## 中級統計学:復習テスト21

	学籍番号	氏名	걸	_
		2022年12月2	0 日	
	「べての質問に解答しなければ ・キス止めし,定期試験実施日			テスト 21~26 を(左
	「の用語の定義を式または言葉 統計的仮説	で書きなさい(各 20	字程度).	
(b)	検定			
(c)	帰無仮説			
(d)	第1種の誤り			
(e)	有意水準			
(f)	検定統計量			
(g)	棄却域			

2.	N $\left(\mu,\sigma^2\right)$ から抽出した大きさ $n$ の無作為標本の標本平均を $\bar{X}$ とする. $\sigma^2$ を既知として次の検定問題を考える.
	$H_0: \mu = 0  \text{vs}  H_1: \mu = 1$
	$(a)$ $ar{X}$ の分布を求めなさい.



(c) 検定統計量の 
$$H_0$$
 の下での分布を導きなさい.

(d) 検定統計量の 
$$H_1$$
 の下での分布を導きなさい.

## 解答例

- 1. (a) 母集団分布に関する仮説
  - (b) 統計的仮説の真偽を標本から判定すること
  - (c) とりあえず真と想定する仮説
  - (d)  $H_0$  が真なのに  $H_0$  を棄却する誤り
  - (e) 許容する第1種の誤りの確率
  - (f) 検定に用いる統計量
  - (g) 標本(検定統計量)の値域で  $H_0$  を棄却する領域
- 2. (a)

$$\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(\mu, \frac{\sigma^2}{n}\right)$$

(b)

$$Z:=\frac{\bar{X}}{\sqrt{\sigma^2/n}}$$

(c)  $H_0$  の下で

$$Z \sim N(0,1)$$

(d)  $H_1$  の下で

$$\begin{split} Z &= \frac{\bar{X} - 1 + 1}{\sqrt{\sigma^2/n}} \\ &= \frac{\bar{X} - 1}{\sqrt{\sigma^2/n}} + \frac{1}{\sqrt{\sigma^2/n}} \\ &\sim \mathcal{N}\left(\frac{1}{\sqrt{\sigma^2/n}}, 1\right) \end{split}$$

(e) 標準正規分布表より  $H_0$  の下で

$$\Pr[Z \ge 1.65] = .05$$

したがって棄却域は  $[1.65, \infty)$ .