計量分析 2:中間試験

村澤 康友

2022年12月1日

注意:3 問とも解答すること.結果より思考過程を重視するので,途中計算等も必ず書くこと(部分点は大いに与えるが,結果のみの解答は0 点とする).

- 1. (20点) 以下で定義される計量経済学の専門用語をそれぞれ書きなさい.
 - (a) 確率変数から平均を引き標準偏差で割る変換.
 - (b) 期待値が母数と等しい推定量.
 - (c) 許容する第1種の誤りの確率.
 - (d) 推定量の標準偏差の推定値.
- 2. (50点) Yの X 上への単回帰モデルは

$$E(Y|X) = \alpha + \beta X$$

回帰誤差を U := Y - E(Y|X) とする. 以下を示しなさい.

- (a) E(U|X) = 0
- (b) E(U) = 0
- (c) E(XU) = 0
- (d) cov(X, U) = 0
- (e) $cov(X, Y) = \beta var(X)$
- 3. (30点) 通勤時間が長いと仕事の満足度が低くなるかを調べたい。そこで 0 (不満) から 4 (満足) までの 5 段階の仕事に対する満足度を通勤時間 (分)・年収 (万円)・修学年数 (年) に重回帰し,次の結果を得た。

happy_work =
$$1.83565 - 0.00249144$$
 commute + 0.000473488 income + 0.0202123 yeduc (0.014176) (0.00084882) (0.0008882) (0.00088882) $(0.00088$

以下の問に答えなさい.

- (a) 問題意識を踏まえて検定問題を定式化しなさい.
- (b)「通勤時間」から「仕事の満足度」への限界効果の OLS 推定値・標準誤差・t 値は幾らか?
- (c) F(3,3600) は何のための統計量か?また 3 と 3600 は,それぞれどのように得られる数値か?この分析に即して具体的に説明しなさい.

解答例

- 1. 計量経済学の基本用語
 - (a) 標準化
 - (b) 不偏推定量
 - (c) 有意水準
 - ●「有意確率」は p 値を指すので誤り.
 - (d) 標準誤差
- 2. 単回帰
 - (a) 期待値の線形性より

$$E(U|X) = E(Y - E(Y|X)|X)$$

$$= E(Y|X) - E(Y|X)$$

$$= 0$$

- ●「期待値の線形性」がなければ1点減.
- 重要なステップが抜けてたら0点. 以下同様.
- (b) 繰り返し期待値の法則と (a) より

$$E(U) = E(E(U|X))$$
$$= E(0)$$
$$= 0$$

(別解)繰り返し期待値より

$$E(U) = E(Y - E(Y|X))$$

$$= E(Y) - E(E(Y|X))$$

$$= E(Y) - E(Y)$$

$$= 0$$

- ●「繰り返し期待値の法則」がなければ1点減.
- (c) 繰り返し期待値の法則と (a) より

$$\begin{split} \mathbf{E}(XU) &= \mathbf{E}(\mathbf{E}(XU|X)) \\ &= \mathbf{E}(X\,\mathbf{E}(U|X)) \\ &= \mathbf{E}(0) \\ &= 0 \end{split}$$

(d) 前2問より

$$cov(X, U) = E(XU) - E(X) E(U)$$
$$= 0$$

(e) 前問より

$$cov(X, Y) = cov(X, \alpha + \beta X + U)$$

$$= cov(X, \beta X + U)$$

$$= cov(X, \beta X) + cov(X, U)$$

$$= \beta cov(X, X)$$

$$= \beta var(X)$$

- 他の導き方も可.
- 3. 重回帰分析
 - (a) 通勤時間の偏回帰係数を β とすると, 検定問題は

$$H_0: \beta = 0 \text{ vs } H_1: \beta < 0$$

- β の定義なしや誤りは 5 点減.
- 逆向きの不等号や両側検定は 0点.
- (b) OLS 推定値は -0.00249144, 標準誤差は 0.00084882, t 値は $-0.00249144/0.00084882 <math>\approx -2.935$.
 - 点推定値と標準誤差は各3点, t値は4点.
 - 符号の誤りは 0点.
 - 割り算の未計算や一桁以上の誤りは1点減.
- (c) F(3,3600) は F 値であり,「 H_0 : 定数項を除くすべての回帰係数=0」の両側検定のための統計量である.3 は「検定する回帰係数の数」であり,ここでは通勤時間・年収・修学年数の 3 つの係数.3600 は「標本の大きさ」 「推定した回帰係数の数」であり,ここでは 3604-4=3600.
 - 前半(4点満点)のキーワードは
 - F値(1点)
 - 定数項を除くすべての回帰係数=0(2点)
 - 両側検定(1点)
 - 後半(6点満点)のキーワードは
 - 検定する回帰係数の数(2点)
 - 標本の大きさ(2点)
 - 推定した回帰係数の数(2点)