中級統計学:復習テスト9

<u> </u>	学籍番号	氏名_		_
		2024年10月22日	日	
			ドに修正した上で,復習テ 日の予定)に提出すること	
1. 以下の組み合 $\left(\mathrm{a}\right){}_{2}C_{0}$	わせの数を求めなさい	v.		
(b) $_{3}C_{1}$				
(c) $_{4}C_{2}$				
(d) $_5C_3$				

2	(a)	2項分布の定義を書きなさい。
<i>Z</i> .	(a)	4 切り削り止我を言さなさい。

(b)
$$Bin(n,p)$$
 の pmf を書きなさい.

(c)
$$X \sim \text{Bin}(5,.5)$$
 として $p_X(0), \dots, p_X(5)$ を求めなさい(注:全部足すと 1 になるはず).

解答例

1. (a)

$$_{2}C_{0} = \frac{2!}{0!(2-0)!}$$

(b)

$$_{3}C_{1} = \frac{3!}{1!(3-1)!}$$

= 3

(c)

$$_{4}C_{2} = \frac{4!}{2!(4-2)!}$$

= 6

(d)

$$_5C_3 = \frac{5!}{3!(5-3)!}$$

= 10

2. (a) 独立かつ同一な n 回のベルヌーイ試行における成功回数の分布を 2 項分布という.

(b)

$$p_X(x) = \begin{cases} {}_{n}C_x p^x (1-p)^{n-x} & \text{for } x = 0, 1, \dots, n \\ 0 & \text{for } x \neq 0, 1, \dots, n \end{cases}$$

(c)

$$p_X(0) = {}_{5}C_{0} \left(\frac{1}{2}\right)^{0} \left(\frac{1}{2}\right)^{5-0}$$

$$= \frac{5!}{0!(5-0)!} \left(\frac{1}{2}\right)^{5}$$

$$= \frac{1}{32}$$

$$p_X(1) = {}_{5}C_{1} \left(\frac{1}{2}\right)^{1} \left(\frac{1}{2}\right)^{5-1}$$

$$= \frac{5!}{1!(5-1)!} \left(\frac{1}{2}\right)^{5}$$

$$= \frac{5}{32}$$

$$p_X(2) = {}_{5}C_{2} \left(\frac{1}{2}\right)^{2} \left(\frac{1}{2}\right)^{5-2}$$

$$= \frac{5!}{2!(5-2)!} \left(\frac{1}{2}\right)^{5}$$

$$= \frac{10}{32}$$

$$p_X(3) = {}_{5}C_{3} \left(\frac{1}{2}\right)^{3} \left(\frac{1}{2}\right)^{5-3}$$

$$= \frac{5!}{3!(5-3)!} \left(\frac{1}{2}\right)^{5}$$

$$= \frac{10}{32}$$

$$p_X(4) = {}_{5}C_{4} \left(\frac{1}{2}\right)^{4} \left(\frac{1}{2}\right)^{5-4}$$

$$= \frac{5!}{4!(5-4)!} \left(\frac{1}{2}\right)^{5}$$

$$= \frac{5}{32}$$

$$p_X(5) = {}_{5}C_{5} \left(\frac{1}{2}\right)^{5} \left(\frac{1}{2}\right)^{5-5}$$

$$= \frac{5!}{5!(5-5)!} \left(\frac{1}{2}\right)^{5}$$

$$= \frac{1}{32}$$