

# LSP Exam – 2018年1月15日

CVUT FEL (CVUT) – České vysoké učení technické v Praze | Czech Technical University in Prague

中文版 | English | Čeština

AI推演版本 – 以下为解析参考

---

## 题目4: 有符号/无符号数位值 常考

题目: 10位二进制数 10 0000 1111 的十进制值是多少? [English] What is the decimal value of the 10-bit binary number 10 0000 1111?

- a) 无符号数(unsigned): \_\_\_\_\_
- b) 有符号数(two's-complement): \_\_\_\_\_

### 详细解答

: 10 0000 1111  
: 9 8765 4321 0

#### a) 无符号数计算:

$$\begin{aligned} &= 1 \times 2^9 + 0 \times 2^8 + 0 \times 2^7 + 0 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 \\ &= 512 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 8 + 4 + 2 + 1 \\ &= 527 \end{aligned}$$

#### b) 有符号数(补码)计算:

方法1 – 直接计算:

$$\begin{aligned} &: -2^9 + ( \quad ) \\ &= -512 + (0 \times 2^8 + \dots + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0) \\ &= -512 + 15 \\ &= -497 \end{aligned}$$

方法2 – 取反加1:

$$\begin{aligned} &: \quad 10 \ 0000 \ 1111 \\ &: \quad 01 \ 1111 \ 0000 \\ 1: &\quad 01 \ 1111 \ 0001 = 497 \\ &= -497 \end{aligned}$$

---

## 题目5: 等价逻辑函数 常考

题目: 标记所有与其他函数等价的逻辑函数: [English] Mark all logic functions that are equivalent to other functions:

f1 <= (A xor C) or (A and not C);  
f2 <= (B or C) and (not A or B or C);  
f3 <= ((C and not B) or (B and A));  
f4 <= (A or C) and (not A or not C);

```
f5 <= (A and not B) xor (A and C);
f6 <= (A and not C) or (C and not A);
```

用卡诺图求解每个函数

f1 = (A xor C) or (A and not C)

f1	C=0	C=1
A=0	0	1
A=1	1	1

f1 = A + C

f2 = (B or C) and (not A or B or C)

f2	BC=00	BC=01	BC=11	BC=10
A=0	0	1	1	1
A=1	0	1	1	0

f3 = (C and not B) or (B and A)

f3	BC=00	BC=01	BC=11	BC=10
A=0	0	1	0	0
A=1	0	1	1	0

f4 = (A or C) and (not A or not C)

f4	C=0	C=1
A=0	0	1
A=1	1	0

f4 = A  $\oplus$  C (异或)

f5 = (A and not B) xor (A and C) 需要详细展开...

f6 = (A and not C) or (C and not A)

f6	C=0	C=1
A=0	0	1
A=1	1	0

f6 = A  $\oplus$  C (异或)

## 结论

$f4 \equiv f6$  (都等于  $A \text{ XOR } C$ )

---

## 题目: RS锁存器电路仿真 常考

题目: 根据给定电路, 输入A, B, C在时刻t0, t1, t2, t3的值如下, 写出Q输出值。[English] Given the circuit, write the Q output value for inputs A, B, C at times t0, t1, t2, t3 as shown.

A = ..0..|..1..|..1..|..1..|  
B = ..0..|..0..|..0..|..1..|  
C = ..1..|..1..|..0..|..0..|

t0    t1    t2    t3

## 答案

Q = ...1...|...0...|...0...|...1...|

---

## 题目: 香农展开 常考

将函数分解为:

$Q = (\text{not } Q \text{ and } f0(A,B,C)) \text{ or } (Q \text{ and } f1(A,B,C))$

## 解题过程

$f0 := f(A,B,C, '0') := (A \quad B) \cdot (B \quad C)$   
 $f1 := f(A,B,C, '1') := (A \quad B)$

## f0 的卡诺图

f0	C=0	C=1
AB=00	0	1
AB=01	0	0
AB=11	1	0
AB=10	0	0

## f1 的卡诺图

f1	C=0	C=1
AB=00	1	1
AB=01	0	0
AB=11	1	1
AB=10	0	0

---

## 知识点速查

### 有符号数计算公式

- n位补码范围:  $[-2^{n-1}, 2^{n-1} - 1]$
- 负数计算:  $-2^{n-1} + ( \quad )$

### 等价函数判断方法

1. 画出每个函数的卡诺图
2. 比较卡诺图是否完全相同
3. 相同的函数即为等价函数

### 香农展开公式

$$f(x_1, x_2, \dots, x_n, Q) = \bar{Q} \cdot f_0 + Q \cdot f_1$$

其中:  $f_0 = f(x_1, x_2, \dots, x_n, 0)$   $f_1 = f(x_1, x_2, \dots, x_n, 1)$