## 表 A1 同步机惯性与虚拟惯性区别

Tab.A1 Differences between synchronous inertia and virtual inertia

同步机惯性	储能虚拟惯性		
固定且不可变更,与机	<b>*</b>		
组运行状态相关	连续且可设计		
では <i>もルてもた</i> ない	因测量环节与一阶惯		
瞬时列作个仔仕延时	性环节存在一定延时		
되나####################################	储能装置中的电能		
<b>问</b> 步及电机转寸 <b></b> 列能			
满足发电机最小发电功	储能需预留一定的放		
率	电功率		
	固定且不可变更,与机 组运行状态相关 瞬时动作不存在延时 同步发电机转子动能 满足发电机最小发电功		

表 A2 同步机 PFR 与储能 PFR 区别

Tab.A2 Differences between synchronous generator PFR and energy storage PFR

区别	同步机 PFR	储能 PFR		
响应延时	不大于 3s	不大于 0.5s		
完全响应时间	10~20s	不大于 2s		
与输出功率耦合	不得超过调速器 理论上为全功率范围			
	相应限幅	节,但一般设有一定限幅		

表 A3 各类资源在频率响应过程中的作用阶段

Tab.A3 The role of each type of resource in the frequency response process stages

资源类型	第1阶段	第2阶段		
	扰动瞬间提供惯性支	提供惯性支撑功率直至频		
同步机惯性	撑功率用于缓解初始	<b>率最低点时刻</b>		
	RoCoF	华取队尽时刻		
储能虚拟惯	受 $T_B$ 延时影响不起作	$T_{\rm B}$ 延时之后提供惯性支撑		
性	用	功率直至频率最低点时刻		
储能 PFR	受调频死区与动作延	经过 $T_{dell}$ 延时提供频率响		
阳化工工	时影响不起作用	应功率,直至频率稳定		
同步机 PFR	受调频死区与动作延	经过 $T_{del2}$ 延时提供频率响		
円少机 PFK	时影响不起作用	应功率,直至频率稳定		

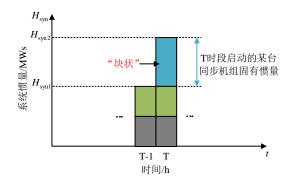


图 A1 同步机惯性"块状"特性

Fig. A1 Synchronous inertia's "lumpy" characteristic

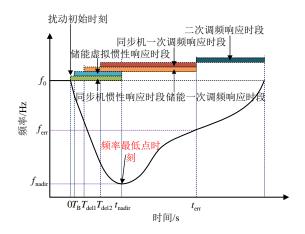


图 A2 动态频率响应过程中的响应时段划分

Fig. A2 Response time division in the dynamic frequency response process

## 附录 B

下述介绍基于两阶段响应过程的频率最低点约束推导过程。假设储能虚拟惯性与同步机惯性等同,忽略 $T_B$ 延时,将式(7)等效写成:

$$\frac{d\Delta f}{dt} = \frac{f_0}{2(H_{\text{syn}} + H_{\text{synt}})} \left( \sum_{i=1}^{N_g} \Delta P_i^{\text{PFR}} + \sum_{e=1}^{N_s} \Delta P_e^{\text{PFR}} - P_{\text{loss}} \right)$$
(B1)

其中虚拟惯量表示为:

$$H_{\text{synt}} = \sum_{e=1}^{N_s} H_e^{\text{c}} P_{e,\text{max}}^{\text{dis}}$$
 (B2)

式中, $H_e^c$  为储能虚拟惯性时间常数; $P_{e,\max}^{dis}$  为储能最大放电功态

假设 $t_{\text{nadir}}$ 为频率最低点时刻,基于储能与同步机 PFR 爬坡模型,对式(B1)两边做积分,得到频率最低点表达式为:

$$\Delta f(t_{\text{nadir}}) = \frac{f_0}{2(H_{\text{syn}} + H_{\text{synt}})} \left[ \frac{P_{\text{g}}^{\text{PFR}} (t_{\text{nadir}} - 2T_{\text{del2}})^2}{2T_2} + \frac{P_{\text{s}}^{\text{PFR}} (t_{\text{nadir}} - T_{\text{del1}} - \frac{T_1}{2}) - P_{\text{loss}} t_{\text{nadir}} \right]$$
(B3)

$$\left| \Delta f(t_{\text{nadir}}) \right| \le \Delta f_{\text{max}}$$
 (B4)

$$P_{\rm s}^{\rm PFR} = \sum_{e=1}^{N_{\rm s}} P_e^{\rm PFR} \tag{B5}$$

$$P_{\rm g}^{\rm PFR} = \sum_{i=1}^{N_{\rm g}} P_i^{\rm PFR} \tag{B6}$$

式中, $\Delta f(t_{\text{nadir}})$  为频率最低点; $\Delta f_{\text{max}}$  为系统规定允许的最大 频率偏差; $P_{\text{s}}^{\text{PFR}}$  、 $P_{\text{g}}^{\text{PFR}}$  分别为储能与同步机 PFR 总容量。

由于储能 PFR 可以在百毫秒进行响应,频率将在同步机 PFR 启动之后到达最低点(同步发电机增发功率后才能够完全弥补功率缺额),即频率最低点落在图 1 的  $t \in [T_{del2}, T_{del2} + T_2]$ 中。因此,频率最低点时刻 $t_{nadir}$ 满足:

$$t_{\text{nadir}} = \frac{(P_{loss} - P_{s}^{PFR})}{P_{g}^{PFR}} + T_{\text{del}2}$$
 (B7)

将式(B7)带入到式(B3)中,得到频率最低点表达式为:

$$\Delta f(t_{\text{nadir}}) = \frac{f_0}{2(H_{\text{syn}} + H_{\text{synt}})} \left[ \frac{-T_2(P_{\text{s}}^{\text{PFR}} - P_{\text{loss}})^2}{2P_{\text{g}}^{\text{PFR}}} - P_{\text{loss}} \right]^2 - P_{\text{loss}} T_{\text{del2}} + P_{\text{s}}^{\text{PFR}} (T_{\text{del2}} - T_{\text{del1}} - \frac{T_1}{2}) \right]$$
(B8)

将式(B8)带入到式(B4)中,并进行等效变换,得到频率 最低点约束为:

$$\begin{split} H_{\text{syn}} + H_{\text{synt}} \geq & \frac{f_0}{2\Delta f_{\text{max}}} \left[ \frac{T_2 (P_{\text{s}}^{\text{PFR}} - P_{\text{loss}})^2}{2P_{\text{g}}^{\text{PFR}}} + P_{\text{loss}} T_{\text{del}2} - \right. \\ & P_{\text{s}}^{\text{PFR}} (T_{\text{del}2} - T_{\text{del}1} - \frac{T_1}{2}) \right] \end{split} \tag{B9}$$

因储能虚拟惯性存在 $T_R$ 延时,式(B9)是不考虑延时所 得到的,即不符合式(6)与式(7)分段的要求。由于第 1 阶段 仅由同步机惯性起频率支撑作用,可以将该阶段的频率跌落 分量  $T_{\rm B}f_0P_{\rm loss}/2H_{\rm syn}$  作为已知条件纳入到第 2 阶段频率响应 过程中。第2阶段由同步机惯性和虚拟惯性共同作用,因频 率最低点落在 $T_B$ 之后,在纳入 $T_B f_0 P_{loss} / 2H_{syn}$ 频率跌落分量 后,可以将频率最低点约束适当转化为符合式(B9)的形式, 从而得到考虑储能虚拟惯性延时的频率最低点约束,其转化 示意图如图 B1 所示。为进行等效转化, 需对式(B9)中的  $\Delta f_{\text{max}}$ 、  $T_{\text{dell}}$  与  $T_{\text{del2}}$  进行修正,得到:

$$\Delta f'_{\text{max}} = \Delta f_{\text{max}} - T_{\text{B}} \frac{f_0 P_{\text{loss}}}{2H_{\text{syn}}}$$
 (B10)

$$T_{\text{dol}1}' = T_{\text{dol}1} - T_{\text{P}} \tag{B11}$$

$$T_{\text{dal2}}' = T_{\text{dal2}} - T_{\text{P}} \tag{B12}$$

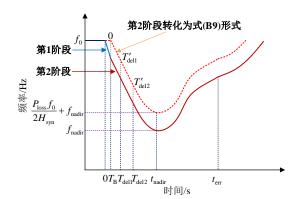
 $T'_{
m del2}=T_{
m del2}-T_{
m B}$  (B12) 式中, $\Delta f'_{
m max}$  为考虑虚拟惯性  $T_{
m B}$  延时后,系统在第 2 阶段的 等效最大频率偏差, $T_{
m del1}$ 、 $T_{
m del2}$ 分别为考虑虚拟惯性 $T_{
m B}$ 延时 后,储能与同步机 PFR 在第 2 阶段的等效延迟时间。

将式(B10)、(B11)与(B12)替换原式(B9)中的 $\Delta f_{\max}$ 、 $T_{\mathrm{dell}}$ 与 $T_{del2}$ ,得到考虑 $T_B$ 延时的频率最低点约束为

$$H_{\text{syn}} + H_{\text{synt}} \ge \frac{f_0}{2(\Delta f_{\text{max}} - T_{\text{B}} \frac{f_0 \Delta P_{\text{loss}}}{2H_{\text{syn}}})} \left[ \frac{T_2 (P_{\text{s}}^{\text{PFR}} - P_{\text{loss}})^2}{2P_{\text{g}}^{\text{PFR}}} + \frac{1}{2P_{\text{loss}}^{\text{PFR}}} + \frac{1}{2P_{\text{loss}}^{\text{PFR}}} \left[ \frac{T_2 (P_{\text{s}}^{\text{PFR}} - P_{\text{loss}})^2}{2P_{\text{g}}^{\text{PFR}}} + \frac{1}{2P_{\text{loss}}^{\text{PFR}}} \right]$$
(B13)

将式(B13)化简得到频率最低点约束式(11):

$$H_{\text{syn}} + H_{\text{synt}} \ge \frac{f_0}{2\Delta f_{\text{max}}} \left[ \frac{T_2 (P_{\text{s}}^{\text{PFR}} - P_{\text{loss}})^2}{2P_{\text{g}}^{\text{PFR}}} + P_{\text{loss}} T_{\text{del2}}' - P_{\text{loss}}' T_{\text{del2}}' - T_{\text{del1}}' - \frac{T_1}{2} \right] + T_{\text{B}} P_{\text{loss}} + \frac{T_{\text{B}} P_{\text{loss}} H_{\text{synt}}}{H_{\text{syn}}}$$
(11)



#### 图 B1 第 2 阶段频率动态响应等效转化示意图

Fig. B1 Equivalent transformation diagram of the frequency dynamic response of the second stage

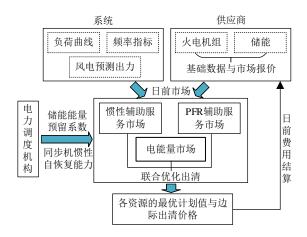


图 B2 计及惯性与 PFR 的联合市场出清过程

Fig. B2 The combined market clearing process of considering inertia and PFR

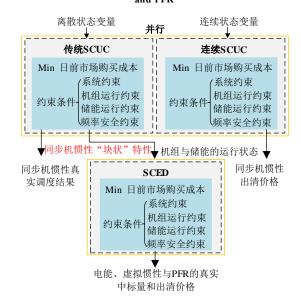


图 B3 考虑同步机惯性"块状"特性的出清模型

Fig. B3 Clearing models of considering synchronous inertia's "lumpy" characteristic

### 附录 C

下述介绍式(11)转化为式(C10)的最低点二阶锥约束推 导过程。将所推导的最低点约束原式(11)写为t时段约束:

$$\begin{split} H_{\text{syn},t} + H_{\text{synt},t} &\geq \frac{f_0}{2\Delta f_{\text{max}}} [\frac{T_2 (P_{\text{s},t}^{\text{PFR}} - P_{\text{loss},t})^2}{2P_{\text{g},t}^{\text{PFR}}} + P_{\text{loss},t} T_{\text{del}2}' - \\ P_{\text{s},t}^{\text{PFR}} (T_{\text{del}2}' - T_{\text{del}1}' - \frac{T_1}{2}) + T_{\text{B}} P_{\text{loss},t} + \frac{T_{\text{B}} P_{\text{loss},t}}{H_{\text{syn},t}} H_{\text{syn},t} ] \end{split}$$
(C1)

将式(C1)进行适当转化为式(C2):

$$\left[\frac{H_{\text{syn},t} + H_{\text{synt},t}}{f_{0}} - \frac{P_{\text{s},t}^{\text{PFR}}(T_{1} + 2T_{\text{del1}}')}{4\Delta f_{\text{max}}} + \frac{P_{\text{g},t}^{\text{PFR}}{T_{\text{del2}}'^{2}}/T_{2}}{4\Delta f_{\text{max}}} - \frac{T_{\text{B}}P_{\text{loss},t}(1 + \frac{H_{\text{synt},t}}{H_{\text{syn},t}})}{2\Delta f_{\text{max}}}\right] \frac{P_{\text{g},t}^{\text{PFR}}}{T_{2}} \ge \left(\frac{P_{\text{loss},t} - P_{\text{s},t}^{\text{PFR}} + P_{\text{g},t}^{\text{PFR}}T_{\text{del2}}'/T_{2}}{2\sqrt{\Delta f_{\text{max}}}}\right)^{2}$$
(C2)

将式(C2)中的元素用 $A \times B \times C$  替代,得到:

$$A = \frac{H_{\text{syn},t} + H_{\text{synt},t}}{f_0} - \frac{P_{\text{s},t}^{\text{PFR}} (T_1 + 2T_{\text{del}1}')}{4\Delta f_{\text{max}}} + \frac{H_{\text{synt},t}}{H_{\text{synt},t}} + \frac{H_{\text{synt},t}}{H_{synt},t} + \frac{H_{\text{synt},t}}{H_{\text{synt},t}} + \frac{H_$$

$$\frac{P_{g,t}^{PFR}T_{del2}^{\prime 2}/T_{2}}{4\Delta f_{max}} - \frac{T_{B}P_{loss,t}(1 + \frac{H_{synt,t}}{H_{syn,t}})}{2\Delta f_{max}}$$
 (C3)

$$B = \frac{P_{g,t}^{PFR}}{T_2} \tag{C4}$$

$$C = \frac{P_{\text{loss},t} - P_{\text{s},t}^{\text{PFR}} + P_{\text{g},t}^{\text{PFR}} T_{\text{del}2}' / T_2}{2\sqrt{\Delta f_{\text{max}}}}$$
(C5)

因此,式(C2)可以转化为:

$$AB \ge C^2$$
 (C6)

将式(C6)转化为二范数的形式:

$$(A+B)^2 - (A-B)^2 \ge 4C^2$$
 (C7)

$$((A-B)^2 + (2C)^2)^{\frac{1}{2}} \le A+B$$
 (C8)

$$((A-B)^{2} + (2C)^{2})^{\frac{1}{2}} \le A + B$$
 (C8)  
$$\begin{vmatrix} A-B \\ 2C \end{vmatrix} \le A + B$$
 (C9)

最后将A、B、C的原式带入式(C9),并提取出  $H_{\text{syn},t} + H_{\text{synt},t}$ 、  $P_{\text{s},t}$  、  $P_{\text{g},t}$  以及  $P_{\text{loss},t}$  , 可以得到式(C10):

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{f_0} - \frac{T_1 + 2T'_{\text{del1}}}{4\Delta f_{\text{max}}} & \frac{T'_{\text{del2}}/T_2}{4\Delta f_{\text{max}}} - \frac{1}{T_2} - \frac{T_B(1 + \frac{H_{\text{synt},I}}{H_{\text{syn},I}})}{2\Delta f_{\text{max}}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} H_{\text{syn},t} + H_{\text{synt},I} \\ P_{\text{s},I}^{\text{PFR}} \\ P_{\text{loss},t}^{\text{PFR}} \end{bmatrix} \le$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{f_0} - \frac{T_1 + 2T'_{\text{del1}}}{4\Delta f_{\text{max}}} & \frac{T'_{\text{del2}}/T_2}{4\Delta f_{\text{max}}} + \frac{1}{T_2} - \frac{T_B(1 + \frac{H_{\text{synt},I}}{H_{\text{syn},I}})}{2\Delta f_{\text{max}}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} H_{\text{syn},t} + H_{\text{synt},I} \\ P_{\text{loss},t}^{\text{PFR}} \\ P_{\text{los},I} \end{bmatrix}$$

对于式(C10), 定义左侧第一行与第二行对偶变量为 &、  $\lambda_2$ , 右侧对偶变量为 $\mu$ , 其满足:

基于式(C10)与式(C11)可以得到拉格朗日函数为:

$$\begin{split} L &= \lambda_{0,t} [P_{\text{L},t} - (\sum_{i=1}^{N_{g}} P_{i,t}^{\text{E}} + \sum_{e=1}^{N_{s}} (P_{e,t}^{\text{E,dis}} - P_{e,t}^{\text{E,ch}}) + \sum_{w=1}^{N_{w}} (P_{w,t}^{\text{E}}))] + \\ \lambda_{\text{RoCoF,t}} (H_{\text{syn,t}} - \frac{f_{0} P_{\text{loss,t}}}{2 f_{\text{max}}^{\text{max}}}) + \lambda_{\text{ss,t}} (P_{\text{g,t}}^{\text{PFR}} + P_{\text{s,t}}^{\text{PFR}} - P_{\text{loss,t}}) - \\ \lambda_{1,t} [\frac{H_{\text{syn,t}} + H_{\text{synt,t}}}{f_{0}} - \frac{P_{\text{s,t}}^{\text{PFR}} (T_{1} + 2T_{\text{dell}}')}{4 \Delta f_{\text{max}}} + \\ \frac{P_{\text{g,t}}^{\text{PFR}} T_{\text{del2}}'^{2} / T_{2}}{4 \Delta f_{\text{max}}} - \frac{T_{\text{B}} P_{\text{loss,t}} (1 + H_{\text{synt,t}} / H_{\text{syn,t}})}{2 \Delta f_{\text{max}}} - \frac{P_{\text{g,t}}^{\text{PFR}}}{T_{2}}] - \\ \lambda_{2,t} [\frac{P_{\text{loss,t}} - P_{\text{s,t}}^{\text{PFR}} + P_{\text{g,t}}^{\text{PFR}} T_{\text{del2}}' / T_{2}}{\sqrt{\Delta f_{\text{max}}}}] + \mu_{t} [\frac{H_{\text{syn,t}} + H_{\text{synt,t}}}{f_{0}} - \\ \frac{P_{\text{s,t}}^{\text{PFR}} (T_{1} + 2T_{\text{del1}}')}{4 \Delta f_{\text{max}}} + \frac{P_{\text{g,t}}^{\text{PFR}} T_{\text{del2}}'^{2} / T_{2}}{4 \Delta f_{\text{max}}} - \\ \frac{T_{\text{B}} P_{\text{loss,t}} (1 + H_{\text{synt,t}} / H_{\text{syn,t}})}{2 \Delta f_{\text{max}}} + \frac{P_{\text{g,t}}^{\text{PFR}}}{T_{2}}] \end{split}$$

式中, $\lambda_{0,t}$ 、 $\lambda_{RoCoF,t}$ 、 $\lambda_{ss}$  分别为t 时段负荷功率平衡、RoCoF 与准稳态约束的拉格朗日乘子;  $\lambda_{t,t}$  、  $\lambda_{2,t}$  与  $\mu_{t}$  为 t 时段频 率最低点约束的拉格朗日乘子。

机组与储能日前市场收益为:

$$R_{i,t} = \lambda_t^{\text{energy}} P_{i,t}^{\text{E}} + \lambda_t^{\text{syn}} u_{i,t} H_i^{\text{c}} P_{i,\text{max}} + \lambda_{g,t}^{\text{PFR}} P_{i,t}^{\text{PFR}}$$
(C13)

$$R_{i} = \sum_{t=1}^{N_{i}} R_{i,t}$$
 (C14)

$$R_{e,t} = \lambda_t^{\text{energy}} (P_{e,t}^{\text{E,dis}} - P_{e,t}^{\text{E,ch}}) + \lambda_{e,t}^{\text{synt}} H_{e,t} + \lambda_{s,t}^{\text{PFR}} P_{e,t}^{\text{PFR}}$$
 (C15)

$$R_{i} = \sum_{t=1}^{N_{i}} R_{i,t}$$
 (C14)  

$$R_{e,t} = \lambda_{t}^{\text{energy}} (P_{e,t}^{\text{E,dis}} - P_{e,t}^{\text{E,ch}}) + \lambda_{e,t}^{\text{synt}} H_{e,t} + \lambda_{s,t}^{\text{PFR}} P_{e,t}^{\text{PFR}}$$
 (C15)  

$$R_{e} = \sum_{t=1}^{N_{i}} R_{e,t}$$
 (C16)

式中, $R_{i,t}$ 、 $R_{e,t}$  分别为t 时段机组i 与储能ei 的单时段收益;  $R_i$ 、 $R_a$ 分别为机组i与储能ei的全时段收益。

# 附录 D

表 D1 火电机组参数 Tab.D1 Thermal unit parameters

编号	最小出 力/MW	最大出 力/MW	惯性 时间 常数/s	电能报价 /(\$/MW·h)	PFR 报价 /(\$/MW·h)
1	150	455	5	22.6	1
2	150	455	5	23.8	3.2
3	25	162	4	34.9	7.4
4	25	162	4	36.7	8.9
5	20	130	4	46.4	9.5
6	20	80	4	48.7	10.2
7	20	80	4	54.5	11.1
8	20	80	3	56.5	11.3
9	10	55	3	93.8	27.3
10	10	55	3	94.8	27.8

表 D2 储能参数

Tab.D2 Energy storage parameters

				充	放		PF
	充放		虚拟	电	电	虚拟	R
	电最	容量 /(M	惯性	报	报	惯性 报价	报
编	大功		时间	价	价		价
号	率	W·h)	常数	/(\$	/(\$	/(\$/M	/(\$/
	/MW	w·n)	上限	/M	/M	Ws·h)	M
	/ IVI VV		/s	W·	W·		W·
				h)	h)		h)
1	100	100	11	10	5	0.2	5
2	100	100	11	10	5	0.2	8
3	100	100	11	12	7	0.2	10
4	100	100	11	12	7	0.2	12

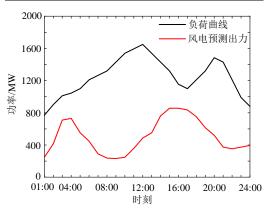
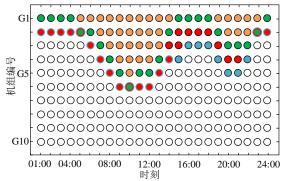


图 D1 系统日负荷曲线与风电预测出力

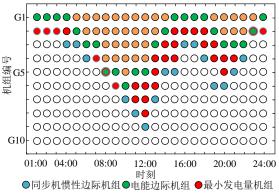
Fig. D1 Forecast output of system daily load curve and wind power



- ●同步机惯性边际机组●电能边际机组 ●最小发电量机组
- ●满足最小发电量的同步机惯性边际机组 ●满发机组
- ●满足最小发电量的同步机惯性、电能边际机组○停运机组

图 D2 算例 1 的机组状态

Fig. D2 Unit state from example 1



- ●满足最小发电量的同步机惯性边际机组●满发机组
- ●满足最小发电量的同步机惯性、电能边际机组○停运机组

图 D3 算例 3 的机组状态

Fig. D3 Unit state from example 3

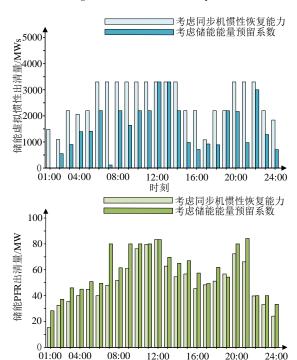


图 D4 算例 4、5 储能的虚拟惯性与 PFR 出清结果对比

时刻

Fig. D4 The comparison of clearing results of example 4 and 5 in energy storage virtual inertia and PFR