#### 制御システム

次の状態方程式で表される線形システムを考える.

```
\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t)y(t) = Cx(t) + Du(t)
```

ここで, x が状態ベクトル, u が入力, y が出力である.

```
A=[0,1,0; 0,-0.01,0.02; 0,-2,-10];
B=[0;0;1];
C=[2 1 0];
D=0;
% 可制御性の確認
Co = ctrb(A,B);
rank(Co)
```

ans = 3

### 最適レギュレータ

最適レギュレータでは、次式で表される評価関数 J を最小化するような入力 u(t) を求める.

$$J = \int_{0}^{\infty} (x^{T}Qx + u^{T}Ru)dt$$

QとRは重み行列であり、xを重視するかuを重視するかを決める.

```
Q=[1 0 0;0 1 0;0 0 1];
R=0.2;
```

閉ループシステムの安定が達成されるフィドバックゲイン K はリカッチ方程式

 $PBR^{-1}B^TP - PA - A^TP - Q = 0$ 

の解となる.

 $K = R^{-1}B^T P x$ 

## % リカッチ方程式の解 [K, P]=lqr(A,B,Q,R)

```
K = 1×3

2.2361 41.4861 0.3276

P = 3×3

10<sup>3</sup> ×

0.0218 0.2309 0.0004

0.2309 4.2729 0.0083

0.0004 0.0083 0.0001
```

評価関数 J を最小にする入力は以下のようになる.

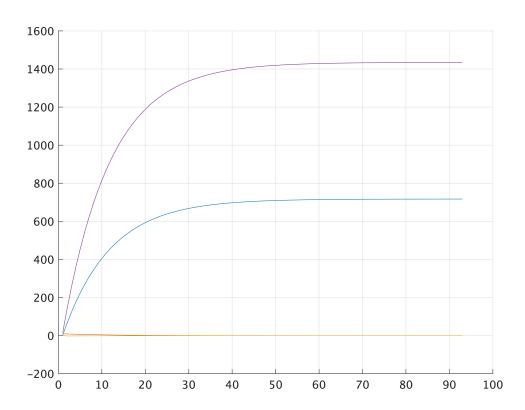
$$u(t) = -R^{-1}B^TPx = -Kx(t)$$

## レギュレータなしの初期応答

```
% 初期値
x0=[3,10,2];
% 最適レギュレータなしの応答
sys = ss(A,B,C,D);
[y,t,x]=initial(sys,x0);
%プロット
clf
figure(1),grid,hold
```

現在のプロットをホールドしました

```
plot(x);
plot(y);
```



## 最適レギュレータを適応した初期応答

```
% 最適レギュレータを適応した初期応答
sys = ss(A-B*K,B*0,C,D);
[y,t,x]=initial(sys,x0);
%プロット
clf
figure(1),grid,hold
```

# plot(x); plot(y);

