中級統計学:復習テスト22

2024年12月17日
注意: すべての質問に解答しなければ提出とは認めない.正答に修正した上で,復習テスト $21\sim26$ を順に重ねて左上でホチキス止めし,定期試験実施日(1 月 21 日の予定)に提出すること.
$1.\mathrm{N}\left(\mu,\sigma^2 ight)$ から抽出した大きさ n の無作為標本の標本平均を $ar{X}$ とする.次の片側検定問題を考える.
$H_0: \mu = c \text{vs} H_1: \mu > c$
有意水準を 5 %とする. (a) 検定統計量を与えなさい.
(b)検定統計量の H_0 の下での分布を与えなさい.
(c) $n=10$ として検定の棄却域を定めなさい.

(d) 検定統計量の値が 2.0 なら検定結果はどうなるか?

2.	. N $\left(\mu_X,\sigma_X^2 ight)$, N $\left(\mu_Y,\sigma_Y^2 ight)$ から独立に抽出した大きさ m,n の無作為標本の標本分散を s_X^2,s_Y^2 とす	つる
	次の片側検定問題を考える.	
	$H_0: \sigma_X^2 = \sigma_Y^2 ext{vs} H_1: \sigma_X^2 > \sigma_Y^2$	

有意水準を5%とする.

(a) 検定統計量を与えなさい.

(b) 検定統計量の H_0 の下での分布を与えなさい.

(c) m=4, n=6 として検定の棄却域を定めなさい.

(d) 検定統計量の値が 2.0 なら検定結果はどうなるか?

(e) p 値が 0.1 なら検定結果はどうなるか?

解答例

1. (a) 検定統計量は

$$t:=\frac{\bar{X}-c}{\sqrt{s^2/n}}$$

(b) H_0 の下で

$$t \sim t(n-1)$$

(c) t 分布表より H₀ の下で

$$\Pr[t \ge 1.833] = 0.05$$

したがって棄却域は $[1.833, \infty)$.

- (d) 2.0 は棄却域 $[1.833,\infty)$ に入るので H_0 を棄却して H_1 を採択.
- 2. (a) 検定統計量は

$$F := \frac{s_X^2}{s_Y^2}$$

(b) H₀の下で

$$F \sim F(m-1, n-1)$$

(c) F 分布表より H_0 の下で

$$\Pr[F \geq 5.409] = 0.05$$

したがって棄却域は $[5.409, \infty)$.

- (d) 2.0 は採択域 $(-\infty, 5.409)$ に入るので H_0 を採択.
- (e) p値>有意水準より H_0 を採択.