A - Escape Character

难度	考点
1	转义字符

题目分析

本题主要让同学们了解 C 程序设计语言中的一些转义字符。根据题目所给提示,各转义字符的输出方法如下:

字符	输出方式
T	(\rangle m)
	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
%	%%

示例代码

```
#include <stdio.h>

int main()

frintf("To output a quotation mark \", you should use \\\".\n");

printf("To output a single quotation mark \', you should use \\\'.\n");

printf("To output a slash /, you should use /.\n");

printf("To output a backslash \\, you should use \\\.\n");

printf("To output a percent sign %%, you should use \\\.\n");

return 0;

return 0;
```

B - Polynomial Interpolation

难度	考点
1	简单数学

题目分析

这个题目的背景是多项式插值。有兴趣的同学可以自行拓展相关内容。 由相关线性代数知识,有:

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 9^3 & 9^2 & 9 & 1 \\ 5^3 & 5^2 & 5 & 1 \\ 2^3 & 2^2 & 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 \\ 1524 \\ 288 \\ 33 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 9^3 & 9^2 & 9 & 1 \\ 5^3 & 5^2 & 5 & 1 \\ 2^3 & 2^2 & 2 & 1 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 12 \\ 1524 \\ 288 \\ 33 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{32} & \frac{1}{224} & -\frac{1}{48} & \frac{1}{21} \\ -\frac{73}{32} & \frac{17}{224} & -\frac{29}{48} & \frac{59}{21} \\ \frac{45}{16} & -\frac{5}{112} & \frac{3}{8} & -\frac{15}{7} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 12 \\ 1524 \\ 288 \\ 33 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 7 \\ 3 \end{bmatrix}$$

即表达式为 $f(x) = 2x^3 + 0x^2 + 7x + 3$ 。

示例代码

```
1  #include <stdio.h>
2
3  int main()
4  {
5    int x;
6    scanf("%d", &x);
7    printf("%d", x * (2 * x * x + 7) + 3);
8
9    return 0;
10 }
```

C - 一起集赞吧

难度	考点
2	简单 ifelse 判断,输入输出

题目分析

题意即为输入两个整数 n, m,采用 if-else 分支结构判断它们的大小并输出不同的提示信息。

注意"集赞集够"是指 $n \ge m$,不是 n > m。

示例代码

```
1 #include <stdio.h>
2
3 int main()
4 {
5
      int n, m;
6
      scanf("%d%d", &n, &m);
7
      if (n >= m)
           printf("Wow! Delicious^_^");
     else
9
10
         printf("%d", m - n);
11
12
      return 0;
13 }
```

D - 大家一起刷 TD

难度	考点
2	简单循环

题目分析

第一学期应当输出 48 个 "TD",第二学期 96 个 "TD",以此类推,第 n 个学期,应当输出 48n 个 "TD"。

为了让输出的相邻两个 "TD" 间有一个空格,可以输出相应数量的 "TD" (注意末尾有一个空格)。

```
1 #include <stdio.h>
3 int main()
4 {
5
      int n;
     scanf("%d", &n);
6
    int i;
8
9
      for (i = 1; i \le 48 * n; i = i + 1)
10
           printf("TD ");
11
12
       }
13
      return 0;
14
15 }
```

E-素数判定 (简单版)

难度	考点
2	简单循环

题目分析

从 2 开始枚举数字,判断能否整除 n。如果 [2,n) 的数都不能整除 n,则 n 为素数,否则不是。

```
1 #include <stdio.h>
 2
 3 int main()
4 {
       int n, i, canDivide = 0;
       scanf("%d", &n);
6
7
      for (i = 2; i < n; i = i + 1)
8
          if (n \% i == 0)
9
               canDivide = 1;
    if (canDivide)
10
11
           printf("No\n");
12
      else
13
           printf("Yes\n");
14
15
       return 0;
16 }
```

F - / 'æski/

难度	考点
3	分支结构嵌套、字符编码

题目分析

题面中的信息已经相当完善,此处不做分析。本题按照题给提示用若干个 [if] 判断相应情况并输出即可。

示例代码

示例代码一 (利用题中给出的标准码表)

- 这里 puts(_Str); 用于输出一个字符串 _Str 并自动追加换行。
- if 里条件比较复杂时可分行对齐写。

```
#include <stdio.h>
 2
 3
    int main() {
 4
        int c;
 5
        scanf("%x", &c);
 6
         if ((0x00 \le c \& c \le 0x1F) \mid | c == 0x7F)
 7
 8
             puts("Control Character!");
 9
             if (c == 0x00)
10
                 puts("Null");
11
             else if (c == 0x09)
12
                 puts("Horizontal Tab");
             else if (c == 0x0A)
13
14
                 puts("Line Feed");
15
             else if (c == 0x0D)
16
                 puts("Carriage Return");
17
             else
18
                 puts("Other Control Character");
19
         }
20
        else if
21
22
             (0x20 \le c \& c \le 0x2F)
23
          | | (0x3A \le c \& c \le 0x40)
24
         | | (0x5B \le c \& c \le 0x60)
25
         | | (0x7B \le c \& c \le 0x7E)
         )
26
27
         {
28
             puts("Symbol Character!");
29
             if
30
                 c == '(' || c == ')'
31
              || c == '[' || c == ']'
32
              || c == '{' || c == '}'
33
              || c == '<' || c == '>'
34
35
```

```
36
37
                 puts("Bracket");
38
39
             else
40
                 puts("Other Symbol");
41
         }
42
        else if (0x30 \le c \& c \le 0x39)
43
44
             puts("Digit Character!");
45
             putchar(c);
46
         }
47
        else if (0x41 <= c \&\& c <= 0x5A)
48
49
             puts("Upper Case Alphabet!");
50
             putchar(c);
51
         }
52
        else if (0x61 <= c \&\& c <= 0x7A)
53
54
             puts("Lower Case Alphabet!");
55
             putchar(c);
        }
56
57
58
        return 0;
59
    }
```

示例代码二 (使用 ctype.h 头文件)

```
#include <stdio.h>
 2
    #include <ctype.h>
    int main()
 4
 5
    {
 6
        int c;
 7
        scanf("%x", &c);
 8
        if (iscntrl(c))
 9
        {
10
             puts("Control Character!");
11
             if (c == '\0')
12
                 puts("Null");
             else if (c == '\t')
13
14
                 puts("Horizontal Tab");
             else if (c == '\n')
15
16
                 puts("Line Feed");
17
             else if (c == '\r')
18
                 puts("Carriage Return");
19
             else
20
                 puts("Other Control Character");
21
        }
22
        else if (isdigit(c))
23
             puts("Digit Character!");
24
25
             putchar(c);
26
        }
        else if (isupper(c))
27
28
             puts("Upper Case Alphabet!");
29
```

```
30
     putchar(c);
31
       }
32
       else if (islower(c))
33
34
           puts("Lower Case Alphabet!");
           putchar(c);
35
36
       }
37
       else
38
       {
39
           puts("Symbol Character!");
40
           if (c == '(' || c == ')' || c == '[' || c == ']' || c == '{' || c ==
    '}' || c == '<' || c == '>')
41
               puts("Bracket");
42
           else
               puts("Other Symbol");
43
44
       }
45
46
       return 0;
47 }
```

G - Crafting Table

难度	考点
4	数学思维、多组数据的读入

题目分析

首先,本题的数据范围为 $1 \le t \le 10^5$, $0 \le n, m \le 10^9$,直接暴力模拟的计算量在 10^{14} 数量级,评测机每秒的计算量在 10^8 到 10^9 数量级,因此这样做会超时,得到 TLE 的评测结果,我们需要找到一个可以快速计算的数学表达式以减少计算量。

其次,我们可以发现只考虑钻石铲和钻石剑是最优的,因为其它三种工具都会比上述两种工具之一耗费 更多的原材料。

最后,每制作 1 个工具至少耗费 1 个木棍和 1 个钻石,每制作 1 个工具耗费钻石和木棍的总量为 3,因此最大值不超过 $\min(n,m,\lfloor\frac{n+m}{3}\rfloor)$ 。(其中 $\lfloor x\rfloor$ 表示 x 的向下取整)

下面我们证明最大值即为 $\min(n, m, \lfloor \frac{n+m}{3} \rfloor)$:

- 若 $2n \leq m$,因为每制作 1 个工具至少耗费 1 个木棍,所以此时答案为 n,且 $n \leq \lfloor \frac{n+m}{3} \rfloor \leq m$ 。
- 若 $2m \le n$,因为每制作 1 个工具至少耗费 1 个钻石,所以此时答案为 m,且 $m \le \lfloor \frac{n+m}{3} \rfloor \le n$ 。
- 若 2n>m 且 2m>n,不断重复下述过程直至 n+m<3:若 $n\leq m$,则制作一把钻石剑,否则制作一把钻石铲。2n>m 且 2m>n 的条件保证上述过程中 n 和 m 始终不为 0,所以此时答案为 $\lfloor \frac{n+m}{3} \rfloor$,且 $\lfloor \frac{n+m}{3} \rfloor \leq \min(n,m)$ 。

```
#include <stdio.h>
 3 | int main()
4 {
5
       int t, n, m, ans, i = 1;
6
       scanf("%d", &t);
7
        while (i <= t)
8
          scanf("%d%d", &n, &m);
9
10
           ans = (n + m) / 3;
11
           if (n < ans) ans = n;
           if (m < ans) ans = m;
12
           printf("%d\n", ans);
13
14
           i = i + 1;
        }
15
16
       return 0;
17
18 }
```

H - 会砍价的小翔哥

难度	考点
2	浮点数计算,简单循环,格式化输出

题目分析

循环输入雪糕价格 x,利用强制类型转换(int)x 即可得到价格的整数部分,那么 x - (int)x 就是价格的小数部分,累加即可。

```
1 #include <stdio.h>
 3 int main()
4 {
 5
       int n;
6
       scanf("%d", &n);
7
8
       float x;
9
      float sum = 0.0; // float类型变量sum用来累计省下来的钱,初始化为0。
10
11
       for (i = 0; i < n; i = i + 1)
12
           scanf("%f", &x);
13
14
           sum = sum + (x - (int)x);
15
       }
16
17
       printf("%.2f", sum); // 格式化输出, %.2f表示保留两位小数
18
19
       return 0;
20 }
```

I- 挨乘闭加吸

难度	考点
4	数学思维、简单循环

题目分析

此题本意并非枚举 A,B,C 判断,数据范围为 10^6 ,暴力复杂度 $O(N^2)$ 到 $O(N^3)$ 不等,一定会得到 ITLE 的结果

正解

每一个小于 N 的 $A\times B$ 都有唯一确定的 C 与之对应,所以只需考虑 (A,B) 的数量即可。 枚举 1 到 N-1 作为 A ,如果 N 不能整除 A ,那么相应 B 的个数为 |N/A| ,否则为 |N/A|-1。

```
1 #include <stdio.h>
 2
 3 int main()
4 {
5
       int n, ans;
6
       int i;
       scanf("%d", &n);
7
8
       for (i = 1; i < n; i = i + 1)
9
10
           ans += n / i;
           if (n \% i == 0) --ans;
11
12
           // 或上面两句写成 ans += n % i == 0 ? n / i - 1 : n / i;
13
       printf("%d", ans);
14
15
16
       return 0;
17 }
```

J-RSA 的钥匙 (简单版)

难度	考点
3	循环结构, 判断结构

题目分析

本题需要根据题目给出的步骤进行模拟,并用二重循环结构完成任务。对于判断 $\gcd(e,\varphi)=1$,可以采用第一节课的课件提到的方法求出 e 和 φ 的 GCD。

```
1 #include <stdio.h>
 3
    int main()
4
   {
 5
        int p, q, n, phi;
 6
        int e, d, gcd;
        scanf("%d%d", &p, &q);
8
9
        n = p * q;
        phi = (p - 1) * (q - 1);
10
11
12
        for (e = 2; e < phi; e = e + 1)
13
14
            gcd = e;
15
            while (!(e % gcd == 0 && phi % gcd == 0))
16
                gcd = gcd - 1;
17
            if (gcd == 1)
18
                for (d = 2; d < phi; d = d + 1)
19
                    if (e * d % phi == 1)
20
21
                        printf("(%d,%d),(%d,%d)\n", n, e, n, d);
22
23
24
25
       return 0;
26 }
```

K - 素数判定

难度	考点
3	简单循环,数据类型

题目分析

从 2 开始枚举数字,判断能否整除 n。如果 $[2,\lfloor\sqrt{n}\rfloor]$ 的数都不能整除 n,则 n 为素数,否则不是。 注意,int 范围无法表示 10^{14} 大小的数,使用 $\lceil\log\rceil\log\rceil$ 读入和存储。

```
1 #include <stdio.h>
 3 int main()
5
       long long n, i;
6
       int canDivide = 0;
       scanf("%11d", &n);
       for (i = 2; i * i <= n; i++)
8
           if (n \% i == 0)
9
               canDivide = 1;
10
11
     if (canDivide)
           printf("No\n");
12
13
      else
           printf("Yes\n");
14
15
16
      return 0;
17 }
```

L - 奶茶时间

难度	考点
3	输出格式控制、[if-else] 条件判断

题目分析

按题目完成减法计算和时间早晚的比较即可。常见错误:

- 1. 减法的进位出错;
- 2. 漏写了某个触发"秃头警告"的判断条件。

```
1 #include <stdio.h>
 2
   int main()
4 {
 5
        int a, b, c, d, e, f, g, h;
6
        scanf("%d:%d", &a, &b);
7
        scanf("%d:%d", &c, &d);
        scanf("%d:%d", &e, &f);
8
9
       h = d - f - 1;
       if (h < 0)
10
11
       {
12
            h += 60;
13
            g = c - e - 1;
14
        }
15
       else
16
            g = c - e;
        if (g < a || (g == a && h < b))
17
18
            printf("Hair Loss Warning");
19
            printf("%02d:%02d", g, h);
20
21
22
        return 0;
23 }
```

M - 税 (普通版) ——增值税

难度	考点
3	浮点数计算、多组数据输入、输出格式控制

题目分析

只需按照题目要求计算每个商品的相关数据即可,注意数据类型即可。

```
#include <stdio.h>
 2
 3
    int main()
 4
        char name[50];
 6
        int Class, Num, TaxLevel;
 7
        double Money, Cost, AllMoney, Tax;
8
        while (~scanf("%s%d%d%lf", name, &Class, &Num, &Money))
9
10
            switch (Class)
11
            {
            case 1:
12
13
            case 3:
14
                TaxLevel = 9;
15
                break;
16
           case 2:
17
                TaxLevel = 13;
18
                break;
19
           case 4:
20
                TaxLevel = 6;
21
                break;
22
            AllMoney = Money * 100 / (100 + TaxLevel);
23
24
            Cost = AllMoney / Num;
25
            Tax = Money - AllMoney;
26
            printf("%s %d %.21f %.21f %d%% %.21f\n", name, Num, Cost, AllMoney,
    TaxLevel, Tax);
27
        }
28
29
        return 0;
30 }
```

N - 书号的秘密

难度	考点
3	条件判断、字符串处理

题目分析

只需按要求处理每一位数并做最后判断即可,两种处理方式见示例程序。

示例程序1: 作为字符串处理

```
#include <stdio.h>
 2
 3
    int main()
 4
        char s[233];
 6
        int res, i, j;
 7
        while (scanf("%s", s + 1) != EOF)
 8
 9
            res = 0;
10
            j = 0;
11
            for (int i = 1; i \le 11; i++)
12
                if (s[i] == '-') continue;
13
                res += (s[i] - '0') * j;
14
15
                ++j;
16
            }
            if (res % 11 == s[13] - '0')
17
18
                puts("YES");
19
            else
                puts("NO");
20
21
            // 或上面写成 puts(res % 11 == s[13] - '0' ? "YES" : "NO");
        }
22
23
24
        return 0;
25 }
```

示例程序2: 作为多位数处理

```
#include <stdio.h>
    int main()
4
 5
        int a, b, c, d;
 6
        int sum;
 7
        while (scanf("%d-%d-%d", &a, &b, &c, &d) != EOF)
8
9
            sum = a;
            sum += 2 * (b / 1000);
10
11
            sum += 3 * ((b / 100) % 10);
            sum += 4 * ((b / 10) % 10);
12
```

```
13
           sum += 5 * (b % 10);
14
           sum += 6 * (c / 1000);
15
           sum += 7 * ((c / 100) % 10);
16
           sum += 8 * ((c / 10) % 10);
           sum += 9 * (c % 10);
17
18
           if (sum % 11 == d)
19
               puts("YES");
20
           else
               puts("NO");
21
           // 或上面写成 puts(sum % 11 == d ? "YES" : "NO");
22
23
        }
24
25
       return 0;
26 }
```

0-归零

难度	考点
3	贪心

题目分析

本题是一道简单的贪心题目,分为两大种情况考虑:

- 两数异号,注意到第二种运算并无必要,可以直接用他们的绝对值相加乘 x 即可。
- 两数同号,首先将他们均变为绝对值。很多同学在判断负数的情况时出错,这里建议大家直接变为相反数处理),再进行讨论。
 - \circ 如果 $2 \cdot x < y$,那么直接使用第一种操作最省电,直接用他们的绝对值相加乘 x 即可。
 - 如果 $2 \cdot x \geq y$,那么先使用第二种操作将最小数归零,然后用第一种操作将最大数剩余部分归零。

另外需要注意本题的答案范围超过了 int , 请使用 long long 保存变量和答案。

```
1 #include <math.h>
   #include <stdio.h>
 3
 4 int main()
 5 {
 6
       long long a, b, x, y;
 7
        scanf("%11d%11d%11d", &a, &b, &x, &y);
8
       if (a < 0 \&\& b < 0)
9
10
            a = -a;
11
            b = -b;
12
       if (a * b < 0 | | x * 2 <= y)
13
14
            printf("%11d", x * (11abs(a) + 11abs(b)));
15
16
            return 0;
17
       else if (a < b)
18
            printf("%11d", a * y + (b - a) * x);
19
20
            printf("%11d", b * y + (a - b) * x);
21
22
23
       return 0;
24 }
```

P-排好序了吗

难度	考点
4	排序, 运行内存概念

题目分析

本题实际上是串行输入给定一个数组,你需要判断这个数组是否是单调不降或是单调不升的。但是题目的空间不允许我们存下整个数组后再判断,因此需要改变策略,仅通过每次比较相邻两项满足何种序列情况,进而进行维护。

具体来说,我们可以用两个变量 inc 和 dec 分别表示当前的序列是否满足单调不降和单调不升,同时记录当前序列读入的最后一个值 pre,则每次读入一个新的数 now 时:

```
1. 若 pre > now,则当前序列不可能单调不降,令 inc = 0;
```

- 2. 若 pre < now, 则当前序列不可能单调不升, 令 dec = 0;
- 3. 更新当前序列最后一个值为 now, 即 pre = now。

最后,只要 inc 和 dec 中至少有一个满足,则序列就是有序的;否则序列无序。

```
#include <stdio.h>
1
2
3
   int main()
4
       int inc = 1, dec = 1;
5
6
       int pre, now;
7
       scanf("%d", &pre);
8
       while (scanf("%d", &now) != EOF)
9
           if (pre > now) inc = 0;  // 不满足单调不降
10
           if (pre < now) dec = 0; // 不满足单调不升
11
12
           pre = now;
                                     // 更新上一个值
13
       }
14
       if (inc == 1 || dec == 1)
15
           printf("Beautiful");
16
       else
17
           printf("No");
18
19
       return 0;
20 }
```

Q - Easy PrimeSmash

难度	考点
4	循环求和、条件判断、变量初始化

题目分析

按照题目描述所给的提示进行计算和判断即可。常见错误如下:

- 1. 有多组数据输入, 忘记了必要的变量初始化, 导致单组数据正确, 多组数据出错的情况。
- 2. 在 [if] 有结果后立即结束 [for] 循环,而没有完全读入当前组的数据,导致不能正确地读入后续的数据。
- 3. 没有依照题目要求 (ans 尽量小) 判断答案, if 语句的顺序不正确。 (示例程序中的做法是: 用并列的 if 语句,并先判断较大的可能答案,后判断较小的可能答案,让之后的赋值覆盖掉前面的值。)
- 4. 有的同学在"从个位起每三位截成一段"的计算中,忽略了最高位位数不足三位的数字的计算"。(有的同学分成了六位数字一组,错误原因同理) 另一种做法是忽略题目描述所给的提示,利用模运算的特点,在求和的过程中不断取模,最后判断每个模数是否是待判断的数字的约数。

```
#include <stdio.h>
 2
 3
    int main()
 4
 5
        int n, x, sum, firstnum, ge, shi, bai, flag, total, pos, i, ans;
        while (scanf("%d", &n) == 1)
 6
 7
        {
 8
             sum = 0;
 9
            ge = 0;
10
            shi = 0;
            bai = 0;
11
12
            pos = 0;
13
            total = 0;
14
            flaq = 1;
            for (i = 0; i < n; i++)
15
16
                 scanf("%d", &x);
17
18
                 if (i == 0) firstnum = x;
19
                 sum += x;
20
                 switch (pos % 3)
21
                 {
22
                 case 0:
23
                     ge = x;
24
                     break:
25
                 case 1:
26
                     shi = x;
27
                     break;
28
                 case 2:
29
30
                     total += flag * (bai * 100 + shi * 10 + ge);
31
                     ge = 0;
```

```
shi = 0;
32
33
                    bai = 0;
                    flag *= -1;
34
35
                    break;
36
37
                pos++;
            }
38
            total += flag * (bai * 100 + shi * 10 + ge);
39
40
            ans = 0;
            if (total \% 13 == 0) ans = 13;
41
42
            if (total % 11 == 0) ans = 11;
            if (total \% 7 == 0) ans = 7;
43
44
            if (firstnum \% 5 == 0) ans = 5;
            if (sum \% 3 == 0) ans = 3;
45
            if (firstnum \% 2 == 0) ans = 2;
46
            if (ans == 0)
47
                printf("qwq\n");
48
49
            else
50
                printf("Smash it with %d!\n", ans);
51
        }
52
53
        return 0;
54 }
```

R - 小狗过河

难度	考点
5	贪心

题目分析

本题是一道比较直观的贪心题。

可以发现,我们应该先考虑最重的狗比较方便(因为体重大的狗要么一只狗孤独地走,要么带一只轻狗)。一个最优方案是:如果当前最重的狗 y 能和当前最轻的狗 x 一起过河,那么就安排他们一起,否则只让 y 单独过河。下面证明这种方案得到的一定是最优解。

假设 a[x] + a[y] > w - m,那么无论哪种方案,y 都只能单独过河。

假设 $a[x] + a[y] \le w - m$,即 y 可以带一条狗一起过河,那么 y 必须带上一只(因为带一定比不带要好)。如果有很多只轻狗都可以和 y 一起过河,下面证明带最轻的 x 可以得到最优解。

设某种最优方案下, 过河组队为 (x, y'), (x', y) $(a[x] \le a[x'] \le a[y'] \le a[y])$, 即

$$a[x'] + a[y] \le w - m \tag{1}$$

$$a[x] + a[y'] \le w - m \qquad (2)$$

由于 $a[x] + a[y] \leq w - m$ (假设的条件) 可知 (x,y) 可以过河。而由公式 (1) 有

$$a[x'] + a[y'] \le a[x'] + a[y] \le w - m$$

即 (x',y') 的方案也可以过河。也就是说交换之后,我们选择最轻的 x 过河的答案和最优解的答案相同,所以我们可以直接选择最轻的狗 x。

每次选择后剩余的狗的数量为 n-1 或 n-2, 重复这个过程直到送走所有的狗狗。

```
#include <stdio.h>
2
   int a[100000 + 5]; // 由于数组长度较大, 故放在 main 函数外作为全局数组
3
 4
5
   int main()
6
7
        int n, m, w;
        scanf("%d%d%d", &n, &m, &w);
8
9
        w -= m;
10
11
        int i, j, ans = 0;
12
        for (i = 1; i \le n; ++i) scanf("%d", &a[i]);
13
        i = 1;
        j = n;
14
15
        while (i \ll j)
16
17
           if (a[i] + a[j] \le w) ++i;
18
           --i:
19
           ++ans;
20
        }
```

```
21     printf("%d", ans);
22
23     return 0;
24 }
```

S-和求列数

难度	考点
5	逆向思维、循环与条件判断

题目分析

正向考虑非常困难,因为 求和操作与 翻转操作的顺序和数量都是未知的,因此我们需要逆向考虑来解决这道题。

对于题目中给出的两种操作,我们可以观察出以下四点:

- 对于一个**正整数**数组,无论做多少次 求和操作 或是 翻转操作 ,它依旧是一个**正整数**数组。
- 对于一个**正整数**数组,求和操作后它会变为一个**严格递增的正整数**数组,此时对它再进行一次翻转操作,它将变为一个**严格递减的正整数**数组。
- 求和操作的逆向操作为:将 $[a_1, a_2, \dots, a_n]$ 变为 $[a_1, (a_2 a_1), \dots, (a_n a_{n-1})]$ 。对于一个**正整数**数组,逆向 求和操作后它仍是一个**严格递增**的**正整数**数组当且仅当它是**严格递增**的。
- 翻转操作的逆向操作还是翻转操作,偶数次翻转操作等价于不操作。

从以上四点,我们可以通过下面的方法快速求得对于数次操作后的数组 b,它通过逆向的 求和操作 与 翻 转操作 所能得到的所有数列:

- 1. 我们可以对 b 进行一次逆向的 翻转操作 得到一个新的数列。
- 2. 如果 b 是**严格递增**的,那么我们可以对其进行一次逆向的 求和操作 ,得到一个新的数列,并返回步骤1。
- 3. 如果 b 是**严格递减**的,那么我们可以对其进行一次逆向的 翻转操作后再进行一次逆向的 求和操作,得到一个新的数列,并返回步骤1。
- 4. 如果 b 既不**严格递增**也不**严格递减**,此后 b 无法通过任何操作得到一个之前未出现过的数列,因此可以终止程序。

我们只需模拟上述过程,记录操作次数,并且每得到一个新的数列就判断是否和 a 相同,如果相同则输出此时的操作次数并终止程序;如果直到最后也没有找到和 a 相同的数列,应输出 -1。

最后,求和操作的增长速度是 x^{n-1} 级别的,其中 n 是数列长度,因此在本题的数据范围下,上述算法不会超时,可以参考下面的表格:

数列长度 <i>n</i>	求和操作次数的最大值
3	1414212
4	18169
5	2211
10	85
100	9
1000	5
100000	3

```
#include <stdio.h>
 2
 3
    long long a[100086], b[100086];
 4
    int main()
 5
 6
    {
 7
        int t, n;
8
        int tag, ans;
9
        int x, y;
10
        int i, j = 1;
11
        int tmp;
12
        scanf("%d", &t);
13
14
        while (j \ll t)
15
        {
16
             scanf("%d", &n);
17
             for (i = 1; i \le n; i++) scanf("%11d", &a[i]);
             for (i = 1; i \le n; i++) scanf("%1]d", &b[i]);
18
19
             tag = 0, ans = 0;
20
            while (1)
21
             {
22
                 for (i = 1; i \le n; i++)
23
24
                     if (a[i] != b[i]) break;
25
                     if (i == n) tag = 1;
26
                 }
27
                 if (tag == 1) break;
                 for (i = 1; i \ll n; i++)
28
29
                 {
                     if (a[n - i + 1] != b[i]) break;
30
31
                     if (i == n) tag = 1, ans++;
32
                 }
33
                 if (tag == 1) break;
34
                 x = 0, y = 0;
                 for (i = 2; i \le n; i++)
35
36
37
                     if (b[i] >= b[i - 1]) x = 1;
38
                     if (b[i] \leftarrow b[i - 1]) y = 1;
39
                 }
40
                 if (x == 1 & y == 1) break;
41
                 if (y == 1)
42
                 {
43
                     ans++;
44
                     for (i = 1; i \le n - i + 1; i++)
45
                         tmp = b[i], b[i] = b[n - i + 1], b[n - i + 1] = tmp;
46
47
                     }
48
                 }
49
                 ans++;
50
                 for (i = n; i; i--) b[i] -= b[i - 1];
51
52
             printf("%d\n", tag == 1 ? ans : -1);
53
             j++;
54
        }
```

```
55
56 return 0;
57 }
```