

## 实验 4：运算部件设计

### 一、实验目的

1. 掌握先行进位部件 CLU 和先行进位加法器 CLA 的设计方法。
2. 掌握 32 位快速加法器的设计方法。
3. 掌握 32 位移位器的设计方法。
4. 掌握支持 RV32I 的 ALU 的设计方法。

### 二、实验环境

Logisim

### 三、实验内容

#### 1. 4 位先行进位加法器 CLA

几乎所有算术运算都要用到 ALU 或加法器，而 ALU 的核心还是加法器，因此要提高计算机的运算速度，关键在于提升加法器的执行速度。为了提高加法器的速度，必须尽量避免进位之间的依赖关系和传递关系，先行进位（也称超前进位）部件（Carry Lookahead Unit，CLU）就能实现这一功能。

把进位传递函数  $P_i = X_i + Y_i$  和进位生成函数  $G_i = X_i Y_i$  列入到 4 位二进制数加法器进位  $C_1 \sim C_4$  的逻辑表达式中，可以得到以下 4 个先行进位  $C_i$  的逻辑表达式，从公式(4-1)中的表达式可以看出， $C_i$  仅与  $X_i$ 、 $Y_i$  和  $C_0$  有关，相互间的进位没有依赖关系。只要  $X_1 \sim X_4$ 、 $Y_1 \sim Y_4$  和  $C_0$  同时到达，就可几乎同时形成  $C_1 \sim C_4$ ，并同时生成各个数位的和。

$$\left. \begin{aligned} C_1 &= G_0 + P_0 C_0 \\ C_2 &= G_1 + P_1 G_0 + P_1 P_0 C_0 \\ C_3 &= G_2 + P_2 G_1 + P_2 P_1 G_0 + P_2 P_1 P_0 C_0 \\ C_4 &= G_3 + P_3 G_2 + P_3 P_2 G_1 + P_3 P_2 P_1 G_0 + P_3 P_2 P_1 P_0 C_0 \end{aligned} \right\} \quad (4-1)$$

4 位先行进位部件 CLU 设计原理图如 4.1 所示。

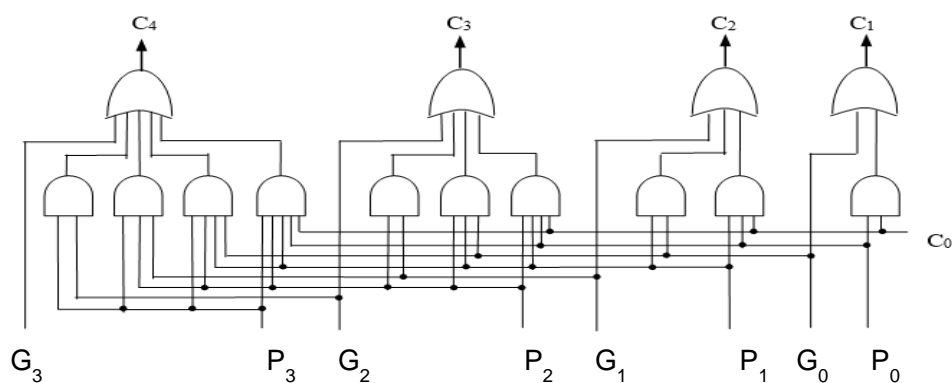


图 4.1 4 位 CLU 原理图

更多位数的加法器可通过分组的方式来实现，采用组内和组间都并行的进位方式。为了实现组间并行，需要在先行进位部件中输出组间进位生成函数  $G_g$  和组间进位传递函数  $P_g$ 。

$$P_g = P_3 P_2 P_1 P_0$$

$$G_g = G_3 + P_3 G_2 + P_3 P_2 G_1 + P_3 P_2 P_1 G_0$$

将式(4-1)中进位  $C_4$  的逻辑表达式改写成为  $C_4 = G_g + P_g C_0$ ，CLU 部件中增加两个输出端口  $P_g$  和  $G_g$ 。

实验步骤如下：

1) 设计 4 位先行进位部件 CLU。在 Logisim 中添加 4 位先行进位部件子电路 CLU。在 Logisim 工作区中按图 4.2 所示，定义输入输出引脚和组件布局，其中包含输入输出引脚、隧道、逻辑门电路等组件。修改组件属性，连接端口，实现 4 位先行进位部件电路。通过对  $P_i$  和  $G_i$  设置不同的输入值，观察  $C_i$  的输出值，以验证电路的正确性，记录测试数据。封装子电路如图 4.3 所示。

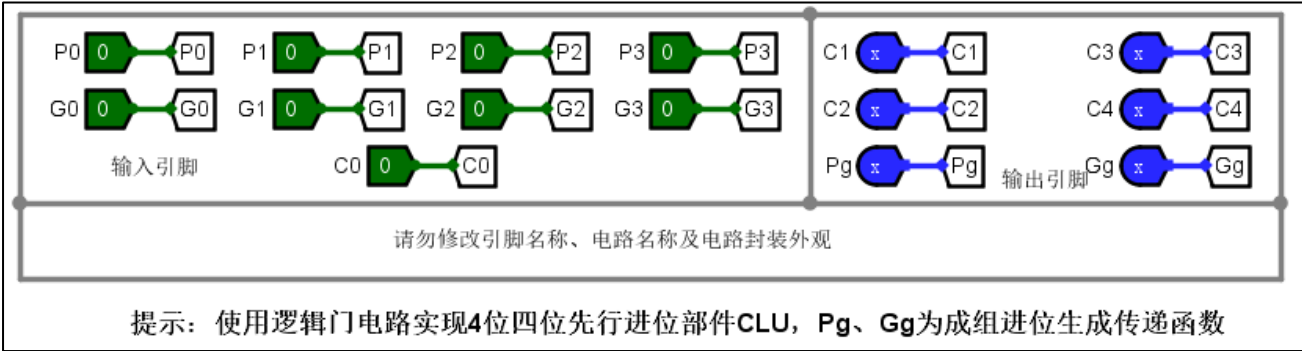


图 4.2 4 位先行进位部件组件布局图

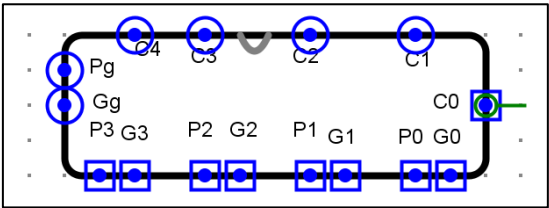


图 4.3 4 位先行进位部件子电路封装图

2) 设计支持进位生成函数和进位传递函数的全加器。在 Logisim 中添加全加器子电路 FA。在 Logisim 工作区中按图 4.4 所示定义输入输出引脚和组件布局。改变输入数据，记录测试数据，验收电路功能。封装子电路如图 4.5 所示。

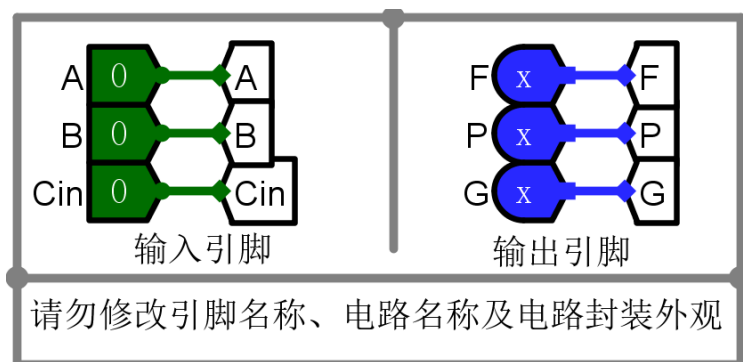


图 4.4 支持进位生成和传递函数的全加器电路布局图

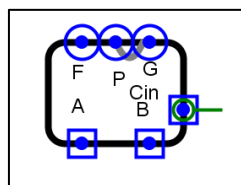


图 4.5 全加器子电路封装图

3) 4 位快速加法器 CLA 实验。在 Logisim 主电路的工作区中按图 4.6 所示，定义输入输出引脚和组件布局，其中包含输入输出引脚、隧道、1 个 4 位先行进位部件子电路、4 个全加器子电路、LED 数码管、逻辑门电路等组件。为了能够实现组间并行运算，增加了组间进位产生函数  $Gg$  和组间进位传递函数  $Pg$  的输出。修改属性，参照课件和教材上的电路原理图，连接组件，实现电路。通过设置不同的  $X$ 、 $Y$  和  $Cin$  的输入值，观察结果  $F$ 、进位  $Cout$ 、 $Pg$ 、 $Gg$  等输出值，以验证电路的正确性，记录测试数据。封装子电路如图 4.7 所示。修改主电路名称为 CLA4，保存电路设计文件 lab4.1.circ。

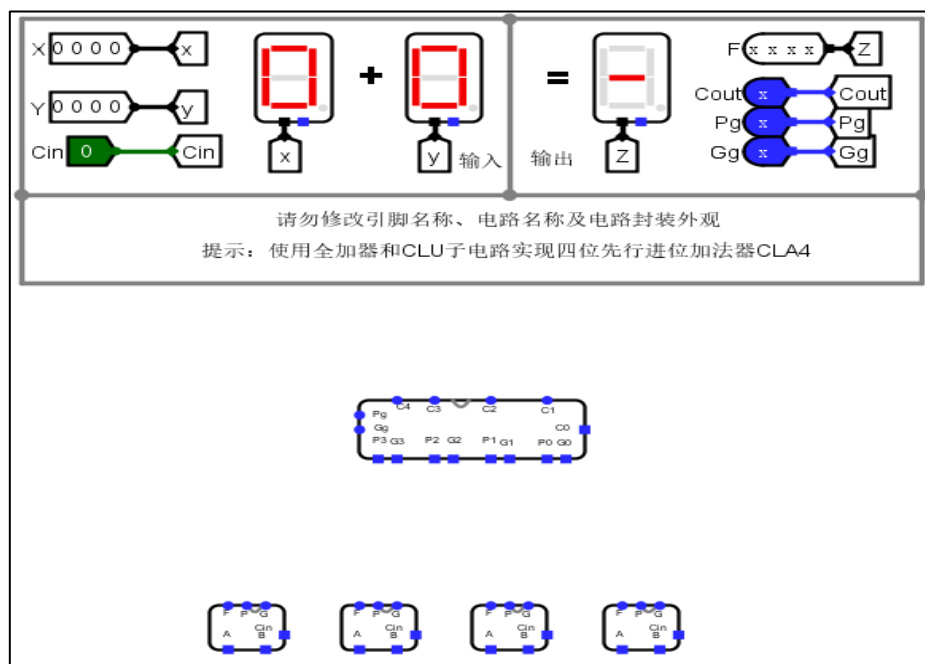


图 4.6 4 位快速加法器组件布局图

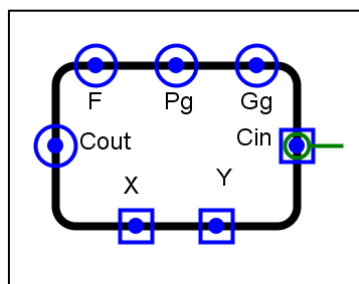


图 4.7 4 位快速加法器子电路封装图

## 2. 16 位两级先行进位加法器实验

对于一个 16 位加法器，可以分成 4 组，每组用一个 4 位先行进位加法器 CLA 实现。图 4.8 是一个由 4 个 4 位先行进位加法器 CLA 与一个组间先行进位部件 CLU 构成的 16 位两级先行进位加法器原理图。

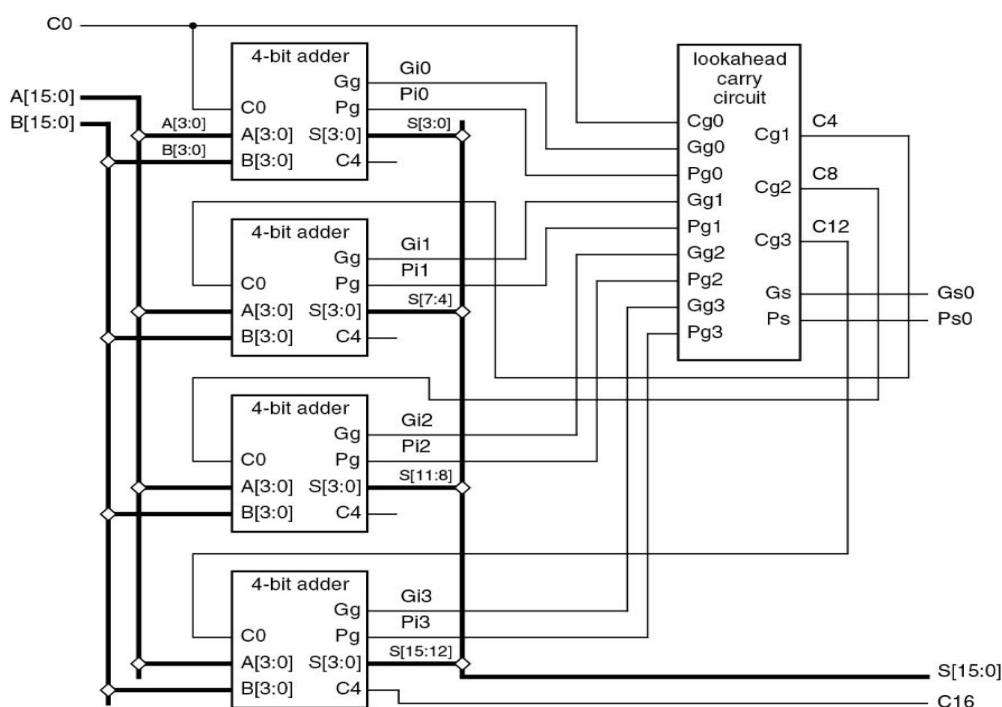


图 4.8 16 位两级先行进位加法器原理图

本实验要求根据图 4.8 所示的原理图，设计实现一个 16 位两级先行进位加法器电路，并对加法器的功能进行验证。

实验步骤如下。

打开 Logisim，在 Project 菜单下，加载 lab4.1 的电路源文件为库文件，如果已经加载该库文件则跳过这一步操作。

在 Logisim 工作区中按图 4.9 所示，定义输入输出引脚和组件布局，其中包含输入输出引脚、隧道、4 个 4 位先行进位加法器子电路、1 个 4 位先行进位部件子电路、逻辑门电路等组件。参照图 4.8 的电路原理图，连接组件，实现电路。通过设置不同的 X、Y 和 Cin 的输入值，观察结果 F、进位 Cout 等输出值，以

验证电路的正确性，记录测试数据。封装子电路如图 4.10 所示。修改主电路名称为 Adder16，保存电路设计文件 lab4.2.circ。

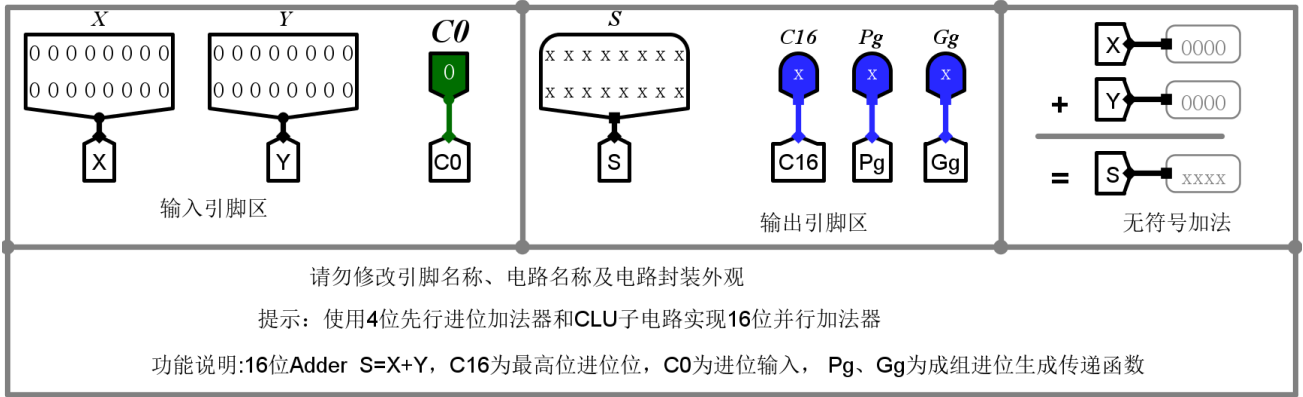


图 4.9 16 位两级先行进位加法器布局图

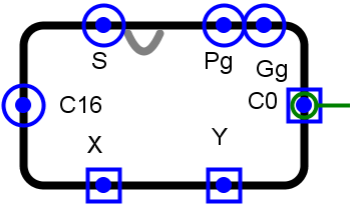


图 4.10 16 位两级先行进位加法器封装图

### 3. 32 位快速加法器构建实验

通过将两个 16 位两级先行进位加法器串行级联构建一个 32 位加法器，并根据给出的标志位生成电路原理图（如图 4.11 所示），在 32 位加法器中生成 CF、SF、OF、ZF 标志位。

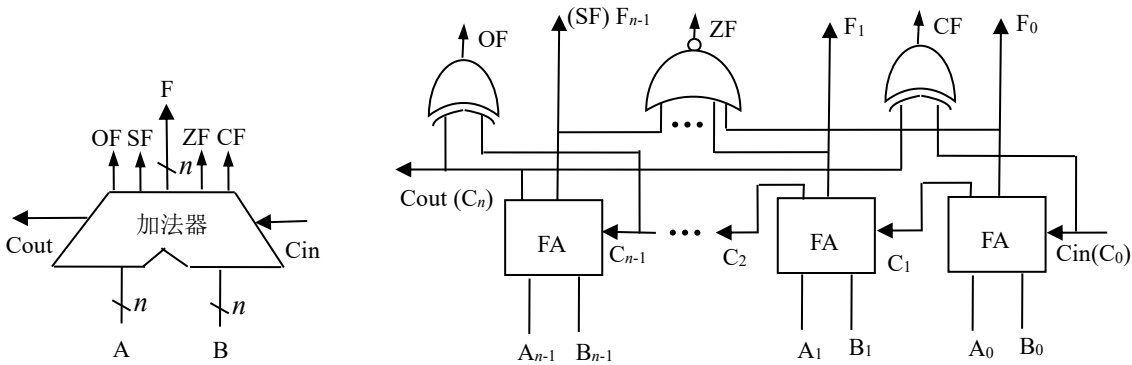


图 4.11 加法器标志位生成电路图

溢出标志位 OF 可用公式 $OF = \overline{A_{n-1}} \cdot \overline{B_{n-1}} \cdot F_{n-1} + A_{n-1} \cdot B_{n-1} \cdot \overline{F_{n-1}}$ 来实现。结果为 0 标志位 ZF 的可采用分组分级进行或运算的方式获取，避免扇入输入数量过多的问题。

实验步骤如下。

打开 Logisim，在 Project 菜单下加载 lab4.2 的电路源文件为库文件。在工作区中添加两个 16 位先行进

位加法器、逻辑门、分线器、输入/输出引脚、探针等部件，将它们布局到适当位置，如图 4.12 所示，进行线路连接，添加标识符和电路功能描述文字。通过设置加数 A、B 和低位进位 CIN 的输入值，观察相加和 F、标志位和向高位的进位 Cout 等输出值，记录测试数据，验证电路的正确性。封装子电路如图 4.13 所示。修改主电路名称为 Adder32，保存电路设计文件 lab4.3.circ。

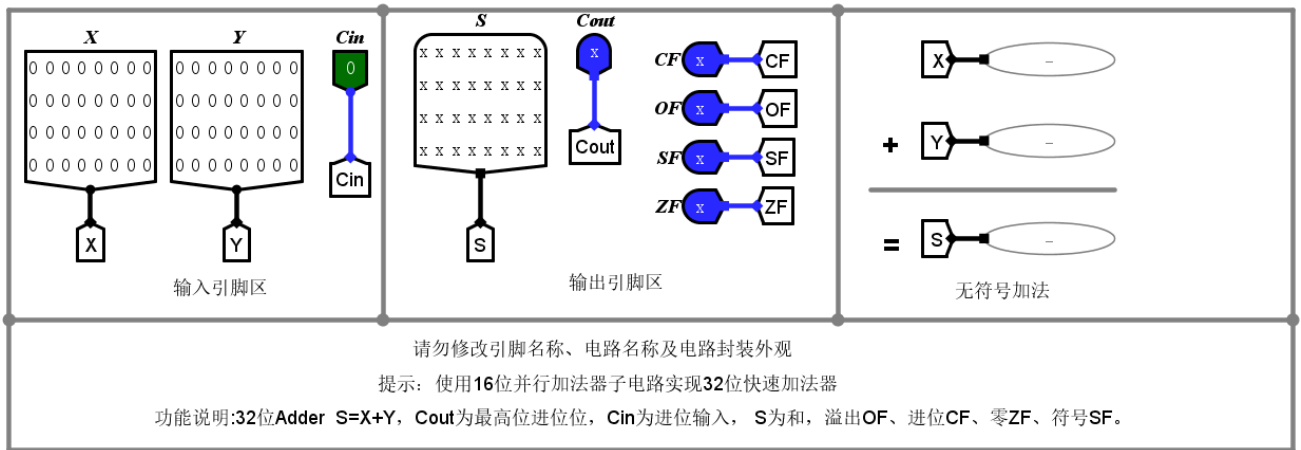


图 4.12 32 位加法器布局图

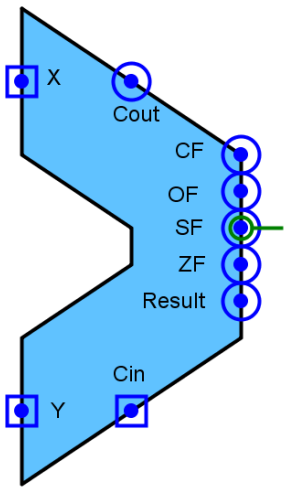


图 4.13 32 位加法器子电路封装图

#### 4. 32 位桶形移位器设计

将实验 2 中的 8 位桶形移位器的电路图扩展中 32 位输入数据，移位位数扩展到 5 位二进制数，多路选择器增加两级，分别表示移动 8 位和 16 位。在 Logisim 中主电路工作区按照图 4.17 的组件布局图，放置合适的逻辑门电路、分线器、位扩展器等组件，设置相应属性，进行线路连接，添加标识符和电路功能描述文字。改变输入数据，验证输出信号的输出值，记录测试数据，验证电路的正确性。封装子电路如图 4.18 所示，修改主电路名称为 Shifter32，保存电路设计文件 lab4.4.circ。

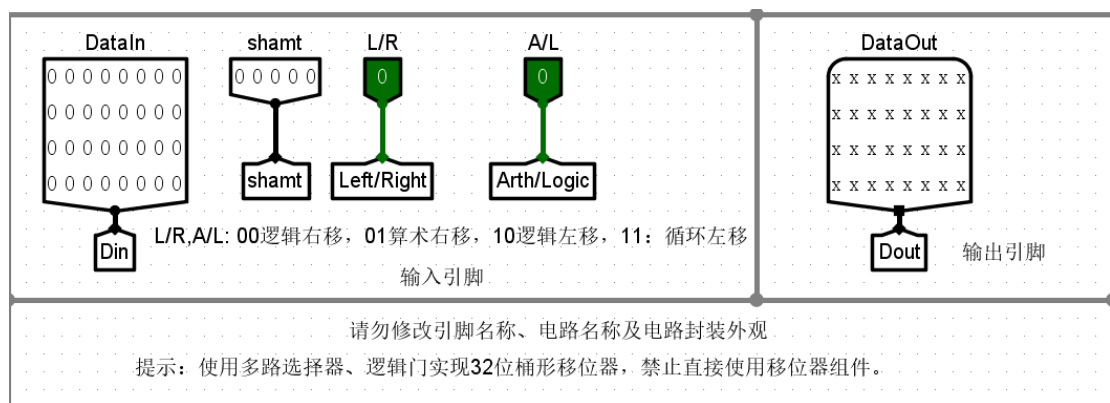


图 4.17 32 位桶形移位器布局图

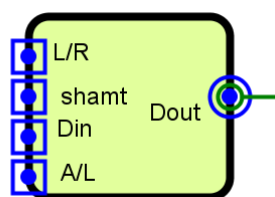


图 4.18 32 位桶形移位器子电路封装图

## 5. ALU 设计实验

ALU 是 CPU 中的核心数据通路部件之一，它主要完成 CPU 中需要进行的算术逻辑运算。RV32I 包括 4 种 ALU 指令：比较运算、移位运算、逻辑运算和算术运算。比较运算通过操作数相减然后判断标志位来生成结果；移位运算通过桶形移位器来实现左移和右移；逻辑运算可直接通过逻辑门阵列来实现；算术运算通过加法器以及生成的标志位来实现。ALU 在操作控制信号 ALUctr 的指示下，执行相关运算，Result 作为 ALU 运算的结果被输出，零标志 Zero 被作为 ALU 的结果标志信息输出。

通过对 RV32I 的指令分析，执行这些指令时，主要完成算术运算（加、减）、移位运算（左右移位、算术和逻辑移位）、逻辑运算（与、或、异或）、小于比较置数运算（带符号数和无符号数）、读取操作数 B 等操作。因此 ALU 的操作需要通过输入 ALUctr 信号生成 ALU 控制信号来确定，控制信号包括：SUBctr 用来控制 ALU 执行加法还是减法运算，当 SUBctr=1 时，做减法，当 SUBctr=0 时，做加法；SIGctr 信号控制 ALU 是执行“带符号整数比较小于置 1”还是“无符号数比较小于置 1”功能，当 SIGctr=1，则执行“带符号整数比较小于置 1”，当 SIGctr=0，则执行“无符号数比较小于置 1”；SFTctr 用来控制桶形移位器移位方向，当 SFTctr=0，则执行右移操作，当 SFTctr=1，则执行左移操作；ALctr 用来控制桶形移位器执行算术移位还是逻辑移位，当 ALctr=0，则执行逻辑移位，当 ALctr=1，则执行算术移位；OPctr[2:0]用来控制选择哪种运算的结果作为 Result 输出，因为有加法器和、按位或、按位与、按位异或、移位器输出、操作数 B 输出、小于置 1 等 7 种运算，所以输出结果的多路选择器的选择信号 OPctr 需要 3 位二进制数。图 4.14 给出一个

实现 RV32I 指令中运算的 ALU 原理图。

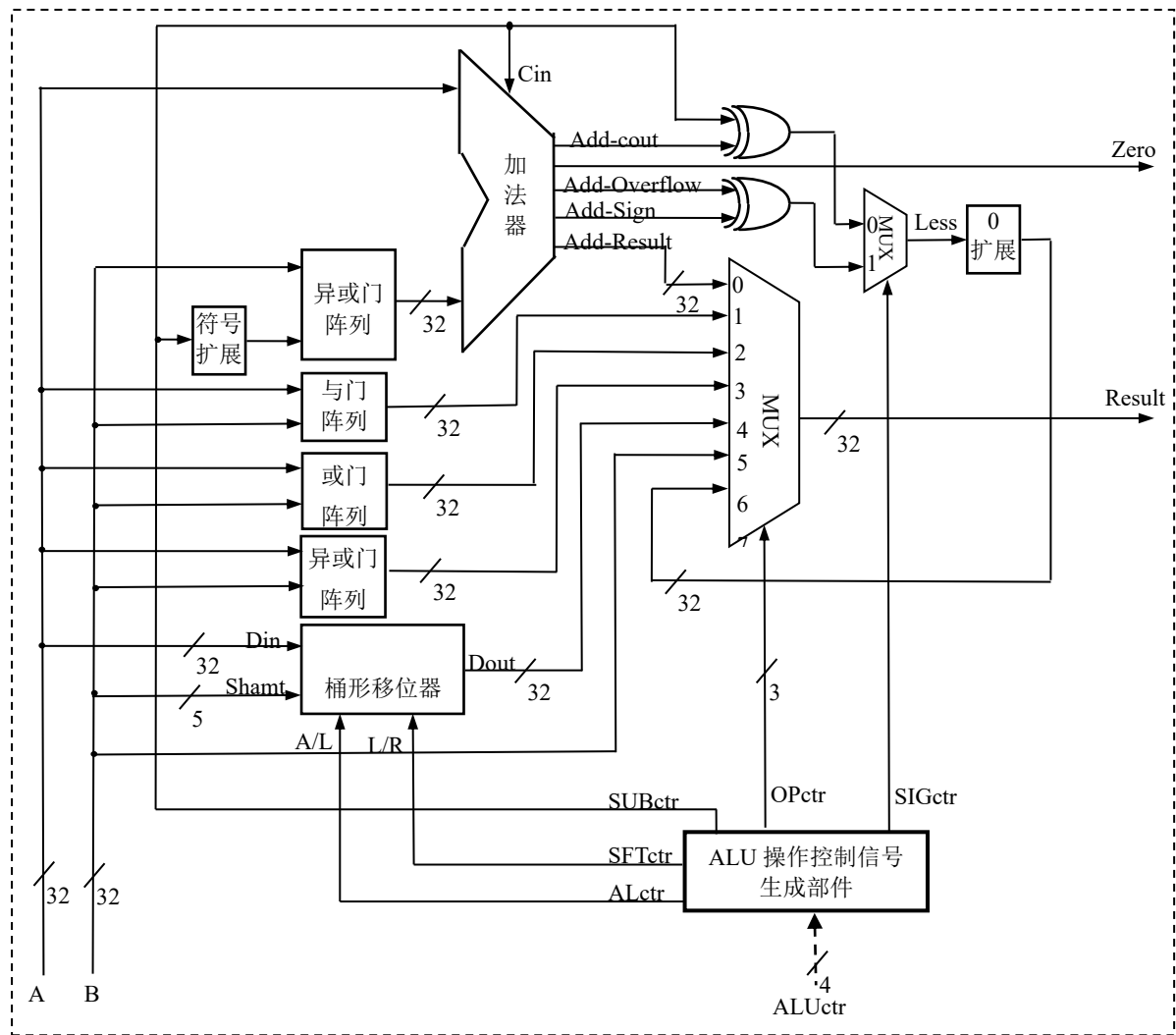


图 4.14 ALU 原理图

ALU 的操作控制与 RISC-V 指令中的 funct3 字段存在较强关系，因此，在对 ALUctr 进行编码时，可以根据 funct3 字段进行优化，使得后续控制器的设计变得更简单。表 4.1 给出了 ALUctr 的一种四位编码方案。

表 4.1 ALUctr 的四位编码及其对应的控制信号

ALUctr <3:0>	指令操作类型	SUBctr	SIGctr	ALctr	SFTctr	OPctr <2:0>	OPctr 的含义
0 0 0 0	auipc,addi,add,jal,jalr, lb,lh,lw,lbu,lhu,sb,sh,s w: 加法	0	×	×	×	000	选择加法器的结果输出
0 0 0 1	sll,slli: 逻辑左移	×	×	0	1	100	选择移位器结果输出
0 0 1 0	slt,slti,beq,bne,blt,bge : 带符号数小于比较	1	1	×	×	110	选择小于置位结果输出
0 0 1 1	sltu,sltui,bltu,bgeu: 无符号数小于比较	1	0	×	×	110	选择小于置位结果输出
0 1 0 0	xor,xori: 异或	×	×			011	选择“按位异或”结果输出



0 1 0 1	srl,srli: 逻辑右移	×	×	0	0	100	选择移位器结果输出
0 1 1 0	or,ori: 或运算	×	×	×	×	010	选择“按位或”结果输出
0 1 1 1	and,andi: 与运算	×	×	×	×	001	选择“按位与”结果输出
1 0 0 0	sub: 减法	1	×	×	×	000	选择加法器的结果输出
1 1 0 1	sra,srai: 算术右移	×	×	1	0	100	选择移位器结果输出
其余	(未用)						
1 1 1 1	lui: 取操作数 B	×	×	×	×	101	选择操作数 B 直接输出

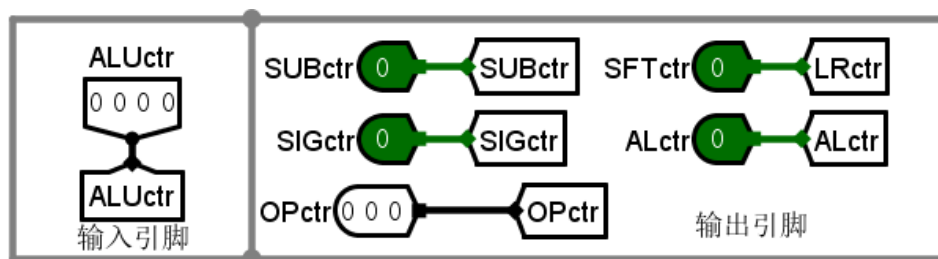
根据表 4.1 可以得到各输出控制信号的逻辑表达式，考虑到 ALUctr 编码的可扩展性，控制信号 SUBctr、SIGctr、ALctr、SFTctr、Opctr[2:0]对应的逻辑表达式使用最小项进行表示，不利用无关项，按照**最小风险法**进行化简。控制信号的最小项表达式如下：

$$\begin{aligned} \text{SUBctr} &= \sum m(2,3,8) \\ \text{SIGctr} &= m_2 \\ \text{ALctr} &= m_{13} \\ \text{SFTctr} &= m_1 \\ \text{Opctr}[2] &= \sum m(1,2,3,5,13,15) \\ \text{Opctr}[1] &= \sum m(2,3,4,6) \\ \text{Opctr}[0] &= \sum m(4,7,15) \end{aligned}$$

根据图 4.14 所示的 ALU 原理图可知，组成 32 位 ALU 的基本部件除了基本的逻辑门、多路选择器和扩展器外，较复杂的子电路包括一个 32 位加法器、32 位移位器和一个 ALU 操作控制部件。前述实验已经设计了一个 32 位加法器和 32 位桶形移位器并封装生成了相应的子电路，因此，还需要设计一个 ALU 操作控制部件，并将其封装成子电路。

ALU 设计实验步骤如下：

1) ALU 操作控制部件实验。在 Logisim 中添加 ALU 操作控制部件的子电路 ALUctrl，根据控制信号逻辑表达式，按照图 4.15 的组件布局图，在工作区中放置合适的逻辑门电路、多路选择器等组件。设置相应属性，进行线路连接，添加标识符和电路功能描述文字。改变输入数据，验证控制信号输出值，记录测试数据，验证电路的正确性。封装子电路如图 4.16 所示。



ALU操作控制信号生成部件

图 4.15 ALUctr 操作控制部件布局图

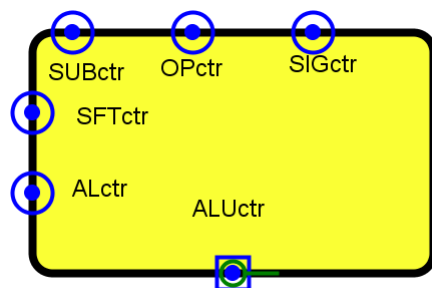


图 4.16 ALUctr 操作控制部件子电路封装图

2) 实现 32 位 ALU。在 Logisim 主电路的工作区中构建相应电路。参照图 4.14 所示的 ALU 原理图，按照图 4.19 所示的 ALU 组件布局图，加载 lab4.3 和 lab4.4 两个库文件。在工作区中放置所需的 32 位加法器、ALU 操作控制部件、32 位移位器、逻辑门阵列、多路选择器、位扩展器、探针等组件，设置相应属性，进行线路连接，添加标识符和电路功能描述文字，移位器的移动位数由操作数 B 的最低 5 位数决定。改变输入数据，验证输出信号的输出值，记录测试数据，验证电路的正确性。ALU 输入信号包括两个 32 位操作数 A、B 和一个 4 位 ALU 控制信号 ALUctr，输出信号包括一个 32 位结果数据 S 和一个 1 位结果为 0 的标志位 Zero，封装子电路如图 4.20 所示，保存电路设计文件。提示：由于 32 位加法器直接输出了 CF 标志位，因此不需要将 CIN 和 Adder-carry 异或来生成 CF，而是直接将加法器的 CF 输出端连到 2 选 1 多路选择器的输入端。修改主电路名称为 ALU，保存电路设计文件 lab4.5.circ。

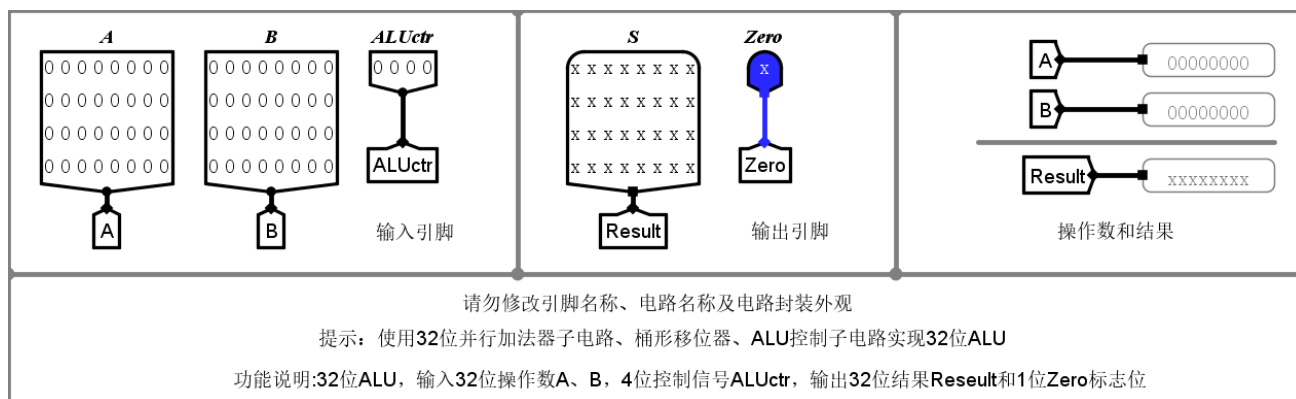


图 4.19 ALU 组件布局图

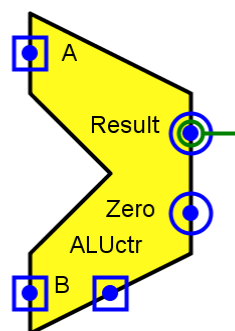


图 4.20 ALU 子电路封装图

3) 功能测试。按照表 4.1 中 ALUctr 编码的定义, 分别对 ALUctr 设置不同的值来设定 ALU 的操作功能, 对操作数 A 和 B 设置不同的输入值, 记录输出数据, 观察信号变化, 测试并验证操作功能。

#### 四、思考题

1. 将实验 3 中的快速乘法器设计电路扩展到 32 位无符号数相乘, 并探讨如何将该乘法器融合到实验中的 ALU 电路来实现乘法运算。
2. 在 RV32I 中新增一条指令, 然后在 ALU 中新增一个新运算, 并通过测试数据进行验证。
3. 如何实现 32 位无符号数除法器?