT/m]

2). 무한장 원통형 도체에 흐르는 전류에 의한 자계
(반경 a [m]인 원통형 도체 내부에 전류가 균일하게 분포된 경우)



i) $r > a$ (무한직선에 의한 자계)

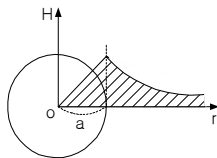
$$H = \frac{I}{2\pi r}$$
 [AT/m]

ii) $r = a$

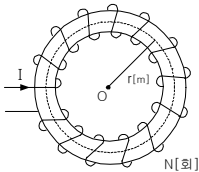
$$H = \frac{I}{2\pi a}$$

iii) $r < a$ (가정유)

$$H = \frac{rI}{2\pi a^2}$$
 [AT/m]



3). 환상솔레노이드에 의한 자계



i) 솔레노이드 내부자계

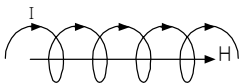
$$H = \frac{NI}{2\pi r}$$
 [AT/m]

{내부는 평등자장이다,
누설자속이 없다,}

ii) 솔레노이드 외부자계

$$H = 0$$

4). 무한장 직선 솔레노이드



i) 솔레노이드 내부자계

$$H = nI$$
 [AT/m]

↳ 단위길이에 당 권수 [T/m]

{내부는 평등자장이다,
누설자속이 없다,}

ii) 솔레노이드 외부자계

$$H = 0$$

◆ 자계내에서 자석이 받는 회전력 (토크 T)

$$T = Fl \sin \theta = m l H \sin \theta = M H \sin \theta$$
 [Nm]

$$M = m \cdot l$$
 [wb·m] ← 자기쌍극자 모멘트

$$\vec{T} = M \times H$$
 [N · m]

◆ 자계내에서 코일의 회전력 $T = NBIS \cos \theta$ [Nm]

◆ 플레밍 왼손법칙 ← 전동기원리

⇒ 자계 내에서 전류가 흐르는 도선에 작용하는 힘

$$F = IB l \sin \theta = qvB \sin \theta$$
 [N]

$$\vec{F} = (I \times B) l = q(v \times B)$$
 [N]

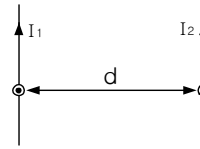
◆ 플레밍 오른손법칙 (발전기원리)

↳ 자계 내에서 도선을 왕복 운동시키면 도선에 기전력이 유도된다

$$e = vB l \sin \theta$$
 [V]

$$\vec{e} = (v \times B) l$$
 [V]

◆ 두개의 평행도선간 작용력



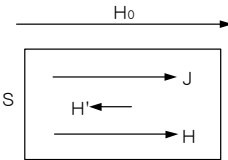
$$F_1 = F_2 = \frac{2I_1 I_2}{d} \mu_s \times 10^{-7}$$
 [N/m]

※ 두 전류의 방향이 같으면 : 흡인력
두 전류의 방향이 반대면 : 반발력

◆ 자화의세기

$$J = \frac{m}{S} = \frac{m \cdot l}{S \cdot l} = \frac{M}{V} = x_m H = \mu_0 (\mu_s - 1) H$$
 [wb/m²]

◆ 상자성체 자계 세기

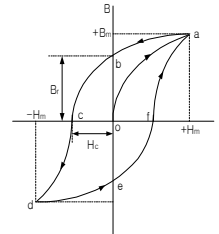


$$H = \frac{H_0}{1 + N(\mu_s - 1)}$$

$$H_0 : \text{외부자계} \quad H' : \text{감자력} \quad (H' = \frac{N}{\mu_0} J)$$

N : 감자율 H : 내부자계

◆ 히스테리시스곡선 (B-H곡선)



영구자석 : B_r 大, H_c 大

(철, 텅스텐, 코발트)

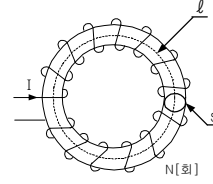
전자석 : B_r 大, H_c 小

히스테리시스손

$$P_h = f \nu B_m^{1.6}$$
 [W]

◆ 자기회로

1). 환상솔레노이드 (공극이 없는 솔레노이드)



$$F = NI = \frac{l}{\mu S} \cdot \phi = R_m \cdot \phi$$
 ← 자기회로 옴법칙

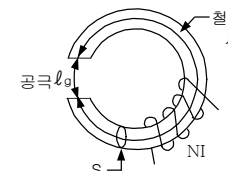
$$R_m = \frac{l}{\mu S}$$
 [AT/wb] ← 자기저항

$$V = R_e \cdot I$$
 ← 전기회로 옴법칙

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$

$$NI = R_m \cdot \phi$$
 ← 자기회로 옴법칙

2). 공극(Air gap)이 있는 환상솔레노이드 자기저항 ($l \gg l_g$)

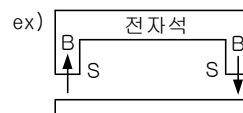


$$R_m = R_{m1} + R_{m2} = \frac{l}{\mu S} + \frac{l_g}{\mu_0 S}$$
 [AT/wb]

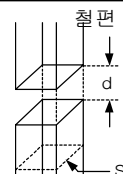
$$\text{※ 자기저항 증가율} = \frac{\frac{l + \mu_s l_g}{\mu S}}{\frac{l}{\mu S}} = 1 + \frac{l_g}{l} \mu_s \text{ 배}$$

◆ 전자석의 흡입력

$$F = f_m \cdot S = \frac{B^2}{2\mu_0} \cdot S$$
 [N] $\propto B^2$



$$F = f_m \cdot 2S = \frac{B^2}{2\mu_0} \cdot 2S = \frac{B^2}{\mu_0} \cdot S$$
 [N]



$$F = f_m \cdot S = \frac{B^2}{2\mu_0} \cdot S$$
 [N]

◆ Faraday 법칙 → 유기기전력 계산

$$e = - \frac{d\Phi}{dt} = -N \frac{d\Phi}{dt} = -L \frac{di}{dt} \quad L = N\Phi$$

$$L = \frac{N\Phi}{I} \quad (F = NI = R_m \cdot \Phi = \frac{1}{\mu_S} \Phi)$$

$$L = \frac{\mu_S N^2}{l} \propto N^2$$

◆ 표피효과 → 도선에 교류전류가 흐르면 전류는 도선바깥쪽으로 흐르려는 성질

▶ 표피깊이

$$\delta = \sqrt{\frac{2}{\omega \cdot \sigma \cdot \mu}} = \sqrt{\frac{1}{\pi f \sigma \mu}} \quad [\text{m}]$$

※ ω , μ , σ 가 大 → 표피깊이 小 → 표피효과 大

◆ 두 개의 평행 왕복도체 $L = \frac{\mu_0}{\pi} \ln \frac{d}{a} + \frac{\mu}{4\pi} \quad [\text{H/m}]$

◆ 동축 케이블 $L = \frac{\mu_0}{2\pi} \ln \frac{b}{a} + \frac{\mu}{8\pi} \quad [\text{H/m}]$

◆ 상호 인덕턴스 계산에
① $M = \frac{N_2}{N_1} L_1$
② $M = K \sqrt{L_1 L_2}$

◆ 변위전류(Displacement Current) → 유전체에 흐르는 전류

$$I = \frac{\partial Q}{\partial t} = \frac{\partial(S\sigma)}{\partial t} = \frac{\partial D}{\partial t} S$$

$$J_d = \frac{I_d}{S} = \frac{\partial D}{\partial t} \quad [\text{A/m}^2]$$

↓ 변위전류밀도

◆ MAXWELL 방정식

1). Faraday 법칙 → 유기기전력 ($e = - \frac{d\Phi}{dt}$)

$$\text{rot} \mathbf{E} = \nabla \times \mathbf{E} = - \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

2). Ampere 주회적분법칙 → 전류와 자계관계, $\oint \mathbf{H} d\mathbf{l} = \sum I$

$$\text{rot} \mathbf{H} = \nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{J}_c + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$$

3). GAUSS 법칙

i) 전계 가우스법칙

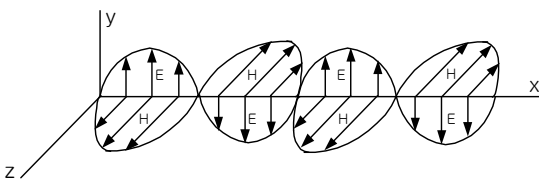
$$\text{div} \mathbf{D} = \nabla \cdot \mathbf{D} = \rho$$

ii) 자계 가우스법칙

$$\text{div} \mathbf{B} = \nabla \cdot \mathbf{B} = 0 \rightarrow \text{고립된 자극은 존재하지 않는다}$$

자속은 분리할 수 없다.

◆ 평면 전자파 → 전계와 자계가 동시에 존재하는 공간



1). 전계와 자계는 항상 90° 방향으로 진행하되 전계가 90° 앞선다.

2). 진공(공기)인 경우

i) 전파속도 $V = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = 3 \times 10^8 \quad [\text{m/sec}]$

ii) 파장 $\lambda = \frac{V}{f} = \frac{3 \times 10^8}{f} \quad [\text{m}]$

iii) 고유(특성)임피던스 $Z_0 = \frac{E}{H} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \approx 377 \quad [\Omega]$

3). 매질 (ϵ , μ) 중인 경우

i) 전파속도 $V = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \mu}} = \frac{3 \times 10^8}{\sqrt{\epsilon_s \mu_s}} \quad [\text{m/sec}]$

ii) 파장 $\lambda = \frac{V}{f} = \frac{3 \times 10^8}{f \sqrt{\epsilon_s \mu_s}} \quad [\text{m}]$

iii) 고유(특성)임피던스 $Z = \frac{E}{H} = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} = 377 \sqrt{\frac{\mu_s}{\epsilon_s}} \quad [\Omega]$

◆ 포인팅벡터 → 단위시간에 진행방향과 직각인 단위면적을 통과하는 에너지

$$P = \frac{W}{S} = \mathbf{E} \cdot \mathbf{H} \quad [\text{W/m}^2]$$

$$\vec{P} = \mathbf{E} \times \mathbf{H} \quad [\text{W/m}^2]$$