學號:R06521608 系級: 土木碩一 姓名:陳德元

請實做以下兩種不同 feature 的模型,回答第(1)~(3)題:

- (1) 抽全部 **9** 小時內的污染源 **feature** 的一次項**(**加 **bias)**
- (2) 抽全部 9 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)

備註:

- a. NR 請皆設為 0, 其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的
- 1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據 kaggle public+private 分數), 討論兩種 feature 的影響
- (1)全部 9 小時內的汙染源 feature 的一次項(加 bias)

Public: 7.46237 Private: 5.53562 相加 = 12.99799

(2)全部 9 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)

Public: 7.44013 Private: 5.62719 相加 = 13.06732

由上面 Public 的結果可看見,並非所有的數據皆倒入去預測會得到較好的結果,而是 將真正有相關的當作 feature 再去預測效果較好!

但是在 Private 的結果出來後,好像又不是這麼絕對,全部的 feature 都加入好像效果還是比只有 PM2.5 的好一點點,不過這也代表其中還是有些是無助於預測的 feature。

- 2. (1%)將 feature 從抽前 9 小時改成抽前 5 小時. 討論其變化
- (1)全部 5 小時內的汙染源 feature 的一次項(加 bias)

Public: 7.92778 Private: 6.33048

(2)全部 5 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)

Public: 7.57904 Private: 5.79187

改成抽前 5 個小時後,誤差的值都升高了,這就代表著只有 5 個小時的 feature 不夠 多,如果想要準確一點,有更多的資料會比較有機會達到。

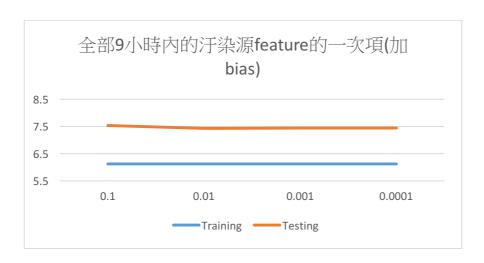
3. (1%)Regularization on all the weight with λ =0.1、0.01、0.001、

0.0001, 並作圖

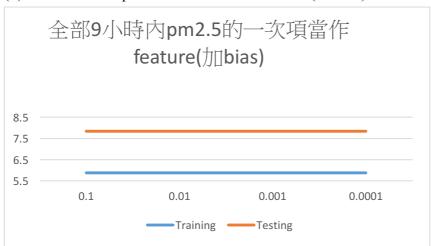
(1)全部 9 小時內的汙染源 feature 的一次項 bias)

Lambda	Training	Testing
0.1	6.123711	7.53416
0.01	6.123028	7.43181
0.001	6.123022	7.44013
0.0001	6.123022	7.44004

(加



(2)全部 9 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)



Lambda	Training	Testing
0.1	5.878284	7.83378
0.01	5.878284	7.83378
0.001	5.878284	7.83378
0.0001	5.878284	7.83378

4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量 \mathbf{x}^n ,其標註(label)為一存量 \mathbf{y}^n ,模型參數為一向量 \mathbf{w} (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\Sigma^N(y^n-x^n.w)^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣 $\mathbf{X}=[\mathbf{x}^1\,\mathbf{x}^2\,...\,\mathbf{x}^N]^T$ 表示,所有訓練資料的標註以向量 $\mathbf{y}=[\mathbf{y}^1\,\mathbf{y}^2\,...\,\mathbf{y}^N]^T$ 表示,請問如何以 X 和 \mathbf{y} 表示可以最小化損失函數的向量 \mathbf{w} ?請寫下算式並選出正確答案。(其中 $\mathbf{X}^T\mathbf{X}$ 為 invertible)

Ans: (c)
$$(X^TX)^{-1}X^Ty$$

 $L = \Sigma^N (y^n - x^n \cdot w)^2$
 $= (y - xw)^T (y - xw) = (y^T - (xw)^T) (y - xw)$
 $= y^Ty - y^T(xw) - (xw)^Ty + (xw)^T(xw)$
 $\frac{\partial L}{\partial w} = y^Ty - y^T(xw) - (xw)^Ty + 2x^T(xw) = 0$
 $2x^T(xw) = 2x^Ty$
 $w = (x^Tx)^{-1}x^Ty$