### Taller 2

### October 8, 2023

### 1 Carga de los datos

#### 2 1. Entendimiento de los datos

#### 2.1 Diccionario

country: Unique Identifier

**incomeperperson**: 2010 Gross Domestic Product per capita in constant 2000 US\$. The inflation but not the differences in the cost of living between countries has been taken into account.

alcconsumption: 2008 Alcohol consumption per adult (age 15+), litres Recorded and estimated average alcohol consumption, adult (15+) per capita consumption in litres pure alcohol

armedforcesrate: Armed forces personnel (% of the total labour force)

**breastcancerper100TH**: 2002 breast cancer new cases per 100,000 females. Number of new cases of breast cancer in 100,000 female residents during a certain year.

**co2emissions**: 2006 cumulative CO2 emission (metric tons), Total amount of CO2 emission in metric tons since 1751.

**femaleemployrate**: 2007 female employees age 15+ (% of the population). Percentage of female population, age above 15, that has been employed during the given year.

**HIVrate**: 2009 estimated HIV Prevalence % - (Ages 15-49). Estimated number of people living with HIV per 100 population of age group 15-49.

**Internetuserate**: 2010 Internet users (per 100 people). Internet users are people with access to the worldwide network.

**lifeexpectancy**: 2011 life expectancy at birth (years). The average number of years a newborn child would live if current mortality patterns were to stay the same.

oilperperson: 2010 oil Consumption per capita (tonnes per year and person).

**polityscore**: 2009 Democracy score (Polity). Overall polity score from the Polity IV dataset, calculated by subtracting an autocracy score from a democracy score. The summary measure of a country's democratic and free nature. -10 is the lowest value, 10 the highest.

**relectricperperson** 2008 residential electricity consumption, per person (kWh). The amount of residential electricity consumption per person during the given year, counted in kilowatt-hours (kWh).

**suicideper100TH**: Suicide, age-adjusted, per 100,000 Mortality due to self-inflicted injury, per 100,000 standard population, age-adjusted.

**employrate**: 2007 total employees age 15+ (% of the population). Percentage of the total p population, age above 15, that has been employed during the given year.

**urbanrate:** Urban population (% of total) Urban population refers to people living in urban areas as defined by national statistical offices (calculated using World Bank population estimates and urban ratios from the United Nations World Urbanization Prospects)

### 2.2 1.1 Tipos de datostodas las columnas son indicadores numéridos

<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 178 entries, 0 to 177
Data columns (total 18 columns):

#	Column	Non-Null Count	Dtype
0	country	178 non-null	object
1	incomeperperson	175 non-null	float64
2	${\tt alcconsumption}$	178 non-null	float64
3	armedforcesrate	174 non-null	float64
4	breastcancerper100th	177 non-null	float64
5	co2emissions	176 non-null	float64
6	${\tt femaleemployrate}$	177 non-null	float64
7	hivrate	155 non-null	float64
8	internetuserate	174 non-null	float64
9	lifeexpectancy	178 non-null	float64
10	oilperperson	67 non-null	float64
11	polityscore	167 non-null	float64
12	relectricperperson	141 non-null	float64
13	suicideper100th	178 non-null	float64
14	employrate	177 non-null	float64
15	urbanrate	178 non-null	float64
16	region	178 non-null	object
17	income_groups	174 non-null	object

dtypes: float64(15), object(3)

memory usage: 25.2+ KB

Como se observa en la tabla anterior, y de acuerdo con el diccionario de datos, con excepción de la columna country todas las columnas son indicadores numéridos

#### 2.3 1.3 Análisis univariado

	count	mean	std	min	\
incomeperperson	175.0	7.553392e+03	1.107457e+04	103.775857	
alcconsumption	175.0	6.865257e+00	5.111631e+00	0.050000	
armedforcesrate	171.0	1.376918e+00	1.510972e+00	0.000000	
breastcancerper100th	174.0	3.781092e+01	2.336893e+01	3.900000	
co2emissions	173.0	5.845393e+09	2.757598e+10	850666.666700	

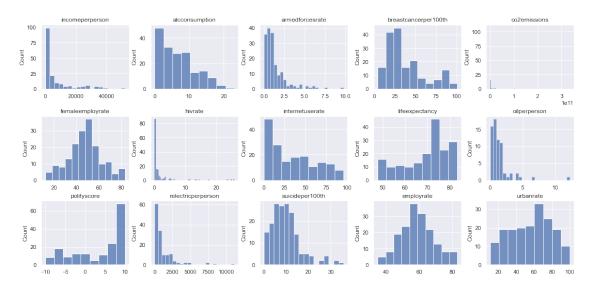
```
femaleemployrate
                           174.0
                                  4.765805e+01
                                                1.469791e+01
                                                                   12.400000
hivrate
                           154.0
                                  1.862662e+00
                                                4.288853e+00
                                                                    0.060000
internetuserate
                           172.0
                                  3.490039e+01
                                                2.815022e+01
                                                                    0.210066
lifeexpectancy
                           175.0
                                  6.952811e+01
                                                9.753006e+00
                                                                   47.794000
oilperperson
                            66.0
                                  1.355786e+00
                                                1.669981e+00
                                                                    0.032281
polityscore
                           164.0
                                  3.646341e+00
                                                6.379361e+00
                                                                  -10.000000
relectricperperson
                           137.0
                                  1.154900e+03
                                                1.552701e+03
                                                                    9.192395
suicideper100th
                           175.0
                                  1.005070e+01
                                                6.540393e+00
                                                                    0.201449
employrate
                                 5.874195e+01
                                                1.033769e+01
                           174.0
                                                                   34.900002
urbanrate
                           175.0
                                  5.636137e+01
                                                2.232546e+01
                                                                   10.400000
                           175.0
log incomeperperson
                                  7.830242e+00
                                                1.598949e+00
                                                                    4.651823
log_alcconsumption
                           175.0
                                  1.801144e+00
                                                7.877582e-01
                                                                    0.048790
log armedforcesrate
                           171.0
                                  7.341038e-01
                                                4.740197e-01
                                                                    0.000000
                                                                    1.589235
log_breastcancerper100th
                          174.0
                                  3.481636e+00
                                                6.097279e-01
                                                2.370644e+00
log_co2emissions
                           173.0
                                  1.987728e+01
                                                                   13.653777
log_hivrate
                           154.0
                                  6.299275e-01
                                                7.419928e-01
                                                                    0.058269
log_oilperperson
                           66.0
                                  7.319055e-01
                                                4.491709e-01
                                                                    0.031771
log_relectricperperson
                           139.0
                                  6.200701e+00
                                                1.576966e+00
                                                                    0.000000
log_suicideper100th
                           175.0
                                  2.228666e+00
                                                6.195432e-01
                                                                    0.183528
                                    25%
                                                  50%
                                                                 75% \
incomeperperson
                           6.097443e+02
                                         2.425471e+03
                                                       8.880432e+03
alcconsumption
                           2.560000e+00
                                         6.080000e+00
                                                       1.003500e+01
armedforcesrate
                                         9.311688e-01
                                                       1.565301e+00
                           4.848023e-01
breastcancerper100th
                           2.045000e+01
                                         3.015000e+01
                                                       5.075000e+01
co2emissions
                           8.797067e+07
                                         3.009343e+08
                                                       2.406741e+09
                                         4.845000e+01
                                                       5.587500e+01
femaleemployrate
                           3.890000e+01
                                         4.000000e-01
                                                       1.200000e+00
hivrate
                           1.000000e-01
internetuserate
                           9.973925e+00
                                         2.993993e+01
                                                       5.630003e+01
                                         7.297400e+01
                                                       7.633700e+01
lifeexpectancy
                           6.274700e+01
oilperperson
                           5.702306e-01
                                         8.908132e-01
                                                       1.576598e+00
polityscore
                          -2.000000e+00
                                         6.000000e+00
                                                       9.000000e+00
relectricperperson
                                                       1.566106e+03
                           2.614340e+02
                                         6.179256e+02
suicideper100th
                           5.802861e+00
                                         9.127511e+00
                                                       1.264050e+01
employrate
                           5.132500e+01
                                         5.870000e+01
                                                       6.480000e+01
urbanrate
                           3.755000e+01
                                         5.962000e+01
                                                       7.346000e+01
                           6.414678e+00
                                         7.794193e+00
                                                       9.091395e+00
log incomeperperson
log_alcconsumption
                           1.269761e+00
                                         1.957274e+00
                                                       2.401064e+00
log armedforcesrate
                           3.952812e-01
                                         6.581254e-01
                                                       9.420610e-01
log breastcancerper100th
                          3.065717e+00
                                         3.438803e+00
                                                       3.946412e+00
log co2emissions
                           1.829251e+01
                                         1.952240e+01
                                                       2.160154e+01
log_hivrate
                           9.531018e-02
                                         3.364722e-01
                                                       7.884574e-01
log oilperperson
                           4.511645e-01
                                         6.370070e-01
                                                       9.464677e-01
log_relectricperperson
                           5.515861e+00
                                         6.423096e+00
                                                       7.333571e+00
                           1.917330e+00
log_suicideper100th
                                         2.315256e+00
                                                       2.612902e+00
```

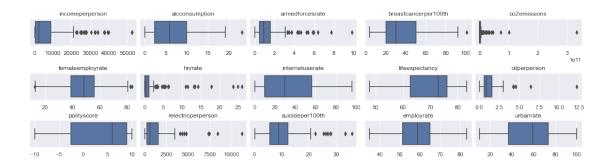
incomeperperson	5.230159e+04
alcconsumption	2.301000e+01
armedforcesrate	9.820127e+00
breastcancerper100th	1.011000e+02
co2emissions	3.340000e+11
femaleemployrate	8.330000e+01
hivrate	2.590000e+01
internetuserate	9.563811e+01
lifeexpectancy	8.339400e+01
oilperperson	1.222864e+01
polityscore	1.000000e+01
relectricperperson	1.115476e+04
suicideper100th	3.575287e+01
employrate	8.320000e+01
urbanrate	1.000000e+02
log_incomeperperson	1.086480e+01
log_alcconsumption	3.178470e+00
log_armedforcesrate	2.381408e+00
log_breastcancerper100th	4.625953e+00
log_co2emissions	2.653441e+01
log_hivrate	3.292126e+00
log_oilperperson	2.582385e+00
log_relectricperperson	9.319711e+00
log_suicideper100th	3.604216e+00

En la tabla anterior se observan algunos valores posiblemente erroneos, en particular parece extraño que existan países en que el consumo electrico por persona sea cero, aunque puede que sea aproximadamente cero .

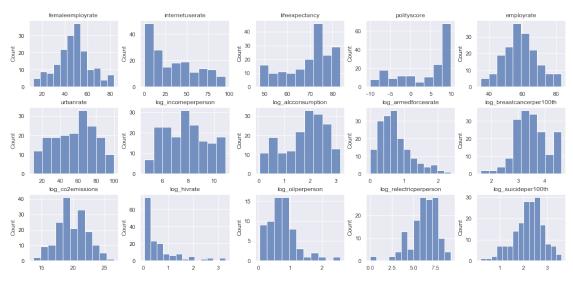
13 Iraq175 Namibia

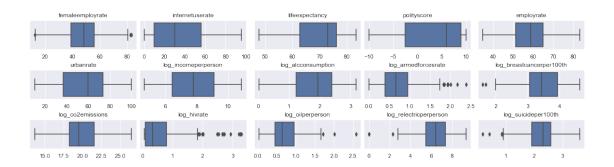
Name: country, dtype: object





De las gráficas anteriores se pueden observar valores atípicos en bastantes de las variables. Para intentar mitigar este efecto se propone aplicar logaritmo a estas variables con lo cual se espera obtener un distribución más cercana a una normal:





Vemos que con esta transformación se mitiga el efecto de los datos extremos en varias de las variables

y se obstienen distribuciones más cercanas a una normal. Aunque aun persisten algunos valores atípicos.

### 3 Análisis bivariado

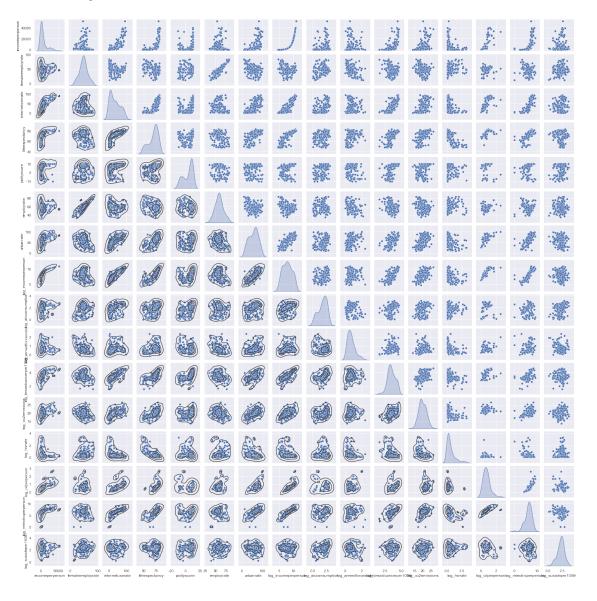
C:\Users\yacha\AppData\Local\Programs\Python\Python39\lib\site-packages\seaborn\axisgrid.py:118: UserWarning: The figure layout has changed to tight

self.\_figure.tight\_layout(\*args, \*\*kwargs)

C:\Users\yacha\AppData\Local\Programs\Python\Python39\lib\site-packages\seaborn\axisgrid.py:118: UserWarning: The figure layout has changed to tight

self.\_figure.tight\_layout(\*args, \*\*kwargs)

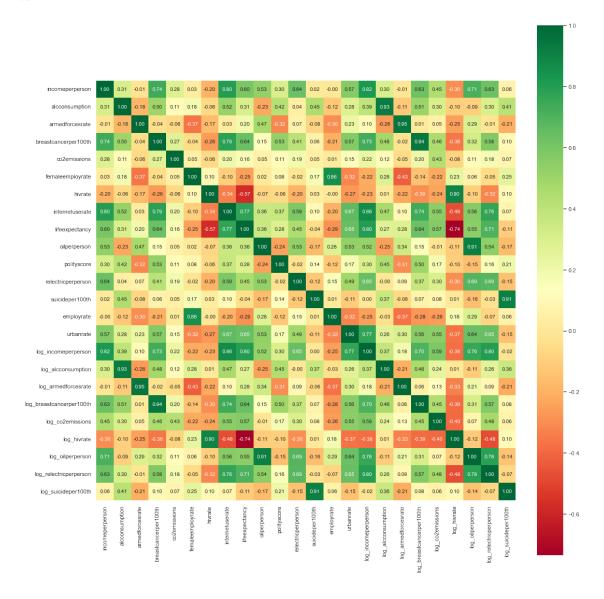
<seaborn.axisgrid.PairGrid at 0x1b383532610>



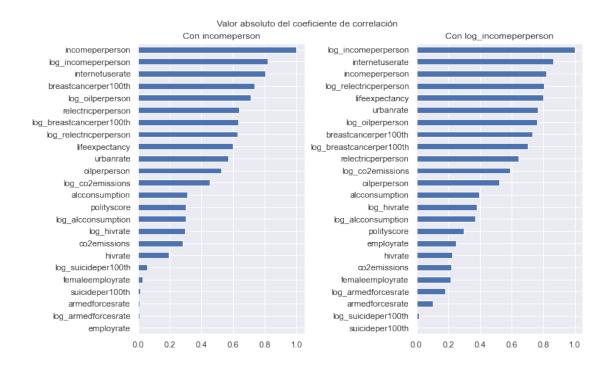
A partir de la gráfica anterior es posible observar que existen varias variables que tienen una fuerte relación con en el ingreso per cápita y que esta relación es aproximadamente lineal con el logaritmo de esta variable. Lo cual es particularmente notorio en el caso de: - internetuserate - log relectricperperson - breastcancerper100th - urbanrate - log oilperperson

#### 3.0.1 Análisis de correlaciones

<Axes: >



<Axes: title={'center': 'Con log\_incomeperperson'}>



De las dos gráficas anteriores se seleccionan las cinco variables que tienen mayor correlación con el ingreso o logaritmo del ingreso:

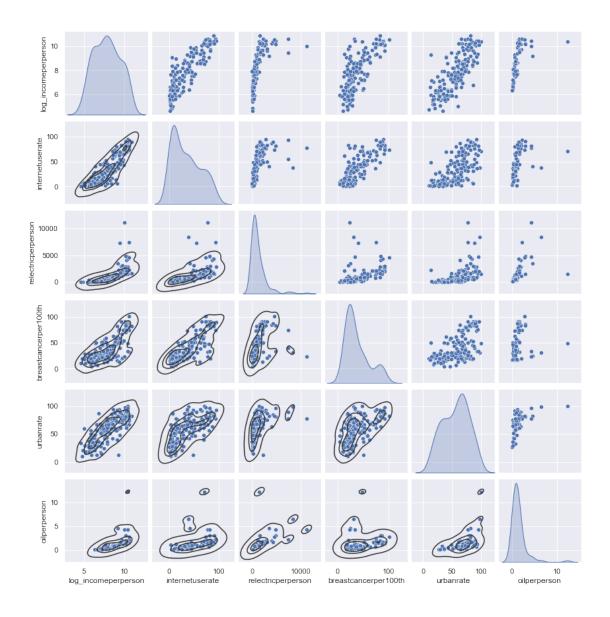
- internetuserate
- $\bullet$  relectric perperson
- breastcancerper100th
- urbanrate
- oilperperson

C:\Users\yacha\AppData\Local\Programs\Python\Python39\lib\sitepackages\seaborn\axisgrid.py:118: UserWarning: The figure layout has changed to tight

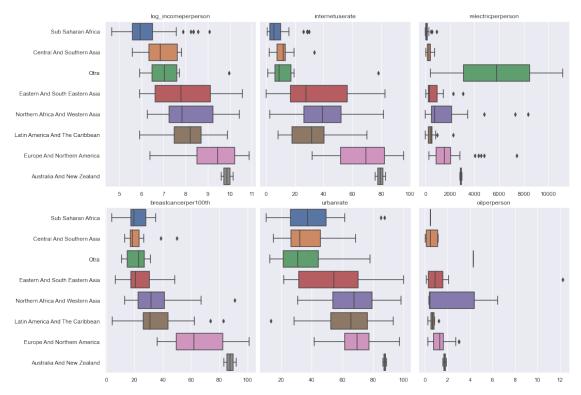
self.\_figure.tight\_layout(\*args, \*\*kwargs)

C:\Users\yacha\AppData\Local\Programs\Python\Python39\lib\sitepackages\seaborn\axisgrid.py:118: UserWarning: The figure layout has changed to tight

self.\_figure.tight\_layout(\*args, \*\*kwargs)



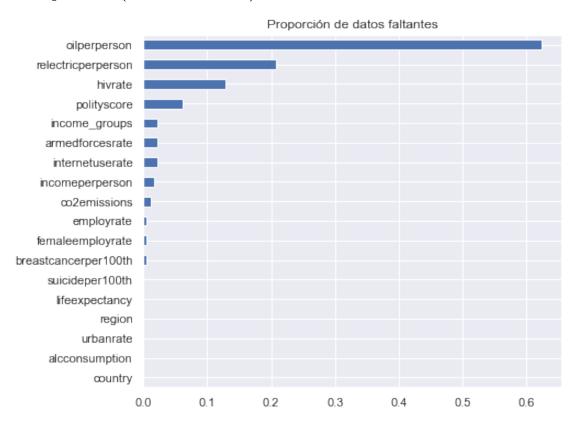
### 3.1 Comportamiento de los indicadores por región



En la gráfica anterior podemos observar que la región es una variable que se relaciona con todos los indicadores seleccionados. En particular es posible observar que Australia, Nueva Zelanda, Europa y Norte América tienden a tener un desempeño más alto. Aunque en los grupos se encuentran países a típicos, como es el caso de los países con relativamente altos ingresos en AFríca

# 4 2. Preparación de datos

# 4.1 Completitud (Datos Faltantes)



	Faltantes
country	0.000000
alcconsumption	0.000000
urbanrate	0.000000
region	0.000000
lifeexpectancy	0.000000
suicideper100th	0.000000
breastcancerper100th	0.005618
femaleemployrate	0.005618
employrate	0.005618
co2emissions	0.011236
incomeperperson	0.016854
internetuserate	0.022472
armedforcesrate	0.022472
income_groups	0.022472
polityscore	0.061798
hivrate	0.129213
relectricperperson	0.207865

oilperperson 0.623596

Como se puede observar en la gráfica anterior, se encuentran bastantes datos faltantes, principalmente en las variables oilperperson (62.4%), relectricperperson (20.8%) y hivrate (12.9%).

Consistencia : No se identifican problemas de consistencia en la medida en que las variables incluidas no permiten establecer contradicciones entre sí.

**Procesabilidad**: Los datos son procesables en la medida en que todos se encuentran en un formato que perite su uso inmediato.

**Disponibilidad**: Los datos se encuentran disponibles y dado que se trata de un análisis puntual no existe un problema en terminos de la latencia para acceder a los mismos. Sin embargo, los tiempos de actualización de los datos implican que no es facil mantener estos análisis actualizados en caso de que se requiera.

**Temporalidad**: De aceurdo al diccionario es posible observar que no todas las variables estan actualizadas al mismo periodo, sin emabrgo, se considera que esto puede no ser un problema mayor en la medida en que no se esperan cambios abruptos en estos indicadores, aunque es algo a tener en cuenta y que no se puede descartar. Adicionalmente el dataset es relativamente viejo 2007-2011, por lo que algunas de las relaciones que se identifiquen pueden ya no mantenerse.

Credibilidad: De acuerdo con el portal GapMinder: "Most of our data are not good enough for detailed numeric analysis" (enlace). Por lo que es posible que las fuentes de información puedan tener algunos problemas de credibilidad, pues los datos son recolectados de fuentes diversas y GapMinder intenta llenar los vacíos que encuentra.

**Completitud**: Se identifican datos faltantes en varias variables (ver más arriba) por lo que será necesario eliminar algunas de ellas o hacer imputaciones en los casos en que el porcentaje de datos faltantes no es tan elevado.

#### 4.2 Remediación de datos faltantes

De las variables consideradas claves se propone lo siguente para remediar los problemas de completitud:

- **incomeperperson**: Eliminar las filas con datos faltantes, dado que esta es la variable que se pretende explicar.
- oilperson: Elimminar esta columna, dado que el porcentaje de datos faltantes es demaciado alto.
- relectricperperson, breastcancerper100th, internetuserate: imputar estos valores con la mediana de los países de la misma región y grupo de ingresos. Se utilizará la mediana, dado que se observan algunos valores extremos en algunas de estas variables y se quiere utilizar un método robusto.

log_incomeperperson	0
internetuserate	3
relectricperperson	38
breastcancerper100th	1
urbanrate	0
oilperperson	109

# dtype: int64

Antes de avanzar con la imputación separamos los datos entre test y train, para garantizar que las estadísticas que se utilicen en la imputación no utilicen los datos de test.

		median_internetuserate \
region	income_groups	
Australia And New Zealand	high_income	83.002584
Central And Southern Asia	low_income	9.739743
	lower_middle_income	13.598876
	upper_middle_income	13.000111
Eastern And South Eastern Asia	high_income	77.638535
	lower_middle_income	18.949975
	upper_middle_income	45.338912
Europe And Northern America	high_income	75.873096
-	lower_middle_income	42.353795
	upper_middle_income	40.020095
Latin America And The Caribbean	high_income	45.000000
	low_income	8.370207
	lower_middle_income	11.090765
	upper_middle_income	32.934351
Northern Africa And Western Asia	high_income	59.206265
	low_income	16.506453
	lower_middle_income	36.562553
	upper_middle_income	31.004378
Otra	lower_middle_income	1.280050
	upper_middle_income	14.830736
Sub Saharan Africa	low_income	2.450362
	lower_middle_income	9.837459
	upper_middle_income	17.616353
		median_relectricperperson
\		
region	income_groups	
Australia And New Zealand	high_income	2993.092660
Central And Southern Asia	low_income	218.659975
	lower_middle_income	164.774591
	upper_middle_income	618.654395
Eastern And South Eastern Asia	high_income	2257.572233
	lower_middle_income	302.725655
	upper_middle_income	603.780028
Europe And Northern America	high_income	1736.697704
-	lower_middle_income	489.262488
	upper_middle_income	614.907287
Latin America And The Caribbean	high_income	532.515177
	low_income	9.192395
	lower_middle_income	256.099151

Northern Africa And Western Asia Otra Sub Saharan Africa	upper_middle_income high_income low_income lower_middle_income upper_middle_income lower_middle_income upper_middle_income low_income lower_middle_income upper_middle_income upper_middle_income upper_middle_income	457.644842 2233.099055 472.544461 209.094517 661.619794 NaN NaN 38.222943 72.225843 NaN
median_breastcancerper100th \ region Australia And New Zealand 91.90 Central And Southern Asia	<pre>income_groups high_income low_income</pre>	
17.50 17.30	lower_middle_income	
	upper_middle_income	
17.50 Eastern And South Eastern Asia 32.70	high_income	
16.20	lower_middle_income	
24.75	upper_middle_income	
Europe And Northern America 77.35	high_income	
44.75	lower_middle_income	
	upper_middle_income	
44.30 Latin America And The Caribbean 43.90	high_income	
4.40	low_income	
23.90	lower_middle_income	
32.75	upper_middle_income	
Northern Africa And Western Asia 79.00	0 -	
39.95	low_income	
22.50	lower_middle_income	

	upper_middle_income	
31.70		
Otra	<pre>lower_middle_income</pre>	
17.30		
04.00	upper_middle_income	
31.20	1	
Sub Saharan Africa 18.25	low_income	
10.25	lower_middle_income	
20.05	TOWCI_middle_income	
	upper_middle_income	
28.15	11 – –	
		median_urbanrate
region	income_groups	
Australia And New Zealand	high_income	86.56
Central And Southern Asia	low_income	21.85
	<pre>lower_middle_income</pre>	34.48
	upper_middle_income	63.20
Eastern And South Eastern Asia	high_income	66.48
	<pre>lower_middle_income</pre>	27.84
	upper_middle_income	56.73
Europe And Northern America	high_income	73.56
	lower_middle_income	54.87
	upper_middle_income	71.10
Latin America And The Caribbean	high_income	88.44
	low_income	46.84
	<pre>lower_middle_income</pre>	56.74
	upper_middle_income	72.95
Northern Africa And Western Asia	<b>-</b>	80.78
	low_income	42.43
	lower_middle_income	43.44
	upper_middle_income	68.68
Otra	lower_middle_income	12.54
	upper_middle_income	52.36
Sub Saharan Africa	low_income	33.07
	lower_middle_income	45.37
	upper_middle_income	39.66

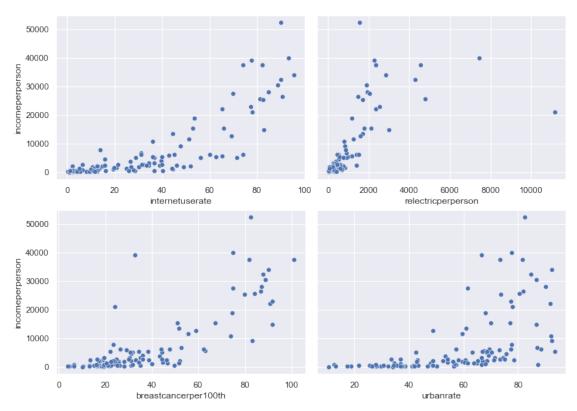
En los casos en que no se contó con un valor en la misma región y grupo de ingresos se imputá el valor utilizando únicamente el nivel de ingresos:

# 5 Entrenamiento del modelo de regresión:

# 5.1 Codificación de variable categórica (Región)

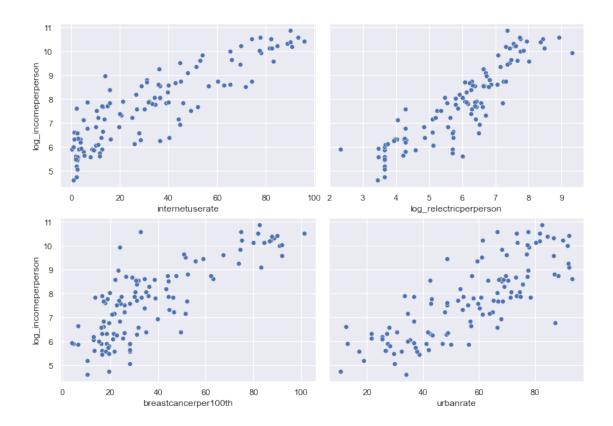
Dado que la región es una variable categórica se utiliza OneHot Encoder para codificarla:

# 5.2 Verificando si la relación es aproximadamente lineal



De la gráfica anterior se puede inferir que la relación no es realmente lineal. De hecho en algunos de los casos la relación parece exponencial. Por ello se propone aplicar algunas transformaciones a los datos:

- income perperson ->  $\log$
- relectric perperson ->  $\log$



Con estas transformaciones observamos ahora unas relaciones aproximadamente lineales

### 5.3 Entrenamiento

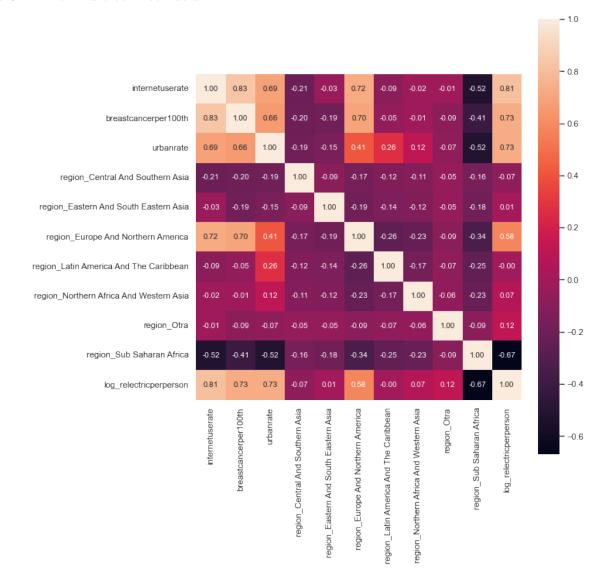
### 5.4 Evaluación

MAE: 3256.652934975392 RMSE: 5981.011550765352 R^2: 0.7097036385819444

En las métricas anteriores se observa un error relativamente grande, lo cual es de esperarse en la medida en que el PIB es una variable compleja pero probablemente este influenciada por muchos otros factors, sin embargo, el  $\mathbb{R}^2$  parece relativamente alto para la sencillez del modelo que se está ajustando.

## 5.5 Verificación de supuestos

### 5.5.1 No Multicolinealidad



Correlación
internetuserate
0.834875
breastcancerper100th
0.834875
log\_relectricperperson
0.809913
internetuserate
0.809913
log\_relectricperperson

breastcancerper100th
internetuserate
internetuserate
log\_relectricperperson

urbanrate

0.729658

urbanrate log\_relectricperperson

0.729658

breastcancerper100th log\_relectricperperson

0.728971

log\_relectricperperson breastcancerper100th

0.728971

internetuserate region\_Europe And Northern America

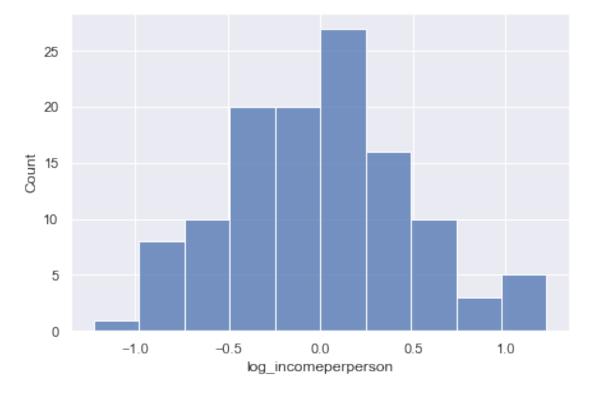
0.720756

region\_Europe And Northern America internetuserate

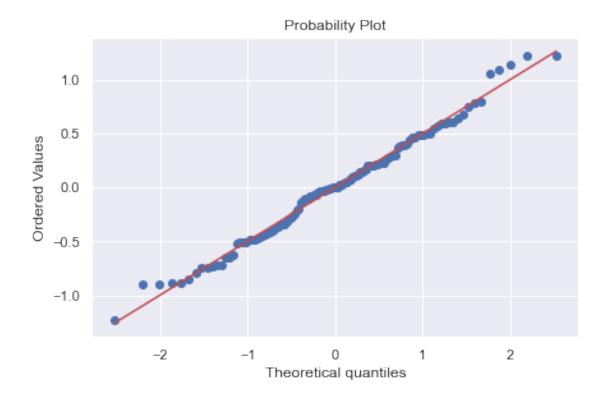
0.720756

Aunque existe correlación entre los regresores el peor de los casos ocurre entre internetuserate y breastcancerper100th con un coeficiente de correlación de 0.83

### 5.6 Normalidad de los errores

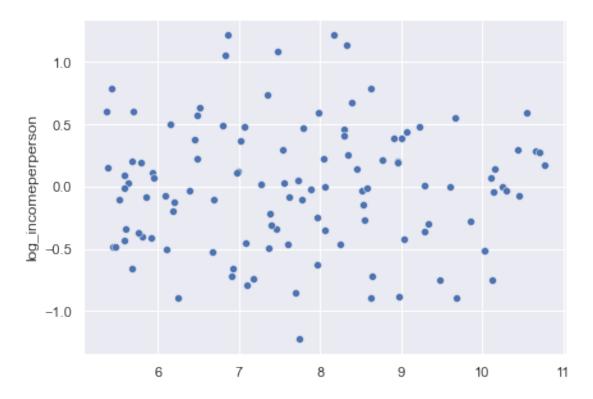


Jarque\_beraResult(statistic=0.41241489461691916, pvalue=0.8136642663119029)



De la las gráficas anteriores concluimos que los errores siguen una distribución apróximadamente normal, lo cual podemos también confirmarlo a través del test de Jarque-Bera, que arroja un p-valor de 0.81, con lo cual podemos concluir que no hay evidencia para rechazar la hipótesis de que los errores provienen de una distribución normal.

## 6 Homoscedasticidad



En la gráfica anterior no se observa una cambió significativo en la varianza de los errores para diferentes nivel de la variable predicha, por lo cual los errores parecen se homoscedasticos.

### 6.1 Interpretación de los coeficientes

	Coeficientes
constante	2.141113
internetuserate	0.020817
breastcancerper100th	0.010168
urbanrate	0.012433
region_Central And Southern Asia	1.214445
region_Eastern And South Eastern Asia	1.174415
region_Europe And Northern America	0.816835
region_Latin America And The Caribbean	1.412258
region_Northern Africa And Western Asia	0.978910
region_Otra	1.233913
region_Sub Saharan Africa	1.136813
log_relectricperperson	0.464915

Dado que la función que se ajustó tiene transformaciones logarítmicas los coeficientes no puden inetrpretarse directamente. Recordemos que la función que se ha ajustado es

$$ln(y) = w_0 + w_1 * x_1 + w_2 * x_2 + w_3 * x_3 + w_4 * x_4 + w_5 * x_5 + w_6 * x_6 + w_7 * x_7 + w_8 * x_8 + w_9 * x_9 + w_{10} * x_{10} + w_{11} * ln(x_{11}) + w_{11} * ln($$

### 6.2 Variables lineales (log-lin):

En estas variables podemos interpretar que un aumento de una univedad en el regresor se relaciona con un incremente de  $(exp(w_i)-1)\%$  en el ingreso per cápita. Esto se puede probar de la siguiente manera:

$$ln(y) = w_i x_i + \dots$$

Despejando y:

$$y = exp(w_i x_i) exp(...)$$

Si se incrementa  $x_i$  en una unidad:

$$y' = exp(w_i(x_i+1))exp(\ldots) = exp(w_i)exp(w_ix_i)exp(\ldots) = exp(w_i)y$$

Luego

$$\frac{y'-y}{y} = \exp(w_i) - 1$$

De manera que por cada unidad en que se incrementen estas variables, el incremento en el ingreso sería:

	Coeficientes
internetuserate	0.021035
breastcancerper100th	0.010220
urbanrate	0.012510

De manera que: \* Un incremente en el use de internet en una de cada 100 personas implicaría un aumento del 2.1% en el ingreso per cápita. \* Un incremento en la identificación de casos de cancer de mama en una de cada 100.000 mujeres se relacina con un incremento del 1.0% del ingreso per cápita. \* Un aumento en una de cada cien personas en zonas urbanas implica un incremento de 1.3% en el PIB per cápita.

En todo caso, hay que tener cuidado en el sentido de que correlación no implica causalidad. Es posible por ejemplo, que el aumento del PIB lleve a qué mas personas utilicen internet y no al contrario. O que un mayor ingreso implica mayor detección de los casos de cancer, ´no tendría mucho sentido concluir que para aumentar el ingreso es necesario aumentar las personas con cancer de mama.

### 6.3 Variables lineales (log-log):

En este caso podemos interpretar que un aumento del  $\delta\%$  en el regresor se relaciona con un incremento del  $((1+\delta)^{w_i})\%$  en la variable objetivo. Esto se puede probar de la siguiente manera:

$$ln(y) = w_i ln(x_i) + \dots$$

Despejando y:

$$y = exp(w_i ln(x_i)) exp(...) = x_i^{w_i} exp(...)$$

Si se incrementa  $x_i$  en un 1%:

$$y' = (x_i * (1 + \delta))^{w_i} exp(...) = (1 + \delta)^{w_i} y$$

$$\frac{y' - y}{y} = (1 + \delta)^{w_i} - 1$$

De manera que por cada 1% en que se incremente esta variable, el incremento en el ingreso sería:

Coeficientes

relectricperperson 0.004637

Luego un incremento del 1% en el uso de electricidad por persona se relaciona con un incremento del 0.5% en el ingreso per cápita.

#### 7 Generación de resultados

### 7.1 Principales hallazgos

De acuerdo con los resultados de la regresión aplicada se encontró que: la detección de cancer de seno, el uso de internet, el porcentaje de población urbana y el uso de energía por persona resultan buenos predictores del PIB per cápita. En particular se encontró que un incremento del 1% en el uso de internet se relaciona con un incremento del 2.1% en el el PIB per cápita; un aumento aumento en la detección de cancer en una de cada 100.000 mujer se relaciona con un incremento del PIB del 1% (lo cual podría interpretarse como una proxy de la calidad del sistema de salud del país); un aumento de un punto en la tasa de población urbana se relaciona con un incremento del 1.3% del PIB er capita, y un incremento del 1% en el uso de energía con un cremento del 0.5%.

¿qué conjunto de políticas públicas recomendaría implementar, a partir de la premisa de que la mejora en estas áreas indicaría al Banco Mundial que el país es estable, está en una trayectoria de desarrollo sostenible y tiene la capacidad de administrar y reembolsar préstamos de manera efectiva?

Estas conclusiones deben ser tomadas con cuidado, pues la regresión no explica la causalidad entre los fenómenos, por lo que puede ser que el incremento del PIB lleve a aumentar estos indicadores y no al contrario. Sin embargo, de estos resultas sería razonable esperar que los siguientes tipos de políticas puedan llevar a un aumento del PIB per cápita:

- Inversión para mejorar el sistema de salud.
- Aumento de la covertura de internet.
- Reducción del costo de la energía eléctrica.
- Mejoras en el desarrollo urbano y migración campo-ciudad.

De todas estas políticas, la covertura de internet parece tener el mayor efecto por lo que podría ser una política estrella, en particular si puede resultar relativamente menos costos incrementar la covertura de internet que reducir los costos de la energía o mejorar el sistema de salud.