z 軸方向移動の問題について

3D lattice surgery で z 方向の移動は、pipeline 内の qubit 同士で CNOT をかけないと行けないため、あまりしたくない。 looped pipeline の論文では CZ ゲートをかけるのに 100ns かかると仮定されている。そこで、CZ ゲートかける時間が 1 回だけで済むような pipeline の配置を考える。pipeline の性質として、最上階の平面と最下階の平面は隣接しているため Figure 1 のような移動が可能である。

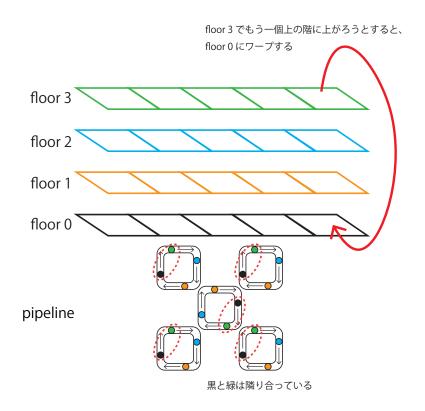


Figure 1

それぞれの pipeline 内の qubit の種類を変えることによって Figure 2 のような構造を作ることができる。左から 6 番目の pipeline では、黒とピンクが隣り合っているから、floor 4 から floor 0 へのワープが可能。7 番目の pipeline でも同様に、黒と緑が隣り合っているから floor 3 から floor 0 へのワープが可能。8 番目についても同じ。

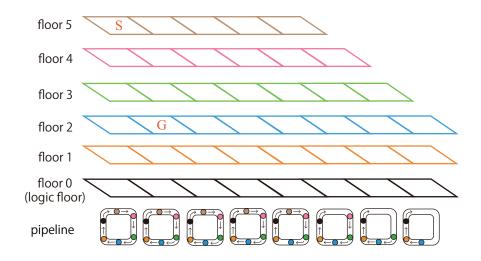
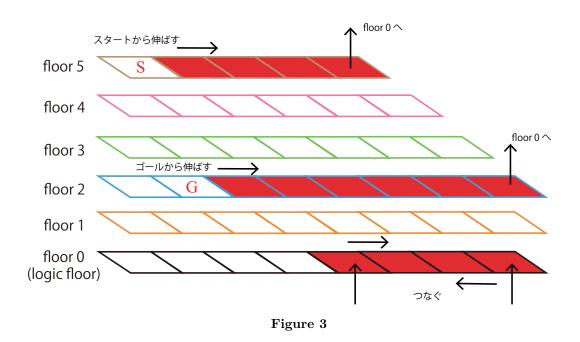


Figure 2

floor 5 にスタート地点 (S)、floor 2 にゴール地点 (G) を置き、これらを lattice surgery でつなげるとすると、Figure 3 のように すればよい。まず、S から経路を伸ばすと同時に G から経路を伸ばす。そして、floor $5 \rightarrow$ floor 0 と floor $2 \rightarrow$ floor 0 の CZ は同時にかける。最後に floor 0 上で 2 つの経路をつなぐ。このようにすれば、スタート地点とゴール地点がどの階にあったとしても、CZ の時間を 1 回だけ待つだけでつなぐことができる。



pipeline 内の qubit が 2 個もしくは 3 個の部分をところどころに配置しておけば、 1 回の z 軸方向の移動でどの階にも行けるが、 どの色の qubit を 2 個または 3 個選ぶと最適であるかはかなり複雑。このような問題は多角形の辺と対角線上での一筆書きの問題 に落とし込むことができる。例えば、0 階から 4 階までしかない構造を考えると Figure 4 のようになる。

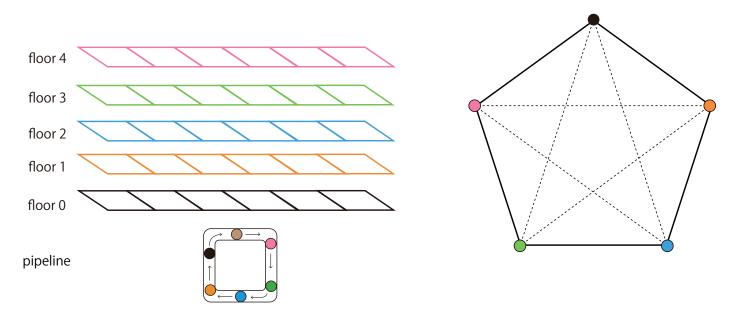
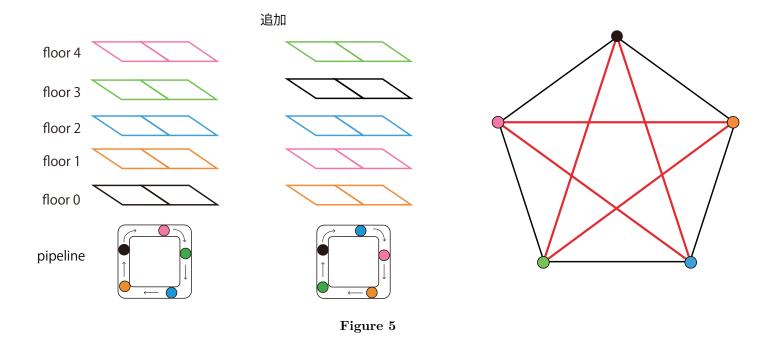


Figure 4

Figure 4 の右側の五角形の実線は左側の隣り合う階(floor 4 と floor 0 も隣り合う)を表している。今、どの階にいても他のすべての階に1回だけの z 軸方向の移動だけで行けるようにするためには、五角形の破線で繋がれている点同士を実線でつなぐような pipeline 必要である。例えば、Figure 5 右側のような一筆書きで破線をなぞる。



このようにすると、Figure 5 左側のような 1 種類の pipeline を追加することで、どの階にいたとしても他のすべての階に 1 回の z 軸方向の移動でいける。ただし、2 種類の pipeline の同期の難しさについては全く考慮していない。なので、おそらく Figure 6 のようにするほうが同期は簡単だと思われる。

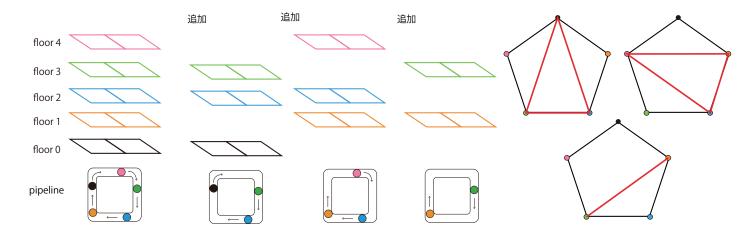


Figure 6