

Алгоритм и анализ сложности
Лабораторная работа 1

Крюков Никита А. (АТ-01)
РИ-230916

Вариант: 14

Задание 1. Ближайший ноль.

Условие задачи:

Ограничение по времени: 1.6 с. Ограничение по памяти: 400 Мб. В первой строке дана длина улицы – n ($1 \leq n \leq 10^6$). В следующей строке даны номера домов (положительные числа) уникальны и не превосходят 10^9 . Гарантируется, что в последовательности есть хотя бы один ноль.

Ход решения задачи:

Функция `main` – это точка входа. Считывает кол-во домов и строку с номером домов, вызывает функцию `calculate_distances`. Выводит результат и время выполнения программы.

Функция `calculate_distances` вычисляет минимальные расстояния до ближайшего свободного участка для каждого дома. Проверяется, что переменная n находится в диапазоне (по условию). В методе происходит вызов функции `format_houses`, которая принимает строку, содержащую номера домов, и преобразует её в список целых чисел. Создаются три массива `distances`, `left_distances` и `right_distances`, инициализированные значением n . Проходим по массиву слева направо и вычисляем минимальные расстояния до ближайшего свободного участка (нуля) для каждого дома. Проходим по массиву справа налево и вычисляем минимальные расстояния до ближайшего свободного участка (нуля) для каждого дома. Для каждого дома выбирается минимальное расстояние из `left_distances` и `right_distances`. В методе используется функция `format_distances` для преобразования списка расстояний в строку. Функция `calculate_distances` возвращает в `main` строку, содержащую расстояния разделенные пробелами.

Код:

```

3 def main() -> None:
4     print(" ")
5
6     n = int(input())
7     houses = str(input())
8
9     print(" ")
10
11     start_time = time.perf_counter()
12
13     distances = calculate_distances(n, houses)
14     print(distances)
15
16     print("")
17
18     stop_time = time.perf_counter()
19
20     print(f"Время выполнения: {stop_time - start_time:0.6f} секунд.")
21
22     final_memory = get_memory_usage()
23     print(f"Использовано памяти: {final_memory:.2f} Mb.")
24
25
26 ► if __name__ == "__main__":
27     main()
28
29

```

6 usages

```
def calculate_distances(n: int, houses: str) -> str:
    """Вычисляет минимальные расстояния до ближайшего свободного участка для каждого дома."""
    houses = format_houses(houses)

    distances = [n] * n
    left_distances = [n] * n
    right_distances = [n] * n

    for i in range(n):
        if houses[i] == 0:
            left_distances[i] = 0
        elif i > 0:
            if left_distances[i] > left_distances[i - 1] + 1:
                left_distances[i] = left_distances[i - 1] + 1

    for i in range(n - 1, -1, -1):
        if houses[i] == 0:
            right_distances[i] = 0
        elif i < n - 1:
            if right_distances[i] > right_distances[i + 1] + 1:
                right_distances[i] = right_distances[i + 1] + 1

    for i in range(n):
        if left_distances[i] < right_distances[i]:
            distances[i] = left_distances[i]
        else:
            distances[i] = right_distances[i]

    distances = format_distances(distances)

    return distances
```

```

11 usages
▼ def format_houses(houses: str) -> List[int]:
    """Преобразует строку, содержащую номера домов, в список целых чисел."""
    houses = houses.split()

    seen_houses = set()

    formatted_houses = []
    ▼ for house in houses:
        house_num = int(house)
        if house_num > 10 ** 9:
            raise ValueError("Номера домов не могут превосходить 10^9.")

        if house_num != 0 and house_num in seen_houses:
            raise ValueError("Номера домов должны быть уникальными.")

        seen_houses.add(house_num)
        formatted_houses.append(house_num)

    if 0 not in formatted_houses:
        raise ValueError("В последовательности должен быть хотя бы один ноль.")

    return formatted_houses

5 usages
▼ def format_distances(distances: List[int]) -> str:
    """Преобразует список расстояний в строку, где расстояния разделены пробелами."""
    result_array = ""

    for distance in distances:
        result_array += str(distance) + " "

    result_array = result_array.strip()

    return result_array

```

```

1 from typing import List
2 import time
3 import os
4 import psutil
5
6
7 1 usage
8 def get_memory_usage():
9     """Получение используемой памяти в мегабайтах."""
10    process = psutil.Process(os.getpid())
11    mem_info = process.memory_info()
12    return mem_info.rss / (1024 * 1024)

```

Тесты (Проходят успешно):

```
import unittest
from quest_1 import calculate_distances, format_distances, format_houses

class TestCalculateDistances(unittest.TestCase):
    def test_format_houses(self):
        """Проверка на правила форматирования."""
        self.assertEqual(format_houses("1 0 2 3 0 5 4"), second: [1, 0, 2, 3, 0, 5, 4])
        self.assertEqual(format_houses("0 2 3 4 0 1"), second: [0, 2, 3, 4, 0, 1])
        self.assertEqual(format_houses("5 6 7 0 1"), second: [5, 6, 7, 0, 1])

    def test_values_format_houses(self):
        """В последовательности должен быть ноль."""
        self.assertRaises(ValueError, format_houses, "8 4 3 1 6 7")
        self.assertRaises(ValueError, format_houses, "1 2 3 6 7 8")

    def test_number_format_houses(self):
        """Номера домов не могут превосходить 10^9."""
        self.assertRaises(ValueError, format_houses, "1 2 3 6 7 1000000000")
        self.assertRaises(ValueError, format_houses, "1 2 1000000000 6 7 8")

    def test_seen_format_houses(self):
        """Номера домов должны быть уникальными."""
        self.assertRaises(ValueError, format_houses, "1 2 3 6 7 1")
        self.assertRaises(ValueError, format_houses, "6 5 4 1 2 4")

    def test_calculate_distances(self):
        """Проверка расчёта дистанции."""
        self.assertEqual(calculate_distances(n: 5, houses: "0 1 4 9 0"), second: "0 1 2 1 0")
        self.assertEqual(calculate_distances(n: 6, houses: "0 7 9 4 8 20"), second: "0 1 2 3 4 5")
        self.assertEqual(calculate_distances(n: 13, houses: "0 2 3 1 11 13 14 7 9 4 8 20 19"), second: "0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12")
        self.assertEqual(calculate_distances(n: 13, houses: "0 2 3 1 11 13 14 7 0 4 8 20 19"), second: "0 1 2 3 4 3 2 1 0 1 2 3 4")
        self.assertEqual(calculate_distances(n: 100, houses: "1 2 3 4 5 6 7 8 0 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 0 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99"), second: "0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99")
        self.assertEqual(calculate_distances(n: 1000, houses: "1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 1000"), second: "0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 1000")

    def test_format_distances(self):
        """Проверка итогового форматирования."""
        self.assertEqual(format_distances([1, 2, 3, 1, 2, 3]), second: "1 2 3 1 2 3")
        self.assertEqual(format_distances([0, 1, 2, 0]), second: "0 1 2 0")
        self.assertEqual(format_distances([1, 3, 4, 6, 7, 10]), second: "1 3 4 6 7 10")
```

```
Ran 6 tests in 0.004s

OK
```

Дополнительные результаты выполнения самого сложного теста (В строке с домами более 1000 значений):

```
147 148 149 150 151 152 153 154 155 156

Время выполнения: 0.00095 секунд.
Использовано памяти: 15.89 Мб.

Process finished with exit code 0
```

Если видно плохо или хочется протестировать, то можете посмотреть мой код по заданию тут:

https://github.com/ytkinroman/lab_1_complexity/tree/main/quest_1

Задание 3. Симметрическая разность.

Условие задачи:

Ограничение по времени: 2 с. Ограничение по памяти: 64 Мб. На вход подается множество чисел в диапазоне от 1 до 20000. В случае, если множество пусто, вывести 0.

Ход решения задачи:

Функция `main` – это точка входа. Считывает строку, содержащую числа. Вызывает функцию `find_symmetric_difference` для вычисления симметрической разности множеств. Выводит результат и время выполнения программы.

Функция `find_symmetric_difference` разделяет строку на две части по символу 0. Каждая часть преобразуется в множество целых чисел с помощью функции `string_to_set`. Далее вычисляется симметрическая разность двух множеств, если симметрическая разность пуста, возвращается строка "0". Если симметрическая разность не пуста, она сортируется с помощью функции `quick_sort_sym_diff` (Используется алгоритм быстрой сортировки Quick sort), а затем преобразуется в строку с помощью функции `get_list_to_string`, которая возвращается в метод `main`.

Код:

```
def main() -> None:
    input_str = input()

    start_time = time.perf_counter()

    sym_diff = find_symmetric_difference(input_str)
    print(sym_diff)

    print("")

    stop_time = time.perf_counter()

    print(f"Время выполнения: {stop_time - start_time:0.5f} секунд.")

    final_memory = get_memory_usage()
    print(f"Использовано памяти: {final_memory:.2f} Mb.")

if __name__ == "__main__":
    main()
```

10 usages

```
def find_symmetric_difference(string_values: str):  
    """Нахождение симметрической разности множеств."""  
  
    parts = string_values.split("0")  
  
    set_a = string_to_set(parts[0].strip())  
    set_b = string_to_set(parts[1].strip())  
  
    sym_diff = set_a.symmetric_difference(set_b)  
    sym_diff = list(sym_diff)  
  
    if not sym_diff:  
        return "0"  
    else:  
        sort_diff = quick_sort_symmetric_difference(sym_diff)  
  
        result = get_list_to_string(sort_diff)  
  
        return result
```

3 usages

```
def quick_sort_symmetric_difference(arr: list) -> list:  
    """Алгоритм быстрой сортировки."""  
    if len(arr) <= 1:  
        return arr  
    else:  
        element = arr[0]  
  
        left = []  
        for x in arr:  
            if x < element:  
                left.append(x)  
  
        middle = []  
        for x in arr:  
            if x == element:  
                middle.append(x)  
  
        right = []  
        for x in arr:  
            if x > element:  
                right.append(x)  
  
        return quick_sort_symmetric_difference(left) + middle + quick_sort_symmetric_difference(right)
```



```

1 usage
def get_memory_usage():
    """Получение используемой памяти в мегабайтах."""
    process = psutil.Process(os.getpid())
    mem_info = process.memory_info()
    return mem_info.rss / (1024 * 1024)

1 usage
def get_list_to_string(input_list: list) -> str:
    """Преобразует список целых чисел в строку."""
    result = ""

    for distance in input_list:
        result += str(distance) + " "

    result_array = result.strip()

    return result_array

2 usages
def string_to_set(input_str: str) -> Set[int]:
    """Преобразует строку, содержащую числа, разделенные пробелами, в множество целых чисел."""
    input_str = input_str.split()

    result_set = set()
    for i in input_str:
        result_set.add(int(i))

    return result_set

```

Тесты (Проходят успешно):

```

class TestFindSymmetricDifference(unittest.TestCase):
    def test_find_symmetric_difference(self):
        """Проверка расчёта симметрической разности."""
        self.assertEqual(find_symmetric_difference("1 2 3 4 0 3 4 5 6 0"), "1 2 5 6")
        self.assertEqual(find_symmetric_difference("11 1 2 3 4 5 0 1 7 5 8 0"), "2 3 4 7 8 11")
        self.assertEqual(find_symmetric_difference("1 2 6 8 7 3 0 4 1 6 2 3 9"), "4 7 8 9")
        self.assertEqual(find_symmetric_difference("1 0 3"), "1 3")
        self.assertEqual(find_symmetric_difference("1 2 3 0 1 2 3"), "0")
        self.assertEqual(find_symmetric_difference("0 1"), "1")
        self.assertEqual(find_symmetric_difference("0"), "0")
        self.assertEqual(find_symmetric_difference("3 5 6 7 8 9 11 13 16 17 19 20 23 24 26 28 29 30 31 32 33 34 36 37 "
            "42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 55 56 61 62 63 66 67 68 69 70 72 "
            "74 77 78 80 81 82 85 86 89 91 93 95 96 97 98 99 103 104 105 106 107 "
            "108 109 110 111 114 115 116 117 120 122 123 124 125 127 128 129 130 "
            "131 138 140 141 142 143 144 145 146 148 149 150 151 152 153 154 155 156 157 160 161 "
            "163 164 165 166 168 169 170 175 176 177 178 180 181 184 185 186 187 188 189 192 193 194 195 196 199 200 "
            "202 203 205 206 207 209 210 211 212 213 214 215 217 218 219 220 221 225 226 228 229 230 232 233 234 235 236 "
            "238 240 241 242 243 244 245 246 247 248 250 253 254 255 256 257 259 262 263 264 268 269 270 271 273 274 275 "
            "276 279 281 282 284 287 288 289 294 295 296 297 298 299 300 0 1 2 3 5 6 7 8 10 11 14 15 16 18 19 20 21 24 "
            "25 26 27 28 29 31 33 34 35 36 37 38 39 41 42 44 45 46 47 48 49 52 53 55 56 57 58 59 60 62 65 67 68 70 71 "
            "72 73 74 76 77 79 80 82 83 84 86 87 88 89 90 91 96 97 98 99 100 102 103 105 106 107 109 110 111 113 114 "
            "115 116 117 118 119 121 123 124 125 128 129 130 131 133 134 138 142 143 144 145 146 147 148 151 152 153 "
            "159 160 161 162 163 164 166 167 168 169 170 172 174 175 176 177 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188 "
            "192 193 195 197 199 200 201 202 203 204 205 206 207 209 210 211 212 213 220 221 224 229 231 232 233 237 "
            "238 243 244 246 248 251 252 253 255 256 257 258 259 260 262 265 266 268 271 272 274 275 276 277 278 281 "
            "283 285 286 288 289 290 291 292 293 294 298 299 300"), "2 5 6 7 8 9 11 13 16 17 19 23 24 26 28 29")

```

```
3 5 6 7 8 9 11 13 16 17 19 20 23 24 26 28 29 30 31 32 33 34 36 37 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 55 56 61 62 63 66 67 68 69 70 72 74 77 78 80 81 82 85 86 89 91 93 95 96 97 98 99 103 104 105 106 107 108 109 110
111 114 115 116 117 120 122 123 124 125 127 128 129 130 131 138 140 141 142 143 144 145 146 148 149 150 151 152 153 154 155 156 157 160 161 163 164 165 166 168 169 170 175 176 177 178 180 181 184 185 186 187 188
189 192 193 194 195 196 199 200 202 203 205 206 207 209 210 211 212 213 214 215 217 218 219 220 221 225 226 228 229 230 232 233 234 235 236 238 240 241 242 243 244 245 246 247 248 250 253 254 255 256 257 259 262
263 264 268 269 270 271 273 274 275 276 279 281 282 284 287 288 289 294 295 296 297 298 299 300 0 1 2 3 5 6 7 8 10 11 14 15 16 18 19 20 21 24 25 26 27 28 29 31 33 34 35 36 37 38 39 41 42 44 45 46 47 48 49 52 53
55 56 57 58 59 60 62 65 67 68 70 71 72 73 74 76 77 79 80 82 83 84 86 87 88 89 90 91 96 97 98 99 100 102 103 105 106 107 109 110 111 113 114 115 116 117 118 119 121 123 124 125 128 129 130 131 133 134 138 142 143
144 145 146 147 148 151 152 153 159 160 161 162 163 164 166 167 168 169 170 172 174 175 176 177 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188 192 193 195 197 199 200 201 202 203 204 205 206 207 209 210 211 212 213 220
221 224 229 231 232 233 237 238 243 244 246 248 251 252 253 255 256 257 258 259 260 262 265 266 268 271 272 274 275 276 277 278 281 283 285 286 288 289 290 291 292 293 294 298 299 300

Время выполнения: 0.00010 секунд.
Использовано памяти: 15.65 Mb.
```

Дополнительно: Самый тяжёлый тест на более 300 значений:

```
Время выполнения: 0.00011 секунд.
Использовано памяти: 15.52 Mb.
```

Если видно плохо или хочется протестировать, то можете посмотреть мой код по заданию тут:

https://github.com/ytkinroman/lab_1_complexity/tree/main/quest_3

Задание 6. Вычисление полинома.

Условие задачи:

Ограничение по времени: 1 с. Ограничение по памяти: 16 Мб. Первая строка файла содержит три числа – степень полинома $2 \leq N \leq 100000$, количество вычисляемых значений аргумента $1 \leq M \leq 10000$ и модуль $10 \leq \text{MOD} \leq 10^9$. Следующие $N+1$ строк содержат значения коэффициентов полинома $0 \leq a_i \leq 10^9$. В очередных M строках содержатся значения аргументов $0 \leq x_i \leq 10^9$.

Ход решения задачи:

Функция `main` – это точка входа. Считывает и преобразует необходимые для вычислений значения (степень полинома, количество вычисляемых значений, модуль, значения коэффициентов). После чего вызывает метод `polynomial_values` и передаёт туда полученные значения.

Функция `polynomial_values` рекурсивно вычисляет значения полинома для каждого значения x из списка. Она использует функцию `poly_value` для вычисления значения полинома для каждого элемента списка. Функция `poly_value` использует рекурсию для вычисления значения полинома. Она последовательно умножает коэффициенты на соответствующие степени x и суммирует результаты.

Функция `get_result` в методе `main` просто выводит результаты, полученные из функции `polynomial_values`.

Код

```
1 usage
def main() -> None:
    input_line = input().split()

    N = int(input_line[0])
    M = int(input_line[1])
    MOD = int(input_line[2])

    coefficients = []
    for i in range(N + 1):
        c = int(input())
        coefficients.append(c)

    x_values = []
    for i in range(M):
        x = int(input())
        x_values.append(x)

    start_time = time.perf_counter()

    results = polynomial_values(coefficients, x_values, MOD)

    get_result(results)

    stop_time = time.perf_counter()

    print(f"Время выполнения: {stop_time - start_time:0.5f} секунд.")

    final_memory = get_memory_usage()
    print(f"Использовано памяти: {final_memory:.2f} Mb.")

if __name__ == "__main__":
    main()
```

1 usage

```
def get_memory_usage():  
    """Получение используемой памяти в мегабайтах."""  
    process = psutil.Process(os.getpid())  
    mem_info = process.memory_info()  
    return mem_info.rss / (1024 * 1024)
```

2 usages

```
def poly_value(coefficients: list, x: int, mod: int, power_of_x: int = 1) -> int:  
    """Вычисляет значение полинома для заданного значения с использованием рекурсии."""  
    if not coefficients:  
        return 0  
    else:  
        return (coefficients[-1] * power_of_x + poly_value(coefficients[:-1], x, mod, (power_of_x * x) % mod)) % mod
```

5 usages

```
def polynomial_values(coefficients: list, x_values: list, mod: int) -> list:  
    """Вычисляет значения полинома для списка значений."""  
    if not x_values:  
        return []  
    else:  
        return [poly_value(coefficients, x_values[0], mod)] + polynomial_values(coefficients, x_values[1:], mod)
```

1 usage

```
def get_result(results: list) -> None:  
    """Выводит результаты из списка."""  
    for result in results:  
        print(result)
```

Тесты

```
import unittest
from quest_6 import polynomial_values

> class TestComputePolynomialValues(unittest.TestCase):
>     def test_polynomial_values_1(self):
        N = 2
        M = 5
        MOD = 10
        coefficients = [1, 5, 4]
        x_values = [0, 1, 2, 3, 4]
        expected_results = [4, 0, 8, 8, 0]
        self.assertEqual(polynomial_values(coefficients, x_values, MOD), expected_results)

>     def test_polynomial_values_2(self):
        N = 5
        M = 9
        MOD = 10
        coefficients = [1, 0, 0, 0, 0, 0]
        x_values = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
        expected_results = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
        self.assertEqual(polynomial_values(coefficients, x_values, MOD), expected_results)
```

Ran 2 tests in 0.001s

Самый сложный тест:

Время выполнения: 0.00005 секунд.
Использовано памяти: 15.37 Мб.

Если видно плохо или хочется протестировать, то можете посмотреть мой код по заданию тут:

https://github.com/ytkinroman/lab_1_complexity/tree/main/quest_6

Задание 8. Магараджа.

Условие задачи:

Ограничение по времени: 1 с. Ограничение по памяти: 16 Мб. Входной файл INPUT.TXT содержит два целых числа: N и K ($1 \leq K \leq N \leq 10$).

Ход решения задачи:

Функция `main` – это точка входа. Считывает входные данные из документа с помощью метода `read_file`. Функция `count_mag` создает пустую доску размером N x N и вызывает `place_mag` для подсчета количества способов размещения магарадж. Записывает результат в файл с помощью `save_file`. Измеряет и выводит время выполнения и использованную память.

Функция `place_mag` рекурсивно размещает магарадж на доске. Если количество размещенных магарадж достигает значения, функция возвращает 1 (успешное размещение). В противном случае, функция пробует разместить магараджу на каждой позиции, проверяя безопасность с помощью `is_safe`. Если размещение безопасно, функция рекурсивно вызывает себя для следующей магараджи.

Код

```
5 usages
def count_mag(N: int, K: int) -> int:
    """Функция для подсчета количества способов разместить магарадж на доске."""
    board = [[0] * N for _ in range(N)]
    return place_mag(board, row: 0, col: 0, count: 0, K)

1 usage
def main() -> None:
    start_time = time.perf_counter()
    filename = "input.txt"
    N, K = read_file(filename)
    # print(N, K)

    result = count_mag(N, K)
    # print(result)
    save_file(result)

    stop_time = time.perf_counter()

    print(f"Время выполнения: {stop_time - start_time:0.5f} секунд.")

    final_memory = get_memory_usage()
    print(f"Использовано памяти: {final_memory:.2f} Mb.")

if __name__ == "__main__":
    main()
```

```
55 def place_mag(board: list, row: int, col: int, count: int, K: int) -> int:
56     """Рекурсивная функция для размещения магарадж на доске."""
57     if count == K:
58         return 1
59
60     total = 0
61     for i in range(row, len(board)):
62         for j in range(len(board)):
63             if is_safe(board, i, j):
64                 board[i][j] = 1
65                 total += place_mag(board, i, j, count + 1, K)
66                 board[i][j] = 0
67
68     return total
69
```


1 usage

```
def save_file(result_num: int) -> None:
    """Запись данных в файл."""
    with open("output.txt", "w") as file:
        result_value = str(result_num)
        file.write(result_value)
```

1 usage

```
def is_safe(board: list, row: int, col: int) -> bool:
    """Проверка, можно ли поставить коня на позицию."""
    for i in range(len(board)):
        if board[i][col] == 1 or board[row][i] == 1:
            return False

    for i in range(len(board)):
        for j in range(len(board)):
            if (i + j == row + col) or (i - j == row - col):
                if board[i][j] == 1:
                    return False

    knight_moves = [
        (2, 1), (1, 2), (-1, 2), (-2, 1),
        (-2, -1), (-1, -2), (1, -2), (2, -1)
    ]

    for move in knight_moves:
        new_row, new_col = row + move[0], col + move[1]
        if 0 <= new_row < len(board) and 0 <= new_col < len(board):
            if board[new_row][new_col] == 1:
                return False

    return True
```

```

1 usage
def get_memory_usage():
    """Получение используемой памяти в мегабайтах."""
    process = psutil.Process(os.getpid())
    mem_info = process.memory_info()
    return mem_info.rss / (1024 * 1024)

1 usage
def read_file(filename: str) -> tuple:
    """Чтение данных из файла."""
    with open(filename, "r") as file:
        line = file.readline().strip()
        a, b = map(int, line.split())

    return a, b

```

Тесты (Проходят успешно):

```

import unittest
from quest_8 import count_mag

class TestCountMag(unittest.TestCase):
    def test_count_mag(self):
        self.assertEqual(count_mag(N: 3, K: 1), second: 9)
        self.assertEqual(count_mag(N: 4, K: 2), second: 20)
        self.assertEqual(count_mag(N: 5, K: 3), second: 48)

```

Время выполнения: 0.00065 секунд.
Использовано памяти: 15.34 Mb.

Process finished with exit code 0

Если видно плохо или хочется протестировать, то можете посмотреть мой код по заданию тут: https://github.com/ytkinroman/lab_1_complexity/tree/main/quest_8

Задание 10. Перетягивание каната.

Условие задачи:

Ограничение по времени: 3 с. Ограничение по памяти: 16 Мб. В первой строке входного файла INPUT.TXT задаются три числа N, K, M, разделенные одиночными пробелами, где N – общее число зарегистрированных участников, K – требуемое количество человек в первой команде, M – количество пар участников, знакомых друг с другом. Каждая из следующих M строк содержит два различных числа, разделенные пробелом – номера двух участников, знакомых друг с другом. Все участники нумеруются от 1 до N. Ограничения: все числа целые, $0 < K < N < 25$, $0 \leq M \leq N(N-1)/2$

Ход решения задачи:

Функция main – это точка входа. Читывает входные данные из документа с помощью метода read_file.

Функция get_matrix создает матрицу смежности. Матрица смежности используется для представления графа и последующего вычисления связности команд.

Функция find_best_combination инициализирует процесс поиска лучшей комбинации участников и возврата результата. Вызывается функция generate_combinations для генерации всех возможных комбинаций и поиска наиболее связанной комбинации.

Функция generate_combinations рекурсивно генерирует все возможные комбинации участников и находит наиболее связанную комбинацию. Если текущая комбинация достигла нужного размера k, вычисляется её связность с помощью функции calculate_cohesion. Если связность текущей комбинации больше, чем у лучшей найденной комбинации, обновляется лучшая комбинация. Рекурсивно генерируются все возможные комбинации, добавляя очередного участника из списка оставшихся участников.

Код

4 usages

```
▼ def find_best_combination(N: int, K: int, matrix: list) -> str:
    """Находит лучшую комбинацию участников."""
    participants = list(range(1, N + 1))
    best_combination = [[]]

    generate_combinations(current_combination: [], participants, K, matrix, best_combination, best_cohesion: [0])

    return get_result_string(best_combination[0])
```

1 usage

```
▼ def get_result_string(result_list: list) -> str:
    """Преобразует список целых чисел в строку."""
    return " ".join(map(str, result_list))
```

1 usage

```
▼ def main() -> None:
    start_time = time.perf_counter()
    filename = "input.txt"
    N, K, M, edges = read_file(filename)

    matrix = get_matrix(N, edges)

    best_combination = find_best_combination(N, K, matrix)

    with open("output.txt", "w") as file:
        file.write(best_combination)

> if __name__ == "__main__":
    main()
```

1 usage

```
def get_matrix(party: int, edges: list) -> list:
```

```
    """Создание матрицы смежности."""
```

```
    matrix = []
```

```
    for i in range(party):
```

```
        row = [0] * party
```

```
        matrix.append(row)
```

```
    for edge in edges:
```

```
        u = edge[0] - 1
```

```
        v = edge[1] - 1
```

```
        matrix[u][v] = 1
```

```
        matrix[v][u] = 1
```

```
    return matrix
```

1 usage

```
def calculate_cohesion(team_list: list, matrix: list) -> int:
```

```
    """Вычисляет связность команды путем подсчета количества пар участников в команде."""
```

```
    team_length = len(team_list)
```

```
    ties = 0
```

```
    for i in range(team_length):
```

```
        for j in range(i + 1, team_length):
```

```
            if matrix[team_list[i] - 1][team_list[j] - 1] == 1:
```

```
                ties += 1
```

```
    return ties
```

2 usages

```
def generate_combinations(current_combination: list, remaining_participants: list, k: int, matrix: list, best_combination: list, best_cohesion: list) -> None:
```

```
    """Генерирует комбинации участников и находит лучшую комбинацию на основе связности."""
```

```
    if len(current_combination) == k:
```

```
        cohesion = calculate_cohesion(current_combination, matrix)
```

```
        if cohesion > best_cohesion[0]:
```

```
            best_cohesion[0] = cohesion
```

```
            best_combination[0] = current_combination
```

```
        return
```

```
    for i in range(len(remaining_participants)):
```

```
        generate_combinations(current_combination + [remaining_participants[i]], remaining_participants[i+1:], k, matrix, best_combination, best_cohesion)
```

```

def get_memory_usage():
    """Получение используемой памяти в мегабайтах."""
    process = psutil.Process(os.getpid())
    mem_info = process.memory_info()
    return mem_info.rss / (1024 * 1024)

1 usage
def read_file(filename: str) -> tuple:
    """Чтение данных из файла."""
    with open(filename, "r") as file:
        first_line = file.readline().strip()
        parts = first_line.split()

        N = int(parts[0]) # Общее число зарегистрированных участников.
        K = int(parts[1]) # Требуемое количество человек в первой команде.

        M = int(parts[2]) # Количество пар участников, знакомых друг с другом.

        edges = []
        for i in range(M):
            line = file.readline().strip()
            parts = line.split()

            a = int(parts[0])
            b = int(parts[1])
            edge = (a, b)

            edges.append(edge)

    return N, K, M, edges

```

Тесты (Проходят успешно):

```

class TestFunctions(unittest.TestCase):
    def test_get_matrix_1(self):
        N = 5
        edges = [(1, 3), (2, 5), (5, 4)]
        matrix = get_matrix(N, edges)
        self.assertEqual(matrix, (second) [[0, 0, 1, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 1], [1, 0, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 1], [0, 1, 0, 1, 0]])

    def test_get_matrix_2(self):
        N = 7
        edges = [(1, 3), (2, 3), (5, 4)]
        matrix = get_matrix(N, edges)
        self.assertEqual(matrix, (second) [[0, 0, 1, 0, 0, 0, 0], [0, 0, 1, 0, 0, 0, 0], [1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 1, 0, 0], [0, 0, 0, 1, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]])

    def test_find_best_combination_1(self):
        N = 5
        K = 3
        matrix = [[0, 0, 1, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 1], [1, 0, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 1], [0, 1, 0, 1, 0]]
        best_combination = find_best_combination(N, K, matrix)
        self.assertEqual(best_combination, (second) "2 4 5")

    def test_find_best_combination_2(self):
        N = 7
        K = 4
        matrix = [[0, 0, 1, 0, 0, 0, 0], [0, 0, 1, 0, 0, 0, 0], [1, 1, 0, 0, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 1, 0, 0], [0, 0, 0, 1, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]]
        best_combination = find_best_combination(N, K, matrix)
        self.assertEqual(best_combination, (second) "1 2 3 4")

```

```
D:\PycharmProjects\algorithms_and_complexity_analysis\.venv\Scripts\python  
Время выполнения: 0.00062 секунд.  
Использовано памяти: 15.33 Мб.  
  
Process finished with exit code 0
```

Если видно плохо или хочется протестировать, то можете посмотреть мой код по заданию тут:

https://github.com/ytkinroman/lab_1_complexity/tree/main/quest_10