中級統計学:復習テスト6

学籍番号		
	2024年10月8日	

注意:すべての質問に解答しなければ提出とは認めない.正答に修正した上で,復習テスト $1\sim8$ を順に重ねて左上でホチキス止めし,第 1 回中間試験実施日(10 月 18 日の予定)に提出すること.

1. 次の確率変数を考える.

$$X := \begin{cases} 1 & \text{with pr. } 1/2\\ 0 & \text{with pr. } 1/2 \end{cases}$$

(a) X の cdf を式とグラフで表しなさい.

(b) X の pmf を式とグラフで表しなさい.

2. 以下の cdf に対応する pdf を式とグラフで表しなさい. (ヒント:cdf を微分すればよい.)

$$F(x) := \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } 0 \le x \le 1 \\ 1 & \text{for } 1 < x \end{cases}$$

$$F(x) := \begin{cases} 0 & \text{for } x < 1\\ 1 - 1/x & \text{for } x \ge 1 \end{cases}$$

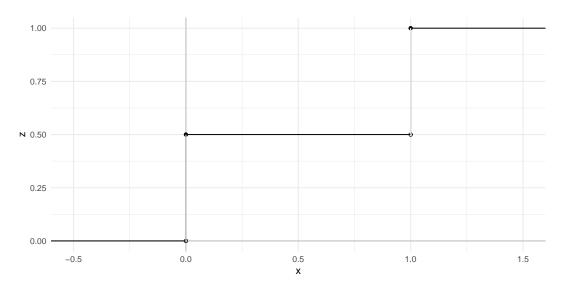
$$F(x) := \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0\\ 1 - 1/e^x & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$$

$$F(x) := \frac{e^x}{1 + e^x}$$

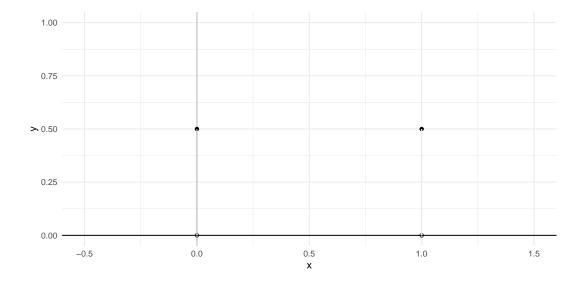
解答例

1. (a)

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1/2 & \text{for } 0 \le x < 1 \\ 1 & \text{for } 1 \le x \end{cases}$$

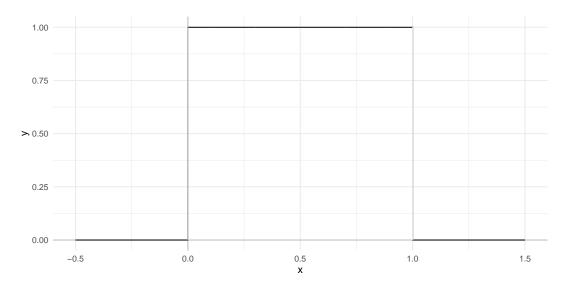


(b) $p_X(x) = \begin{cases} 1/2 & \text{for } x = 0,1\\ 0 & \text{for } x \neq 0,1 \end{cases}$



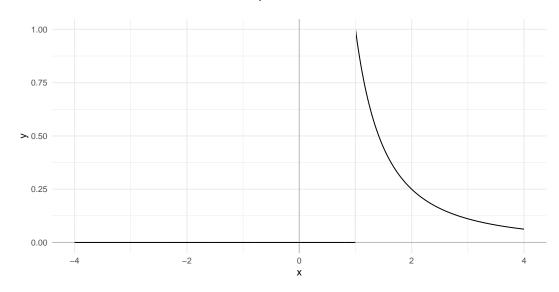
2. (a)

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } 0 \le x \le 1 \\ 0 & \text{for } 1 < x \end{cases}$$



(b)

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 1\\ 1/x^2 & \text{for } x \ge 1 \end{cases}$$



 $f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1/e^x & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$ 0.75 > 0.50 0.25

-2

(d)

$$f(x) = F'(x)$$

$$= \frac{e^{x}(1 + e^{x}) - e^{x}e^{x}}{(1 + e^{x})^{2}}$$

$$= \frac{e^{x}}{(1 + e^{x})^{2}}$$

$$= \frac{1}{1 + e^{x}} \frac{e^{x}}{1 + e^{x}}$$

$$= \frac{1}{1 + e^{x}} \frac{1}{e^{-x} + 1}$$

$$= \frac{1}{(1 + e^{x})(1 + e^{-x})}$$

0 **X**

