# 基于极结构小波包的纹理检索

涛 王成儒 张

张 瑞

(燕山大学信息科学与工程学院 秦皇岛 066004) (中国人民解放军西安通信学院 西安 710106)

摘 要 小波包是基于纹理图像检索的重要工具, 但标准小波包变换方法计算量与特征向量维数均随分解阶数的增 加呈几何级数递增, 使得该方法难以满足大规模纹理分析的需要。因此提出极结构小波包方法, 在保留标准小波包良 好的检索性能基础上简化计算和降低特征维数。实验证明, 极结构小波包结构在图像检索中可以满足实时性较高的 图像检索需要。

关键词 图像检索 纹理 小波包 极结构

随着网络技术和多媒体技术的发展,基于内容的图像检索 技术成为了大规模图像库应用和管理的重要手段。目前图像 检索需要解决的问题除检索效果外,还包括检索使用的特征向 量维数。过高的特征向量维数不但需要更大的存储空间用于 特征库的存储、同时也增加了相似性度量阶段的运算复杂度。 因此,在基本不影响检索效果的同时,特征向量的维数应尽可 能减小以提高检索系统的效率与性能。

基于内容的图像检索技术通过提取图像的颜色、纹理和形 状等视觉特征作为特征索引。其中纹理特征由于不依赖于颜 色或亮度而反映图像中的 同质现象, 是图像检索的重要依据。 小波包算法[1] 作为一种多分辨率的纹理分析方法,近年来得到 广泛应用。本文在分析标准小波包算法在纹理分析中作用的 基础上对其进行简化和改进,以达到减少计算量、缩减特征维 数、最终满足工程要求的目的。

#### 1 标准二维小波包变换

在图像的二维小波变换分析中,一幅图像被分为一个近似 图像和三个细节图像。 进而对近似图像进行分解, 得到二阶的 近似图像和细节图像。而在小波包分解中,三个细节图像也和 近似图像一样被进行进一步的分解。由于纹理图像高频部分 所包含的纹理细节信息是纹理检索的重要依据, 因此与小波变 换相比, 小波包更适合用于图像检索目的的纹理特征提取与描 述<sup>[2,3]</sup>。

标准的二维离散小波包变换可以看成是一组正交镜像滤 波器(Quandrature Mirror Filter, QMF) H和G。H为有限冲激响 应低通滤波器,系统函数 h(n)。 G 为高通滤波器,其系统函数

$$g(n) = (-1)^n h(1-n) \tag{1}$$

且 h(n) 与 g(n) 满足以下关系式:

$$\sum h(n)h(n+2_j) = 0 \qquad j \neq 0$$
 (2)

$$\sum_{n=0}^{\infty} h(n)^2 = 1 \tag{3}$$

$$\sum h(n)g(n+2_j) = 0 \tag{4}$$

 $\sum_{n} h(n)g(n+2_{j}) = 0$ 対大小为  $M \times N$  的图像 x 的 p+1 阶  $(p \le 1)$  $\min\left(\log_2(N),\log_2(M)\right)$  ) 二维小波包分解可通过 p 阶分解系 数递推得到:

$$C_{4k}^{p+1}(i,j) = \sum_{m} \sum_{n} h(m) h(n) C_{k,(m+2_{j},n+2_{j})}^{p}$$
 (5)

$$C_{4k+1,(i,j)}^{p+1} = \sum \sum h(m)g(n)C_{k,(m+2,n+2_j)}^{p}$$
 (6)

$$C_{4\,k+2,\,(i,j)}^{p+1} = \sum_{m} \sum_{n} g(m) h(n) C_{k,\,(m+2_{\,i}\,\,n+2_{\,j})}^{p}$$
 (7)

$$C_{4\,k+3,\,(i,j)}^{p+1} = \sum_{m} \sum_{r} g(m) g(n) C_{k,\,(m+2,r,n+2_j)}^{p}$$
 (8)

其中  $C_{0,(i,j)}^0 = x_{(i,j)}$  由滤波器的观点,对一幅图像的 p 阶标准 小波包分解相当于 $\frac{4}{3}(4^p-1)$ 次二维滤波操作。如采用分解系 数  $C^p$  的一种低阶统计量作为特征向量 其向量维数为  $A^p$ 。

### 极结构小波包变换

标准的小波包变换虽然具有分析精确的特点,但其计算复 杂且形成的特征向量维数相对较高。由本文可以看到 用于纹 理分析的标准小波包变换其计算量与特征向量维数均随分解 阶数的增加呈几何级数递增,使得该方法难以满足大规模纹理 分析的需要。基于此, 文中提出极结构小波包方法, 在保留标准 小波包良好的检索性能基础上简化计算和降低特征维数。

以式(6) 为例,  $C_{4k+1,(i,j)}^{+1}$  可以理解为对  $C_{k,(i,j)}^{*}$  先进行行的 低通操作,然后对列进行高通的结果。因此  $C_{4k+1,(i,j)}^{p+1}$  中保留的 是原图像中的行低频和列高频部分。如继续用(7)式对  $C^{p+1}_{4k+1,\,(i,\,j)}$  进行进一步分解,其结果是保留  $C^{+1}_{4k+1,\,(i,\,j)}$  的行高频 与列低频。由于两次分解可看作频域互补,因此这样的分解系 数几乎无法反映原始图像信息,由此所提取的特征也难以有效 表示该图像内容。同理,继续利用(5)(7)(8) 式对  $C_{4k+1,(i,j)}^{+1}$  的 进一步分解也将丢失部分信息,因此对于由(6) 式得到的 LH波 段子图  $C_{4k+1,(i,j)}^{p+1}$  仅利用(6) 式继续对其进行进一步 LH分解即 可对原始图像信息进行有效保留。

作者简介: 张 涛, 男, 1979 年生, 硕士研究生, 助教, 研究方向为基于内容的图像检索, 纹理分析; 王成儒, 男, 1949 年生, 教授, 研究方向为图像 处理、模式识别等: 张 瑞, 女, 1982 年生, 助理工程师 研究方向为模式识别、多媒体信息分析与检索。

。情报检索。

同理,对于其它各波段子图也仅进行相应波段滤波器的分 解 该分解结构称为极结构小波包分解。由以上过程可知,极结 构小波包的p阶分解仅需进行4p次的滤波操作,与标准结构小 波包分解相比得到了极大的简化。且如采用与标准小波包相同 的特征提取方式,特征向量维数恒为4。但由于极结构小波在分 解和特征提取过程中忽略了部分信息,因此需对所有分解系数 做特征提取,因此其特征维数为 4p。由 p 为非负整数 知  $4p \le$ 4<sup>p</sup>,特征维数得到缩减。

#### 实验结果

采用以下统计量作为特征向量对两种结构的小波包分解 进行特征提取并进行对比测试:

能量: 
$$Em_n^p = \sum_{i} \sum_{j} |C_{n,(i,j)}^p|$$
 (9)

能量方差: 
$$E\sigma_n^p = \sqrt{\sum_i \sum_j (\mid C_{n, (i,j)}^p \mid -Em_n^p)^2}$$
 (10)

均值: 
$$m_n^p = \sum_i \sum_j C_{n,(i,j)}^p$$
 (11)

标准方差: 
$$\sigma_n^p = \int_{\sum_i \sum_j (C_{n,(i,j)}^p - m_n^p)^2}$$
 (12)

实验分别采用 Euclidean 距离和 Canberra 距离进行相似性度 量 表达式如下所示:

Euclidean 距离: 
$$d_E(x, y) = \sum_{i=1}^{d} (x_i - y_i)^2$$
 (13)

Canberra 距离 
$$d_{can}(x, y) = \sum_{i=1}^{d} \frac{|x_i - y_i|}{|x_i| - |y_i|}$$
 (14)

其中 Euclidean 距离计算简单,是图像检索中常用的相似性 度量依据。但其不对向量作归一化处理,当各分量大小相差过 大时可能引起误差。而 Canberra 距离在利用表达式的分子表 示分量距离的同时,利用分母完成该分量距离的归一化,因此 避免了分量间数值相差过大给计算结果带来的影响。

同时,根据Bin Zhang 等人的研究,不同小波函数在纹理分 析中表现相当 因此 本实验对两种小波包结构均采用 Daubechies 4 系小波函数进行测试。实验环境为: Intel P4 2. 4G, 256MB, Matlab6.5。 采用的测试图像库为经 Queensland 大 学分类的 Brodatz 自然纹理图像库<sup>[4]</sup>。 该图像库共 256 幅图像, 每一幅图像只与其它 255 幅图中的 15 幅相关。 256 幅图像中 的每一幅均作为检索图像参加一次检索,本文中的所有实验数 据均为这 256 次检索的平均值。

实验采用查准率评价检索效果,采用特征提取时间评价检 索效率。查准率是指在一次查询过程中,系统返回的查询结果

中相关图像数目占所有返回图像数目的比例 本实验返回图像 数为 16 幅; 特征提取时间 为对纹理图像进行特征提取所需时 间。结果如表1所示。

表 1 不同参数与距离下两种结构的小波包分解检索结果

特征参数	标准小波包分解			极结构小波包 分解		
	查准率 特		征提取	查准率	特征提取	
	Euclidean	Canberra	时间(秒)	Euclidean	Canberra	时间(秒)
	距离(%)	距离(%)		距离(%)	距离(%)	
能量	74.61	88.36	0.86	69.41	85. 21	0.38
能量方差	89.04	90.11	0.86	86.37	89.62	0.38
均值	38.87	49.95	0.86	37.92	48.55	0.38
标准方差	90.02	93.42	0.86	87.35	92.53	0.38

由表 1 可知,相同小波包结构下提取各种参数所需时间 相同, 因为相对于小波包分解, 四种参数的计算复杂度差异可 以忽略。但极结构小波包的特征提取时间明显小于标准小波 包分解, 主要因为极结构小波包的滤波次数由标准小波包的  $\frac{4}{2}(4^p-1)$  减少至 4p, 运算复杂度大大降低。

由于对特征向量的各分量进行了归一化处理,因此,同结 构同参数下 Canberra 距离的查准率要普遍高于 Euclidean 距 离下的查准率。但由于极结构小波包在运算过程中对部分信 息进行了忽略,其查准率要略低于标准小波包。

## 4 结 论

本文在分析传统全结构小波包参数的基础上提出使用极 结构小波包参数进行基于纹理的图像检索。实验表明,无论 使用哪种结构小波包和参数, Canberra 距离要优于 Euclidean 距离。实验同时表明, 极结构 小波包 尽管在 检索效 果上稍 逊 干标准小波包, 但其检索效果提高达到 126%, 因此该方法尤 其适用于实时性要求较高的大规模图像检索。

#### 参考文献

- 1 Andrew Laine, Jian Fan. Texture Classification by Wavelet Packet Signatures. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 1993; (11)
- 2 Bin Zhang, Catanlin I Tomai, Aidong Zhang. Adaptive Texture Image Retrieval in Transform Domain. IEEE International Conference on Multimedia and Expo-
- 3 S. Arivazhagan, L. Ganesan. Texture Classification Using Wavelet Transform. Pattern Recognition Letters 2003, 24
- 4 SMITH Guy. Brodatz Test Suite www.cssip.uq.edu.au/staff/meastex/imgs/ brodatz. html, 1998-01-19/2003-10-03

(责编:阳王京)

#### (上接第 103 页)

- 6 Crouch CJ. An Approach to the Automatic Construction of Global Thesauri. Information Processing and Management, 1990; (5)
- 7 Lin DK. Automatic Retrieval and Clustering of Similar Words. Proceedings of the 17th International Conference on Computational Linguistics and 36th Annual Meeting of the Association for Computational Linguistics, Montreal, 1998 6: 768<sup>-</sup>774.
- 8 Pierre P. Senellart. Extraction of Information in Large Graphs; Automaitc Search for Synonyms. Masters Intership Reports. University catholique de Louvam, Louvain-la-Neuve, Belgium, 2001
- Resnik P. Semantic Similarity in a Taxonomy; an Information—based Measure and its Application to Problems of Ambiguity in Natural Language. Journal of

Artificial Intelligence Research. 1999

- 10 Li S J. Zhang J. Huang X. Bai S. Semantic Computation in Chinese Question - answering System. Journal of Computer Science and Technology, 2002; (6)
- 11 Silverstein C, Henzinger M, M arais H, M oricz M. Analysis of a very large Altavista query log. ACM-SIGIR Forum, 1999; (1)
- 12 梅家驹. 同义词词林. 上海: 上海辞书出版社, 1983
- 13 Zhou M.L. Some Concepts and Mathematical Consideration of Similarity System theory. Journal of System Science and System Engineering, 1992; (1)
- 14 Osmar R. Z. Alexander S. Finding Similar Queries to Satisfy Searches Based on Query Traces. C. Rolland (ed.), Workshops of the 8th International Conference on Object - Oriented Information Systems (Spring Heidelberg), Montpellier, France, 2002 (责编:阳王京)