しなやかな臨床試験デザイン: 適応型デザインによる効率化

竹 林 由 武 福島県立医科大学

Improving efficiency with adaptive trial designs

Yoshitake TAKEBAYASHI Fukushima Medical University

Clinical trials are prospective studies that evaluate the effectiveness of interventions on humans under certain circumstances. The frequentist approach in which the sample size is strictly controlled before tests is common in clinical trials. However, clinical trials that use an adaptive Bayesian method in which the trial can be flexibly stopped, based on data accumulated during the course of the trial, has been recommended to reduce costs and to meet ethical requirements in the fields of medicine and medical device development. In the field of psychological interventions, the current situation is that application based on Bayesian framework is often extremely poor. Therefore, this paper outlines the design method of clinical trials by the adaptive Bayesian method, discusses the benefits of and problems in its application to psychological intervention research, and provides examples of its virtual application.

Key words: clinical trial design, Bayesian approach, posterior probability, predictive probability, adaptive randomization, prior distribution

キーワード: 臨床試験デザイン, ベイズ統計学流, 事後確率, 予測確率, 適応的ランダム化, 事前分布

1. はじめに

臨床試験は、事前に設定された特定の状況下 で、人を対象に実施された介入の効果を評価する 前向き研究である。医薬品の承認は、第1相から 第Ⅲ相まで、探索的な段階から検証的な段階へ とステップを踏んで実施された臨床試験の結果に 基づいて行われる。探索的な段階である第1相. 第Ⅱ相試験では、新規治療薬の推奨容量の確定 と. 短期的な安全性と有効性の検証を行う。第 III 相試験では、第II 相試験で有効性の示された 新規治療薬を標準治療等と比較し新薬の有効性が 検証される。また第Ⅱ相試験は、単群の前後比 較試験である第 II 相 a, 小規模の無作為化比較試 験である第Ⅱ相bに分類される。心理社会的介入 に関する臨床試験は、薬剤のように処方容量の調 整が困難であるため第Ⅱ相試験からスタートし、 第Ⅲ相の無作為化比較試験で有効性の検証が行 われるのが一般的である。

臨床試験の研究計画は. 試験実施前に例数が厳 密に制御される頻度主義的統計学流アプローチが 主流である。例えば、先行研究から想定される新 規治療群と標準治療群の効果の差(治療反応率差 または平均値差)と任意の有意水準および検出力 のもとで、試験に必要な例数が設定される。試験 前に設定された例数は、中間解析で明らかに新規 介入が無効であると判断され中止になる場合(無 益性による試験の中止)を除いて、試験終了時ま で変更されない。事前の想定よりも、新規治療の 効果が高い場合には、事前に設定された例数より も少ない例数でも有効性を示すことが可能になる ため、試験にかかるコストが浪費される。また、 そのようなケースでは、不必要に多くの人が有効 性の劣る標準治療を受けることになるという倫理 的な問題が生じる。従来の臨床試験の実施にかか るコストおよび倫理的な問題を改善し、試験進行 中に蓄積されるデータに基づいて柔軟に試験の継 続や中止を判断する適応的な臨床試験デザインの

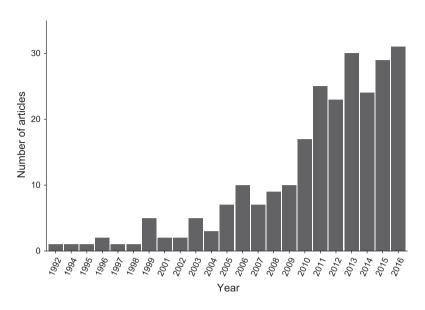


図1 ベイズ統計学流適応的デザインに関連する刊行論文数の年次推移

手法が開発されてきた。

適応的な臨床試験デザインの手法は、ベイズ統 計学流のアプローチとの親和性が高く, 医薬品開 発の臨床試験での活用が期待されている。2018 年2月28日の時点で、検索エンジン PubMed に て、「ベイズ (baves)」「適応的 (adaptive)」「試験 (trial)」を検索ワードとし、1900年から2016年に 刊行された文献を検索した結果、246件がヒット した(図1)。図1から、2000年から2016年に かけて文献数が増加しており、特に2010年以降 の増加が顕著である。2008年、2009年には、ベ イズ統計学流の適応的ランダム化を適用した BATTLE-StudyやI-SPYIIの試験デザインが公表 され (Barker et al., 2009; Zhou et al., 2008), その 翌年2010年2月には、アメリカの食品医薬局 (FDA: Food and Drug Administration) が, 医療機 器の臨床試験におけるベイズ流統計学の利用に関 するガイダンス (Guidance for the Use of Bayesian Statistics in Medical Device in Clinical Trials)を公表 している (手良向, 2017; U.S. Department of Health and Human Services & Food and Drug Administration, 2010)。FDA のガイダンスでは、ベイズ統計学流 のアプローチを臨床試験デザインに用いるメリッ トとして、1) 意思決定のためにより多くの情報 を用いることが可能になること、2)事前情報の 利用によって標本サイズが減少すること、3)適 応的試験デザインによって標本サイズが減少すること,4) 試験デザインの中間変更が可能になることが指摘されている。これらは, 医薬品開発だけに関わらず, 心理学的介入法の有効性を検討するデザインまたは心理学研究全般に通ずる利点と言える。しかしながら, 心理学的介入の分野では, ベイズ統計学流の試験デザインの適用は極めて乏しいのが現状である。

そこで、本稿では、心理学的介入法の有効性を 検討する仮想事例をもとに、ベイズ統計学流の臨 床試験デザインの種々の方法を概観する。まず介 入による治療反応率の推測を例に、ベイズ統計学 流の臨床試験デザインに関わる基礎的な枠組みを 述べる。その上で、ベイズ統計学流の逐次的なモ ニタリング手法として、事後分布に基づく方法と 予測確率に基づく方法を単群の前後比較試験の設 定のもとで概観する。その後、ランダム化比較試 験の設定のもとで、適応的ランダム化の方法を概 観する。最後に、過去の試験情報を現行試験の推 定に活用するための方法について概観する。

2. ベイズ推定の基礎

臨床試験の主な関心の一つは、ある集団に特定の治療を実施することによって、特定のアウトカム(例えば、症状、問題行動、QOL等)に有効な

改善が示されるか否かである。数名の患者にある 治療を実施した際に、個々人における治療反応の 有無を2値で記録(1:治療反応あり、0:治療反 応なし)したデータDが得られたとする。関心の あるパラメータ θ は、治療を実施した集団におけ る治療反応率とする。データDを観測したもと での、治療反応率 θ の事後分布 $P(\theta|D)$ は、

$$P(\theta|D) = \frac{P(D|\theta) \times P(\theta)}{P(D)}$$

とベイズの定理に基づいて推定される。

ここで $P(D|\theta)$ は尤度、 $P(\theta)$ は事前分布である。 尤度 $P(D|\theta)$ は得られたデータDが持つ θ に関する情報を反映しており、事前分布 $P(\theta)$ は、データを取得する前の θ に関する情報を反映する。 データ取得前の情報と取得したデータの情報を併合した結果得られる $P(\theta|D)$ は、事後分布と呼ばれる。

治療反応率をベイズ統計学流の枠組みで推定す る具体例を示す。そのために Ito et al. (2016) の単 群前後比較臨床試験のデータを用いる。Ito et al. (2016) は、うつ病または不安症の診断基準を満た す15名の患者に、感情障害に対する診断横断的 治療プロトコルに基づく認知行動療法を週1回. 平均15回提供した。主要評価項目であるSIGH-A (構造化面接により評価した不安症状) について. 治療開始前後での有意味な得点の変化の基準値を 5点以上と設定し、その基準を超えた患者は本治 療に反応したものとして算定された。結果として 本試験では、15名中10名(67%)に治療反応がみ られた。この臨床試験の結果を得られたデータD とし、関心のあるパラメータである治療反応率θ の事後分布 $P(\theta|D)$ をベイズ統計学流の枠組みで 推定する。まず、得られたデータDが2値の反 応 (1 = 反応あり, 0 = 反応なし) である場合. デー タDは二項分布に従う。治療反応率θの事前分布 $P(\theta)$ をベータ分布に設定すると、二項分布とベー タ分布の共役関係から、治療反応率 θの事後分布 $P(\theta|D)$ もベータ分布になる。ベータ分布は2つの パラメータ α と β から規定され、治療反応率を推 定する文脈では、 α は治療反応が示された人数nに、βは治療が実施された対象者全体 Nのうちで 治療反応が示されなかった人数 N-n に相当する。 図2上段には、下記の設定で治療反応率のベイズ

推定を行った際の治療反応率の事前分布(図2上 段左), 尤度(図2上段中央), 事後分布(図2上 段右)を示している。まず事前分布に関して、国 内での本介入の有効性について先行する情報はな いものとして、ベータ事前分布のパラメータαお よび β を1に指定する $Beta(\alpha=1,\beta=1)$ 。図2左上 にベータ事前分布 ($Beta(\alpha=1,\beta=1)$) が示されて おり、この場合、治療反応率θは特定の範囲に ピークをもたず漠然としており、これはどれくら いの反応率であるかについて情報を持っていない ことを反映している。15名中10名に有効な治療 反応が示されたので、 尤度は治療反応率θを 67%, 治療を行った総数Nを15とする二項分布 (Binomial(θ=0.67, N=15)) となる (図 2)。治療反 応率の事後分布 $P(\theta|D)$ は、ベータ事前分布の α と Bに、試験結果から得られた情報(n=治療反応 を示した人数、N-n=治療反応を示さなかった人数)を加えることで求められる。つまり、治療 反応率のベータ事後分布のαはベータ事前分布 $O_{\alpha+n}$ となり、ベータ事後分布の β はベータ事前 分布のβ+N-nとなる。したがって本データでの 治療反応率のベータ事後分布はBeta(α=1+10, $\beta=1+5$)となる(図2上段)。

事後分布から、パラメータの値について任意の 範囲で積分することで、その範囲に含まれるパラ メータ値が得られる確率を求めることができる。 例えば、図2上段右の治療反応率の事後分布に ついて、パラメータ(治療反応率)が50%以上、 60%以上になる確率をそれぞれ求めると、90%、 67%となる。このように、ベイズ統計学流の枠 組みでは、事後分布を任意の基準に照らし合わせ ることで、さまざまな意思決定を柔軟に行うこと が可能となる。

図2中段および下段には、図2上段と得られたデータDが同じ状況のもとで、異なる形状の事前分布を設定し治療反応率を推定した結果を示している。Yin (2012) は事前分布を無情報事前分布、楽観的事前分布、懐疑的事前分布、臨床的事前分布に大別している。無情報事前分布は、特定のパラメータの範囲にピークを持たない漠然とした分布であり(例えば、Beta(1,1))、先に示した例のようにパラメータ θ がどの値をとるかについての情報を持っていないことを反映する。事後分布を推定する際に無情報事前分布を選択すると、

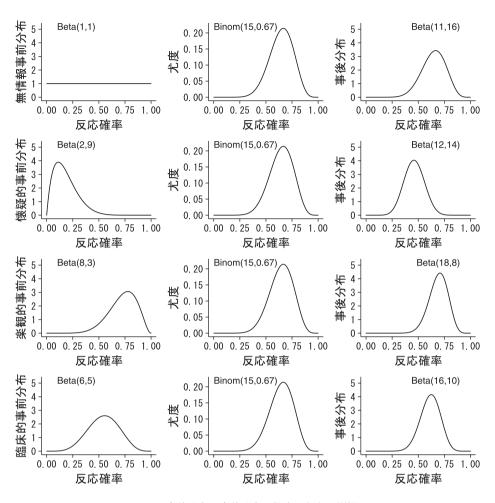


図2 事前分布が事後分布の推定に与える影響

事後分布は尤度のみの情報を反映することになる。楽観的事前分布では、治療反応率の分布のピークを高めに、懐疑的事前分布では低めに設定する。臨床的事前分布は、複数の臨床家の経験に基づいたり、種々の先行情報から臨床的に妥当な、ある程度の客観性を持った分布として設定される。図2から、事前分布の設定が事後分布の推定結果に影響を与えることが明らかである。また、標本サイズが小さい状況ほど、事前分布が事後分布の推定に与える影響は大きくなる。そのため、ベイズ統計学流の枠組みでは、適切な事前分布を選択することが妥当性な推定を行うために極めて重要な要件となる。

3. 単群の臨床試験

3.1 事後分布に基づくモニタリング

Thall and Simon (1994) は、治療反応率の事後分布を用いて試験の結果を逐次的にモニタリングする方法を提案している。ここでは、新規治療の反応率 p_s と比較される。 p_E および p_s の事前分布にはベータ事前分布を設定する。標準治療の反応率は先行研究のデータをもとに設定されるが、先行研究のデータが当該研究の推定結果に与える影響を割り引くために分散を大きく設定する場合がある。例えば、標準治療に関して、40名治療して20名の反応があった場合には、Beta(11,11) として、20名分のデータとして割り引いた設定とする。ここでは、任意に半分のデータを割り引いたが、先行する類似の試験に

表1 事後確率に基づく無益性の中止境界

治療数	3	5	7	9	11	13	14	16	18	20	21	23	25	27	29	30
反応数	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

表2 事後確率に基づく優越性の中止境界

治療数	3	4	5	7	8	10	11	13	14	16	17	19	20	22	24	25	27	28	30
反応数	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21

関する情報を当該試験の推定に統合する際の事前 分布の設定方法は後の節で詳細を述べる。標準治 療の事前分布は、標準治療と比べて情報の蓄積が 乏しいため大きく設定される (例えば、Beta(2,2))。 得られたデータと事前分布から新規治療の反応率 の事後分布が得られ、標準治療の治療反応率につ いて設定された分布と比較される。ここで、現状 の推定結果に基づいて、試験を継続するか中止す るかを判断するための二つの基準を設定する。一 つは、新規治療が標準治療よりも明らかに優れる 見込みが高い場合、つまり新規治療の優越性によ り試験を中止する基準である。新規治療の反応率 の事後分布から、新規治療の反応率が標準治療の 反応率よりも高い確率 $P(p_F > p_S | V)$ が、事前に設定 した任意の値 θ_U 以上になる最小の人数 U_a を求め る。 θ_U は、一般的に $0.95\sim0.99$ の高い確率が設 定される(手良向, 2017; Yin, 2012)。U_n以上の 治療反応が観察された場合. 優越性により試験は 中止され、U、未満の場合には試験を継続する。 もう一つの基準は、新規治療が標準治療よりも明 らかに優れるという見込みが乏しい場合、つまり 新規治療の無益性により試験を中止する基準であ る。この基準では、新規治療を標準治療と比較し た場合の新規治療の最低限許容可能な反応率の増 分δを設定し、新規治療の反応率の事後分布から 新規治療の反応率がその増分δ以上である確率 $P(p_{E}>p_{S}+\delta|y)$ を求める。そして,事前に設定した 任意の値 θ ,以下となる最大の人数L,を求める。 一般的には、 θ_L は0.01~0.05の範囲で低い確率 が設定される(手良向, 2017; Yin, 2012)。L,以下 の治療反応が観察された場合、無益性により試験 は中止され、L,以上の場合には試験を継続する。 つまり, この基準のもとでは新規治療が標準治療 よりも事前に想定した増分以上に効果を示す見込 みが極めて低いため、試験の継続が無益であると

判断され試験が中止される。

ここでは、治療反応率を事後分布に基づいて逐 次的にモニタリングする上述の方法を、仮想的な 心理学的介入法の単群前後比較試験に適用し例を 示す。全般性不安症に関して、有効性が示されて いる標準治療があり、先行研究から100名に治療 を実施した際の治療反応率が50%であることが 示されているとする。新規治療として別の心理学 的介入があり、試験の実施者は新規治療は標準治 療よりも20%高い治療反応率を期待していると する。標準治療と新規治療のそれぞれの反応率に ベータ事前分布を設定する。標準治療の事前分布 は、先行研究から情報を半分割り引いた事前分布 Beta(25, 25)とする。新規治療の事前分布は Beta(1.4, 0.6) とする。ここでは、ベータ事前分布 のαとβの値は70%の治療反応率(1.4/(1.4+0.6) =0.70) を想定するとともに、値を小さく設定す ることで分散が大きくなるよう設定している。優 越性による中止に関して θ_{vr} =0.95 とし、無益性に よる中止に関して、 $\theta_{i}=0.05$ かつ $\delta=.20$ として、 最大標本サイズ N=30 を採用し、試験を患者1名 ずつモニタリングする。この設定のもとでの無益 性による中止境界を表1に、優越性による中止境 界を表2に示した。例えば、3名中1名も治療反 応が示されない場合、5名中1名しか治療反応が 示されない場合、7名中2名以下しか治療反応が 示されない場合、無益性による試験中止が可能に なる。一方、5名までは全員に治療反応が示され る場合,7名中6名に治療反応が示される場合, 8名中7名に治療反応が示される場合に優越性に よる試験の中止が可能になる。

事後分布に基づく逐次的なモニタリングは標本サイズが結果的に最大Nより大きくなった場合に「有効かつ無効」という矛盾した判断に直面する可能性があり、その意味であまり好ましい方法

とは言えない (手良向. 2017)。

3.2 予測確率に基づくモニタリング

ベイズ統計学流の枠組みでは、観測したデータ を所与としたときに将来得られるデータの分布で ある事後予測分布を求めることが可能である。 Lee and Liu (2008) は、治療反応率の事後分布か ら、試験終了までに追加される参加者のデータに ついての事後予測分布を求め、 臨床試験が成功す る確率である予測確率 (PP: Predictive Probability) に基づいて試験結果を逐次的にモニタリングす る方法を提案している。例えば、最大例数をN とする臨床試験でn名に新規治療をした時点で 中間解析を行ったとする。その場合の治療反応 数Xは、二項分布 $X\sim Binomial(n, p_e)$ に従う。新 規治療の治療反応率pgの事前分布をベータ分布 $p_{F} \sim Beta(\alpha_0, \beta_0)$ とすると、治療反応率の事後分布 は共役関係からベータ分布, $Beta(\alpha_0+x,\beta_0+n-x)$ となる。中間解析後に募集される患者数N-nの うち、新規治療に治療反応を示す患者数をYと する。新規治療に治療反応を示す患者数Yはベー タ二項分布, Beta-Binomial(N-n, α_0+x , β_0+n-x) に従う。そして、将来のありうる治療反応数 Y=iの事後分布 $P(p_E|X=x, Y=i)$ はベータ分布. $Beta(\alpha_0+x+i,\beta_0+N-x-i)$ に従う。この試験では、 「新規治療の治療反応率 p_E がある標準治療の反応 率 p_s よりも高い確率が特定の閾値 θ_τ よりも高い」 という仮説を持っているとする。例えば、 θ_r =.95 であれば、「新規治療の反応率が標準治療の反応 率よりも高い確率が95%以上である」という想 定をもつことになる。中間解析時の治療反応数x と中間解析後に追加された参加者において観測さ れた特定の反応数Y=iが観測されたもとで、新 規治療の反応率 (の事後分布) p_E が標準治療 p_S よ りも高い確率 $P(p_F > p_S | x, Y = i)$ をBiとする。予測 確率PPは、Biが特定の閾値 θ_T を超える Y_i につ いて、事後予測分布から求められる治療反応数 Y=iの生起確率を合計することで求められる。試 験の中止規則は、PPについて、任意の上側、下側 カットオフ θ_{U} と θ_{r} を設定し、 $PP > \theta_{U}$ の場合、新 規治療が有望であるとして試験を中止、 $PP < \theta_L$ の場合、新規治療が有望ではないとして試験を中 止. その他の場合には、試験を最大標本サイズNに達するまで継続する。

先述した「治療反応率の事後分布に基づくモニ タリング」で用いた状況と同様の設定で中間解析 を行い得られた事後分布から予測確率 PP を算出 する例を示す。最大例数Nが40名であり、中間 解析時の人数 n は 20 名。治療反応数 X は 14 名で あったとする。標準治療の反応率 psは.50と設定 する。そして、治療の成功確率に関して、「95% 以上の確率 (θ_r =.95) で新規治療の治療反応率 p_r が標準治療の治療反応率psよりも高い」ことを 条件として予測確率を求める。無益性による中止 に関して、 $PP < \theta_t = 0.05$ を採用する。先ほどと同 様に、治療反応率の事前分布をベータ事前分布 $Beta(\alpha_0=1.4,\beta_0=0.6)$ とすると、治療反応率の事後 分布は、Beta(1.4+14, 0.6+20-14)となる。中間解 析後は試験終了までにあと20名のデータが得ら れ, その事後予測分布は, Beta-Binomial(20, 1.4+14, 0.6+20-14)となる。事後予測分布から、中間解 析後に得られたデータのうちで治療反応を示す 人数の割合が、それぞれの治療反応数について 求められる。また、個々の治療反応数について、 $Bi=P(p_F>0.50|x, Y=i)$ が求められる。

上記の設定で算出した事後予測分布に基づく治療反応数 Y=i の生起確率,Bi を表 3 に示した。中間解析後に観測した 20 名のうち治療反応を示した人が 11 名以上である場合に,新規治療の反応率が標準治療の反応率 .50 を超える確率 Bi が 90% 以上となる。そこで,治療反応数が 11 以上の場合の治療反応数の生起確率を合計すると予測確率 PP が求められ,0.93 となる。PP>0.05 であるため試験は継続される。

上述の例では、中間解析時での予測確率のみを求めたが、事後分布に基づくモニタリング手法と同様に、事前に最大例数を設定し、取得するデータ数と反応数の全ての場合について求めたPPに基づいて、 $PP>\theta_U$ となる最小の人数 U_n または $PP<\theta_U$ となる最大の人数を算定することで、無益性による中止境界と優越性による中止境界を定めることが可能となる。ここでは、事後予測分布を用いた逐次的なモニタリングの例で用いた設定と同じく、最大例数Nを30名、新規治療の事前分布を、Beta(1.4,0.6)、標準治療の反応率 p_s を50%、無益性のカットオフ確率 θ_U を0.95、優越性のカットオフ確率 θ_U を0.95、優越性のカットオフ確率 θ_L を0.05に設定し、予測確率に基づくモニタリングの例を示す。上記の設定で、新規

表3 試験成功の予測確率の計算例

Y=i 事後予測分布 Bi 1 0.0010 0.0400 2 0.0000 0.0749 3 0.0000 0.1309 4 0.0000 0.2088 5 0.0000 0.3087 6 0.0040 0.4256 7 0.0010 0.5495 8 0.0060 0.6683	
2 0.0000 0.0749 3 0.0000 0.1309 4 0.0000 0.2088 5 0.0000 0.3087 6 0.0040 0.4256 7 0.0010 0.5495	
3 0.0000 0.1309 4 0.0000 0.2088 5 0.0000 0.3087 6 0.0040 0.4256 7 0.0010 0.5495	
4 0.0000 0.2088 5 0.0000 0.3087 6 0.0040 0.4256 7 0.0010 0.5495	
5 0.0000 0.3087 6 0.0040 0.4256 7 0.0010 0.5495	
6 0.0040 0.4256 7 0.0010 0.5495	
7 0.0010 0.5495	
8 0.0060 0.6683	
9 0.0170 0.7732	
10 0.0290 0.8551	
11 0.0510 0.9151	
12 0.0649 0.9540	
13 0.0989 0.9770	
14 0.1119 0.9900	
15 0.1488 0.9960	
16 0.1359 0.9980	
17 0.1339 0.9990	
18 0.1119 0.9990	
19 0.0569 0.9990	
20 0.0240 0.9990	

治療の事後分布が標準治療よりも高い確率Biの 閾値 θ_r を.90とした場合の優越性および無益性による中止境界を表4、表5に示した。例えば、3名中1名も治療反応が示されない場合、5名中1名しか治療反応が示されない場合、7名中2名以下しか治療反応が示されない場合、無益性による試験中止が可能になる。一方、6名までは全員に治療反応が示される場合、8名中7名に治療反応が示される場合、9名中8名に治療反応が示される場合に優越性による試験の中止が可能になる。

ここまでに述べた事後分布に基づく方法と予測 分布に基づく方法は、2 群間の比較を行うランダ ム化比較試験にも拡張可能である (Yin, 2012)。 その際、単群試験で、既存研究から値を設定して いた標準治療群について実際の対照群のデータの事後分布を当てはめれば、逐次的に試験結果を同じ枠組みでモニタリングすることが可能である。なお、事後分布と予測分布に基づく逐次的な試験結果のモニタリングは、2値のアウトカムから治療反応率を検討する単群前後比較試験において、データ解析環境Rで実行可能なph2bayesパッケージを用いて容易に実施できる(Nagashima, 2016)。

4. 適応的ランダム化

第Ⅱ相b試験や第Ⅲ相試験では、2群以上の 群間無作為化比較試験が用いられる。無作為化比 較試験では、一般的に群への割付比率は群間で等 しくなるよう設定される(2群間比較であれば、 50%でいずれかの群に割付けられる)。頻度主義 統計学流の枠組みでは、割付比は事前に固定さ れ、試験終了時まで不変となる。一方、ベイズ統 計学流の枠組みでは試験結果が随時モニタリング され、それまでに治療した患者の反応から治療反 応率の事後分布を推定し、その事後分布は次の1 名の試験結果を推定する際の事前分布として利用 可能となる。このベイズ統計学流の枠組みを用い て、蓄積される試験の推定結果に応じて割付比を 調整する方法が提案されている。これらの方法 は、ベイズ統計学流適応的ランダム化(Bayesian adaptive randomization) と呼ばれ、BATTLE研究 や I-SPY 研究といった著名な研究の中でも用いら れている (Barker et al., 2009; Zhou et al., 2008)。 群間比較試験において、適応的ランダム化を用い るメリットの一つは、新規治療が有効である場合 に、試験の進行と共に参加者が有効性の劣る対照 群の治療に割付られる確率が低くなるという性質 にある。この性質は、多くの参加者が有効性の劣 る治療を受けなければいけないという倫理的な問

表4 予測確率に基づく無益性の中止境界

治療数	3	5	7	9	11	12	14	16	17	19	20	22	23	24	26	27	28	29	30
反応数	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18

表5 予測確率に基づく優越性の中止境界

治療数	3	4	5	6	8	9	10	12	13	15	17	18	20	22	24	25	28
反応数	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19

題を軽減する。本節では、ベイズ統計学流の適応 的ランダム化を用いた無作為化比較試験のデザイ ン方法について概要を述べる。

4.1 割付比率

2群の無作為化比較試験にベイズ統計学流の適応的ランダム化による群割付を行う場合,最大標本サイズNに達するまでの間に任意の回数,それまでに蓄積されたデータからどちらの群が優勢であるかについて確率を求め,その確率に基づいて割付を行う。これが任意の回数繰り返されることで,試験の対象者は,試験の進行と共に高い確率で有望な治療へと割付けられるようになる。具体的には,新規治療群および標準治療群の治療反応率の事後分布を比較し,新規治療群の反応率 p_E が標準治療の反応率 p_s よりも高い確率 $\lambda=P$ ($p_E>p_s$ | 解析時点で蓄積されているデータ)を求める。ただし, λ の値はそのまま割付確率として用いられず,べき乗変換,

$$\pi(\lambda, \gamma) = \frac{\lambda^{\gamma}}{\lambda^{\gamma} + (1 - \lambda)^{\gamma}}$$

を通じて.次の中間解析までに治療が行われる患 者に適用される割付確率として利用される。べき 乗パラメータであるγは調整パラメータであり, 0から1の範囲をとる。γの設定によって、割付 確率がどのように変化するか、その挙動を図3に 示した。γが0の場合、つまりγによる調整が行 われない場合、λはその値に依らず0.5となる。 すなわち、その時点でいずれかの群が優勢であっ ても, 群の割付比率は0.5と一定に保たれる。γが 1の場合、割付確率はλに正比例する。これは、λ の値がそのまま割付確率に反映されることを意味 する。γを1から0に小さくしていくほど割付確 率は0.5に近づいていく。また $\lambda=0.5$ の場合, γ の 値に関わらず、割付確率は0.5となる。Thall and Wathen (2007) はべき乗パラメータλを、試験で 計画された総標本サイズであるNと解析時点で 蓄積された標本サイズnに依存させ

$$\gamma_n = \frac{n}{2N}$$

とする方法を推奨している。この方法に基づく と, 試験の序盤では蓄積された標本サイズは小さ

いため、v. は0に近づき、割付確率は0.5に近づ く方向で調整される。一方、試験中により多くの データが収集されるにつれてッは1に近づくため、 λが割付確率に反映される程度が大きくなる。つ まり、試験序盤の標本サイズが小さな不確実性の 高い状況では、割付比が群間で均等になる方向で 調整され、標本サイズが蓄積してくるにしたがっ て、試験結果を反映した割付比になる用に調整さ れることを意味する。適応的ランダム化によって 割付比が試験の進行と共にどのように変化するか を例に示す。例えば、最大標本サイズを100とし、 20名ごとに中間解析をするとする。最初の20名 までは等確率で2群に割付を行い、その結果新規 治療群では10名中6名、標準治療群では10名中 3名に治療反応が示されたとする。各群に無情報 ベータ事前分布 Beta(1, 1) を設定すると、各群の 治療反応率 (p_E, p_S) の事後分布はBeta_{ps}(1+6, 1+4), Beta_{ps}(1+3, 1+7)となり、 んを求めると 0.44 となる。この時点での標本サイズnが20、最大 標本サイズ Nが 100 であるため.

$$\gamma_n = \frac{20}{2*100} = 0.1$$

となり、割付確率は

$$\frac{0.44^{0.1}}{0.44^{0.1} + (1 - 0.44)^{0.1}} = 0.494$$

となる。そこで、次の20名については割付確率 0.504 で新規治療に割付を行う。次の20名に関しては、先の20名から算出した事後分布が各々事前分布として設定される。割付確率は次の20名でもほぼ50% と等確率であるため、各群には10名ずつ割付が行われたものとする。そして先ほどと同様に、新規治療では10名中6名、標準治療では10名中3名に治療反応が得られたとする。この状況で、各群の事後分布は $Beta_{p_s}(1+6+6,1+4+4)$ 、 $Beta_{p_s}(1+3+3,1+7+7)$ となり、 λ を求めると0.85となる。この時点での標本サイズnが40、最大標本サイズnが100であるため、

$$\gamma_n = \frac{20}{2*100} = 0.2$$

となり、割付確率は

$$\frac{0.85^{0.2}}{0.85^{0.2} + (1 - 0.85)^{0.2}} = 0.586$$

となる。次の20名は割付確率0.586で新規治療に割付を行う。今回の割付確率は新規治療への割付がやや高くなるため、新規治療には12名、標準治療には8名割付けられたとする。今回は、新規治療では12名中7名、標準治療では8名中3名に治療反応が得られたとする。この状況で、各群の事後分布は $Beta_{p_s}(1+6+6+7,1+4+4+5)$, $Beta_{p_s}(1+3+3+3,1+7+7+5)$ となり、 λ を求めると0.97となる。この時点での標本サイズnが60、最大標本サイズnが100であるため、

$$\gamma_n = \frac{20}{2*100} = 0.3$$

となり、割付確率は

$$\frac{0.97^{0.3}}{0.97^{0.3} + (1 - 0.97)^{0.3}} = 0.627$$

となる。そこで、次の20名については割付確率0.627で新規治療に割付を行う。今回の割付確率も新規治療への割付がやや高くなるため、新規治療には13名、標準治療には7名割付けられたとする。今回は、新規治療では13名中8名、標準治療では7名中3名に治療反応が得られたとする。この状況で、各群の事後分布は $Beta_{p_s}(1+6+6+7+8,1+4+4+5+5)$ 、 $Beta_{p_s}(1+3+3+3+3,1+7+7+5+4)$ となり、 λ を求めると0.99となる。この時点での標本サイズnが80、最大標本サイズNが100であるため、

$$\gamma_n = \frac{20}{2*100} = 0.4$$

となり、割付確率は

$$\frac{0.99^{0.4}}{0.99^{0.4} + (1 - 0.99)^{0.4}} = 0.86$$

となる。そこで、次の20名については割付確率0.86 で新規治療に割付を行う。今回の割付確率は新規 治療への割付が極めて高くなり、新規治療には 17名、標準治療には3名割付けられたとする。今 回は、新規治療では17名中10名、標準治療では 3名中1名に治療反応が得られたとする。この状 況で、各群の事後分布は $Beta_{ps}$ (1+6+6+7+8+10, 1+4+4+5+5+7)、 $Beta_{ps}$ (1+3+3+3+3+1, 1+7+7+5+4+2)となり、 λ を求めると 0.99となる。この時点での標本サイズnが 100、最大標本サイズNが 100 であるため、

$$\gamma_n = \frac{20}{2*100} = 0.5$$

となり、割付確率は

$$\frac{0.99^{0.4}}{0.99^{0.4} + (1 - 0.99)^{0.4}} = 0.90$$

となる。このように、ベイズ統計学流の枠組みを利用することで、割付確率は試験結果に応じて適応的に変化していく。Yin (2012) は同様の枠組みで、事後予測分布から算出される予測確率を用いて適応的ランダム化を行う方法も提案している。

4.2 多群の適応的ランダム化

3群以上の多群比較の場合には、比較対象となる治療反応率を試験終了時まで固定する固定参照型適応的ランダム化と比較対象となる群を結果に応じて一つずつ除外していく移動参照型適応的ランダム化がある。固定参照型適応的ランダム化では、任意の固定された治療反応率または、試験に含まれるいずれかの群の治療反応率の事後分布を参照として、各群の治療反応率が参照以上になる

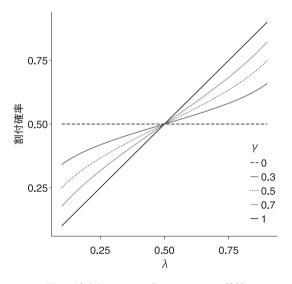


図3 適応的ランダム化のパラメータ特性

確率に基づいて、割付比が求められる。移動参照型適応的ランダム化では、多群の平均治療反応率の事後分布 \bar{p} を求め、それを参照とし各群の反応率の事後分布が \bar{p} 以上である確率を求め、その確率が最も低い群が試験から除かれる。このプロセスを繰り返し、試験の進行とともに無効な群が除外され、最終的に有効な治療へと患者が多く割り当てられるようになっていく。多群の適応的ランダム化の詳細についてはYin (2012) を参照されたい。

5. 事前情報の活用

ここまでは、試験結果を逐次的にモニタリング し、推定結果に応じて柔軟に試験結果を判断する 方法について述べてきた。ここからは、ベイズ統 計学流の事前分布を用いた推論の枠組みを活用 し、過去の臨床試験データを現行の臨床試験結果 の推定に活用する方法について述べる。新規治療 の検討を行う際に、対照群が設定されるが、その 対照群が過去の臨床試験で非常に類似した集団で 複数実施されている場合がある。そのような場合 に、過去の臨床試験の統制群の情報を現在の試験 の対照群の事前情報として事前分布に組み込むこ とで、推定の精度が高くなることが期待される。 武田(2015)はベイズ統計学流の枠組みを用いる 利点の一つに、複数の過去の信頼性やバラツキを 考慮しながら、それらの情報を事前分布として柔 軟に取り込むことができる点を指摘している。べ イズ統計学流の枠組みでは、過去の臨床試験の信 頼性が低ければ、その程度に応じて情報を割り引 くことが可能になる。過去の試験データと新規試 験データの間には、不均一性が存在する可能性が あるため、過去の試験データと新規試験の類似性 の程度に応じて連続的に過去の臨床試験データか ら利用する情報量を決定する必要がある(武田. 2015)。過去の臨床試験の対照群のデータを事前 分布に用いる方法は、パワー事前分布に基づく方 法と階層モデルに基づく方法に大別される(武 田, 2015)。

5.1 パワー事前分布

パワー事前分布は、過去の試験データを得る前

の事前分布である初期事前分布と過去の試験デー タの尤度の積で求められる事後分布のことを指 す。ただし、尤度は直接用いられるのではなく、 ある程度情報量が割り引かれた形で用いられる。 過去の試験データの尤度の情報を割り引くため に、尤度はべき乗パラメータ(またはパワーパラ メータ) aoでべき乗される。パワー事前分布は、 新規試験データを解析する際に過去の試験の情報 を有した事前分布として用いられる。べき乗パラ メータ a。の設定方法は、3つに大別される(武田、 2015)。まず、 a_0 について分布を仮定せず既知の 定数を与えるものと分布を想定するもの2つに 大別され, 前者が条件付きパワー事前分布(Conditional Power Prior: CPP) (Ibrahim & Chen, 2000) と呼ばれる。そして、 40 について分布を仮定する ものは、ジョイントパワー事前分布 (joint power prior: JPP) (Ibrahim & Chen, 2000) と修正パワー事 前分布 (modified power prior: MPP) (Neuenschwander, Branson, & Spiegelhalter, 2009) に大別される。

条件付きパワー事前分布のべき乗パラメータ α。 は、 $0\sim1$ の値をとり、 $\alpha_0=0$ の場合には、尤度の 情報が打ち消され、初期事前分布がそのまま新規 試験の事前分布として利用される。α₀=1の場合 には、尤度の情報が割り引かれることなく新規試 験の解析に統合される。例えば、初期事前分布を Beta(1, 1), 既存試験のデータが Binomial(20, 0.5) である場合を想定すると、 $\alpha_0=0$ の場合の条件付 きパワー事前分布はBeta(1,1)と初期事前分布に 等しくなる。 $\alpha_0=0$ の場合の条件付きパワー事前 分布はBeta(1+10, 1+10)となる。ジョイントパ ワー事前分布では、べき乗パラメータ ao に事前分 布を想定する。 a_0 は0~1の値をとるため、通常 ベータ分布が用いられる (Ibrahim & Chen, 2000)。 ジョイントパワー事前分布は、a₀の事後分布が 0に集中しやすく、過去の試験データの情報がほ とんど新規試験に活用されていないことが指摘さ れている (Neuenschwander et al., 2009)。その問題 を克服するために、修正パワー事前分布が提案さ れ、基準化された条件付きパワー事前分布とべき 乗パラメータの分布との積から構成される。修正 パワー事前分布は、過去の試験と新規試験のデー タの性質が異なる場合に、べき乗パラメータの事 後平均が適切に0の方向に変化することが示され ている(武田, 2015)。また、ジョイントパワー

事前分布や修正パワー事前分布は各々. 過去の 試験データが複数ある場合にも拡張されている (Ibrahim & Chen. 2000)。しかしながら、ジョイン トパワー事前分布と修正パワー事前分布はいず れも直接的には、過去の試験データと新規試験 データの類似性をパラメータ化していないことが 問題となる。類似性をパラメータ化したものには commensurate 事前分布があり、過去の試験デー タから得られる情報量を類似性の程度に応じて 調整可能となる。べき乗パラメータa。の決定方 法として, 専門家の意見に基づき設定する方法 (Neelon & O'malley, 2009) や、複数の異なる a₀の 下で算出された条件付きパワー事前分布の中で事 後分布に関する偏差情報量基準 (Deviance Information Criterion: DIC) が最も小さいものを選ぶ方 法 (Ibrahim, Chen, & Chu, 2012), 事前有効サンプ ルサイズ (prior effective sample size) を用いて、条 件つきパワー事前分布の情報量を人数に換算して 評価する方法 (Morita, Thall, & Müller, 2012) など が提案されている。

5.2 階層モデル

新規試験と比較される対照群について、複数の過去の試験情報が存在する場合、階層モデルを用いて対照群の事前分布を設定することが可能である。階層モデルでは、新規試験の対照群と過去の試験のパラメータは、同じ分布からのランダムサンプルであるとみなす。この仮定によって、新規試験のパラメータと過去の試験のパラメータが完全に同一でも独立でもないという柔軟性が表現される(武田、2015)。

Schmidli et al. (2014a) は階層モデルを用いて、複数の臨床試験の対照群のデータをメタ分析的に統合して新規試験の対照群の事前分布に用いる方法を提唱している(Schmidli et al., 2014a)。この方法で推定される事前分布は、メタ分析的予測事前分布(Meta-Analytic Predictive prior:MAP事前分布)と呼ばれる。まず、利用可能な過去の臨床試験の対照群データが複数 H存在する場合を考える。既存試験の対照治療群の要約統計量およびパラメータを $Y_h(h=1,...,\theta_h)$ とし、新規試験の対照治療群の要約統計量およびパラメータを Y^* , θ^* とする。過去の臨床試験のデータと初期事前分布が共に正規分布に従う場合、データは、

$$Y_h|\theta_h, \sigma_h \sim N(\theta_h, \sigma_h^2)$$

と書くことができ、初期事前分布は、

$$\theta$$
, ..., θ_{H} , $\theta^* \sim N(\mu, \tau^2)$

と書くことができる。

初期事前分布はすべてのパラメータが共通の分布に従うことを表しており、 τ^2 が試験間分散、 σ_h^2 が試験内分散を示している。またパラメータ μ 、 τ^2 にも事前分布を仮定し、各パラメータについて不確実性を考慮することも可能である。

階層モデルにおいては、過去の臨床試験の利用の程度と関連するパラメータは、試験間のばらつきを表す τ である。 τ がゼロに近い場合、パラメータ θ が試験間でほぼ同じであることを意味し、過去の臨床試験を積極的に利用して関心のあるパラメータを推定する。 τ が大きければ試験結果が互いに大きく異なることを意味し、過去の臨床試験を利用せず、新規試験のみを使った解析となる。そして、新規試験のデザイン段階で用意する事前分布として予測分布 $p(\theta*|Y_1,...,Y_H)$ を利用することができる(Gsteiger et al., 2013:Neuenschwander et al., 2010)。これは、複数の過去の試験データを所与とした場合の新規試験のパラメータ $\theta*$ の分布である。 τ^2 と σ_h^2 を既知とし、 μ の超事前分布に一様分布を仮定すると、予測分布は、

$$\theta|Y_{1}, ..., Y_{H}, \tau \sim N\left(\frac{\sum w_{h}Y_{h}}{\sum w_{h}}, \frac{1}{\sum w_{h}} + \tau^{2}\right)$$

と書くことができる。ただし、 $W_h = (\sigma_h^2 + \tau^2)^{-1}$ である。

$$\frac{\sum w_h Y_h}{\sum w_h}$$

は既存試験の重み付け平均であり, 予測分布の分散

$$\frac{1}{\sum w_h} + \tau^2$$

は、全体平均 μ の事後分散に新規試験のパラメータ θ *の不確実性を追加した形で表現される。ここから、既存試験間の分散の影響が大きいことがわかる。

試験間のばらつきの指標τは既存試験の結果に 基づき推定されるが、利用可能な既存試験は少な いことが多いため、正確な推定が難しく、超事前

表6 MAP事前分布の推定に使用するデータ

study	n	у	y.se
1 Gastr06	74	-51	10.23
2 AIMed07	166	-49	6.83
3 NEJM07	328	-36	4.86
4 Gastr01a	20	-47	19.68
5 APhTh04	25	-90	17.60
6 Gastr01b	58	-54	11.55

分布の影響を受けやすいことが指摘されている (Gelman, 2006: Lambert et al., 2005)。一般的には, 分散に対して共役分布である逆ガンマ分布, あるいは, 分散の対数または標準偏差に対して一定の範囲内の値が等確率であることを意味する一様分布などが用いられることが多い (Gelman, 2006)。しかし, 試験間のばらつきに関する事前情報が少ない場合や試験数が少ない場合には, 複数の異なる超事前分布を用いた感度解析が必要である。多くは無情報事前分布になるように超事前パラメータを設定することが多い (Gelman, 2006)。

階層モデルでは、過去の臨床試験からどれくらいの情報量を利用するかは試験内分散 σ_h^2 、試験間分散 τ^2 および試験間のばらつきの超事前分布に依存する。多重積分が必要なためパワー事前分布のような明示的な表現は困難だが、分散比

(Neuenschwander et al., 2010) や 事前有効サンプルサイズ (Morita et al., 2012) を用いて、事前分布の情報量を評価する方法が提案されている。

ここでは、サンプルデータを用いて、MAP事前分布を活用した分析例を紹介する。表6には、各研究の略名、対照群の人数n、治療前後のアウトカム(Crohn Disease Activity index: CDAI)の変化yとその標準誤差y.seが示されている。yはマイナス方向に大きいほど改善が大きいことを意味する。

試験間の分散 τ によって、過去の試験データをどの程度、新規試験に反映させるかが決定される。過去の情報から、標準偏差 σ は既知とし、過去の試験情報を借りる程度は、分散比 τ / σ に依存する。 τ の事前分布には切断正規分布である半正規分布 Half-normal(θ , σ) の使用が推奨されている(Spiegelhalter, Abrams, & Myles, 2004)。この設定の元で MCMC 推定法を用いた推定を行うと、MAP事前分布としてN(-49.8, 19.3) が推定される。Schmidli et al. (2014b) は MCMC サンプルについて、混合分布を利用した変換を通じてより頑健な事前分布のパラメータを推定する方法を推奨している。Schmidli et al. (2014b) の方法を通じて得られた頑健化された MAP事前分布は、今回のケースではN(-50, 88) と推定された(図4)。

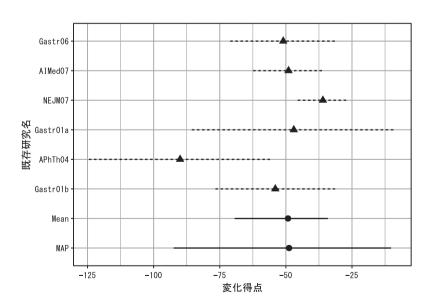


図4 MAP事前分布の推定の結果(MCMC推定): 三角の点は個々の既存研究の事後平均, 縦軸 Mean の点は既存研究の集団平均, 縦軸 MAP の点は, 事後予測事前分布の平均, 実線は事後予測分布の 95% 確信区間, 破線と実線は 95% 確信区間を示している。

頑健化された MAP 事前分布が得られたら、新 規試験のデータの解析に併合する。今回のデータ では、新規試験において新規治療に39名が割付 けられ、アウトカムは平均 =-29.15. 標準誤差 = 16.69 であった。対照群は MAP 事前分布から計算 される有効標本サイズに従い20名が割付られ、 平均=-76.01. 標準誤差は21.93であった。新規 治療の事前分布には、分散を大きく設定した弱情 報事前分布 N(-50,80)を指定して事後分布を求 め、対照治療の事前分布には MAP 事前分布を指 定して事後分布を求めた新規治療の事後分布は N(-29.87, 16.40), MAP事前分布を使用した対照 群の事後分布はN(-74.49, 21.28)となる。本研究 では、新規治療と対照治療の平均値の差が0以上 である確率が .95 以上である場合、新規治療が対 照治療よりも有効であると判断するとする。新規 治療と対照治療の事後分布から、各治療の平均値 の差の事後分布が求められ、そこから新規治療と 対照治療の平均値の差が0以上である確率は 0.085であった。そのため、新規治療が対照治療 よりも有効ではないと判断された。この結果は、 過去の臨床試験の結果を事前分布として利用せず に. 頻度主義統計学流に新規試験のデータのみで 標準治療と新規治療の平均値の差の検定(両側検 定)を行った場合でも同様に、p=0.097と5%水準 で有意な差がないという結果であった。これは. 過去の試験の試験内、試験間分散が大きいため に、新規試験には情報があまり活用されなかった ことが大きな要因である。

6. 最後に

本稿では、ベイズ統計学流の臨床試験デザインのいくつかを概観した。ここで紹介した臨床試験デザインは、医薬品開発に限らず、心理社会的介入の有効性評価など、広く心理学の実験研究や調査研究に適用されうる。心理社会的介入の統制群には、治療待機群が用いられることが多く、冒頭で述べたような倫理的な問題を孕んでいる。欧米では、心理社会的介入の中でも、とりわけ認知行動療法は豊富な臨床試験データの蓄積がある。心理社会的介入の臨床試験においても、そのような過去の臨床試験の統制群のデータを活用することで、試験の効率化が期待される。一方、日本にお

いては、心理社会的介入の無作為化比較試験の蓄 積が乏しいのが現状である。したがって、日本の 現状においては、将来に過去の試験情報が有効活 用されるように、質の高い無作為化比較試験を蓄 積することが必要な段階であろう。日本で心理社 会的介入の無作為化比較試験のコストを削減する ために、ベイズ流の適応的ランダム化を活用した 臨床試験の効率化は有効な方法の一つであろう。 また. 心理社会的介入の有効性の検討に限らず. 既存研究の情報の活用方法は、調査研究も含め、 心理学研究に広く適用可能である。例えば、今回 はパワー事前分布について臨床試験の文脈で解 説を行ったが、パワー事前分布の活用は、回帰モ デル全般に適用されうる (Ibrahim & Chen, 2000)。 また、項目反応理論の能力パラメータの推定にパ ワー事前分布を活用する方法も心理統計学の枠組 みで提案されている (Matteucci & Veldkamp, 2015)。 ただし, 既存試験を新規試験の推定に活用する 際には、過去の試験データと新規試験の間の比較 可能性を担保することが、バイアスを減少させる ために重要となる。比較可能性が担保される要件 として Pocock (1976) は 1) 同じ治療を受けてい ること、2)同じ適格基準が用いられていること、 3) アウトカムの評価方法が同一であること. 4) 性別年齢など疾患と関連する主要な背景要因の分 布が同様であること、5) 同様の組織で試験が実 施されていること、6) 新規試験との結果の違い を生むと予想される他の要因が存在しないことを あげている。同一の施設内で実施されている過去 の臨床試験であれば、新規試験と比較可能性が高 い状況がありえるが、過去の臨床試験の実施施設 が異なれば現実的には6条件を満たすデータが 得られることは稀である。修正パワー事前分布や MAP事前分布は過去の試験データから得られる 情報の大きさを、試験結果の類似度に応じて制御 する方法であるため、先の6条件を満たさない条 件でもバイアスを低減するのに有用である(武田, 2015)

ベイズ統計学流の枠組みを用いた臨床試験デザインによって、臨床試験にかかるコストを削減し、効率のよい試験運用が期待される。一方で、ベイズ統計学流臨床試験デザインのデメリットとしては、試験デザインをモニタリングするために、ベイズ統計学流のモデル構築やシミュレー

ションに精通するための技術的なハードルが高いことがあげられる。しかし、本稿で紹介した前後比較試験での、予測確率に基づくモニタリングやMAP事前分布を用いた先行試験の活用は、Rのph2bayesパッケージおよびRBesTパッケージ(Sebastian, 2018)を用いて、比較的容易に実行可能な環境が整ってきている。

引用文献

- Barker, A., Sigman, C., Kelloff, G., Hylton, N., Berry, D., & Esserman, L. (2009). I-SPY 2: An adaptive breast cancer trial design in the setting of neoadjuvant chemotherapy. *Clinical Pharmacology & Therapeutics*, 86, 97–100. https://doi.org/10.1038/clpt.2009.68
- Gelman, A. (2006). Prior distributions for variance parameters in hierarchical models (comment on article by Browne and Draper). *Bayesian Analysis*, *1*, 515–534. https://doi.org/10.1214/06-BA117A
- Gsteiger, S., Neuenschwander, B., Mercier, F., & Schmidli, H. (2013). Using historical control information for the design and analysis of clinical trials with overdispersed count data. *Statistics in Medicine*, 32, 3609–3622. https://doi.org/10.1002/sim.5851
- Ibrahim, J. G., & Chen, M.-H. (2000). Power prior distributions for regression models. *Statistical Science*, *15*, 46–60. https://doi.org/10.1214/ss/1009212673
- Ibrahim, J. G., Chen, M.-H., & Chu, H. (2012). Bayesian methods in clinical trials: A Bayesian analysis of ECOG trials E1684 and E1690. BMC Medical Research Methodology, 12, 183. https://doi.org/10.1186/1471-2288-12-183
- Ito, M., Horikoshi, M., Kato, N., Oe, Y., Fujisato, H., Nakajima, S., ... Ono, Y. (2016). Transdiagnostic and transcultural: Pilot study of unified protocol for depressive and anxiety disorders in Japan. *Behavior Therapy*, 47, 416–430. https://doi.org/10.1016/j.beth.2016.02.005
- Lambert, P. C., Sutton, A. J., Burton, P. R., Abrams, K. R., & Jones, D. R. (2005). How vague is vague? A simulation study of the impact of the use of vague prior distributions in MCMC using WinBUGS. *Statistics in Medicine*, 24, 2401–2428. https://doi.org/10.1002/sim.2112
- Lee, J. J., & Liu, D. D. (2008). A predictive probability design for phase II cancer clinical trials. *Clinical Trials*, 5, 93–106. https://doi.org/10.1177/1740774508089279
- Matteucci, M., & Veldkamp, B. P. (2015). The approach of power priors for ability estimation in IRT models. *Quality & Quantity*, 49, 917–926. https://doi.org/10.1007/s11135-014-0059-y
- Morita, S., Thall, P. F., & Müller, P. (2012). Prior effective sample size in conditionally independent hierarchical

- models. *Bayesian Analysis (Online)*, 7. https://doi.org/10.1214/12-BA720
- Nagashima, K. (2016). Ph2bayes: Bayesian Single-Arm Phase II Designs. R package version 0.0.1. https://CRAN.R-project.org/package=ph2bayes.
- Neelon, B., & O'malley, J. (2009). Bayesian analysis using power priors with application to pediatric quality of care. *Journal of Biometrics & Biostatistics*, 1, 103. https://doi.org/10.4172/2155-6180.1000103
- Neuenschwander, B., Branson, M., & Spiegelhalter, D. J. (2009). A note on the power prior. *Statistics in Medicine*, 28, 3562–3566. https://doi.org/10.1002/sim.3722
- Neuenschwander, B., Capkun-Niggli, G., Branson, M., & Spiegelhalter, D. J. (2010). Summarizing historical information on controls in clinical trials. *Clinical Trials (London, England)*, 7, 5–18. https://doi.org/10.1177/1740774509356002
- Pocock, S. J. (1976). The combination of randomized and historical controls in clinical trials. Journal of chronic diseases, 29, 175–188.
- Schmidli, H., Gsteiger, S., Roychoudhury, S., O'Hagan, A., Spiegelhalter, D., & Neuenschwander, B. (2014a). Robust meta-analytic-predictive priors in clinical trials with historical control information. *Biometrics*, 70, 1023–1032. https://doi.org/10.1111/biom.12242
- Schmidli, H., Gsteiger, S., Roychoudhury, S., O'Hagan, A., Spiegelhalter, D., & Neuenschwander, B. (2014b). Robust meta-analytic-predictive priors in clinical trials with historical control information. *Biometrics*, 70, 1023–1032. https://doi.org/10.1111/biom.12242
- Sebastian, W. (2018). RBesT: R Bayesian Evidence Synthesis Tools. R package version 1.3-2. https://CRAN. R-project.org/package=RBesT.
- Spiegelhalter, D. J., Abrams, K. R., & Myles, J. P. (2004). Bayesian approaches to clinical trials and health-care evaluation. John Wiley & Sons.
- 武田 健(2015) 臨床試験におけるヒストリカルコン トロールデータの利用 計量生物学, 36,25-50.
- 手良向聡(2017)なぜベイズを使わないのか!? 臨床 試験デザインのために 京都:金芳堂.
- Thall, P. F., & Simon, R. (1994). Practical Bayesian guidelines for phase IIB clinical trials. *Biometrics*, *50*, 337–349. https://doi.org/10.2307/2533377
- Thall, P. F., & Wathen, J. K. (2007). Practical Bayesian adaptive randomisation in clinical trials. European Journal of Cancer (Oxford, England: 1990), 43, 859–866. https://doi.org/10.1016/j.ejca.2007.01.006
- U.S. Department of Health and Human Services, & Food and Drug Administration. (2010). Food and drug administration. Guidance for industry and FDA staff: Guidance for the use of Bayesian statistics in medical device clinical trials.

Yin, G. (2012). Clinical trial design: Bayesian and frequentist adaptive methods. John Wiley & Sons.

Zhou, X., Liu, S., Kim, E. S., Herbst, R. S., & Lee, J. J. (2008). Bayesian adaptive design for targeted therapy development in lung cancer a step toward personalized

medicine. *Clinical Trials*, *5*, 181–193. https://doi.org/10.1177/1740774508091815

- 2018. 2. 4 受稿, 2018. 3. 13 受理 -