高级量化交易技术

闫涛 科技有限公司 北京 {yt7589}@qq.com

第1章 时间序列基本特性

Abstract

在本章中我们将讨论时间序列的基本特性,包括自相关性和平稳性。

1 时间序列基本特性

时间序列的自相关性是指时间序列过去与未来存在某种关系,是我们时间序列预测的基础。主要用自协方差函数(Autocovariance Function, AF)、自相关系数函数(Autocorrelation Coefficient Function, ACF)和偏自相关系数函数(Partial Autocorrelation Coefficient Function, PACF)来描述。

1.1 随机变量统计量

随机变量 X 其取值为 x 的均值定义为:

$$E(x) = \mu \tag{1}$$

方差定义为:

$$\sigma^2(x) = E\left[\left(x - \mu\right)^2\right] \tag{2}$$

其中 $\sigma(x)$ 为标准差。对于两个随机变量 x 和 y, 其协方差可以定义为:

$$\sigma(x,y) = E\left[\left(x - \mu_x\right)\left(y - \mu_y\right)\right] \tag{3}$$

在实际应用中,我们不可能知道真实的均值,只能使用统计量,因此协方差可以定义为:

$$Cov(x,y) = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$$
(4)

随机变量 x 和 y 的相关系数定义为:

$$\rho(x,y) = \frac{E[(x - \mu_x)(y - \mu_y)]}{\sigma_x \sigma_y} = \frac{\sigma(x,y)}{\sigma_x \sigma_y}$$
 (5)

采用统计量的表示方法为:

$$Cor(x,y) = \frac{Cov(x,y)}{std(x) \times std(y)}$$
(6)

以上我们讨论的都是不同随机变量之间的关系,对于时间序列来说,我们可以把从不同时间点开始的子时间序列,视为不同的随机变量,那么我们就可以定义自协方差、自相关系数函数和偏自相关系数函数了。

31st Conference on Neural Information Processing Systems (NIPS 2017), Long Beach, CA, USA.

1.2 时序序列平稳性

时序信号 x_t 的均值定义为:

$$E(x_t) = \mu(t) \tag{7}$$

时间序列的均值与所考虑的时间点有关。我们可以把时间序列上每个时间点都视为一个独立的时间变量,但是对于时间序列而言,每个时间点的随机变量只有一个观测值,怎么求出均值呢?在实际应用中,我们会将时间序列中的趋势信号(上涨或下跌)、季节性信号等从时间序列中去除掉,对于剩下的残差序列,我们可以视为其各个时间点上的随机变量的均值是不变的,于是就可以使用下面的公式来计算均值:

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{t=1}^{N} x_t \tag{8}$$

由此我们引入平稳时间序列的概念,对于平稳时间序列,其各个时间点上对应的随机变量 的均值相等。时间序列的方差可以定义为:

$$\sigma^{2}(t) = E[(x_{t} - \mu_{t})^{2}] \tag{9}$$

根据上面平稳时间序列的定义,各个时间点对应的随机变量的均值不变,则式9可以化间为:

$$\sigma^2(t) = E[(x_t - \mu)^2] \tag{10}$$

我们同时规定,平稳时间序列各个时间点对应的随机变量的方差也不变,则10可进一步化简为:

$$Var(x_t) = \frac{1}{N-1} \sum_{t=1}^{N} N(x_t - \bar{x})^2$$
(11)

1.3 自协方差

在讨论自协方差之前,我们首先要定义二阶平稳性。根据上一节定义,平稳时间序列是指各个时间点对应的随机变量的均值和方差相同。二阶平稳性是指在这一基础上,不同时间点对应的随机变量的相关系数只与时间相隔(lag)相关。注意:以下我们讨论的各种性质,均以此为前提。对于 lag=k 的自协方差定义为:

$$C_k = E[(x_t - \mu)(x_{t+k} - \mu)] \tag{12}$$

1.4 自相关系数函数 ACF

由于自协方差的大小与随机变量的大小有关,无法准确衡量其间的关系,因此我们引入自相关系数函数 ACF:

$$\rho_k = \frac{C_k}{\sigma^2} \tag{13}$$

由定义可知:

$$\rho_0 = \frac{C_0}{\sigma^2} = \frac{E[(x_t - \mu)(x_t - \mu)]}{\sigma^2}$$

$$= \frac{E[(x_t - \mu)^2]}{\sigma^2} = \frac{\sigma^2}{\sigma^2} = 1$$
(14)

在实际应用中,我们都是处理的离散数据点,则自协方差可以定义为:

$$c_k = \frac{1}{N} \sum_{t=1}^{N} (x_t - \bar{x})(x_{t+k} - \bar{x})$$
(15)

自相关系数函数 ACF 可以定义为:

$$r_k = \frac{c_k}{c_0} \tag{16}$$

1.5 自相关性举例

下面我们以上证综指时间序列为例,来看自相关系数函数 ACF 和偏自相关系数函数 PACF 的求法和作图,程序代码如下所示:

```
import pandas as pd
2 import matplotlib.pyplot as plt
  import matplotlib. dates as mdates
4 from matplotlib.font_manager import FontProperties
5 from statsmodels.tsa import stattools
6 from statsmodels.graphics import tsaplots
  class Chp023(object):
      def __init__(self):
Q
10
          self.name = 'Chp022'
          # 数据文件格式: 编号 日期 星期几 开盘价 最高价
11
          # 最低价 收益价 收益
12
          self.data_file = 'data/pqb/chp023_001.txt'
13
14
15
      def startup(self):
          print('第23章: 时间序列基本性质')
16
          data = pd.read_csv(self.data_file, sep='\t', index_col='Trddt')
17
          sh_index = data[data.Indexcd==1]
18
          sh_index.index = pd.to_datetime(sh_index.index)
          sh_return = sh_index.Retindex
20
21
          print('时间序列长为: N={0}'.format(len(sh_return)))
          acfs = stattools.acf(sh_return)
22
          print (acfs)
24
          pacfs = stattools.pacf(sh_return)
25
          print (pacfs)
          tsaplots.plot_acf(sh_return, use_vlines=True, lags=30)
26
          plt.show()
27
          tsaplots.plot_pacf(sh_return, use_vlines=True, lags=30)
28
          plt.show()
29
```

Listing 1: 时间序列基本性质

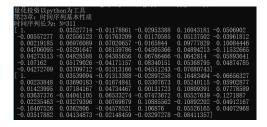
数据文件格式为:

Figure 1: 数据文件格式

```
Indexcd Trddt
                Daywk
                        Opnindex
                                   Hiindex Loindex Clsindex
                                                               Retindex
                   2112.126
    2014/1/2
                                2113.11 2101.016 2109.387
                                                               -0.003115
1
                4
    2014/1/3
                5
                    2101.542
                                2102.167
                                           2075.899
                                                       2083.136
                                                                   -0.012445
1
1
    2014/1/6
               1
                    2078.684
                                2078.684
                                            2034.006
                                                        2045.709
                                                                   -0.017967
    2014/1/7
                    2034.224
                                2052.279
                                           2029.246
                                                        2047.317
                                                                   0.000786
1
               2
    2014/1/8
                    2047.256
                                2062.952
                                            2037.11 2044.34 -0.001454
                3
                                                       2027.622
                                2057.196
1
    2014/1/9
                4
                    2041.773
                                            2026.446
                                                                   -0.008178
    2014/1/10
               5
                    2023.535
                                2029.297
                                           2008.007
                                                        2013.298
                                                                   -0.007064
1
    2014/1/13
                    2014.978
                                2027.181
                                           2000.404
                                                        2009.564
                                                                   -0.001855
```

其运行结果为:

Figure 2: 运行结果



在图2中,第一个数据为自相关系数函数 ACF 各期的值,而第二个数组为偏自相关系数函数 PACF 各期的值。判断时间序列是否具有自相关性,可以看除 ACF 和 PACF 中,除第一个元素外,有没有显著超过阈值的元素,阈值定义为:

$$threshold = \frac{1.96}{\sqrt{N}} = \frac{1.96}{\sqrt{311}} = 0.11$$
 (17)

式17中的 N 为时间序列样本数,在本例中,共有 311 条记录,故 N=311,所以其阈值为 0.11 左右。由于 acf[4]=0.16>0.11 所以可以推断其具有自相关性,同时 pacf[4]=0.16>0.11 也可以推断其具有自相关性。我们还可以通过图形的方式形像的表示出来,自相关系数函数图如所示:

Figure 3: 自相关系数函数图

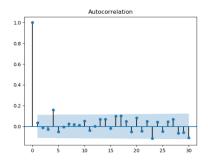
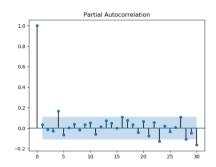


图3中蓝色区域的界限为 $[-\frac{1.96}{\sqrt{N}},\frac{1.96}{\sqrt{N}}]=[-0.11,0.11]$,除第 1 项外,其他项如果超出蓝色区域则说明此时间序列具有自相关性。偏自相关系数函数图为:

Figure 4: 偏自相关系数函数图



1.6 白噪声和随机游走

1.6.1 残差序列定义

我们要对任意时间序列 y_t 进行建模,我们的模型为 \hat{y}_t ,残差序列 x_t 可以定义为: $x_t = y_t - \hat{y}_t$,我们的任务就是使残差时间序列中每一个时间点对应的随机变量互相独立,没有自相关性,即满足独立同分布(Independent and Identical Distribution,I.I.D)条件。如果各个随机变量 $x_t \sim \mathbb{N}(0,\sigma^2)$,则称其为高斯白噪声。

1.6.2 差分运算符

为了后续讨论问题方便,我们首先定义 BSO 运算符:

$$Bx_t = x_{t-1} \quad B^n x_t = x_{t-n} \tag{18}$$

我们定义差分运算符为:

$$\nabla x_t = x_t - x_{t-1} = (1 - B)x_t$$

$$\nabla x_t^n = (x_t - x_{t-n})^n = (1 - B)^n x_t$$
(19)

1.6.3 白噪声定义

对于时间序列 $\{w_t, t = 1, 2, 3, ..., N\}$,满足 $\forall t \quad w_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$ 且 $\forall i \neq j \quad Cor(w_i, w_j) = 0$,则其为白噪声时间序列。

下面我们来看白噪声的二阶属性:

$$\mu = E(w_t) = 0$$

$$\gamma_k = Cor(w_t, w_{t+k}) = \begin{cases} 1 & if \quad k = 0\\ 0 & if \quad k \neq 0 \end{cases}$$
(20)

1.6.4 随机游走

随机游走(Random Walk)时间序列是指 x_t 可以定义为: $x_t = x_{t-1} + w_t$,其中 w_t 为白噪声时间序列。随机游走时间序列可以表示为:

$$x_{t} = x_{t-1} + w_{t} = Bx_{t} + w_{t}$$

$$x_{t} = x_{t-1} + w_{t} = x_{t-2} + w_{t-1} + w_{t}$$

$$\dots$$

$$x_{t} = w_{1} + w_{2} + \dots + w_{t-1} + w_{t}$$
(21)

所以随机游走时间序列可以看作是多个白噪声时间序列的叠加。下面我们来看随机游走时间序列的均值和协方差:

$$\mu = 0$$

$$\gamma_k(t) = Cov(x_t, x_{t+k}) = t\sigma^2$$
(22)

我们再来看随机游走序列的自相关系数函数 ACF:

$$\rho_k(t) = \frac{Cov(x_t, x_{t+k})}{\sqrt{Var(x_t) \cdot Var(x_{t+k})}}$$

$$= \frac{t\sigma^2}{\sqrt{t\sigma^2(t+k)\sigma^2}} = \frac{1}{\sqrt{1+\frac{k}{t}}}$$
(23)

在通常情况下, $t \, \text{比 } k \, \text{要大得多}$, 因此 ρ_k 会比较接近于 1。 下面我们来模拟一个随机游走时间序列信号, 程序如下所示:

```
def random_wale_demo(self):
2
          随机游走时间序列建模示例
          w = np.random.standard_normal(size=1000)
5
6
          for t in range(1, len(w)):
              x[t] = x[t-1] + w[t]
8
          plt.plot(x, c='b')
9
          plt.title('Random Walk Demo')
10
          plt.show()
          acfs = stattools.acf(x)
12
          print (acfs)
13
          tsaplots.plot_acf(x, use_vlines=True, lags=30)
14
          plt.show()
15
16
          # 拟合随机游走信号
17
          r = []
          for t in range (1, len(x)):
18
              r.append(x[t] - x[t-1])
19
          rd = np.array(r)
20
          plt.plot(rd, c='r')
          plt.title('Residue Signal')
22
          plt.show()
          rd_acfs = stattools.acf(rd)
24
25
          print(rd_acfs)
          tsaplots.plot_acf(rd, use_vlines=True, lags=30)
26
```

Listing 2: 随机游走过程模拟

我们首先通过 $x_t = x_{t-1} + w_t$ 生成一个随机游走信号,该信号图形如下所示:

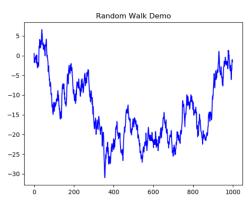


Figure 5: 随机游走时间序列信号

由图5可以看出,其非常像是一个股票收盘价的走势图,这也是为什么有些人说股票走势是随机游走过程了。接着我们求出该时间序列的自相关系数函数 ACF 及其自相关图,如下所示:

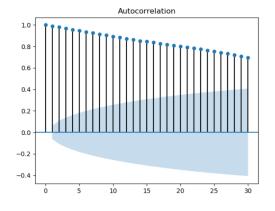
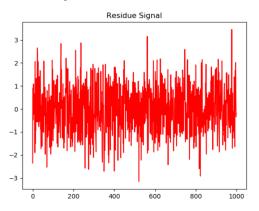


Figure 6: 随机游走时间序列信号

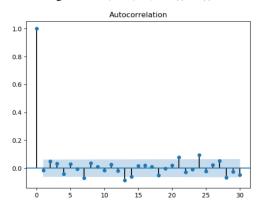
由图可以看出,其具有极强的自相关性,所有 ACF 值均位于蓝色置信区间之外。 我们知道 $x_t-x_{t-1}=w_t$,而 w_t 是白噪声时间序列信号,这实际上模拟了实际应用过程,我们把 x_t 视为实际的金融信号,而 x_{t-1} 为我们建模的信号,将两个信号相减,得到残差信号,如果残差信号是白噪声信号,就可以认为我们建模是合理的。下面来看我们得到的残差信号:

Figure 7: 残差时间序列信号



计算并绘制 ACF 如下所示:

Figure 8: 残差自相关系数函数



程序的运行结果如下所示:

Figure 9: 程序运行结果

```
量化投资以python为工具
第23章: 时间序列基本性质
[1. 0,98914742 0,97903129 0,96783309 0,95632931 0,94596796
0,93489265 0,92427096 0,91497217 0,90461824 0,89396843 0,88323481
0,87235068 0,86216894 0,85285975 0,84479971 0,83634853 0,82763235
0,81879369 0,81058584 0,80226346 0,79341307 0,78342443 0,77367788
0,76487486 0,75417161 0,74313034 0,73174875 0,71939583 0,7078342
0,6965237 0,6861672 0,6760541 0,66486422 0,65380632 0,64342133
0,63339216 0,62341977 0,6128232 0,60296489 0,59324119]
[1,00000000+00 -1,48521639e-02 5,06985700e-02 3,21625338e-02
-4,24342295e-02 2,86756161e-02 -4,41871354e-03 -7,18986605e-02
3,66200199e-02 1,21850369e-02 -1,59723171e-02 2,68915024e-02
-1,9413858e-02 8,95837565e-03 -4,99698205e-02 -3,38587649e-03
2,00536805e-02 7,92334588e-02 -2,79786314e-02 -8,84736489e-03
9,60908594e-02 -2,21958482e-02 2,21536791e-02 5,16706070e-02
-6,80076985e-02 -2,63520397e-02 -4,69741376e-02 7,80032912e-04
7,86023537e-02 -2,33883445e-02 -5,47155569e-02 -2,84822052e-02
-3,87128530e-03 2,09699285e-02 -5,18812130e-02 -2,84822052e-02
1,58564831e-02]
```

下面我们以上证综指收益率为例,来看随机游走模型是否可以很好的拟合这个时间序列,程序如下所示:

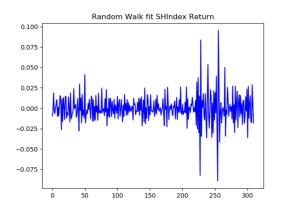
```
def random_walk_fit(self):
    data = pd.read_csv(self.data_file, sep='\t', index_col='Trddt')
    sh_index = data[data.Indexcd==1]
    sh_index.index = pd.to_datetime(sh_index.index)
```

```
sh_return = sh_index.Retindex
5
          print('时间序列长为: N={0}'.format(len(sh_return)))
6
          for t in range(1, len(sh_return)):
8
               r.append(sh_return[t] - sh_return[t-1])
9
10
          rd = np.array(r)
          plt.plot(rd, c='b')
11
          plt title ('Random Walk fit SHIndex Return')
12
13
          plt.show()
          rd_acfs = stattools.acf(rd)
14
15
          print(rd_acfs)
          tsaplots.plot_acf(rd, use_vlines=True, lags=30)
16
          plt.show()
17
```

Listing 3: 随机游走拟合上证综指收益率

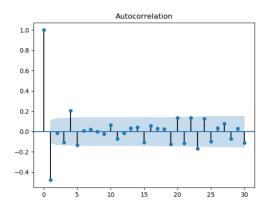
其残差图像为:

Figure 10: 残差图形



自相关系数函数 ACF 图形:

Figure 11: 自相关系数函数 ACF



由图<mark>11</mark>所示,在 1、4 时间点,明显超出置信范围,因此随机游走过程不能很好的拟合上证 综指收益率时间序列信号。程序的运行结果如下所示:

Figure 12: 程序运行结果

```
量化投资以python为工具
第23章: 时间序列基本性质
时间序列长为: N=311
[ 1.00000000e+00 -4.76495633e-01 -1.54901215e-02 -1.06305387e-01
2.07607804e-01 -1.33423618e-01 7.48593453e-03 2.06096879e-02
-6.05232517e-04 -2.38979190e-02 6.74201467e-02 -6.91058174e-02
-1.32615416e-02 3.58256731e-02 4.58501980e-02 -1.05971579e-01
5.84057765e-02 2.86644902e-02 2.44271741e-02 -1.21337912e-01
1.34541909e-01 -1.13442293e-01 1.34590834e-01 -1.67581384e-01
1.28908918e-01 -9.57150010e-02 3.63403946e-02 8.10977064e-02
-7.23949376e-02 2.91387907e-02 -1.08475502e-01 1.30374612e-01
-1.13879167e-01 8.04183633e-02 -1.16678698e-02 4.48580346e-02
-8.87779106e-02 6.77491004e-02 -9.87007838e-03 -1.07688287e-03
-4.10958841e-02]
```

第2章 ARIMA 模型

Abstract

在本章中我们将首先讲述自回归模型 AR(p),接着讲述移动平均 MA(q),最后讲解 ARMA(p,q),然后将其泛化为 ARIMA(p,d,q),分别将这些模型用于实际金融时间序列数据拟合。aqt001.py

2 ARIMA 模型

2.1 稳定性和模型选择标准

2.1.1 强稳定性

在我们以前的讨论中,我们说如果一个时间序列各个时间点所对应的随机变量,只要均值和方差不变,就是平稳时间序列。下面我们对强平稳性进行定义。对于一个时间序列 $\{x_t\}$,如果对于 $\forall t_i, m$,两个序列: $x_{t_1}, x_{t_2}, ..., x_{t_N}$ 和 $x_{t_1+m}, x_{t_2+m}, ..., x_{t_N+m}$ 的统计特性完全相同,则说明该时间序列为强平稳特性。

2.1.2 模型选择标准

我们将用 AIC 来进行模型选择,AIC 的全称为:Akaike Information Criterion,我们通常会选择 AIC 值较小的模型。在实际应用中,还可以使用 BIC 来进行模型选择,BIC 的全称为 Bayes Information Criterion。在本章中我们只用 AIC 来进行模型选择。假设统计模型的似然函数有 k 参数,最大似然值为 L,则 AIC 定义为:

$$AIC = -2\log(L) + 2k \tag{24}$$

由式24可知,最大似然值越大或者参数越少, AIC 的值越小,模型就越是好模型。

2.1.3 ADF 检验

在前面所讨论的问题中,我们通常根据自相关系数函数 ACF 和偏自相关系数函数 PACF 来 判断稳定性,但是主观性比较强,我们需要一个客观的标准。 我们首先来定义时间序列的阶数,对于下面的非平稳时间序列:

$$x_t = x_{t-1} + w_t (25)$$

其中 $w_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$ 为白噪声信号,且 $x_0 = 0$,我们可以得到其均值为:

$$E(x_t) = E(x_{t-1} + w_t) = E(x_{t-1}) + E(w_t) = E(x_{t-1}) = \dots = E(x_0) = 0$$
 (26)

同样我们可以得到其方差:

$$Var(x_t) = Var(x_{t-1} + w_t) = Var(x_{t-1}) + Var(w_t) = Var(x_{t-1}) + \sigma^2 = \dots = t\sigma^2$$
 (27)

 x_t 由于其各时间点对应的随机变量的方差随时间变化,因此不是平稳时间序列。 我们定义 1 阶差分算子:

$$\nabla x_t = Bx_t = x_t - x_{t-1} = w_t \tag{28}$$

对于 Bx_t 为白噪声信号,其显然是平稳时间序列,所以我们称 x_t 为 I(1) 的非平稳时间序列。 我们可以将其定义扩展到 n 阶:

$$Bx_t = x_{t-1}$$
 $B^2x_t = x_{t-2}$ $B^3x_t = x_{t-3}$... $B^nx_t = x_{t-n}$ (29)

我们还以上面的时间序列 $x_t = x_{t-1} + w_t$ 为例,我们可以将其写为:

$$x_t - x_{t-1} = x_t - Bx_t = (1 - B)x_t = w_t \tag{30}$$

式30中1-B 为滞后算子多项式,我们令1-B=0 得出的解为 B=1,其为单位根,所以其为非平稳时间序列。这一结论可以推广到更一般的情况,对于如下所示的时间序列:

$$y_t = (1+\rho)y_{t-1} - \rho y_{t-2} + w_t \tag{31}$$

其所对应的滞后算子多项式为:

$$y_t - (1 - \rho)By_t + \rho B^2 y_t = w_t \tag{32}$$

令式32左边为0,得到的解为: B=1 和 $B=\frac{1}{\rho}$,因为其存在单位根,所以其不是平稳时间序列。

对于任意如下所示时间序列:

$$y_t = \gamma + \rho_1 y_{t-1} + \rho_2 y_{t-2} + \dots + \rho_p y_{t-p} + w_t \tag{33}$$

其中 $w_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$ 为独立同分布 (i.i.d) 噪声信号。可以将式33改写为如下形式:

$$y_t = \gamma + \rho_1 B y_t + \rho_2 B^2 y_t + \dots + \rho_p B^p y_t + w_t$$
 (34)

将式34右边所有包含 y_t 的项都移到左边,可以得到下式:

$$(1 - \rho_1 B - \rho_2 B^2 - \dots - \rho_p B^p) y_t = \gamma + w_t$$
(35)

可以得到其对应的滞后算子多项式方程为:

$$1 - \rho(B) = 1 - \rho_1 B - \rho_2 B^2 - \dots - \rho_p B^p = 0$$
(36)

解这个方程,如果所有解的绝对值均大于1,则该时间序列为平稳时间序列,如果存在单位根或绝对值小于1的根,则其为非平稳时间序列。

以上我们讲解的判断时间序列平稳性的原理,在实际应用中,我们通常采用 ADF 来判断时间序列的平稳性,ADF 模型如下所示:

$$\Delta y_t = \alpha + \beta t + \gamma y_{t-1} + \delta_1 \Delta y_{t-1} + \delta_2 \Delta y_{t-2} + \dots + \delta_p \Delta y_{t-p} + w_t \tag{37}$$

其中 α 对应截距, β 对应趋势, $\delta_1\Delta y_{t-1}+\delta_2\Delta y_{t-2}+...+\delta_p\Delta y_{t-p}$ 为 ADF 的增广项,p 为增广项的期数,其值由 AIC 或 BIC 算法来决定。原假设 H_0 为该序列有单位根是非平稳时间序列: $\gamma=0$;备择假设 H_1 为该序列为平稳时间序列: $\gamma<0$ 。

这部分原理比较复杂,我们在实际应用中,通常使用 arch 包中的 ADF 函数来完成检验工作,其函数定义为:

$$ADF(y, lags, trend, max_lags, method)$$
 (38)

其中:

- y: 待判断的时间序列;
- lags: 滞后期数
- trend: 用来控制检验模型的类型
 - 'nc': 不含截距项;
 - 'c': 含截距项;
 - 'ct': 包含截距项和线性趋势项;
 - 'ctt': 包含截距项和线性趋势项以及二次趋势项;
- max lags: 最大期数
- method: 常用方法为: 'aic'、'bic'、't_stat'

下面我们通过一个例子来看怎样使用 ADF 方法,我们以上证综指收益率和收盘价这两个序列为例,我们首先需要安装 python 的 garch 库:

pip install arch

Listing 4: 随机游走拟合上证综指收益率

程序代码如下所示:

```
import arch. unitroot as unitroot
      def adf_demo(self):
3
          print ('ADF检验例程...')
         data = pd.read_csv(self.data_file, sep='\t', index_col='Trddt')
         sh_index = data[data.Indexcd==1]
         sh_index.index = pd.to_datetime(sh_index.index)
          sh_return = sh_index.Retindex
          sh_return_adf = unitroot.ADF(sh_return)
          print(sh_return_adf.summary().as_text())
10
          print('stat = \{0:0.4f\}; pvalue = \{0:0.4f\}'.format(sh_return_adf.stat,
      sh_return_adf.pvalue))
          print('critical_values:{0}'.format(sh_return_adf.critical_values)
          print('1%value={0}'.format(sh_return_adf.critical_values['1%']))
          if sh_return_adf.stat < sh_return_adf.critical_values['1\%']:
14
              print('上证综指收益率为平稳时间序列 ^_^')
15
         else:
16
              print('上证综指收益率为平稳时间序列 !!!!!!!!')
         sh_close = sh_index.Clsindex
18
          sh_close_adf = unitroot.ADF(sh_close)
19
          if sh_close_adf.stat < sh_close_adf.critical_values['1%']:</pre>
20
21
              print('上证综指收盘价为平稳时间序列 ^_^')
         else:
22
23
              print('上证综指收盘价为非平稳时间序列 !!!!!!)
```

Listing 5: ADF 检验

运行结果如下所示:

Figure 13: 自相关系数函数 ACF

由上面的结果可以看出,上证综指收益率是稳定的时间序列,收盘价却是不稳定的时间序列。

2.2 自回归模型

2.2.1 背景

我们可以扩展随机游走模型,使当前时间点数据不仅依赖前一时间点的值,同时还依赖前 p 个时间点的值,是这 p 个值的线性组合,这就得到了自回归模型。

2.2.2 模型定义

自回归模型 AR(p) 是随机游走模型的扩展, p 阶自回归模型定义为:

$$x_{t} = \alpha_{1}x_{t-1} + \alpha_{2}x_{t-2} + \dots + \alpha_{p}x_{t-p} + w_{t} = \sum_{i=1}^{p} \alpha_{i}x_{t-i} + w_{t}$$
(39)

其中 $\{w_t\}$ 为白噪声, $\alpha_i \in R \perp \alpha_p \neq 0$ 。 当 $p = 1 \perp \alpha_1 = 1$ 时,自回归模型就退化为随机游走模型。 为后续讨论方便,我们定义如下运算符:

$$\theta_p(B)x_t = (1 - \alpha_1 B - \alpha_2 B^2 - \dots - \alpha_p B^p)x_t = w_t \tag{40}$$

有了上述模型之后,我们就可以直接拿来作预测,如下所示:

$$\hat{x}_t = \alpha_1 x_{t-1} + \alpha_2 x_{t-2} + \dots + \alpha_p x_{t-p}$$

$$\hat{x}_{t+1} = \alpha_1 \hat{x}_t + \alpha_2 x_{t-1} + \dots + \alpha_p x_{t-p+1}$$
(41)

然后依此类推,可以求出其后 n 个时间点的预测值。

2.2.3 二阶特性

我们首先定义特性方程:

$$\theta_p(B) = 0 \tag{42}$$

解这个方程得到的解的绝对值必须大于才是平稳序列。我们可以举几个实例,首先是随机 游走序列:

随机游走 根据定义 $x_t = x_{t-1} + w_t$ 我们可以得到 $\alpha_1 = 1$,其特性方程为 $\theta = 1 - B = 0$,其解为 B = 1,因为其解的绝对值不大于 1,所以其不是平稳模型。

1 阶自回归 我们假设自回归模型为 $x_t = \frac{1}{4}x_{t-1} + w_t$, 其中 $\alpha_1 = \frac{1}{4}$, 其特性方程为 $\theta = 1 - \frac{1}{4} = 0$, 其解为 B = 4, 该解绝对值大于 1, 所以其是平稳模型。

2 阶自回归模型 我们假设自回归模型为 $x_t = \frac{1}{2}x_{t-1} + \frac{1}{2}x_{t-2} + w_t$,其特性方程为 $\theta_2(B) = \frac{1}{2}(1-B)(B+2) = 0$,则其解为 B=1,-2,其中一个解为单位根,其绝对值不大于 1,因此本模型不是平稳模型。虽然本模型不是平稳模型,但是其他 2 阶自回归模型是完全有可能是平稳模型的。

二阶特性 均值、自协方差、自相关系数定义如下所示:

$$\mu_x = E(x_t) = 0$$

$$\gamma_k = \sum_{i=1}^p \alpha_i \gamma_{k-i}, \quad k > 0$$

$$\rho_k = \sum_{i=1}^p \alpha_i \rho_{k-i}, \quad k > 0$$
(43)

2.2.4 模拟数据

下面我们来模拟一个 AR(2) 的时间序列, 我们的数据生成和拟合代码如下所示:

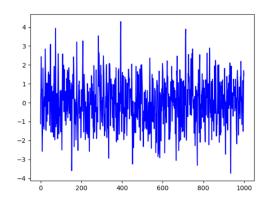
```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.dates as mdates
from matplotlib.font_manager import FontProperties
from statsmodels.tsa import stattools
from statsmodels.graphics import tsaplots
from statsmodels.tsa.arima_model import ARIMA
```

```
class Aqt001(object):
10
      def __init__(self):
11
           self.name = 'Aqt001'
12
14
      def startup(self):
           print ('ARMA模型...')
15
           self.simulate_ar2()
16
      def simulate_ar2(self):
18
           print('模拟AR(2)')
19
20
           alpha1 = 0.666
           alpha2 = -0.333
21
           wt = np.random.standard_normal(size=1000)
22
23
           x = wt
           for t in range(2, len(wt)):
24
25
               x[t] = alpha1 * x[t-1] + alpha2 * x[t-2] + wt[t]
           plt.plot(x, c='b')
26
           plt.show()
27
           28
29
30
                        ar2.aic, ar2.bic, ar2.hqic)
31
32
           arima2_0_0 = ARIMA(x, order=(2, 0, 0)). fit(disp=False)
           print('ARIMA: p=\{0\} **** {1}; q=\{2\}***{3}; {4} - {5} - {6}'.
34
                        \begin{array}{lll} \textbf{format} \, (\, arima2\_0\_0 \, . \, k\_ar \, , & arima2\_0\_0 \, . \, arparams \, , \end{array}
35
                        arima2\_0\_0.k\_ma\,,\ arima2\_0\_0.maparams\,,
36
                        arima2_0_0. aic, arima2_0_0. bic,
37
                        arima2_0_0.hqic)
38
39
           resid = arima2_0_0.resid
40
           # 绘制ACF
41
           acfs = stattools.acf(resid)
42
           print(acfs)
43
           tsaplots.plot_acf(resid, use_vlines=True, lags=30)
44
45
           plt.title('ACF figure')
46
           plt.show()
47
           pacfs = stattools.pacf(resid)
           print(pacfs)
48
           tsaplots.plot_pacf(resid, use_vlines=True, lags=30)
49
           plt.title('PACF figure')
50
           plt.show()
51
```

Listing 6: AR 数据模拟和拟合示例

我们首先生成一个 1000 个数据点的均值为 0 方差为 1 的白噪声数据,然后根据 $x_t = \alpha_1 x_{t-1} + \alpha_2 x_{t-2} + w_t = 0.666 \times x_{t-1} - 0.333 \times x_{t-2} + w_t$ 公式,生成拟合数据。我们绘制该模拟数据图像,接着我们分别用 ARMA 和 ARIMA 进行拟合,求出系数,然后计算出模拟选择的参数:AIC、BIC、HQIC 的值,最后我们求出模型拟合的残差,并绘制出残差自相关系数函数 ACF 和偏自相关系数函数 PACF 的图像。模拟数据图像为:

Figure 14: AR2 模拟生成数据图



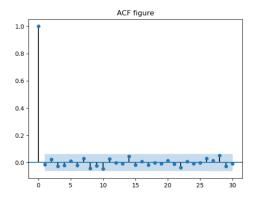
无论是 ARMA 还是 ARIMA 拟合,我们都可以得到较为正确的数据,同时残差的 ACF 和PACF 也表明其是白噪声序列,运行结果如下所示:

Figure 15: 程序运行结果

```
献化技術以外thon为工具
ARMA模型...
検利和に2...
p=2 ***** [ 0.67734879 -0.30934048]; q=0***[]: 2805.45882423338 - 2825.0898453493082 - 2812.919982104708
ARIMA: p=2 ***** [ 0.67734879 -0.30934048]; q=0***[]: 2805.45882423338 - 2825.0898453493082 - 2812.919982104708
[ 1.00000000+00 -1.27594914e-02 2.33980378e-02 -2.83973503e-02 -1.99624524e-02 1.17663389e-02 -1.95196868e-02 2.85292757e-02 -4.28202635e-02 -2.52670740e-02 -4.48889855e-02 2.56210627e-02 -3.07874134e-03 -6.99614103e-03 4.61211026e-02 -1.70347399e-02 6.79310491e-03 -1.76508823e-02 -3.03053920e-03 -7.93521381e-03 1.47847033e-02 -1.00313054e-02 -3.58293988e-02 6.74092169e-03 -8.77538910e-03 -4.66989248e-04 2.9322689e-02 1.34644761e-02 5.12227137e-02 -2.72023000e-02 -8.38201436e-03 -2.17939430e-02 -5.25994727e-02 -4.20756414e-02 -1.87352437e-02 1.33258139e-02 -1.32598149e-02] -1.32598149e-02] -1.32598149e-02] -1.32598149e-02] -1.32598149e-02] -1.32598149e-02] -1.001277226 0.0232856 -0.0279126 -0.02130531 0.0126565 -0.01921062 0.0265783 -0.04146117 -0.02846307 -0.04359029 0.02540431 -0.00479445 -0.00986858 0.04490654 -0.01232774 -0.03315738 0.00746495 -0.00865584 -0.008653967 0.03102144 0.01232774 -0.03515738 0.00746495 -0.00265584 -0.00863967 0.03102144 0.01232774 -0.01232784 -0.01232784 -0.015232784 -0.015232784 -0.015232784 -0.00865364 0.00865967 0.03102144 0.01232773 0.04966798 -0.0321584 -0.01507584 0.00265992 0.01972234 -0.01629268 -0.012333968]
```

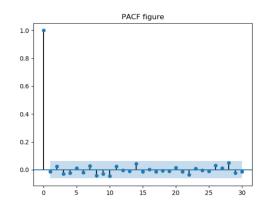
残差的自相关系数函数 ACF 图:

Figure 16: 残差的自相关系数函数 ACF 图



残差的偏自相关系数函数 PACF 图:

Figure 17: 残差的偏自相关系数函数 PACF 图



由 ACF 和 PACF 图可以看出,我们残差是比较典型的随机白噪声序列,由此可见我们拟合还是很好的。

2.2.5 展望

在理解了基本理论之后,我们将引入最终的 ARIMA 模型,并用 ARIMA 模型来拟合真实上证综指收盘价时间序列,并用我们的拟合模型来预测最后 5 日的收盘价,在这个实际例子中,看我们模型的表现如何。

2.3 ARIMA 模型

2.3.1 背景

我们不仅可以对当前时间点数值对之前时间点数值进行建模,我们也可以对前面时间点随机噪声对当前时间点的影响进行建模,同时由于原始信号可能非常不平稳,但是我们求出其差值序列后,可能就变为平稳序列了,这就是 ARIMA 模型要解决的问题。为了讨论 ARIMA 模型,我们首先介绍差分的概念:

$$\{x_1, x_2, ..., x_N\}$$

$$\{d_1^1, d_2^1, ..., d_{N-1}^1\} = \{x_2 - x_1, x_3 - x_2, ..., x_N - x_{N-1}\}$$

$$\{d_1^2, d_2^2, ..., d_{N-1}^2\} = \{d_2^1 - d_1^1, d_3^1 - d_2^1, ..., d_{N-1}^1 - d_{N-1}^1\}$$

$$(44)$$

上式中分别为原始时序信号,然后是一阶差分和二阶差分。

2.3.2 模型选择标准

BIC 定义 我们已经介绍过一个模型选择标准 AIC(Akaike Information Criterion),其会惩罚参数多的模型,因为这些模型容易产生过拟合(Overfitting)。接下来我们要介绍另一个模型选择参数 BIC(Bayes Information Criterion),与 AIC 相比,其会更倾向于惩罚参数多的模型,同样是值越小越好,BIC 定义如下所示:

$$BIC = -2\log(L) + k\log N \tag{45}$$

其中 L 为似然函数的最大值, k 为模型的参数, N 为数据点个数。

Ljung-Box 检测 我们的缺省假设 H_0 为:对于一个拟合的时序信号,对所有滞后时点 lags,都是独立同分布(i.i.d)的,即不存在相关性。 备择假设 H_a 为:这些信号不是独立同分布(i.i.d)的,具有相关性。 我们定义统计量 Q:

$$Q = n(n+2) \sum_{k=1}^{h} \frac{\hat{\rho}_k^2}{n-k}$$
 (46)

式46中n为时间序列长度,h为最大滞后期数, ρ_k 第 k 自相关系数。Ljung-Box 检测原理比较复杂,但是在 python 语言中,经过运算可以求出 Q 值,以及大于 Q 值的概率,实际上我们看 $1\sim12$ 滞后期的 Q 值和大于 Q 值的概率,如果该概率小于显著水平如 0.05 时,就拒绝缺省假设(不存在相关性),选择备择假设,否则反之。

2.3.3 定义

同时考虑之前时间点的信号和噪声值,我们就可以得到如下 ARMA 模型:

$$x_{t} = \alpha_{1}x_{t-1} + \alpha_{2}x_{t-2} + \dots + \alpha_{p}x_{t-p} + w_{t} + \beta_{1}w_{t-1} + \beta_{2}w_{t-2} + \dots + \beta_{q}w_{t-q}$$
(47)

如果我们对欲研究的信号求出一阶或二阶差分,然后再利用式47的模型,就是 ARIMA 模型了。其中 $\{w_t\}$ 为白噪声,其均值为 0,方差为 σ^2 。 其特性方程可以表示为:

$$\theta_p(B)x_t = \phi_q(B)w_t \tag{48}$$

由上面的讨论可以看出, AR(p) 和 MA(q) 都是 ARIMA 模型的特殊情况, 在同样精度的条件下, ARIMA 模型所需参数最小。

2.3.4 数据仿真

在理解了 ARIMA 模型定义之后, 我们来模拟一下 ARIMA 过程。假设我们要模拟的 ARIMA 模型为:

$$x_{t} = \alpha_{1}x_{t-1} + \alpha_{2}x_{t-2} + w_{t} + \beta_{1}w_{t-1} + \beta_{2}w_{t-2}$$

$$= 1.2 \times x_{t-1} - 0.7 \times x_{t-2} + w_{t} - 0.06 \times w_{t-1} - 0.02 \times w_{t-2}$$
(49)

生成模拟数据并利用 ARIMA 拟合的程序如下所示:

```
def simulate_arima_p_d_q(self):
           print('模拟ARIMA(p,d,q)过程')
           np.random.seed(8)
           alpha1 = 1.2
           alpha2 = -0.7
           beta1 = -0.06
6
           beta2 = -0.02
          w = np.random.standard_normal(size=1000)
           x = w
Q
10
           for t in range (2, len(w)):
               x[t] = alpha1 * x[t-1] + alpha2*x[t-2] + w[t] + beta1 * w[t]
11
      -1] + beta2*w[t-2]
           plt.plot(x, c='b')
12
           plt.title('ARIMA(p, d, q) Figure')
13
14
           plt.show()
           # 查看ACF
           acfs = stattools.acf(x)
16
           print('ARIMA(q,d,q) ACFS:\r\n{0}'.format(acfs))
17
           tsaplots.plot_acf(x, use_vlines=True, lags=30)
18
           plt.title('ARIMA(p,d,q) ACF')
19
20
           plt.show()
           # ARIMA拟合
           min_ABQIC = sys.float_info.max
22
           arima_model = None
23
           break_loop = False
24
25
           for p in range (0, 5):
26
               if break_loop:
27
                   break
28
29
               for q in range (0, 5):
                   print('try \{0\}, d, \{1\}...'.format(p, q))
30
31
                   try:
                        arima_p_d_q = ARIMA(x, order=(p, 0, q)). fit(disp=
32
      False)
                        print('.... fit ok')
33
34
                        if arima_p_d_q.aic < min_ABQIC:
                            print('.... record good model')
35
                            min\_ABQIC = arima\_p\_d\_q. aic
36
                            arima_model = arima_p_d_q
37
                            #if 1 == p and 1 == q:
38
                            #
                                break loop = True
39
40
                   except Exception as ex:
                        print('....!!!!!! Exception')
41
```

```
42
43
                      arima_model.k_ma, arima_model.maparams,
44
                      arima_model.aic, arima_model.bic,
45
                      arima_model.hqic)
46
47
48
          arima_model = ARIMA(x, order=(2, 0, 2)). fit(disp=False)
49
          print('God_View:ARIMA: p=\{0\} **** {1}; q=\{2\}***{3}; {4} - {5} -
50
                      format(arima_model.k_ar, arima_model.arparams,
51
                      arima_model.k_ma, arima_model.maparams,
52
                      arima_model.aic, arima_model.bic,
53
                      arima_model.hqic)
54
55
         )
56
          resid = arima_model.resid
         # 绘制ACF
57
          acfs = stattools.acf(resid)
58
          print (acfs)
59
          tsaplots.plot_acf(resid, use_vlines=True, lags=30)
60
          plt.title('ARIMA(p,d,q) ACF figure')
61
          plt.show()
62
          pacfs = stattools.pacf(resid)
63
          print(pacfs)
64
          tsaplots.plot_pacf(resid, use_vlines=True, lags=30)
65
          plt.title('ARIMA(p,d,q) PACF figure')
66
          plt.show()
67
```

Listing 7: AR 数据模拟和拟合示例

生成的时序信号 x 为:

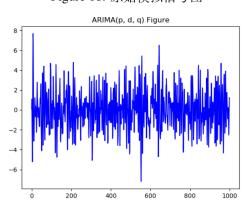
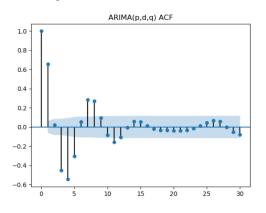


Figure 18: 原始模拟信号图

该信号的自相关系数函数 ACF 图为:

Figure 19: 原始模拟信号 ACF 图



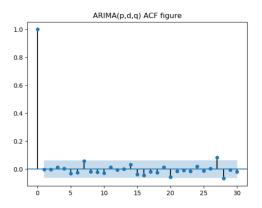
由图中可以看出,该信号具有非常强的自相关性。 接着我们用 ARIMA 模型来模拟该信号,上面程序注释部分为求最佳 ARIMA 模型的 p 和 q 参数,以 AIC 作为模型选择标准,因为我们知道模型为 ARIMA(2,0,2),所以我们同时也用 ARIMA(2,0,2) 来进行拟合,程序运行结果如下所示:

Figure 20: 程序运行结果

```
議化投資以外thon为工具
ARM核型...
(機和ARMA(p. d. q) 注程
ARMA(p. d. q) 立程
ARMA(p. d. q) 立体
ARMA(p. d. q
```

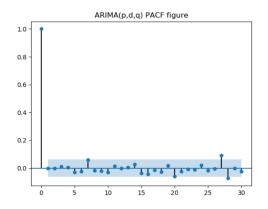
接着我们求出残差序列, 残差序列自相关系数函数 ACF 图如下所示:

Figure 21: 残差自相关系数函数 ACF 图



残差序列偏自相关系数函数图 PACF 如下所示:

Figure 22: 残差偏自相关系数函数 ACF 图



由图中可以看出,残差序列基本上是白噪声信号。

2.3.5 金融数据拟合及预测

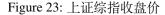
接下来我们用 ARIMA 模型,来拟合上证综指收盘价,我们利用除最后3天的数据来得出 ARIMA 模型,然后利用拟合出的 ARIMA 模型来预测后3天的收盘价,来看我们模型的性能。根据经验,对于股票的收盘数据来说,采用取对数后再求1阶差分的形式,可以取得更好的效果,因此我们会先对数据进行预处理,然后再来用ARIMA 模型来拟合数据。程序如下所示:

```
def arima_demo(self):
           register_matplotlib_converters()
2
           data = pd.read_csv(self.data_file, sep='\t', index_col='Trddt')
           sh_index = data[data.Indexcd==1]
           sh_index.index = pd.to_datetime(sh_index.index)
           raw_data = sh_index.Clsindex
           train_data = raw_data[:-3]
           close_price = np.log(train_data)
8
9
           plt.plot(close_price)
10
           plt.show()
           print(train_data.head(n=3))
11
           # ARIMA拟合
           min_ABQIC = sys.float_info.max
13
           arima_model = None
           for p in range (0, 5):
15
                for q in range (0, 5):
16
                    print('try \{0\}, d, \{1\}...'.format(p, q))
18
                    try:
                        arima_p_d_q = ARIMA(close_price, order=(p, 1, q)). fit
19
      (disp=False)
                        print('.... fit ok')
20
                         if arima_p_d_q.aic < min_ABQIC:
21
22
                             print('.... record good model')
                             min_ABQIC = arima_p_d_q.aic
23
                             arima_model = arima_p_d_q
24
                    except Exception as ex:
25
           print('.....!!!!!!! \{0\}'.format(ex))
print('ARIMA: p=\{0\} **** \{1\}; q=\{2\}***\{3\}; \{4\} - \{5\} - \{6\}'. \
26
27
                        format(arima_model.k_ar, arima_model.arparams,
28
                        arima_model.k_ma, arima_model.maparams,
29
                        arima_model.aic, arima_model.bic,
30
31
                        arima_model.hqic)
32
           resid = arima_model.resid
34
           # 绘制ACF
35
           acfs = stattools.acf(resid)
           print(acfs)
36
```

```
 tsaplots.plot\_acf(resid, use\_vlines=True, lags=30) \\ plt.title('ARIMA(p,d,q) ACF figure') 
37
38
           plt.show()
39
           pacfs = stattools.pacf(resid)
40
41
           print(pacfs)
            tsaplots.plot_pacf(resid, use_vlines=True, lags=30)
42
           plt.title('ARIMA(p,d,q) PACF figure')
43
           plt.show()
44
           # ADF 检验
45
           resid_adf = unitroot.ADF(resid)
46
47
           print('stat=\{0:0.4\,\mathrm{f}\}\ \mathrm{vs}\ 1\%_{\mathrm{cv}}=\{1:0.4\,\mathrm{f}\}'.format(resid_adf.stat,
       resid_adf.critical_values['1%']))
           if resid_adf.stat < resid_adf.critical_values['1%']:</pre>
48
                print('resid 为稳定时间序列 ^_^')
49
           else:
50
                print('resid为非稳定时间序列!!!!!')
51
           # Ljung-Box 检验
52
           resid_ljung_box = stattools.q_stat(stattools.acf(resid)[1:12],
53
      len (resid))
           resid_lbv = resid_ljung_box[1][-1]
54
           print('resid_ljung_box_value={0}'.format(resid_lbv))
55
           # 0.05 为显著性水平
56
           if resid_lbv < 0.05:
57
                print('resid 为平稳时间序列 ^_^')
58
59
           else:
                print('resid为非平稳时间序列!!!!!!')
60
           # 预测
61
           y = arima_model.forecast(3)[0] #(len(train_data), len(raw_data),
62
      dynamic=True)
           print('预测值: {0}'.format(np.exp(y)))
print('row_data:{0}'.format(raw_data))
63
64
           print('train_data:{0}'.format(train_data))
```

Listing 8: ARIMA 数据拟合上证综指收盘价

我们首先绘制出上证综指收盘价曲线:



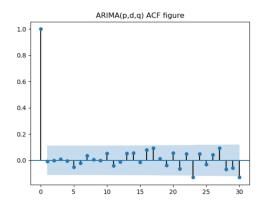


接着我们对该数据经过对数差分后,利用 ARIMA 来进行拟合,得到拟合模型为:

Figure 24: 拟合后的 ARIMA 模型

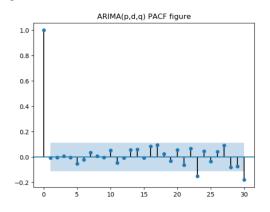
残差序列的自相关系数函数 ACF 图为:

Figure 25: 残差序列的自相关系数函数 ACF 图



残差序列的偏自相关系数函数 PACF 图为:

Figure 26: 残差序列的偏自相关系数函数 PACF 图



进行 ADF 检验的结果为:

Figure 27: ADF 检验的结果

stat=-17.5787 vs 1%_cv=-3.4519 resid为稳定时间序列

进行 Ljung-Box 检验结果为:

Figure 28: Ljung-Box 检验结果

resid_1jung_box_value=0.9915215214530787 resid为非平稳时间序列!!!!!!

最后我们拿我们的模型进行预测,后三天的预测结果为:

Figure 29: ARIMA 模型预测后三天结果

预测值: [3958.4030514 3982.14296761 3990.28084529]

实际值为:

Figure 30: 实际收盘价

2015-04-09	3957. 534	
2015-04-10	4034. 310	
2015-04-13	4121.715	
2015-04-14	4135. 565	

我们看到,我们的模型基本预测出了后三天的连涨行情,只不过上涨的幅度有一些小。

第3章 GARCH 模型

Abstract

在本章中我们将首先讲述条件异方差模型 GARCH (Generalized AutoRegressive Conditional Heteroskedastic),并将 GARCH 模型用于实际金融时间序列数据拟合。aqt002.py

3 GARCH 模型

我们之前讨论的时序信号,都是假定其为平稳的。但是有很多时序信号,如某些商品的需求或价格,会随着季节的变化而发生变化,股票的价格为出现长时间的上涨或下跌趋势,在这些情况下,使用 ARIMA 模型的效果就不太好。对于我们要研究的股票数据,由于市场上很多交易是由大机构的算法来进行交易的,当出现价格明显示上涨或下跌时,会自动触发这些算法进行交易,从而放大了这种上涨或下跌趋势。这种情况我们称之为异方差,研究这种现象的方法我们称之为通用自回归条件异方差 GARCH(Generalized AutoRegression Conditional Heteroskedasticity)模型。

3.1 定义

3.1.1 ARCH 模型

我们先来看较为简单的自回归条件异方差 ARCH 模型,我们假设时序信号如下所示:

$$\epsilon_t = \sigma_t w_t \tag{50}$$

其中 w_t 为白噪声序列, σ_t 的定义如下所示:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 \epsilon_{t-1}^2 \tag{51}$$

这个模型我们称之为 ARCH(1) 模型。我们以这个简单的模型为例,来说明 ARCH(1) 模型是对时序信号方差的变化进行建模。我们首先来看时间序列 $\{\epsilon_t\}$ 的均值:

$$E(\epsilon_t) = E(\sigma_t w_t) = E(\sigma_t) E(w_t) = 0$$
(52)

我们再来看时间序列 $\{\epsilon_t\}$ 的方差:

$$Var(\epsilon_{t}) = E(\epsilon_{t} - E(\epsilon_{t}))^{2} = E(\epsilon_{t}^{2} - 2\epsilon_{t}E(\epsilon_{t}) + (E(\epsilon_{t}))^{2})$$

$$= E(\epsilon_{t}^{2}) - 2E(\epsilon_{t})E(\epsilon_{t}) + (E(\epsilon_{t}))^{2} = E(\epsilon_{t}^{2}) - (E(\epsilon_{t}))^{2}$$

$$= E(\epsilon_{t}^{2}) = E(\sigma_{t}^{2}w_{t}^{2}) = E(\sigma_{t}^{2})E(w_{t}^{2}) = E(\alpha_{0} + \alpha_{1}\epsilon_{t-1}^{2})$$

$$= \aleph_{0} + \alpha_{1}E(\epsilon_{t-1}^{2}) = \alpha_{0} + \alpha_{1}Var(\epsilon_{t-1})$$
(53)

在上面的公式推导中,我们用到了 $\{w_t\}$ 为白噪声信号,其均值为 0,方差为 1。 了解了基本 ARCH 模型之后,我们可以将 ARCH(1) 模型扩展到 ARCH(p) 模型,这里我们就不再展开了,将在下一节 GARCH 模型中进行详细介绍。

3.1.2 GARCH 模型

对于时间序列信号 $\{\epsilon_t\}$ 其表达式为:

$$\epsilon_t = \sigma_t w_t \tag{54}$$

其中 $\{w_t\}$ 为白噪声信号, 其均值为 0 方差为 1。其 σ_t^2 的定义为:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \sum_{i=1}^p \alpha_i \epsilon_{t-i}^2 + \sum_{j=1}^q \beta_j \sigma_{t-j}^2$$
 (55)

其中 α_0 、 α_i 、 β_i 为参数。

3.2 数据模拟

为了对问题进行简化,我们在这里只模拟 GARCH(1,1) 模型,具体欲模拟的时间序列信号如下所示,在 arch 包的 GARCH 模型中,我们研究的信号为 r_t ,并且多出一个参数 μ :

$$r_{t} = \epsilon_{t} + \mu$$

$$\epsilon_{t} = \sigma_{t} w_{t}$$

$$\sigma_{t}^{2} = \omega + \alpha_{1} \epsilon_{t-1}^{2} + \beta_{1} \sigma_{t-1}^{2} = 0.2 + 0.5 \epsilon_{t-1}^{2} + 0.3 \sigma_{t-1}^{2}$$
(56)

其程序如下所示:

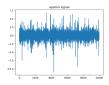
```
1 import sys
2 import math
3 import numpy as np
4 import pandas as pd
from pandas.plotting import register_matplotlib_converters
6 import matplotlib.pyplot as plt
7 import matplotlib.dates as mdates
8 from matplotlib.font_manager import FontProperties
9 from statsmodels.tsa import stattools
10 from statsmodels.graphics import tsaplots
from statsmodels.tsa.arima_model import ARIMA
12 import arch. unitroot as unitroot
13 import arch as arch
  class Aqt002(object):
      def __init__(self):
16
          self.name = 'Aqt001'
17
          #数据文件格式: 编号 日期 星期几 开盘价 最高价
18
          # 最低价 收益价 收益
19
          # Indexcd
                      Trddt Daywk
                                       Opnindex
                                                   Hiindex
20
          # Loindex
                      Clsindex
                                  Retindex
21
          self.data_file = 'data/pqb/aqt002_001.txt'
22
      def startup(self):
          print('GARCH模型...')
25
          np.random.seed(1)
26
27
          alpha0 = 0.2
          alpha1 = 0.5
28
          beta1 = 0.3
29
30
          samples = 10000 # 样本数量
          w = np.random.standard_normal(size=samples)
31
          epsilon = np.zeros((samples,), dtype=float)
32
          sigma = np.zeros((samples,), dtype=float)
          for i in range (2, samples):
34
              sigma_2 = alpha0 + alpha1 * math.pow(epsilon[i-1], 2) + 
35
36
                          beta 1 * math.pow(sigma[i-1], 2)
              sigma[i] = math.sqrt(sigma_2)
37
              epsilon[i] = sigma[i]*w[i]
38
39
          plt.title('epsilon signal')
          plt.plot(epsilon)
40
```

```
plt.show()
41
          # 绘制epsilonACFS
42
          acfs = stattools.acf(epsilon)
43
          tsaplots.plot_acf(epsilon, use_vlines=True, lags=30)
44
          plt.title('epsilon ACF')
45
          plt.show()
          # 绘制epsilon pow2 ACF
47
          acfs2 = stattools.acf(np.power(epsilon, 2))
48
          tsaplots.plot_acf(np.power(epsilon, 2), use_vlines=True, lags=30)
49
          plt.title('pow(epsilon,2) ACF')
50
51
          plt.show()
          # GARCH拟合
52
          am = arch.arch_model(epsilon, x=None, mean='Constant',
53
54
                       lags=0, vol='Garch', p=1, o=0, q=1,
                       power=2.0, dist='Normal', hold_back=None)
55
          model = am. fit (update_freq=0)
56
57
          # GARCH(1,1)参数
          print('######### GARCH(1,1) 参数 ############")
58
59
          print('model_type:{0}'.format(type(model)))
          print('mu=\{0:0.2f\}; a0=\{1:0.2f\}; a1=\{2:0.2f\}; b1=\{3:0.2f\}' \
60
                       . format (model.params['mu'], model.params['omega'],
61
                       model.params['alpha[1]'], model.params['beta[1]']
62
          print('################")
63
          # print ( model . summary ( ) )
64
          # 残差信号
65
          plt.title('GARCH(1,1) resid')
66
          plt.plot(model.resid)
67
          plt.show()
68
69
          # 残差ACF
          resid_acf = stattools.acf(model.resid)
70
          tsaplots.plot_acf(model.resid, use_vlines=True, lags=30)
71
72
          plt.title('GARCH(1,1) resid ACF')
          plt.show()
74
          # ADF檢验
          resid_adf = unitroot.ADF(model.resid)
          print('stat = \{0:0.4f\} vs 1\%_{cv} = \{1:0.4f\}'.format(\
76
                       resid_adf.stat , resid_adf.critical_values['1%']))
77
          if resid_adf.stat < resid_adf.critical_values['1%']:</pre>
78
              print ('resid 为稳定时间序列 ^_^')
          else:
80
              print('resid为非稳定时间序列!!!!!')
81
          # Ljung-Box 检验
82
          resid_ljung_box = stattools.q_stat(stattools.acf( \)
83
                       model.resid)[1:12], len(model.resid))
84
          resid_lbv = resid_ljung_box[1][-1]
85
86
          print('resid_ljung_box_value={0}'.format(resid_lbv))
87
          # 0.05 为显著性水平
          if resid_lbv < 0.05:
88
               print ('resid 为平稳时间序列 ^_^')
          else:
90
               print ('resid 为非平稳时间序列!!!!!!')
91
          # 预测
92
          y = model.forecast(horizon=3)
93
          print('######## 预测值 ########")
94
          print('len=\{0\}; p1=\{1:0.3f\}; p2=\{2:0.3f\}; p3=\{3:0.3f\}'.
95
                       format (len (y. mean. iloc [-1]), y. mean. iloc [-1][0],
96
                       y. mean. iloc [-1][1], y. mean. iloc [-1][2])
97
          print('##############")
98
```

Listing 9: GARCH 拟合模拟数据

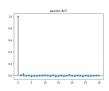
我们欲拟合的时间序列信号为:

Figure 31: 拟拟合的时间序列



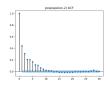
该时间序列的自相关系数函数 ACF 图:

Figure 32: epsilon 的自相关系数函数 ACF 图



由上图可以看出,其基本是一个平稳时间序列。我们取其平方,其自相关系数函数 ACF 图如下所示:

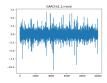
Figure 33: pow(epsilon,2) 的自相关系数函数 ACF 图



由上图可以看出,将其平方后,其就是不平稳的时间序列了。GARCH 模型就是来处理这种情况的。

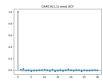
我们采用 GARCH 进行拟合后,得到的残差信号为:

Figure 34: GARCH(1,1) 残差序列



残差信号的自相关系数函数 ACF 图为:

Figure 35: GARCH(1,1) 残差序列自相关系数函数 ACF 图



程序的运行结果如下所示:

Figure 36: 程序运行结果



由上图可知,我们对 GARCH(1,1) 模型的参数预测还是相当准确的,说明我们方法是正确的。

3.3 金融数据拟合

下面我们以上证综指的收盘价为例,来讨论 GARCH 拟合预测后三天股价问题。对于收盘价这样的信号,我们仍然采用对数一阶差分形式来作为建模的时间序列,我们用 GARCH(3,2)来进行拟合,程序如下所示:

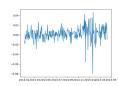
```
def garch_finance_demo(self):
           print('拟合上证综指收盘价...')
2
           register_matplotlib_converters()
           data = pd.read_csv(self.data_file, sep='\t', index_col='Trddt')
           sh_index = data[data.Indexcd==1]
5
           sh_index.index = pd.to_datetime(sh_index.index)
6
           sh_return = sh_index.Retindex
           # raw_data = sh_index. Retindex
8
           raw_data = sh_index.Clsindex
9
           train_data = raw_data[:-3]
10
11
           dcp = np.log(train_data).diff(1)[1:]
12
           plt.plot(dcp)
           plt.show()
13
14
           # GARCH拟合
           \begin{array}{lll} am = arch.arch\_model(dcp\,,\ x=None\,,\ mean='Constant'\,,\\ & lags=0\,,\ vol='Garch'\,,\ p=3\,,\ o=0\,,\ q=2\,, \end{array}
15
16
                        power=2.0, dist='Normal', hold_back=None)
17
           model = am. fit (update_freq=0)
18
           # GARCH(1,1)参数
19
           print('######### GARCH(1,1) 参数 ############")
20
           print ('mu=\{0:0.2f\}; a0=\{1:0.2f\}; a1=\{2:0.2f\}; a2=\{3:0.2f\}, b1
      = \{4:0.2f\}, b2 = \{5:0.2f\}'
                         . format (model.params ['mu'], model.params ['omega'],
23
                        model.params['alpha[1]'], model.params['alpha[2]'],
24
      model.params['beta[1]'], model.params['beta[2]']
25
           print('#############")
26
           resid = model.resid
27
           # 绘制ACF
28
           acfs = stattools.acf(resid)
29
           print(acfs)
30
31
           tsaplots.plot_acf(resid, use_vlines=True, lags=30)
           plt.title('GARCH(p,q) ACF figure')
32
           plt.show()
34
           pacfs = stattools.pacf(resid)
35
           print(pacfs)
36
37
           tsaplots.plot_pacf(resid, use_vlines=True, lags=30)
           plt.title('ARIMA(p,d,q) PACF figure')
38
39
           plt.show()
40
           # ADF检验
41
           resid_adf = unitroot.ADF(resid)
42
43
           print('stat = \{0:0.4f\} \ vs \ 1\%_cv = \{1:0.4f\}'.format(resid_adf.stat,
      resid_adf.critical_values['1%']))
```

```
if resid_adf.stat < resid_adf.critical_values['1%']:</pre>
44
                print('resid 为稳定时间序列 ^_^')
45
46
           else:
                print('resid为非稳定时间序列!!!!!')
47
           # Ljung-Box 检验
48
           resid_ljung_box = stattools.q_stat(stattools.acf(resid)[1:12],
49
      len(resid))
           resid_lbv = resid_ljung_box[1][-1]
50
           print('resid_ljung_box_value={0}'.format(resid_lbv))
51
           # 0.05 为显著性水平
52
           if resid_lbv < 0.05:
53
                print('resid为平稳时间序列 ^_^')
54
           else:
                print('resid为非平稳时间序列!!!!!!')
56
           # 预测
           frst = model.forecast(horizon=3)
58
           y = frst.mean.iloc[-1]
59
           print('预测值: {0}'.format(y))
p1 = math.exp(math.log(train_data[-1]) + y[0])
60
61
           p2 = math.exp(math.log(p1) + y[1])
62
           p3 = math.exp(math.log(p2) + y[2])
63
                                        实际值 (3957.534)')
           print (
                             预测值
64
           print('第一天: {0} vs 4034.310'.format(p1))
print('第二天: {0} vs 4121.715'.format(p2))
print('第三天: {0} vs 4135.565'.format(p3))
65
66
67
```

Listing 10: GARCH 拟合并预测上证综指收盘价

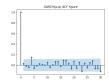
我们要建模的上证综指收盘价对数差分信号如下所示:

Figure 37: 上证综指收盘价对数差分信号



经过 GARCH(3,2) 拟合后的残差信号:

Figure 38: 上证综指收盘价对数差分信号



由图可见,其基本是一个平稳时间序列,可以用来进行预测。但是我们 ADF 检验表明其是平稳时间序列,但是 Ljung-Box 检验表明其不是时间平稳时间序列,因此我们还需要仔细分析其中的原因。程序运行结果如下所示:

Figure 39: 程序运行结果



由上图可以看出,预测结果也基本捕捉到了后三天连涨趋势,只是涨幅估计偏低,这证明我们采用 GARCH(p,q) 模型来预测是可行的。

python 的 ARIMA: https://www.colabug.com/3933896.html Ln125 Advanced Algorithmic Trading

第4章协整模型

Abstract

在本章中我们将首先讲述交易对的概念,并讲述如何利用交易对的均值回归特性,通过对交易对的多空操作,实现稳定的盈利。在本章中,我们主要讲解交易对的数学原理,怎样确定对冲比例。对于怎样利用交易对进行统计套利策略研发,将在后续章节中介绍。aqt003.py

4 协整模型

本章讲述的内容是统计套利策略,这是一种市场中性策略,无论是市场是涨是跌,均有可能 盈利。将统计套利用到极致的例子,应该属于上世纪 90 年代的 LTCM 基金。LTCM 基金成 立于 1994 年,成立时基金规模为 12.5 亿美金,但是到 1997 年,基金规模就达到了 48 亿美 金,是当时世界上四大基金之一。LTCM 基金的创始人是金牌交易员,合伙人是顶级统计学 家,他们发现德国国债和意大利国债有一个稳定的比例关系,大概率波动的机率会非常小, 因此当德国国债上涨时,德国国债与意大利国债之比将增大,大幅度偏离均值,他们就卖出 德国国债, 买入意大利国债, 一段时间之后, 德国国债会下跌, 德国国债和意大利国债之比 就会回归到均值, 此时他们卖出之前买入的意大利国债, 重新买入之前卖出的德国国债, 这 样他们持有德国国债和意大利国债没有发生变化,但是却赚到了这次波动差价所产生的利 润。利用这种方式, LTCM 基金获得了巨大的成功。然而 LTCM 基金的神话终结于 1997 年, 主要有以下几个原因: 首先 LTCM 认为德国国债和意大利国债之比符合正态分布,但是虽然自然界大部分复杂的现象都是正态分布,但是人类社会现象,却不一定是正态分布,黑天 鹅事件也许是长态,在 1997 年,东南亚发生了金融危机,俄罗斯发生了国债违约,正是这 两个黑天鹅事件,使德国国债与意大利国债之比不再符合正态分布,而 LTCM 基金由于对 这些事件缺乏预见性,而遭受了巨大的损失;同时,在LTCM 基金破产之后,人们看LTCM 基金的财务数据发现,其资金杠杆高达数万倍,因此一次失误的决策,就足以使整个公司破 产。由这个实例我们可以看出,基于交易对均值回归的统计回归策略,具有巨大的盈利潜 力,同时我们也应看到,杠杆是魔鬼,任何策略中最重要的都是资金和仓位管理。 交易对不仅在传统金融市场,如股市、期货、外汇、债市上存在,在新兴的加密货币市场, 也是一种非常重要的策略,前一两年兴起的比特币搬砖模式,就是交易对策略在加密货市 场的应用。

4.1 数据模拟

4.1.1 协整模型构建

假设 $\{w_t\}$ 为白噪声,在此基础上定义随机游走信号:

$$z_t = z_{t-1} + w_t (57)$$

在此基础上我们定义两个非平稳的时间序列信号:

$$x_t = pz_t + w_t = 0.3z_t + w_t (58)$$

$$y_t = qz_t + w_t = 0.6z_t + w_t (59)$$

如果我们将 $\{x_t\}$ 和 $\{y_t\}$ 进行线性组合:

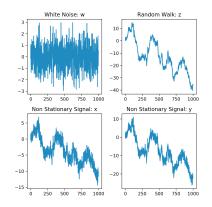
$$ax_t + by_t = (ap + bq)z_t + w_t = (0.3a + 0.6b)z_t + w_t$$
(60)

如果 0.3a+0.6b=0 的话,那么 $\{x_t\}$ 和 $\{y_t\}$ 的这个线性组合就只剩下白噪声信号,因此其是平稳时间序列信号,因此当 a=2,b=-1 时,这个序列就是平稳时间序列信号。根据这一思想,程序如下所示:

```
def simulate_demo(self):
1
2
          模拟数据生成
3
4
          # 生成白噪声信号
5
          samples = 1000
6
          w = np.random.standard_normal(size=samples)
7
          # 生成随机游走序列
          z = np.zeros((samples,))
9
          for t in range(1, samples):
10
              z[t] = z[t-1] + w[t]
11
          # 生成非平稳信号,即交易对x和y
12
          x = np.zeros((samples,))
13
14
          y = np.zeros((samples,))
          p = 0.3
15
          q = 0.6
16
17
          for t in range (samples):
18
              x[t] = p*z[t] + w[t]
              y[t] = q*z[t] + w[t]
19
          fig = plt.figure(figsize = (6, 6))
20
          w_plt = plt.subplot(2, 2, 1, title='White Noise: w')
          w_plt.plot(w)
22
23
          z_plt = plt.subplot(2, 2, 2, title='Random Walk: z')
          z_plt.plot(z)
24
25
          x_{plt} = plt.subplot(2, 2, 3, title='Non Stationary Signal: x')
          x_plt.plot(x)
26
          y_plt = plt.subplot(2, 2, 4, title='Non Stationary Signal: y')
27
          y_plt.plot(y)
28
          fig.tight_layout()
29
30
          plt.show()
          # 生成协整信号
31
          a = 2
32
33
          b = -1
          c = a * x + b * y
34
          plt.plot(c)
35
36
          plt.title('Cointegration Model')
37
          plt.show()
          # 采用ADF检验
38
          resid_adf = unitroot.ADF(c)
39
          print('stat=\{0:0.4f\} vs 1\%_cv = \{1:0.4f\}'.format(\
40
41
                       resid_adf.stat , resid_adf.critical_values['1%']))
          if resid_adf.stat < resid_adf.critical_values['1%']:</pre>
42
43
              print ('resid 为稳定时间序列 ^_^')
          else:
44
              print('resid 为非稳定时间序列!!!!!')
45
```

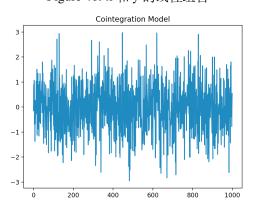
Listing 11: 线性组合形成平稳时间序列

Figure 40: 研究序列



接着我们绘制出 x 和 y 的线性组合:

Figure 41: x 和 y 的线性组合



我们利用 ADF 检验其稳写性:

Figure 42: ADF 检验

量化投资以python为工具 交易对协整模型... stat=-31.9595 vs 1%_cv=-3.4369 resid为稳定时间序列 ^_^

由上面的 ADF 检验可以看出, x 和 y 的线性组合与理论分析一致, 是平稳时间序列。

4.1.2 对冲比例确定

5 汇总

f000022 c000010 e000057

第5章卡尔曼滤波

Abstract

在本章中我们将首先讲述条件异方差模型 GARCH (Generalized AutoRegressive Conditional Heteroskedastic),并将 GARCH 模型用于实际金融时间序列数据拟合。aqt002.py

6 卡尔曼滤波

第6章隐马可夫模型

Abstract

在本章中我们将首先讲述条件异方差模型 GARCH (Generalized AutoRegressive Conditional Heteroskedastic),并将 GARCH 模型用于实际金融时间序列数据拟合。aqt002.py

7 隐马可夫模型

第7章统计套利策略

Abstract

在本章中我们将首先讲述条件异方差模型 GARCH (Generalized AutoRegressive Conditional Heteroskedastic),并将 GARCH 模型用于实际金融时间序列数据拟合。aqt002.py

8 统计套利策略

第8章机器学习

Abstract

在本章中我们将首先讲述条件异方差模型 GARCH (Generalized AutoRegressive Conditional Heteroskedastic),并将 GARCH 模型用于实际金融时间序列数据拟合。aqt002.py

9 机器学习

第9章高频交易

Abstract

在本章中我们将首先讲述条件异方差模型 GARCH (Generalized AutoRegressive Conditional Heteroskedastic),并将 GARCH 模型用于实际金融时间序列数据拟合。aqt002.py

10 高频日内交易

第 10 章程序化 CTA

Abstract

在本章中我们将首先讲述条件异方差模型 GARCH (Generalized AutoRegressive Conditional Heteroskedastic),并将 GARCH 模型用于实际金融时间序列数据拟合。aqt002.py

11 程序化 CTA

第 100 章 Transformer 量化平台

Abstract

在本章中我们将首先讲述去年年未在自然语言处理 NLP 中最流行的架构 Transformer,然后介绍 Transformer 在股价预测方面的应用,接着利用 TensorFlow Serving 搭建策略服务,我们将该策略服务放到回测平台上进行测试,最后在实盘模拟平台上进行模拟交易。app/tqp

12 Transformer 量化平台

- 12.1 Transformer 框架
- 12.2 Transformer 量化应用
- 12.2.1 搭建 colab 开发环境

配置 Github 首先到 https://www.puttygen.com/ 网站下载 puttygen 的 windows 版本,用于生成访问 github 项目的公钥和私钥。以管理员身份运行 puttygen.exe,点击界面中的"Generate":

Figure 43: 生成公钥和私钥对



在图中的密码为"123456",点击保存私钥,将其保存到 F:/docs/aqp_github.ppk 文件中。 登录 https://github.com/yt7589/aqp, 在 settings=>deploy keys 中添加新的 Key, 将图43中 Public Key 框中内容拷贝到下面的文本框中,如下所示:

Figure 44: 将公钥添加到 github 中



接下来在 Google colab 中创建 aqp.ipynb 项目,添加代码单元格:

```
key = \
''''

PuTTY-User-Key-File -2: ssh-rsa

Encryption: aes256-cbc

Comment: rsa-key -20190411

Public-Lines: 6

AAAAB3NzaClyc2EAAAABJQAAAQEAgWDxZNQtkqfNPnP1rHHIXx+Wi2HUL35RzXfo

T21fc+/gxjQQ7zG+V/KkTY0ZSuZBrdGhKRosamrBsaR+PrC3pqLNhOlFdUhsxvMg

YaLM79KUiirFp3dLHOqud4tuWE+BybsYmJA0m7sBJ6aUNXEoX8h5Nxy9VfHzfRIP
0 0ekeAA6vkd2PA5jy7AsbFCW1mwmBcu0ptAu3+sjLeIspsa0ED3vivUsnMeWQ87ll
DH7h3SC7InUlZLqr/gVKBrPnDSecAhVTTaoUG6PtTF0UkYYXixs1+daSBtEV568n
rRNV2cUkYseMnKwHdccXV2iVraHd11WsxJr2UDNt5nkKcpUkoQ==

Private-Lines: 14
```

```
14 qBX9VNU5GZoUAPvntTt8IRI7YqXfVgmKNVWDeyRFRGBlBsMVsU/o1AEm2pO9plHz
6vAuIje1fg70kDXcBuRCBiEJZ8IDdkNR5nqcgSFEnn2e/5UpisrA4FmGD99sSmWl
16 XJQAUEw5d7rxpQukiF6H19cJI+9e5vj9WIIKrCCXDawJyKaMQw0nn1zMJHsv6o21
{\tt 17}\ MFlZqD8UUP4eoYrzRk2ga99O99b1MdYIwo2dUR40RQUGshKqIKdLHyiSBuy3gQm1}
18 bmHNyrdMqCAN/88wadQRZvuyRudVXQAGbgYvDgZZV00EbiSOKPpmneK6DvgPaXea
19 J/1F+wAoZY8LsXZWlP2o44DjeJNmtc9eVPoR4b/hrG5fyMt9OmnCmL6Te6yue59L
20 pjH1gyvIMuoo3La71y8mlLKH8Hnb+bM5z6Ew7f/oMXzP9fNEdIsDN11L4WY9Gju1
21 GY0TUzi4h4li4K4Khzx1lOPDyaJahArx5iobD5xbemb4kj4OMRdsuQDqD7g32zVo
22 e8vVMgv8j3bzIpCAYmAmVhxslcpiFEUwjRtR6eyz7OL7g9IpkeG5fezGYMOLXxko
23 A1SWbIwqfODQhPJA1Pj3vnys8XVeQU04hplqyn955bwxl4abhVR3Q05E7DMYfdrR
24 f+a2VI4tAoWi7LCgskDnZ5754P3mUFkxSbILLt6tW+1Y4jbmPj6tP8GUI3Dm3zK6
25 qQAGkp3U9QeYlwsbO8lkTuWcW+NEyTfekjxnLtt1KLZufsKRDD1Dk4vQiXjKRCOU
26 UgjZ2Uui24d6N6ug/uiVNuxrDuZbpWpp2SYZEiuQCNhu3br+Q/+ZEZsmgslLewnr
27 ocK3qv7FUKq/Jg1QrjOmLq/RF1hVr+XcXzubiDcEdmZpFzsn7/VKHk/Jvv4f61Od
28 Private -MAC: e16aabf8a23afa92f89fdeb3f5b2d36c20afb0ff
30
1 ! mkdir -p /root/.ssh
with open(r'/root/.ssh/id_rsa', 'w', encoding='utf8') as fh:
      fh. write (key)
! chmod 600 /root/.ssh/id_rsa
1 ! ssh-keyscan gitlab.com >> /root/.ssh/known_hosts
```

Listing 12: 初始化 github 私钥

在上面的代码中,先取出私钥文件中的内容,然后创建/root/.ssh 目录,将私钥内容保存到/root/.ssh/id_rsa 文件中。运行上面的代码单元格,如果不报错就证明可以运行成功了。

下载源码文件 可以通过如下命令获取 github 上的源码:

```
! git clone https://github.com/yt7589/aqp.git
```

Listing 13: 初始化 github 私钥

配置 Google Drive 文件系统 我们需要读取保存在 Google Drive 中的数据集文件,因此我们需要建立一些特别工具来完成下面的内容。我们首先初始化环境:

```
from google.colab import drive
drive.mount('/content/drive')
```

Listing 14: 初始化环境

这时需要访问提示中的网站,同意授权,将页面中授权码拷贝,将授权码粘贴到编辑框中并 回车,然后我们就可像使用正常的目录一样来读写文件了。

```
with open('/content/drive/My Drive/fbm/README.md', 'r') as fd:
readme = fd.read()
print(readme)
```

Listing 15: 初始化环境

其中 fbm/是我们在 Google Drive 中创建的目录,使用这种方法,也不会出现中文乱码的问题。具体用 Transformer 来预测股票价格的代码,colab 的地址为:

```
https://colab.research.google.com/drive/1PVwlbHfrndFhnNIjSLWaD1bsr-5olV1d
    #scrollTo=7s5HTXF9xall。
2 参考:
    \lstset {language=BASH}
    \begin{lstlisting}
    https://github.com/1lSourcell/Make_Money_with_Tensorflow_2.0/issues
```

Listing 16: 初始化环境

- 12.3 tqp 平台
- 12.4 策略回测
- 12.5 实盘模拟

参考文献: I.MLearning [1999]—A.NikolaosAI [1999]—Bakry et al. [2015]

References

Andreas Nikolaos A.Nikolaos AI. A Book He Wrote. His Publisher, Erewhon, NC, 1999.

Amr Bakry, Mohamed Elhoseiny, Tarek El-Gaaly, and Ahmed M. Elgammal. Digging deep into the layers of cnns: In search of how cnns achieve view invariance. *CoRR*, abs/1508.01983, 2015. URL http://arxiv.org/abs/1508.01983.

Ivan Marc I.MLearning. Some related article I wrote. *Some Fine Journal*, 99(7):1–100, January 1999.