

Introduction to Julia Programming

Basic programming

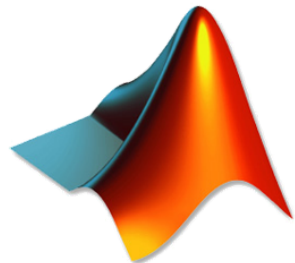
by Yueh-Hua Tu

What does Julia look like?

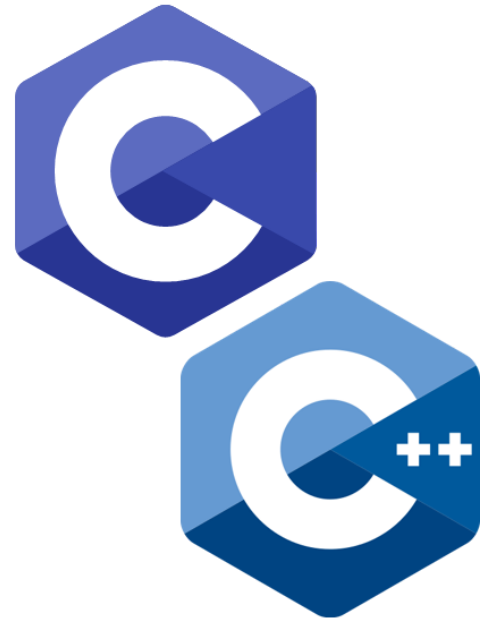
- High performance
- High readability
- General-purpose language (opposite to domain-specific language, DSL)
- Designed for numerical computing, and for domain experts
- Support multi-paradigm (e.g. object-oriented, functional, metaprogramming)
- Built-in package manager
- Easy concurrency and distributed computing

Why Julia?

Tow language problem

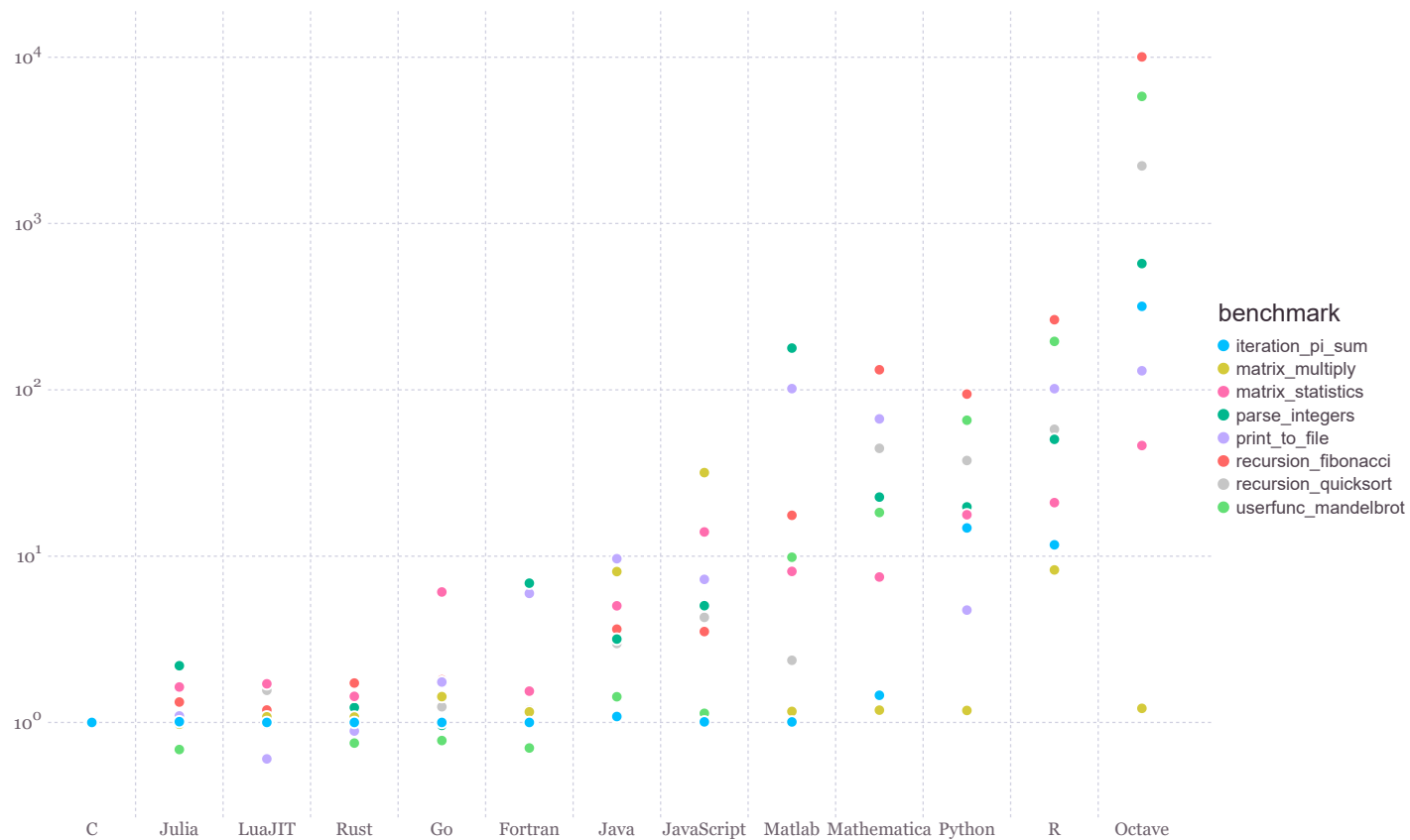


MATLAB
The Language of Technical Computing



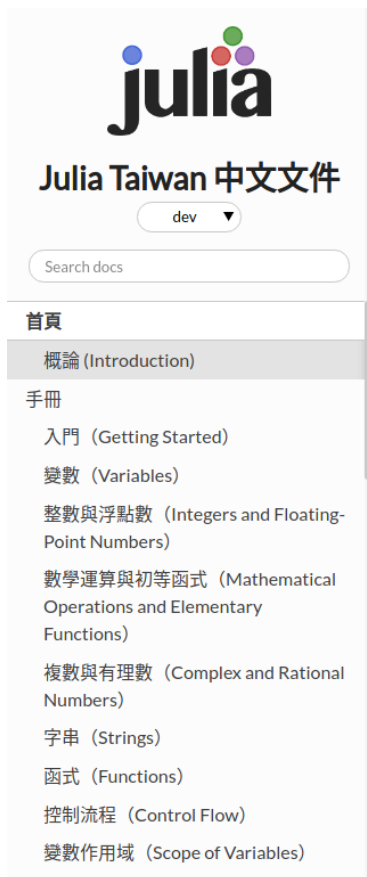
科學運算及數值運算需要高效能的運算，這樣的情境同樣也適用資料科學及大數據的運算環境。

Benchmarks



[Julia microbenchmark \(https://julialang.org/benchmarks/\)](https://julialang.org/benchmarks/)

Traditional Chinese resource



» 首頁

[Edit on GitHub](#)

Julia Taiwan 中文文件

歡迎來到 Julia Taiwan 中文文件，當前翻譯對應版本為 v0.6。

概論 (Introduction)

科學計算一般來說需要極高的效能，然而領域專家往往使用較緩慢的動態程式語言進行開發。我們相信選擇動態語言是基於很多應用上的好理由，所以我們也不希望他們消失。幸運的是，現代語言設計與編譯器技術能讓解決大部分效能取捨的問題，提供單一且足夠生產力的環境讓大家打造原型，並且可以有效率的交付效能吃重的應用程式。Julia 程式語言足以擔綱這個角色：它是一個具有彈性的動態語言，適合科學與數值運算，同時在效能可以與傳統靜態型別語言媲美。

Julia 的編譯器與 Python 或 R 的直譯器不同，你起初會發現 Julia 的效能是違反直覺的。如果你發現某些東西慢了，在嘗試其他方法之前，我們強烈建議你閱讀 [效能建議 \(Performance Tips\)](#) 章節。一旦你了解 Julia 的運作方式之後，你可以很簡單地寫出接近 C 語言效能的程式。

Julia 的特色有選擇性型別宣告 (optional typing)、多重分派 (multiple dispatch) 跟絕佳的效能，藉由型別推斷 (type inference) 以及 [just-in-time \(JIT\) compilation](#) 達成，語言核心以 [LLVM](#) 實作。它是一個多典範 (multi-paradigm) 語言，結合了命令式 (imperative)、函數式 (functional) 跟物件導向 (object-oriented programming)。Julia 為高階數值運算提供了易用性與表達性語法，就像 R、MATLAB 跟 Python 語言一般，除此之外也可以用於一般程式設計。為了達成這些，Julia 承襲了數學程式語言，也向主流程式語言借鏡了不少，其中包含 [Lisp](#)、[Perl](#)、[Python](#)、[Lua](#)、跟 [Ruby](#)。

Julia，相較於典型動態語言，最亮眼的部份包含：

- 小巧的語言核心；標準程式庫本身即是由 Julia 自身撰寫而成，包含原始操作 (primitive operations)，像是整數算術運算

[Julia traditional Chinese docs \(https://docs.juliatw.org/latest/\)](https://docs.juliatw.org/latest/)

Outline

- Numbers
- Operators
- Control Flow
- String and Operators
- Functions

```
In [1]: println("Hello World!")
```

Hello World!

```
In [2]: print("Hello World!") # 不會自動換行
```

Hello World!

```
In [3]: # 這個叫作單行註解
```

註解是一種執行後，會被編譯器忽略的部份

```
In [4]: #=  
        當然你可以寫多行註解  
        =#
```

Numbers

In [5]:

```
5
```

Out[5]:

```
5
```

In [6]:

```
2 + 5
```

Out[6]:

```
7
```

In [7]:

```
2.0 + 5
```

Out[7]:

```
7.0
```

對於數字的運算來說，他就是一台純粹的計算機

Numbers

數字對於 Julia 來說並不是"同樣"的

數字可以分成：

- 整數 (Integer)
- 浮點數 (Floating point)

Julia 還有支援

- 有理數 (Rational number)
- 複數 (Complex number)

Integer

Integer

Type	Signed?	Bit size	Smallest value	Largest value
Int8	T	8	-2^7	$2^7 - 1$
UInt8	F	8	0	$2^8 - 1$
Int16	T	16	-2^{15}	$2^{15} - 1$
UInt16	F	16	0	$2^{16} - 1$
Int32	T	32	-2^{31}	$2^{31} - 1$
UInt32	F	32	0	$2^{32} - 1$
Int64	T	64	-2^{63}	$2^{63} - 1$
UInt64	F	64	0	$2^{64} - 1$
Int128	T	128	-2^{127}	$2^{127} - 1$
UInt128	F	128	0	$2^{128} - 1$
Bool		8	false	true

以上表摘錄自官方網站

我要怎麼知道我用的整數是什麼型別？

In [8]: `typeof(100)`

Out[8]: Int64

如果沒有特別宣告的話，會依據系統位元數決定

In [9]: `Int`

Out[9]: `Int64`

我能不能宣告其他型別的數字？

```
In [10]: Int8(10)
```

```
Out[10]: 10
```

電腦的數字儲存方式

電腦儲存數字的方式是用 01 的方式儲存及運算

所以一個 Int8 (8 bit integer) 會以

□□□□□□□□

的方式儲存

00000001 就是 1

00000010 就是 2

00000100 就是 4

10000100 則是 -4

整數的上下限

```
In [11]: typemax(Int8)
```

```
Out[11]: 127
```

他相當於 01111111

```
In [12]: typemin(Int8)
```

```
Out[12]: -128
```

他則是 10000000

Overflow!

那如果對最大的數 +1 的話會怎麼樣？

```
In [13]: typemax(Int64) + 1
```

```
Out[13]: -9223372036854775808
```

有趣的事情就發生了！

Bitwise operators (位元運算子)

當 x 跟 y 是整數或是布林值...

- $\sim x$: bitwise not , 對每個位元做 $\neg x$ 運算 , 11100 \rightarrow 00011
- $x \& y$: bitwise and , 對每個位元做 $x \wedge y$ 運算
- $x | y$: bitwise or , 對每個位元做 $x \vee y$ 運算
- $x \$ y$: bitwise xor , 對每個位元做 $x \oplus y$ 運算
- $x >>> y$: 位元上 , 將 x 的位元右移 y 個位數
- $x >> y$: 算術上 , 將 x 的位元右移 y 個位數
- $x << y$: 將 x 的位元左移 y 個位數

Bitwise operators (位元運算子)

In [14]: `Int8(1) << 2` # 將Int8(1)的位元左移2個位數

Out[14]: 4

In [15]: `Int8(4) >> 2` # 將Int8(4)的位元右移2個位數

Out[15]: 1

In [16]: `~Int8(4)` # 00000100 -> 11111011

Out[16]: -5

Bitwise operators (位元運算子)

```
In [17]: Int8(4) & Int8(8) # 00000100 & 00001000 = 00000000
```

```
Out[17]: 0
```

```
In [18]: Int8(4) | Int8(8) # 00000100 | 00001000 = 00001100
```

```
Out[18]: 12
```

Floating-Point Numbers

Floating-Point Numbers

In [19]:

```
0.5
```

Out[19]:

```
0.5
```

In [20]:

```
.5
```

Out[20]:

```
0.5
```

In [21]:

```
typeof(0.5)
```

Out[21]:

```
Float64
```

In [22]:

```
2.5e-4
```

Out[22]:

```
0.00025
```

Floating-Point Numbers

Type	Bit size
Float16	16
Float32	32
Float64	64

Infinite value

Float16	Float32	Float64
Inf16	Inf32	Inf
-Inf16	-Inf32	-Inf
NaN16	NaN32	NaN

Infinite value

In [23]: 1 / Inf

Out[23]: 0.0

In [24]: 1 / 0

Out[24]: Inf

In [25]: -5 / 0

Out[25]: -Inf

In [26]: 0 / 0

Out[26]: NaN

Arithmetic operators (算術運算子)

當 x 跟 y 都是數字...

- $+x$: 就是 x 本身
- $-x$: 變號
- $x + y, x - y, x * y, x / y$: 一般四則運算
- $\text{div}(x, y)$: 商
- $x \% y$: 餘數, 也可以用 $\text{rem}(x, y)$
- $x \setminus y$: 跟 $/$ 的作用一樣
- $x ^ y$: 次方

Arithmetic operators

In [27]: `div(123, 50)`

Out[27]: 2

In [28]: `123 % 50`

Out[28]: 23

Comparison operators (比較運算子)

用在 x 跟 y 都是數值的狀況

- $x == y$: 等於
- $x != y, x \neq y$: 不等於
- $x < y$: 小於
- $x > y$: 大於
- $x \leq y, x \leq y$: 小於或等於
- $x \geq y, x \geq y$: 大於或等於

Comparison operators (比較運算子)

- $+0$ 會等於 -0 ，但不大於 -0
- Inf 跟自身相等，會大於其他數字除了 NaN
- $-\text{Inf}$ 跟自身相等，會小於其他數字除了 NaN

```
In [29]: Inf == Inf
```

```
Out[29]: true
```

```
In [30]: Inf > NaN
```

```
Out[30]: false
```

```
In [31]: Inf == NaN
```

```
Out[31]: false
```

```
In [32]: Inf < NaN
```

```
Out[32]: false
```

變數的宣告及使用

Variables

In [33]:

```
x = 5.0
```

Out[33]:

```
5.0
```

In [34]:

```
x
```

Out[34]:

```
5.0
```

Naming

變數開頭可以是字母（A-Z or a-z）、底線或是Unicode（要大於 00A0）

運算符號也可以是合法的變數名稱，例如 `+`，通常用於指定function（函式）

支援Unicode作為變數名稱

```
In [35]: δ = 0.00001
```

```
Out[35]: 1.0e-5
```

```
In [36]: 안녕하세요 = "Hello"
```

```
Out[36]: "Hello"
```

支援類LaTeX語法

打`\delta` 之後，按下tab

In [37]:

δ

Out[37]: 1.0e-5

`\alpha -tab- _2 -tab`

In [38]:

α_2

UndefVarError: α_2 not defined

Stacktrace:

[1] top-level scope at In[38]:1

[Unicode Input \(https://docs.julialang.org/en/v1/manual/unicode-input/\)](https://docs.julialang.org/en/v1/manual/unicode-input/)

內建常數

In [39]: `pi`

Out[39]: $\pi = 3.1415926535897\dots$

In [40]: `π`

Out[40]: $\pi = 3.1415926535897\dots$

In [41]: `e`

Out[41]: $e = 2.7182818284590\dots$

命名指南

- 建議命名都用小寫
- 字跟字之間請用底線隔開，像 `lower_case`，不過不鼓勵使用底線，除非影響到可讀性
- 型別的命名請以大寫開頭，並使用 CamelCase 的寫法
- 函式或是 macro 請用小寫加上底線的寫法
- 函式如果會修改到輸入的變數的話，請在函式名稱後加上！，像 `transform!()`

Numeric Literal Coefficients

In [42]:

```
x = 3
```

Out[42]:

```
3
```

In [43]:

```
2x^2 - 3x + 1
```

Out[43]:

```
10
```

In [44]:

```
(x-1)x
```

Out[44]:

```
6
```

Complex numbers and rational numbers

Complex numbers

In [45]: `1 + 2im`

Out[45]: `1 + 2im`

In [46]: `(1 + 2im) + (3 - 4im)`

Out[46]: `4 - 2im`

In [47]: `(1 + 2im) * (3 - 4im)`

Out[47]: `11 + 2im`

In [48]: `(-4 + 3im)^(2 + 1im)`

Out[48]: `1.950089719008687 + 0.6515147849624384im`

In [49]: `3 / 5im == 3 / (5*im)`

Out[49]: `true`

Complex numbers

In [50]: `real(1 + 2im)`

Out[50]: 1

In [51]: `imag(3 + 4im)`

Out[51]: 4

In [52]: `conj(1 + 2im)`

Out[52]: 1 - 2im

In [53]: `abs(3 + 4im)` # 複數平面上的向量長度

Out[53]: 5.0

In [54]: `angle(3 + 4im)` # 複數平面上的向量夾角

Out[54]: 0.9272952180016122

Complex numbers

In [55]: `1 + Inf*im`

Out[55]: `1.0 + Inf*im`

In [56]: `1 + NaN*im`

Out[56]: `1.0 + NaN*im`

In [57]: `(1 + NaN*im)*(3 + 4im)`

Out[57]: `NaN + NaN*im`

Rational numbers (有理數)

In [58]:

```
2//3
```

Out[58]:

```
2//3
```

In [59]:

```
-6//12 # 會自動約分
```

Out[59]:

```
-1//2
```

In [60]:

```
5//-20 # 自動調整負號
```

Out[60]:

```
-1//4
```

In [61]:

```
numerator(2//10) # 約分後的分子 (numerator)
```

Out[61]:

```
1
```

In [62]:

```
denominator(7//14) # 約分後的分母 (denominator)
```

Out[62]:

```
2
```

Rational numbers

In [63]: `10//15 == 8//12`

Out[63]: `true`

In [64]: `2//4 + 1//7`

Out[64]: `9//14`

In [65]: `3//10 * 6//9`

Out[65]: `1//5`

In [66]: `float(3//4) # 轉成浮點數`

Out[66]: `0.75`

Rational numbers

In [67]: `1/(1 + 2im) # 分母實數化`

Out[67]: `1//5 - 2//5*im`

In [68]: `5//0 # 可以接受分母為0`

Out[68]: `1//0`

In [69]: `3//10 + 1 # 與整數運算`

Out[69]: `13//10`

In [70]: `3//10 - 0.8 # 與浮點數運算`

Out[70]: `-0.5`

In [71]: `2//10 * (3 + 4im) # 與複數運算`

Out[71]: `3//5 + 4//5*im`

Boolean

In [72]: `true`

Out[72]: `true`

In [73]: `typeof(false)`

Out[73]: `Bool`

Negation

- !x : true變成false , false變成true

In [74]: !true

Out[74]: false

Bitwise operators

In [75]: `~false`

Out[75]: `true`

In [76]: `true & false`

Out[76]: `false`

In [77]: `true | false`

Out[77]: `true`

Updating operators (更新運算子)

In [78]:

```
x = 5  
y = 0
```

Out[78]: 0

In [79]:

```
y += 2x
```

Out[79]: 10

Updating operators

- `+=` : `x += y` 等同於 `x = x + y` , 以下類推
- `-=`
- `*=`
- `/=`
- `\=`
- `%=`
- `^=`
- `&=`
- `|=`
- `\=` (`\xor`-tab)
- `>>>=`
- `>>=`
- `<<=`

Control Flow

條件判斷

```
if <判斷式>  
  <運算>  
end
```

In [80]:

```
x = 0  
y = 5  
  
if x < y  
  println("x is less than y")  
end
```

x is less than y

條件判斷

```
In [81]: x = 10  
y = 5  
  
if x < y  
    println("x is less than y")  
end
```

```
In [82]: if x < y  
    println("x is less than y")  
else  
    println("x is not less to y")  
end
```

x is not less to y

條件判斷

```
In [83]: if x < y
          println("x is less than y")
elseif x > y
          println("x is greater than y")
else
          println("x is equal to y")
end
```

x is greater than y

非布林值是不能當作判斷式的

```
In [84]: if 1 # 數字不會自動轉成布林值
          print("true")
          end
```

TypeError: non-boolean (Int64) used in boolean context

Stacktrace:

[1] top-level scope at In[84]:1

短路邏輯

```
In [85]: if 3 > 5 && 5 == 5  
          println("This is not going to be printed.")  
        end
```

- 在 `a && b` 裡，如果 `a` 為 `false`，就不需要考慮 `b` 了
- 在 `a || b` 裡，如果 `a` 為 `true`，就不需要考慮 `b` 了

連續比較

In [86]: `1 < 2 < 3`

Out[86]: `true`

比較特殊值

In [87]: `isfinite(5)`

Out[87]: `true`

In [88]: `isinf(Inf)`

Out[88]: `true`

In [89]: `isnan(NaN)`

Out[89]: `true`

迴圈

```
while <持續條件>  
    <運算>  
end
```

In [90]:

```
a = 0  
i = 1  
while i <= 100  
    a += i  
    i += 1  
end  
a
```

Out[90]: 5050

迴圈

```
for i = 1:100  
    <運算>  
end
```

In [91]:

```
a = 0  
for i = 1:100  
    a += i  
end  
a
```

Out[91]: 5050

Characters and Strings

Characters

字元是組成字串的基本單元

```
In [92]: 'A'
```

```
Out[92]: 'A': ASCII/Unicode U+0041 (category Lu: Letter, uppercase)
```

```
In [93]: 'a'
```

```
Out[93]: 'a': ASCII/Unicode U+0061 (category Ll: Letter, lowercase)
```

字元用單引號，字串用雙引號

In [94]: `typeof('A')`

Out[94]: Char

In [95]: `typeof("A")`

Out[95]: String

字元其實是用相對應的整數表示的

```
In [96]: Int('A')
```

```
Out[96]: 65
```

```
In [97]: Char(65)
```

```
Out[97]: 'A': ASCII/Unicode U+0041 (category Lu: Letter, uppercase)
```

```
In [98]: Int('B')
```

```
Out[98]: 66
```

字元能適用加法嗎？

```
In [99]: 'A' + 1
```

```
Out[99]: 'B': ASCII/Unicode U+0042 (category Lu: Letter, uppercase)
```

```
In [100]: 'C' - 2
```

```
Out[100]: 'A': ASCII/Unicode U+0041 (category Lu: Letter, uppercase)
```


字元可以比較大小嗎？

```
In [101]: 'C' > 'A'
```

```
Out[101]: true
```

```
In [102]: 'a' > 'A'
```

```
Out[102]: true
```

```
In [103]: Int('a')
```

```
Out[103]: 97
```

```
In [104]: 'a' - 'A'
```

```
Out[104]: 32
```

Strings

```
In [105]: x = "Hello World!"
```

```
Out[105]: "Hello World!"
```

```
In [106]: """Hello World!"""
```

```
Out[106]: "Hello World!"
```

```
In [107]: """Hello
World
!
"""
```

```
Out[107]: "Hello\nWorld\n!\n"
```

Indexing

```
In [108]: x[1]
```

```
Out[108]: 'H': ASCII/Unicode U+0048 (category Lu: Letter, uppercase)
```

```
In [109]: x[end-1]
```

```
Out[109]: 'd': ASCII/Unicode U+0064 (category Ll: Letter, lowercase)
```

```
In [110]: x[3:5]
```

```
Out[110]: "llo"
```

Unicode and UTF-8

```
In [111]: s = "\u2200 x \U2203 y"
```

```
Out[111]: "∀ x ∃ y"
```

```
In [112]: s[1]
```

```
Out[112]: '∀': Unicode U+2200 (category Sm: Symbol, math)
```

```
In [113]: s[2]
```

```
StringIndexError("∀ x ∃ y", 2)
```

```
Stacktrace:
```

```
[1] string_index_err(::String, ::Int64) at ./strings/string.jl:12  
[2] getindex_continued(::String, ::Int64, ::UInt32) at ./strings/string.jl:220  
[3] getindex(::String, ::Int64) at ./strings/string.jl:213  
[4] top-level scope at In[113]:1
```

用來告訴你下一個index

```
In [114]: nextind(s, 1)
```

```
Out[114]: 4
```

```
In [115]: s[4]
```

```
Out[115]: ' ': ASCII/Unicode U+0020 (category Zs: Separator, space)
```

Operators

In [116]: `length("123456")`

Out[116]: 6

Interpolation

```
In [117]: x = "Today"  
          y = "Sunday"  
          string(x, " is ", y)
```

```
Out[117]: "Today is Sunday"
```

```
In [118]: "$x is $y"
```

```
Out[118]: "Today is Sunday"
```

```
In [119]: "1 + 2 = $(1 + 2)"
```

```
Out[119]: "1 + 2 = 3"
```


Equivalent

```
In [120]: "1 + 2 = 3" == "1 + 2 = $(1 + 2)"
```

```
Out[120]: true
```

Contains substring

```
In [121]: occursin("banana", "na")
```

```
Out[121]: false
```

Repeat

In [122]: `repeat(x, 10)`

Out[122]: "TodayTodayTodayTodayTodayTodayTodayTodayTodayToday"

Join strings

```
In [123]: join(["apples", "bananas", "pineapples"], ", ", " and ")
```

```
Out[123]: "apples, bananas and pineapples"
```

Functions

What is function?

當有些程式需要不斷被重複使用，只需要更改一部份程式碼即可

這些程式碼就可以被**抽出來**（abstract），成為 function

讓這部份程式可以有更**廣泛的**（generic）用處，而不是**狹隘而特定的**（specific）

```
In [124]: function f(x, y)
           return x + y
           end
```

```
Out[124]: f (generic function with 1 method)
```

```
In [125]: f(1, 2)
```

```
Out[125]: 3
```

當你呼叫函式 $f(1, 2)$ 的時候， $x=1$ 與 $y=2$ 會被傳送給 f 。

函式就會進行後續的運算，並把運算結果透過 `return` 進行回傳。

當函數被呼叫，記憶體會空出一塊空間給函式，是函式的運算空間。

```
In [126]: f(f(1, 2), 3)
```

```
Out[126]: 6
```

當以上函式被呼叫，最內部的函式 $f(1, 2)$ 會先被運算，等運算結果回傳之後，才運算外層的函式 $f(3, 3)$ 。

另一種函式定義方式

短小輕巧的函式在Julia很常見

```
In [127]: h(x, y) = x + y
```

```
Out[127]: h (generic function with 1 method)
```

```
In [128]: h(1, 2)
```

```
Out[128]: 3
```

Specify input and output datatype

```
In [129]: function g(x::Int64, y::Int64)::Int64
           return x + y
           end
```

```
Out[129]: g (generic function with 1 method)
```

```
In [130]: g(1, 2)
```

```
Out[130]: 3
```

```
In [131]: g(1.2, 2.3)
```

```
MethodError: no method matching g(::Float64, ::Float64)
```

```
Stacktrace:
```

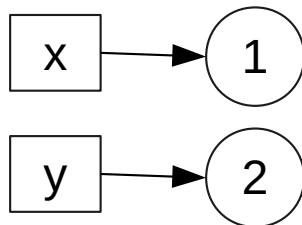
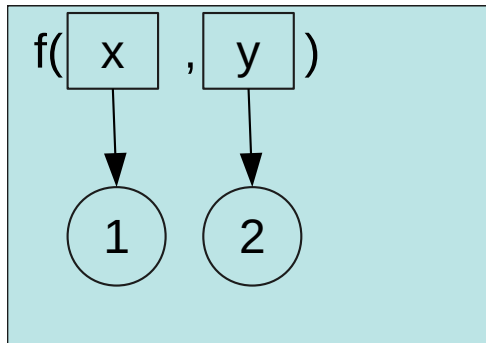
```
[1] top-level scope at In[131]:1
```

Argument passing

Call-by-value

複製一份變數的值到函式中

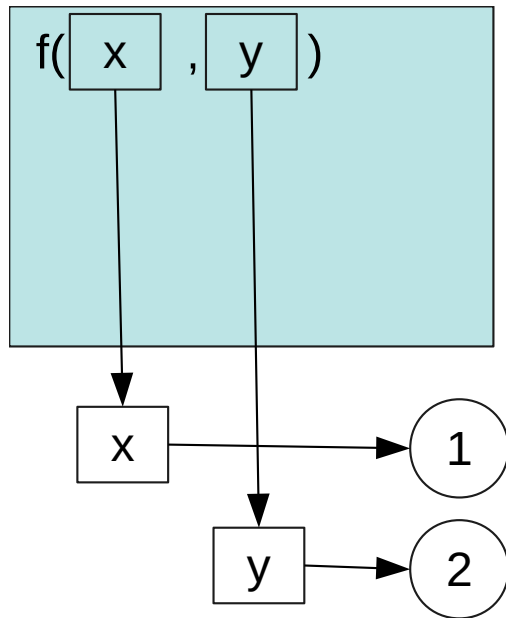
e.g. C, primitive values in Java



Call-by-reference

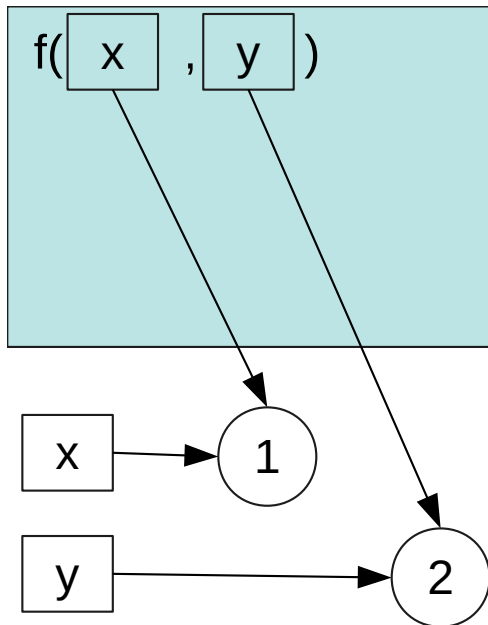
在函式中製造一個參考（reference），參考指向變數

e.g. Python, object in Java



Pass-by-sharing

傳參數時，並不會複製一份給函式，但是參數本身會作為一個新的變數**綁定**（bind）到原本值的位址



如何驗證以上的行為？

```
In [132]: println(objectid(1))
```

```
11967854120867199718
```

```
In [133]: x = 1  
println(objectid(x))
```

```
11967854120867199718
```

```
In [134]: function sharing(x)  
    println(objectid(x))  
    x = 2  
    println(objectid(x))  
end
```

```
Out[134]: sharing (generic function with 1 method)
```

```
In [135]: sharing(x)
```

```
11967854120867199718
```

```
5352850025288631388
```

```
In [136]: x
```

```
Out[136]: 1
```


Operators are functions

In [137]: `1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6`

Out[137]: 21

In [138]: `+(1, 2, 3, 4, 5, 6)`

Out[138]: 21

Anonymous functions

```
In [139]: a = () -> println("Calling function a.")
```

```
Out[139]: #3 (generic function with 1 method)
```

```
In [140]: a()
```

```
Calling function a.
```

```
In [141]: b = x -> println(x)
```

```
Out[141]: #5 (generic function with 1 method)
```

```
In [142]: b(5)
```

```
5
```

```
In [143]: c = (x, y) -> x + y
```

```
Out[143]: #7 (generic function with 1 method)
```

```
In [144]: c(2, 3)
```

```
Out[144]: 5
```

Tuples

```
In [145]: x = (1, 2, 3)
```

```
Out[145]: (1, 2, 3)
```

```
In [146]: x[1]
```

```
Out[146]: 1
```

```
In [147]: x[2:3]
```

```
Out[147]: (2, 3)
```

Tuple is immutable

In [148]: `objectid(x)`

Out[148]: `0xedbeb2cfeb9b46ff`

In [149]: `objectid(x[2:3])`

Out[149]: `0x1d867d66d42a6657`

Unpacking

In [150]: `a, b, c = x`

Out[150]: `(1, 2, 3)`

In [151]: `a`

Out[151]: `1`

In [152]: `b`

Out[152]: `2`

In [153]: `c`

Out[153]: `3`

Swap

In [154]: `b, a = a, b`

Out[154]: `(1, 2)`

In [155]: `a`

Out[155]: `2`

In [156]: `b`

Out[156]: `1`

Tuple is the data structure that pass arguments to function

In [157]:

```
h(1, 2)
```

Out[157]:

```
3
```


return keyword

```
In [158]: function sumproduct(x, y, z)
           return (x + y) * z
           end
```

Out[158]: sumproduct (generic function with 1 method)

```
In [159]: function sumproduct(x, y, z)
           (x + y) * z
           end
```

Out[159]: sumproduct (generic function with 1 method)

Multiple return values

```
In [160]: function shuffle_(x, y, z)
          (y, z, x)
end
```

```
Out[160]: shuffle_ (generic function with 1 method)
```

Argument destruction

```
In [161]: x = [1, 2, 3]  
          shuffle_(x...)
```

```
Out[161]: (2, 3, 1)
```

等價於 `shuffle_(1, 2, 3)`

Vectorizing functions

適用 operators 跟 functions

```
In [162]: x = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10];
```

```
In [163]: x .^ 2
```

```
Out[163]: 10-element Array{Int64,1}:  
 1  
 4  
 9  
16  
25  
36  
49  
64  
81  
100
```

User-defined function

In [164]: `f(x) = 3x`

Out[164]: `f (generic function with 2 methods)`

In [165]: `f.(x)`

Out[165]: `10-element Array{Int64,1}:`

`3`
`6`
`9`
`12`
`15`
`18`
`21`
`24`
`27`
`30`

Q & A

In []: