NJUPT XCPC Templates

Yunhai Bian

2020年12月15日

目录

| 1 | 数据 | 数据结构 3 | | | | |
|---|-----|--------|-------------------------|--|--|--|
| | 1.1 | 树状数 | 2组 | | | |
| | 1.2 | 线段树 | † | | | |
| | | 1.2.1 | HDU1540 (维护 lmax, rmax) | | | |
| | | 1.2.2 | HDU4578(维护多组懒标记) 6 | | | |
| | | 1.2.3 | HDU4553(维护两棵有线段树) 10 | | | |
| | | 1.2.4 | HDU1542 (扫描线求矩形面积并) 13 | | | |
| | | 1.2.5 | HDU1255 (矩形 2 次覆盖面积并) | | | |
| | 1.3 | 分块 . | | | | |
| | 1.4 | ST 表 | | | | |
| | 1.5 | Splay. | | | | |
| | 1.6 | Treap | | | | |
| | 1.7 | 树链剖 | 分 25 | | | |
| | | 1.7.1 | 点权 | | | |
| | | 1.7.2 | 边权 | | | |
| | 1.8 | 莫队 . | | | | |
| | | 1.8.1 | 离线询问排序方式 | | | |
| | | 1.8.2 | 洛谷 P4396 (基础莫队) 34 | | | |
| | | 1.8.3 | AcWing2521 (帶修莫队) | | | |
| | | 1.8.4 | AcWing2523 (回滚莫队) | | | |
| | | 1.8.5 | 树上莫队 40 | | | |
| 2 | 图论 | | 41 | | | |
| | 2.1 | 最短路 | 41 | | | |
| | | 2.1.1 | 朴素 Dijkstra | | | |
| | | 2.1.2 | 堆优化 Dijkstra | | | |
| | | 2.1.3 | Bellman-Ford | | | |
| | | 2.1.4 | SPFA | | | |
| | | 2.1.5 | Floyd | | | |
| | | | • | | | |

| | 2.2 | 最小生成树 | 5 |
|---|-----|--|---|
| | | 2.2.1 Prim | 5 |
| | | 2.2.2 Kruskal | ó |
| | 2.3 | 严格次小生成树 | 3 |
| | 2.4 | 有向图的强连通分量 49 |) |
| | 2.5 | 无向图的双连通分量51 | Ĺ |
| | | 2.5.1 AcWing1189(点的双连通分量) 51 | Ĺ |
| | | 2.5.2 AcWing396(点的双连通分量、割点) | 3 |
| | | 2.5.3 AcWing395(边的双连通分量、桥) | 5 |
| | 2.6 | 差分约束 55 | 7 |
| | | 2.6.1 AcWing362(任意边权) | 7 |
| | | 2.6.2 AcWing368 (01 边权) 59 |) |
| | 2.7 | 最近公共祖先 | Ĺ |
| | | 2.7.1 倍增 | Ĺ |
| | | 2.7.2 Tarjan | 3 |
| | | 2.7.3 树剖 | 1 |
| | 2.8 | 网络流 | 1 |
| | | 2.8.1 Dinic | 1 |
| | | 2.8.2 EK | 3 |
| | 2.9 | 二分图 | 3 |
| | | 2.9.1 染色法 | 3 |
| | | 2.9.2 匈牙利算法 | 3 |
| | | 2.9.3 最大流之二分图最大匹配 |) |
| | | 2.9.4 最大流之二分图多重匹配 | L |
| | ╧┢ | rth. | |
| 3 | 字符 | | |
| | 3.1 | Manacher 73 KMP 74 | |
| | 3.2 | | |
| | 3.3 | AC 自动机 |) |
| 4 | 其他 | 77 | 7 |
| | 4.1 | 离散化 | 7 |
| | 4.2 | 高精度 | 7 |

1 数据结构

1.1 树状数组

```
// 注意树状数组不能处理下标0开始
   // 一维
2
 3
   int c[N];
5
   inline int lowbit(int x) {
 6
      return x & -x;
7
   }
8
   int add(int x, int y) {
9
      for (int i = x; i <= n; i += lowbit(i)) c[i] += y;</pre>
10
11
12
13 | int sum(int x) {
14
      int res = 0;
15
      for (int i = x; i; i -= lowbit(i)) res += c[i];
      return res;
16
17
   }
18
   // 二维
19
20
   LL c[N][N];
21
22
   inline int lowbit(int x) {
23
      return x & -x;
24
   }
25
26
   void add(int x, int y, LL v) {
27
      for (int i = x; i <= n;i += lowbit(i))</pre>
28
          for (int j = y; j <= m; j += lowbit(j))</pre>
29
             c[i][j] += v;
30
31
32
   LL query(int x, int y) {
33
      LL ans = 0;
      for (int i = x; i; i -= lowbit(i))
34
35
          for (int j = y; j; j -= lowbit(j))
36
             ans += c[i][j];
37
      return ans;
38
```

1.2 线段树

1.2.1 HDU1540 (维护 lmax, rmax)

题意:有 n 个点连成一条线,编号从左至右为 1~n,有三种操作: 1. 摧毁一个点 2. 查询某个点能到的所有点数(包括自己)3. 重建上一次被摧毁的点。

分析: 用一个栈 stk 来存放被摧毁的点,摧毁点 x 就 stk[++top] = x,重建上一个点就只需要取出栈顶 x = stk[top-]。线段树每个节点维护区间左侧连续最大长度(点数)lmax 以及右侧最大连续长度 rmax。摧毁一个点就是在线段树中找到该点并将其 lmax=rmax=0,重建就是 lmax=rmax=1,然后 pushup 上去。难点在于 号查询操作,如果点 x 在当前结点的左孩子,分两种情况来看,如果点 x 被左孩子的右侧最大连续区间包含了,那么x 能到达的所有点数就是左孩子的 rmax + 右孩子的 lmax,否则递归直接递归左孩子即可。剩余情况类似。

```
#include <iostream>
 1
2
 3
   using namespace std;
 4
 5
   const int N = 50010;
 6
7
   int n, m;
8
   struct Tree {
9
      int 1, r;
      int lmax, rmax;
10
11
   \} tr[N << 2];
12
   int stk[N], top;
13
14
   void pushup(Tree &root, Tree &left, Tree &right) {
15
      root.lmax = left.lmax, root.rmax = right.rmax;
      if (left.r - left.l + 1 == left.lmax) root.lmax += right.lmax;
16
      if (right.r - right.l + 1 == right.rmax) root.rmax += left.rmax;
17
   }
18
19
20
   void pushup(int u) {
21
      pushup(tr[u], tr[u << 1], tr[u << 1 | 1]);
22
   }
23
24
   void build(int u, int l, int r) {
25
      if (1 == r) {
26
          tr[u] = \{1, r, 1, 1\};
27
       } else {
```

```
28
          tr[u] = \{1, r\};
29
          int mid = 1 + r >> 1;
30
          build(u << 1, 1, mid); build(u << 1 | 1, mid + 1, r);
31
          pushup(u);
32
       }
33
   }
34
35
   void modify(int u, int x, int y) {
36
       if (tr[u].l == x && tr[u].r == x) {
37
          tr[u].lmax = tr[u].rmax = y;
38
       } else {
39
          int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
          if (x \le mid) modify(u \le 1, x, y);
40
41
          else modify(u \ll 1 | 1, x, y);
42
          pushup(u);
43
       }
44
   }
45
46
   int query(int u, int x) {
47
       if (tr[u].l == x && tr[u].r == x) {
48
          return tr[u].lmax;
49
       } else {
          int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
50
51
          if (x <= mid) {
52
             if (tr[u << 1].r - tr[u << 1].rmax + 1 <= x) {
                return tr[u << 1].rmax + tr[u << 1 | 1].lmax;</pre>
53
54
             } else {
                return query(u << 1, x);</pre>
55
56
             }
57
          } else {
             if (tr[u << 1 | 1].l + tr[u << 1 | 1].lmax - 1 >= x) {
58
59
                return tr[u << 1 | 1].lmax + tr[u << 1].rmax;</pre>
60
             } else {
61
                return query(u << 1 | 1, x);
62
             }
63
          }
64
       }
65
66
67
   int main() {
68
      while (scanf("%d%d", &n, &m) != EOF) {
          build(1, 1, n);
69
70
          while (m--) {
```

```
71
             char op[2]; int x;
72
             scanf("%s", op);
73
             if (*op == 'D') {
                scanf("%d", &x);
74
                modify(1, x, 0);
75
76
                stk[++top] = x;
77
             } else if (*op == 'R') {
78
                int x = stk[top--];
79
                modify(1, x, 1);
             } else {
80
                scanf("%d", &x);
81
                printf("%d\n", query(1, x));
82
83
84
85
86
       return 0;
87
```

1.2.2 HDU4578(维护多组懒标记)

题意:线段树区间加,区间乘,区间置数,区间和,平方和,立方和。

分析: 需要维护,置数标记 same,乘法标记 mul,加法标记 add,区间和标记 s[0~2] 分别表示和,平方和,立方和。

首先确定前三个标记维护优先级,same > mul > add, 然后就是三个和的维护需要推导一下。

- 1. 区间置数,三个和很好维护不说了
- 2. 区间乘 k,三个和分别乘以 k, k^2, k^3
- 3. 区间加 a, 初始有 $s[0] = \sum x, s[1] = \sum x^2, s[2] = \sum x^3$, 区间长度为 len

$$\sum (x+a) = \sum x + \sum a = s[0] + len * a$$
 (1)

$$\sum (x+a)^2 = \sum x^2 + 2a \sum x + \sum a^2 = s[1] + 2a * s[0] + len * a^2$$
 (2)

$$\sum (x+a)^3 = \sum x^3 + 3a \sum x^2 + 3a^2 \sum x + \sum a^3 = s[2] + 3a * s[1] + 3a^2 * s[0] + len * a^3$$
 (3)

注意维护和的时应该倒序维护(立方和,平方和,和),防止要用的值被先更新了。

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
```

```
4
 5
   typedef pair<int, int> PII;
 6
   typedef long long LL;
7
   const int N = 100010, mod = 10007;
8
9
   int n, m;
10
11
   struct Tree {
12
      int 1, r;
13
      LL same, mul, add, s[3];
14
    } tr[N << 2];
15
   void build(int u, int l, int r) {
16
17
      tr[u] = \{1, r, 0, 1, 0, 0, 0, 0\};
18
      if (1 == r) return;
19
      int mid = 1 + r >> 1;
20
      build(u << 1, 1, mid), build(u << 1 | 1, mid + 1, r);
21
   }
22
23
   void pushup(int u) {
24
      for (int i = 0; i < 3; i++) {</pre>
25
         tr[u].s[i] = (tr[u << 1].s[i] + tr[u << 1 | 1].s[i]) % mod;
26
27
28
29
   void pushdown(int u) {
30
      auto &root = tr[u], &left = tr[u << 1], &right = tr[u << 1 | 1];
31
      if (root.same) {
32
         left.same = right.same = root.same;
33
         left.mul = right.mul = 1, left.add = right.add = 0;
         LL base = 1;
34
          for (int i = 0; i < 3; i++) {</pre>
35
             (base *= root.same) %= mod;
36
             left.s[i] = (left.r - left.l + 1) * base % mod;
37
             right.s[i] = (right.r - right.l + 1) * base % mod;
38
39
          }
40
         root.same = 0;
41
42
      if (root.mul != 1) {
43
         LL k = root.mul;
44
          (left.mul *= k) %= mod, (right.mul *= k) %= mod;
45
          (left.add *= k) %= mod, (right.add *= k) %= mod;
46
         LL base = 1;
```

```
47
                        for (int i = 0; i < 3; i++) {</pre>
48
                                 (base *= k) %= mod;
49
                                 (left.s[i] *= base) %= mod, (right.s[i] *= base) %= mod;
50
51
                        root.mul = 1;
52
53
                if (root.add) {
54
                        LL a = root.add;
55
                         (left.add += a) %= mod, (right.add += a) %= mod;
                         (left.s[2] += 3 * a * left.s[1] + 3 * a * a * left.s[0] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * left.s[1] + (left.s[1] + 3 * a * a * 
56
                                r - left.l + 1) * a * a * a) %= mod;
57
                         (right.s[2] += 3 * a * right.s[1] + 3 * a * a * right.s[0] + (
                                right.r - right.l + 1) * a * a * a) %= mod;
58
                         (left.s[1] += 2 * a * left.s[0] + (left.r - left.l + 1) * a * a)
                                   %= mod;
59
                         (right.s[1] += 2 * a * right.s[0] + (right.r - right.l + 1) * a
                                * a) %= mod;
60
                         (left.s[0] += (left.r - left.l + 1) * a) %= mod, (right.s[0] +=
                                 (right.r - right.l + 1) * a) %= mod;
                        root.add = 0;
61
62
                }
63
         }
64
65
         // [l,r]乘k再加a
        void modify mul add(int u, int l, int r, LL k, LL a) {
66
                if (tr[u].l >= l && tr[u].r <= r) {</pre>
67
68
                        if (k != 1) {
                                 (tr[u].mul *= k) %= mod;
69
70
                                (tr[u].add *= k) %= mod;
71
                                LL base = 1;
72
                                for (int i = 0; i < 3; i++) {</pre>
73
                                        (base *= k) %= mod;
74
                                        (tr[u].s[i] *= base) %= mod;
75
                                }
76
77
                        if (a) {
78
                                 (tr[u].add += a) %= mod;
79
                                 (tr[u].s[2] += 3 * a * tr[u].s[1] + 3 * a * a * tr[u].s[0] +
                                         (tr[u].r - tr[u].l + 1) * a * a * a) %= mod;
80
                                 (tr[u].s[1] += 2 * a * tr[u].s[0] + (tr[u].r - tr[u].l + 1) *
                                           a * a) %= mod;
81
                                 (tr[u].s[0] += (tr[u].r - tr[u].l + 1) * a) %= mod;
82
                         }
```

```
83
        } else {
 84
           pushdown (u);
 85
           int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
           if (1 \le mid) modify mul add(u \le 1, 1, r, k, a);
 86
           if (r > mid) modify mul add(u << 1 | 1, 1, r, k, a);
 87
 88
           pushup(u);
 89
        }
 90
     }
 91
 92
    void modify assign(int u, int 1, int r, int c) {
 93
        if (tr[u].l >= l && tr[u].r <= r) {</pre>
 94
           tr[u].same = c, tr[u].mul = 1, tr[u].add = 0;
           LL base = 1;
 95
           for (int i = 0; i < 3; i++) {</pre>
 96
 97
              (base *= tr[u].same) %= mod;
 98
              tr[u].s[i] = (tr[u].r - tr[u].l + 1) * base % mod;
 99
           }
100
        } else {
101
           pushdown (u);
           int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
102
           if (1 \le mid) modify_assign(u << 1, 1, r, c);
103
104
           if (r > mid) modify assign (u << 1 | 1, 1, r, c);
105
           pushup(u);
106
        }
107
108
109
    LL query(int u, int l, int r, int type) {
110
        if (tr[u].l >= l && tr[u].r <= r) {</pre>
111
           return tr[u].s[type];
112
        } else {
           pushdown(u);
113
114
           LL res = 0;
115
           int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
116
           if (1 <= mid) (res += query(u << 1, 1, r, type)) %= mod;</pre>
117
           if (r > mid) (res += query(u << 1 | 1, 1, r, type)) %= mod;
           return res;
118
119
        }
120
121
122
    int main() {
123
        while (cin >> n >> m && n && m) {
124
            build(1, 1, n);
125
            while (m--) {
```

```
126
              int type, x, y, c;
127
               scanf("%d%d%d%d", &type, &x, &y, &c);
128
              if (type == 1) {
129
                  modify_mul_add(1, x, y, 111, c);
               } else if (type == 2) {
130
131
                modify mul add(1, x, y, c, 011);
               } else if (type == 3) {
132
133
                 modify assign(1, x, y, c);
134
               } else {
135
                 printf("%lld\n", query(1, x, y, c - 1));
136
               }
137
           }
138
139
        return 0;
140
```

1.2.3 HDU4553(维护两棵有线段树)

题意:有一个长度为 n 的时间轴,有两种操作: 1. DS QT 表示屌丝申请第一段长度为 QT 的空闲时间,能申请到就输出起始时间。2. NS QT 表示女神申请第一段长度为 QT 的空闲时间,如果能申请到输出起始时间,如果找不到,可以无视屌丝已经申请的时间,再找到一个第一个连续空闲时间大于等于 QT 的起始位置。3. STUDY!! L R 表示清空 这段时间的所有申请用于学习,由于三分钟热度,之后再有人申请到 STUDY 的时间还是会分配出去。

分析:线段树维护两个时间轴的信息,分别表示屌丝时间轴的分配情况,还有女神时间轴的分配情况。详见代码,下标 0 表示屌丝,下标 1 表示女神。same 为区间相同的值的标记,lmax, rmax, tmax 分别表示区间左侧最长连续空闲时间,右侧最长连续空闲时间,区间内最长连续空闲时间,用 1 表示空闲。然后根据题目要求操作即可。

```
// 1表示空闲
 1
2
   #include <bits/stdc++.h>
 3
   using namespace std;
 4
 5
 6
   typedef pair<int, int> PII;
7
   typedef long long LL;
8
9
   const int N = 100010;
10
11 | int T, Case, n, m;
```

```
12
   struct Tree {
13
      int 1, r;
14
      int same[2], lmax[2], rmax[2], tmax[2]; // 下标0维护分配给屌丝的时间,
         下标1维护分配给女神的时间
   } tr[N << 2];</pre>
15
16
17
   void pushup(int u, int type) {
18
      auto &root = tr[u], &left = tr[u << 1], &right = tr[u << 1 | 1];
19
      root.lmax[type] = left.lmax[type];
20
      if (left.lmax[type] == left.r - left.l + 1) root.lmax[type] +=
         right.lmax[type];
21
      root.rmax[type] = right.rmax[type];
22
      if (right.rmax[type] == right.r - right.l + 1) root.rmax[type] +=
         left.rmax[type];
23
      root.tmax[type] = max(max(left.tmax[type], right.tmax[type]), left.
         rmax[type] + right.lmax[type]);
24
   }
25
26
   void build(int u, int l, int r) {
27
      tr[u] = \{1, r, -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1\};
28
      if (1 == r) return;
      int mid = 1 + r >> 1;
29
30
      build(u << 1, 1, mid), build(u << 1 | 1, mid + 1, r);
      pushup(u, 0), pushup(u, 1);
31
32
   }
33
34 void pushdown(int u, int type) {
35
      auto &root = tr[u], &left = tr[u \ll 1], &right = tr[u \ll 1];
36
      if (root.same[type] != -1) {
37
         left.same[type] = right.same[type] = root.same[type];
38
         left.lmax[type] = left.rmax[type] = left.tmax[type] = root.same[
            type] * (left.r - left.l + 1);
39
         right.lmax[type] = right.rmax[type] = right.tmax[type] = root.
             same[type] * (right.r - right.l + 1);
40
         root.same[type] = -1;
41
      }
42
   }
43
44
   void modify(int u, int 1, int r, int x, int type) {
45
      if (tr[u].l >= l && tr[u].r <= r) {</pre>
46
         tr[u].same[type] = x;
47
         tr[u].lmax[type] = tr[u].rmax[type] = tr[u].tmax[type] = x * (tr
             [u].r - tr[u].l + 1);
```

```
48
      } else {
49
         pushdown(u, type);
50
         int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
         if (1 <= mid) modify(u << 1, 1, r, x, type);</pre>
51
         if (r > mid) modify (u << 1 | 1, 1, r, x, type);
52
53
         pushup(u, type);
54
      }
55
   }
56
57
   // 找到第一段长度为x的连续空闲区间的左端点
58
   int query(int u, int x, int type) {
59
      if (tr[u].tmax[type] < x) return -1; // 不存在</pre>
      pushdown(u, type);
60
      if (tr[u << 1].tmax[type] >= x) return query(u << 1, x, type);</pre>
61
      if (tr[u \ll 1].rmax[type] + tr[u \ll 1 | 1].lmax[type] >= x) return
62
         tr[u << 1].r - tr[u << 1].rmax[type] + 1;
63
      return query(u << 1 | 1, x, type);</pre>
64
   }
65
66
   int main() {
67
      for (cin >> T; T--; ) {
68
         printf("Case %d:\n", ++Case);
         scanf("%d%d", &n, &m);
69
70
         build(1, 1, n);
71
         while (m--) {
72
            char op[10];
73
            int x, y;
74
            scanf("%s", op);
75
            if (*op == 'N') {
76
               scanf("%d", &x);
77
               int st = query(1, x, 0); // 先在屌丝时间轴查询是否存在长度为x的
                  连续空闲(1)区间
78
               if (st != −1) { // 在屌丝时间轴查到了,同时修改两个时间轴的区间[st
                  ,st+x-1]置为忙碌状态
79
                  modify(1, st, st + x - 1, 0, 0);
80
                  modify(1, st, st + x - 1, 0, 1);
                  printf("%d,don't put my gezi\n", st);
81
               } else { // 屌丝时间轴中没有这样的区间
82
83
                  st = query(1, x, 1); // 在女神时间轴中查
                  if (st != -1) { // 在女神时间轴查到,就同时修改两个时间轴的区间
84
                     [st,st+x-1]置为忙碌状态
85
                     modify(1, st, st + x - 1, 0, 0);
86
                     modify(1, st, st + x - 1, 0, 1);
```

```
87
                      printf("%d,don't put my gezi\n", st);
                   } else { // 没有空闲时间
 88
 89
                      puts("wait for me");
 90
 91
                }
 92
             } else if (*op == 'D') {
 93
                scanf("%d", &x);
 94
                int st = query(1, x, 0);
                if (st != -1) { // 在屌丝时间轴查到了,区间修改为忙碌状态
 95
                   modify(1, st, st + x - 1, 0, 0);
 96
                   printf("%d,let's fly\n", st);
 97
                } else { // 没有空闲时间
 98
                   puts("fly with yourself");
 99
100
             } else { // 由于是三分钟热度,应该是将区间置为空闲状态
101
                scanf("%d%d", &x, &y);
102
103
                modify(1, x, y, 1, 0);
104
                modify(1, x, y, 1, 1);
                puts ("I am the hope of chinese chengxuyuan!!");
105
106
             }
107
          }
108
109
       return 0;
110
```

1.2.4 HDU1542(扫描线求矩形面积并)

题意:线段树扫描线求矩形面积并。

分析:注意线段树的每一个叶子结点表示的不是单个点,而是一个区间,其中的标记含义如注释。

```
#include <bits/stdc++.h>
 2
 3
   using namespace std;
 4
 5
   const int N = 200010;
 6
 7
   int n, Case;
 8
   struct Segment {
 9
      double x, y1, y2;
10
       int k;
      bool operator < (const Segment &W) const {</pre>
11
```

```
12
         return x < W.x;
13
14
   } seg[N];
   // 线段树的每一个叶子结点(假设下标为i),表示一个区间[y i, y {i+1}]
15
  struct Node {
16
      int 1, r, cnt; // cnt表示[1,r]区间被完全覆盖的次数, cnt>0就表示要算上[1,r
17
         ]这一整段,其表示实际的区间为[ys[1],ys[r+1]]
      double len; // len表示当前线段树的区间[1,r]内, cnt>0 (即被覆盖的实际区间)
18
         的合并长度之和。
   } tr[N << 2]; // 比如 y1, y2, y3 离散化后为k y1,k y2,k y3。其区间[k y1,
19
      k_y2], [k_y1, k_y2], [k_y2, k_y3]是线段树中的3个叶子结点。
20
   vector<double> ys;
21
22
   int find(double y) {
23
      return lower bound(ys.begin(), ys.end(), y) - ys.begin();
24
   }
25
26
   void pushup(int u) {
27
      if (tr[u].cnt) {
28
         tr[u].len = ys[tr[u].r + 1] - ys[tr[u].l];
      } else if (tr[u].l != tr[u].r) {
29
30
         tr[u].len = tr[u << 1].len + tr[u << 1 | 1].len;
      } else {
31
32
         tr[u].len = 0;
33
      }
34
   }
35
   void build(int u, int l, int r) {
36
37
      tr[u] = \{1, r, 0, 0\};
38
      if (1 == r) return;
      int mid = 1 + r >> 1;
39
40
      build(u << 1, 1, mid), build(u << 1 | 1, mid + 1, r);
41
42
43
   void modify(int u, int l, int r, int k) {
44
      if (tr[u].l >= l && tr[u].r <= r) {</pre>
45
         tr[u].cnt += k;
46
         pushup(u);
47
      } else {
         int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
48
         if (1 \le mid) modify(u \le 1, 1, r, k);
49
         if (r > mid) modify (u << 1 | 1, 1, r, k);
50
51
         pushup(u);
```

```
52
      }
53
   }
54
55
   int main() {
56
      while (cin >> n, n) {
57
         ys.clear();
         for (int i = 0; i < n; i ++ ) {</pre>
58
59
            double x1, y1, x2, y2;
60
            scanf("%lf%lf%lf%lf", &x1, &y1, &x2, &y2);
61
            seg[i * 2] = \{x1, y1, y2, 1\};
62
            seg[i * 2 + 1] = \{x2, y1, y2, -1\};
63
            ys.push back(y1), ys.push back(y2);
64
         sort(ys.begin(), ys.end());
65
         ys.erase(unique(ys.begin(), ys.end()), ys.end());
66
         build(1, 0, ys.size() - 2); // 共ys.size()个y, 那么相邻之间就有ys.
67
            size()-1个区间,就有ys.size()-1个线段树的叶子节点。
68
         sort(seg, seg + n * 2);
         double res = 0;
69
70
         for (int i = 0; i < n * 2; i++) {</pre>
71
            if (i) res += tr[1].len * (seg[i].x - seg[i - 1].x);
            int l = find(seg[i].y1), r = find(seg[i].y2) - 1;
72
            // 右端点注意要减去1,假设实际区间为[L,R],那么对应线段树中的区间就是[L
73
               ,R-1]
74
            modify(1, 1, r, seg[i].k);
75
76
         printf("Test case #%d\n", ++Case);
77
         printf("Total explored area: %.21f\n\n", res);
78
79
      return 0;
80
```

1.2.5 HDU1255 (矩形 2 次覆盖面积并)

题意:线段树扫描线求至少被覆盖2次的矩形面积并。

分析:与上一个题目类似,这里需要分别维护 len1, len2,其中 len1 含义与上一个题的 len 一样,len2 表示线段树区间内被覆盖至少 2 次的实际区间的合并的长度。只需要求改 pushup 函数,更新 len2 时候需要分情况讨论,如果区间被完全覆盖了至少 2 次,len2 就是区间长度;否则,如果当前是叶子结点,那么此时最多会被完全覆盖 1 次,对 len2 没有贡献;否则,如果不是叶子结点并且恰好被覆盖 1 次,那么想要求该区间内至少被覆

盖 2 次的长度,就需要计算当前结点的左右子结点中被覆盖至少 1 次的长度,如果不是叶子结点并且没有被完全覆盖过,直接用子结点的 len2 之和来更新当前结点的 len2 即可。有点绕,但是并不难理解。

```
#include <bits/stdc++.h>
2
 3
   using namespace std;
 4
 5
   const int N = 2010;
 6
 7
   int T, n;
   struct Segment {
8
9
      double x, y1, y2;
10
      int k;
      bool operator < (const Segment &W) const {</pre>
11
         return x < W.x;</pre>
12
13
      }
   } seg[N];
14
   struct Node {
15
      int 1, r, cnt; // cnt表示[1,r]区间被完全覆盖的次数
16
17
      double len1, len2; // len1表示线段树区间[1,r]中cnt>0的区间合并后的长度,
         len2对应cnt>1
18
   } tr[N << 2];
19
   vector<double> ys;
20
21
  int find(double y) {
22
      return lower bound(ys.begin(), ys.end(), y) - ys.begin();
23
   }
24
25
   void pushup(int u) {
      // 更新len1
26
27
      if (tr[u].cnt > 0) {
28
         tr[u].len1 = ys[tr[u].r + 1] - ys[tr[u].l];
29
      } else if (tr[u].l == tr[u].r) {
30
         tr[u].len1 = 0;
31
      } else {
32
         tr[u].len1 = tr[u << 1].len1 + tr[u << 1 | 1].len1;
33
      // 更新len2
34
      if (tr[u].cnt > 1) {
35
         tr[u].len2 = ys[tr[u].r + 1] - ys[tr[u].l];
36
37
      } else if (tr[u].l == tr[u].r) {
38
         tr[u].len2 = 0;
```

```
39
      } else {
         if (tr[u].cnt == 1) { // 被完全覆盖了1次
40
            // 如果子区间有恰好被覆盖至少1次的,那么合在一起就是至少覆盖2次的面积了
41
            tr[u].len2 = tr[u << 1].len1 + tr[u << 1 | 1].len1; // 加上子
42
                区间至少覆盖1次的面积
43
         } else { // cnt=0
44
            tr[u].len2 = tr[u << 1].len2 + tr[u << 1 | 1].len2;
45
46
      }
47
   }
48
49
   void build(int u, int l, int r) {
50
      tr[u] = \{1, r, 0, 0\};
      if (1 == r) return;
51
52
      int mid = 1 + r >> 1;
53
      build(u << 1, 1, mid), build(u << 1 | 1, mid + 1, r);
54
   }
55
56
   void modify(int u, int 1, int r, int k) {
57
      if (tr[u].l >= l && tr[u].r <= r) {</pre>
58
         tr[u].cnt += k;
59
         pushup(u);
      } else {
60
61
         int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
62
         if (1 <= mid) modify(u << 1, 1, r, k);</pre>
         if (r > mid) modify (u << 1 | 1, 1, r, k);
63
64
         pushup(u);
65
      }
66
67
68
   int main() {
69
      for (cin >> T; T--; ) {
70
         cin >> n;
71
         ys.clear();
72
         for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
73
            double x1, y1, x2, y2;
            scanf("%lf%lf%lf%lf", &x1, &y1, &x2, &y2);
74
75
            seg[i * 2] = \{x1, y1, y2, 1\};
76
            seg[i * 2 + 1] = \{x2, y1, y2, -1\};
77
            ys.push_back(y1), ys.push_back(y2);
78
79
         sort(ys.begin(), ys.end());
80
         ys.erase(unique(ys.begin(), ys.end()), ys.end());
```

```
81
          build(1, 0, ys.size() - 2);
82
          sort(seg, seg + n * 2);
83
          double res = 0;
          for (int i = 0; i < n * 2; i++) {</pre>
84
             if (i) res += tr[1].len2 * (seg[i].x - seg[i - 1].x);
85
86
             int l = find(seg[i].y1), r = find(seg[i].y2) - 1;
87
             modify(1, 1, r, seg[i].k);
88
89
          printf("%.21f\n", res);
90
91
      return 0;
92
```

1.3 分块

```
1
   * belong[i]表示下标i所属于的块编号
 2
   * B表示每一块的大小,sz表示一共有多少块
 3
   * L[i], R[i]分别表示块i的左闭边界和右闭边界
 4
 5
   * /
   int n, B, sz;
 6
7
   int belong[N], L[N], R[N];
8
9
   void build() {
10
      B = sqrt(n), sz = (n - 1) / B + 1;
11
      for (int i = 1; i <= n; i++) belong[i] = (i - 1) / B + 1;</pre>
      for (int i = 1; i \le sz; i++) L[i] = (i - 1) * B + 1, R[i] = L[i] +
12
          B - 1;
13
      R[sz] = n;
14
   }
```

1.4 ST 表

```
9
      for (int i = 1; i <= n; i++) f[i][0] = a[i];</pre>
10
      for (int j = 1; j < M; j++) {</pre>
11
          for (int i = 1; i + (1 << j) - 1 <= n; i++)
             f[i][j] = max(f[i][j-1], f[i+(1 << j-1)][j-1]);
12
13
      }
14
   }
15
16 int query(int 1, int r) {
17
      int k = Log2[r - 1 + 1];
18
      return \max(f[1][k], f[r - (1 << k) + 1][k]);
19
   }
```

1.5 Splay

```
#include <bits/stdc++.h>
1
2
 3
   using namespace std;
4
   const int N = 100010, INF = 1e9;
5
6
7
   int n, m;
8
   int w[N];
9
   struct Splay {
      int ch[2], fa, sz, val, flag; // flag=1为逆序标记
10
11
      void init(int val, int fa) {
12
         val = val, fa = fa;
         sz = 1, flag = 0;
13
14
         // ch[0] = ch[1] = 0; // 多测
15
      }
16
   } tr[N];
17
   int root;
18
   int stk[N], top;
19
20
   int get(int u) {
21
      return tr[tr[u].fa].ch[1] == u;
22
   }
23
24 | void pushup(int u) {
25
      tr[u].sz = tr[tr[u].ch[0]].sz + tr[tr[u].ch[1]].sz + 1;
26
   }
27
28 void pushdown(int u) {
```

```
29
      if (tr[u].flag) {
30
         swap(tr[u].ch[0], tr[u].ch[1]);
31
         tr[tr[u].ch[0]].flag ^= 1;
         tr[tr[u].ch[1]].flag ^= 1;
32
33
         tr[u].flag = 0;
34
      }
35
   }
36
37
   void rotate(int u) {
38
      int fa = tr[u].fa, gfa = tr[fa].fa;
39
      int k = get(u);
40
      tr[gfa].ch[get(fa)] = u, tr[u].fa = gfa;
      tr[fa].ch[k] = tr[u].ch[k ^ 1], tr[tr[u].ch[k ^ 1]].fa = fa;
41
      tr[u].ch[k ^ 1] = fa, tr[fa].fa = u;
42
43
      pushup(fa), pushup(u);
44
45
   // 把u转到v的下面
46
47
   void splay(int u, int v) {
48
      while (tr[u].fa != v) {
49
         int fa = tr[u].fa, gfa = tr[fa].fa;
50
         if (gfa != v) {
51
            if (get(u) ^ get(fa)) rotate(u);
52
            else rotate(fa);
         }
53
54
         rotate(u);
55
      if (!v) root = u; // v=0, 说明u被转到根位置
56
57
58
   // 将w[l~r]建成一棵splay, 其根节点的父节点为fa
59
   int build(int 1, int r, int fa) {
60
61
      int u = stk[top--];
62
      int mid = 1 + r >> 1;
      tr[u].init(w[mid], fa);
63
      if (1 < mid) tr[u].ch[0] = build(1, mid - 1, u);</pre>
64
      if (r > mid) tr[u].ch[1] = build(mid + 1, r, u);
65
66
      pushup(u);
67
      return u;
68
69
70 | int kth(int k) {
71
      int u = root;
```

```
72
       while (u) {
 73
          pushdown(u);
 74
          if (tr[tr[u].ch[0]].sz >= k) u = tr[u].ch[0];
 75
          else if (tr[tr[u].ch[0]].sz + 1 == k) return u;
 76
          else k -= tr[tr[u].ch[0]].sz + 1, u = tr[u].ch[1];
 77
 78
       return -1;
 79
    }
 80
 81
    // // 结点u内存回收
 82
    // void dfs(int u) {
 83
    // stk[++top] = u;
    // if (tr[u].ch[0]) dfs(tr[u].ch[0]);
    // if (tr[u].ch[1]) dfs(tr[u].ch[1]);
 85
 86
    // }
 87
 88
    void print (int u) { // 中序遍历输出序列
 89
       pushdown (u);
 90
       if (tr[u].ch[0]) print(tr[u].ch[0]);
       if (tr[u].val != INF && tr[u].val != -INF) printf("%d ", tr[u].val)
 91
 92
       if (tr[u].ch[1]) print(tr[u].ch[1]);
 93
    }
 94
 95
    int main() {
       for (int i = 1; i < N; i++) stk[++top] = i; // 内存复用
 96
 97
       scanf("%d%d", &n, &m);
       for (int i = 1; i <= n; i++) w[i] = i; // w[1~n] 为需要维护的序列, 一般
 98
          为题目输入
 99
       w[0] = -INF, w[n + 1] = INF; // 哨兵
       root = build(0, n + 1, 0);
100
101
       while (m--) {
          int 1, r; scanf("%d%d", &1, &r);
102
          // 找到[1+1,r+1]的前后
103
          l = kth(l), r = kth(r + 2);
104
          splay(1, 0), splay(r, 1); // 将1转到根, r转到1下面, 此时r的左孩子就表
105
             示需要维护的区间
106
          tr[tr[r].ch[0]].flag ^= 1;
107
108
       print(root);
109
       return 0;
110
```

1.6 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
2
 3
   using namespace std;
 4
 5
   const int N = 100010, INF = 1e8;
 6
7
   int n;
8
   struct Node {
9
      int 1, r;
10
      int key, val;
11
      int cnt, sz;
12
   } tr[N];
13
   int root, idx;
14
15 | int new_node(int key) {
16
      tr[++idx].key = key;
17
      tr[idx].val = rand();
18
      tr[idx].cnt = tr[idx].sz = 1;
19
      return idx;
20
   }
21
22 | void pushup(int p) {
23
      tr[p].sz = tr[tr[p].l].sz + tr[tr[p].r].sz + tr[p].cnt;
24
   }
25
26 void build() {
27
      new node(-INF), new node(INF);
28
      root = 1, tr[1].r = 2;
29
      pushup(root);
30
   }
31
32 void RR(int &p) {
33
      int q = tr[p].1;
34
      tr[p].l = tr[q].r, tr[q].r = p, p = q;
      pushup(tr[p].r), pushup(p);
35
36
37
38 void LR(int &p) {
39
      int q = tr[p].r;
      tr[p].r = tr[q].l, tr[q].l = p, p = q;
40
41
      pushup(tr[p].l), pushup(p);
```

```
42
   }
43
44
   void insert(int &p, int key) {
      if (!p) p = new node(key);
45
46
      else if (tr[p].key == key) tr[p].cnt++;
47
      else if (tr[p].key > key) {
         insert(tr[p].1, key);
48
49
         if (tr[tr[p].1].val > tr[p].val) RR(p);
50
      } else {
         insert(tr[p].r, key);
51
52
         if (tr[tr[p].r].val > tr[p].val) LR(p);
53
54
      pushup(p);
55
56
57
   void remove(int &p, int key) {
58
      if (!p) return;
59
      if (tr[p].key == key) {
         if (tr[p].cnt > 1) tr[p].cnt--;
60
         else if (tr[p].l || tr[p].r) {
61
62
             if (!tr[p].r || tr[tr[p].l].val > tr[tr[p].r].val) {
63
                RR(p);
                remove(tr[p].r, key);
64
65
             } else {
66
                LR(p);
67
                remove(tr[p].1, key);
68
             }
          } else {
69
            p = 0;
70
71
72
      } else if (tr[p].key > key) {
73
         remove(tr[p].1, key);
74
       } else {
75
         remove(tr[p].r, key);
76
77
      pushup(p);
78
   }
79
80
   int get rank by key(int p, int key) {
81
      if (!p) return 0; // never occur in this problem
82
      if (tr[p].key == key) return tr[tr[p].l].sz + 1;
      if (tr[p].key > key) return get_rank_by_key(tr[p].l, key);
83
84
      return tr[tr[p].l].sz + tr[p].cnt + get_rank_by_key(tr[p].r, key);
```

```
85
    }
 86
 87
    int get key by rank(int p, int rank) {
       if (!p) return INF; // never occur in this problem
 88
 89
       if (tr[tr[p].1].sz >= rank) return get key by rank(tr[p].1, rank);
 90
       if (tr[tr[p].l].sz + tr[p].cnt >= rank) return tr[p].key;
       return get_key_by_rank(tr[p].r, rank - tr[tr[p].l].sz - tr[p].cnt);
 91
 92
    }
 93
 94
    // find max that smaller than key
 95
    int get prev(int p, int key) {
 96
       if (!p) return -INF;
       if (tr[p].key >= key) return get_prev(tr[p].l, key);
 97
       return max(tr[p].key, get prev(tr[p].r, key));
 98
 99
100
101
    // find min that bigger than key
102
    int get next(int p, int key) {
103
       if (!p) return INF;
104
       if (tr[p].key <= key) return get next(tr[p].r, key);</pre>
105
       return min(tr[p].key, get next(tr[p].l, key));
106
107
108
    int main() {
109
       build();
       cin >> n;
110
111
       while (n--) {
          int op, x;
112
          cin >> op >> x;
113
114
          if (op == 1) insert(root, x);
          else if (op == 2) remove(root, x);
115
116
          else if (op == 3) printf("%d\n", get rank by key(root, x) - 1);
              // 注意之前插入了-INF的哨兵
117
          else if (op == 4) printf("%d\n", get key by rank(root, x + 1));
          else if (op == 5) printf("%d\n", get prev(root, x));
118
          else printf("%d\n", get_next(root, x));
119
120
121
       return 0;
122
```

1.7 树链剖分

1.7.1 点权

题意:给定一棵树,树中包含 n 个结点,有点权。初始时,1 号节点为树的根节点。现在要对该树进行 m 次操作,操作分为以下 4 种类型:

- 1. u v k,修改路径上节点权值,将节点 u 和节点 v 之间路径上的所有节点(包括这两个节点)的权值增加 k。
- 2. u k, 修改子树上节点权值, 将以节点 u 为根的子树上的所有节点的权值增加 k。
- 3. u v, 询问路径, 询问节点 u 和节点 v 之间路径上的所有节点(包括这两个节点)的权值和。
- 4. u, 询问子树, 询问以节点 u 为根的子树上的所有节点的权值和。

分析: 树剖后以 DFS 序建线段树, 子树 u 对应线段树上的区间 [dfn[u], dfn[u]+sz[u]-1], u v 之间路径的区间构成详见代码。

```
#include <bits/stdc++.h>
 1
 2
 3
   using namespace std;
 4
 5
   typedef long long LL;
 6
 7
   const int N = 100010, M = N << 1;</pre>
8
9
   int n, m;
   int a[N], na[N]; // na表示新编号
10
   int h[N], e[M], ne[M], idx;
11
12 | struct Tree {
13
      int 1, r;
      LL sum, add;
14
  | } tr[N << 2];
15
16 | int dfn[N], ts; // dfn表示dfs序(优先遍历重儿子)
17 | int dep[N], sz[N], top[N], fa[N], son[N];
   // dep[i]表示i的深度(根节点的深度为1),sz[i]表示以i为根的子树的大小
   // top[i]表示i所在重链的顶点, fa[i]表示i的父结点, son[i]表示子树i的重儿子
19
20
21
   void add(int a, int b) {
      e[idx] = b, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
22
23
   }
24
25 void dfs1(int u, int father, int depth) {
26
      dep[u] = depth, fa[u] = father, sz[u] = 1;
```

```
27
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
28
         int j = e[i];
29
         if (j == father) continue;
30
         dfs1(j, u, depth + 1);
         sz[u] += sz[j];
31
32
         if (sz[son[u]] < sz[j]) son[u] = j;
33
      }
34
   }
35
36
   // 点u所属的重链的顶点为t
37
   void dfs2(int u, int t) {
38
      dfn[u] = ++ts, na[ts] = a[u], top[u] = t;
      if (!son[u]) return; // u为叶结点
39
      dfs2(son[u], t); // 重儿子
40
      // 处理轻儿子
41
42
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
43
         int j = e[i];
44
         if (j == fa[u] || j == son[u]) continue;
         dfs2(j, j); // 轻儿子所处重链的顶点就是自己
45
46
      }
47
   }
48
49
   void pushup(int u) {
50
      tr[u].sum = tr[u << 1].sum + tr[u << 1 | 1].sum;
51
   }
52
53
   void build(int u, int 1, int r) {
54
      if (1 == r) {
55
         tr[u] = \{1, r, na[r], 0\};
56
      } else {
57
         tr[u] = \{1, r\};
58
         int mid = 1 + r >> 1;
         build(u << 1, 1, mid), build(u << 1 | 1, mid + 1, r);
59
60
         pushup(u);
      }
61
62
   }
63
64
   void pushdown(int u) {
65
      auto &root = tr[u], &left = tr[u << 1], &right = tr[u << 1 | 1];
66
      if (root.add) {
67
         left.add += root.add, left.sum += root.add * (left.r - left.l +
            1);
68
         right.add += root.add, right.sum += root.add * (right.r - right.
```

```
1 + 1);
 69
          root.add = 0;
 70
 71
 72
 73
    // 将[1,r]区间加上k
 74
    void update(int u, int 1, int r, int k) {
 75
        if (tr[u].l >= l && tr[u].r <= r) {</pre>
 76
          tr[u].add += k;
 77
          tr[u].sum += k * (tr[u].r - tr[u].l + 1);
 78
          return;
 79
       pushdown (u);
 80
 81
        int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
 82
       if (1 <= mid) update(u << 1, 1, r, k);</pre>
 83
        if (r > mid) update (u << 1 | 1, 1, r, k);
 84
       pushup(u);
 85
    }
 86
 87
    // 求[1,r]区间和
 88
    LL query(int u, int l, int r) {
        if (tr[u].l >= l && tr[u].r <= r) {</pre>
 89
 90
          return tr[u].sum;
 91
       pushdown(u); // 下传add标记
 92
       LL res = 0;
 93
 94
       int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
       if (1 <= mid) res += query(u << 1, 1, r);</pre>
 95
 96
       if (r > mid) res += query(u << 1 | 1, 1, r);
 97
        return res;
 98
 99
    // 将树上u->v的路径全部加上k
100
    void update path(int u, int v, int k) {
101
       while (top[u] != top[v]) { // u, v不在同一个重链上
102
103
          if (dep[top[u]] < dep[top[v]]) swap(u, v);</pre>
          // 加上u所在的重链和和
104
          // 其区间为[dfn[top[u]], dfn[u]]
105
106
          update(1, dfn[top[u]], dfn[u], k);
107
          u = fa[top[u]];
108
109
        if (dep[u] < dep[v]) swap(u, v);
        // 加上u-v之间路径的和
110
```

```
111
       update(1, dfn[v], dfn[u], k);
112
    }
113
    // 求树上u-v之间的路径和
114
    LL query path(int u, int v) {
115
116
       LL res = 0;
117
       while (top[u] != top[v]) { // u, v不在同一个重链上
          if (dep[top[u]] < dep[top[v]]) swap(u, v);</pre>
118
          // 加上u所在的重链和和
119
          // 其区间为[dfn[top[u]], dfn[u]]
120
121
          res += query(1, dfn[top[u]], dfn[u]);
122
          u = fa[top[u]];
123
124
       if (dep[u] < dep[v]) swap(u, v);
       // 加上u-v之间路径的和
125
126
       res += query(1, dfn[v], dfn[u]);
127
       return res;
128
129
    // 将树上以u为根的子树全部加上k
130
131
    void update tree(int u, int k) {
       // 对应区间 [dfn[u], dfn[u]+sz[u]-1]
132
       update(1, dfn[u], dfn[u] + sz[u] - 1, k);
133
134
135
    // 求树上以u为根的子树的和
136
137
    LL query_tree(int u) {
138
       // 对应区间 [dfn[u], dfn[u]+sz[u]-1]
139
       return query(1, dfn[u], dfn[u] + sz[u] - 1);
140
    }
141
142 | int main() {
       memset(h, -1, sizeof h);
143
       scanf("%d", &n);
144
       for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%d", &a[i]);</pre>
145
       for (int i = 0; i < n - 1; i++) {</pre>
146
147
          int a, b;
148
          scanf("%d%d", &a, &b);
149
          add(a, b), add(b, a);
150
       dfs1(1, -1, 1); // 预处理dep,fa,sz
151
       dfs2(1, 1); // 求dfs序dfn,top
152
       build(1, 1, n); // 建立线段树
153
```

```
154
        for (scanf("%d", &m); m--; ) {
155
           int type, u, v, k;
156
           scanf("%d", &type);
157
           if (type == 1) {
              scanf("%d%d%d", &u, &v, &k);
158
159
              update path(u, v, k);
160
           } else if (type == 2) {
161
              scanf("%d%d", &u, &k);
162
              update tree(u, k);
163
           } else if (type == 3) {
164
              scanf("%d%d", &u, &v);
165
              printf("%lld\n", query path(u, v));
           } else {
166
              scanf("%d", &u);
167
168
              printf("%lld\n", query tree(u));
169
           }
170
171
       return 0;
172
```

1.7.2 边权

题意:有 n 个点的树,有边权。两种操作: 1.0 a b,表示更新第 a 条边权为 b,2.1 a b 表示询问 a 到 b 的路径上边权之和。

分析: 树链剖分后转化为序列问题用线段树维护,由于线段树没法维护边权,因此在原来树中需要将边权下放到点权,由于每个结点(除根结点)只有1个父亲,因此可以将父亲-> 儿子的边权下放到儿子的点权上。求树上两点 u, v 距离时,需要注意不能把 LCA(u, v) 的点权计算进去。

```
/* FZU2082 */
1
   #include <iostream>
2
   #include <algorithm>
 3
 4
   #include <cstdio>
   #include <cstring>
 5
 6
 7
   using namespace std;
8
   typedef pair<int, int> PII;
9
10
   typedef long long LL;
11
12 | const int N = 50010, M = N << 1;
```

```
13
14
   int n, m;
15
   int h[N], e[M], w[M], ne[M], idx;
   struct Tree {
16
      int 1, r;
17
18
      LL sum;
   } tr[N << 2];
19
   |int dfn[N], ts; // dfn表示dfs序(优先遍历重儿子)
20
21
   int dep[N], sz[N], top[N], fa[N], son[N];
   // dep[i]表示i的深度(根节点的深度为1),sz[i]表示以i为根的子树的大小
22
   // top[i]表示i所在重链的顶点, fa[i]表示i的父结点, son[i]表示子树i的重儿子
23
24
25
   void add(int a, int b, int c) {
26
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
27
28
29
   void dfs1(int u, int father, int depth) {
30
      dep[u] = depth, fa[u] = father, sz[u] = 1;
31
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
32
         int j = e[i];
33
         if (j == father) continue;
34
         dfs1(j, u, depth + 1);
35
         sz[u] += sz[j];
36
         if (sz[son[u]] < sz[j]) son[u] = j;
37
      }
38
   }
39
40
   // 点u所属的重链的顶点为t
   void dfs2(int u, int t) {
41
42
      dfn[u] = ++ts, top[u] = t;
      if (!son[u]) return; // u为叶结点
43
      dfs2(son[u], t); // 处理重儿子
44
45
      // 处理轻儿子
46
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
47
         int j = e[i];
         if (j == fa[u] || j == son[u]) continue;
48
         dfs2(j, j); // 轻儿子所处重链的顶点就是自己
49
50
      }
51
   }
52
53
   void pushup(int u) {
54
      tr[u].sum = tr[u << 1].sum + tr[u << 1 | 1].sum;
55 }
```

```
56
57
   void build(int u, int 1, int r) {
58
      if (1 == r) {
         tr[u].1 = 1, tr[u].r = r, tr[u].sum = 0;
59
60
      } else {
61
         tr[u].l = l, tr[u].r = r;
62
         int mid = 1 + r >> 1;
63
         build(u << 1, 1, mid), build(u << 1 | 1, mid + 1 , r);
64
      }
65
   }
66
   // 将x位置修改成y
67
68
   void update(int u, int x, int y) {
69
      if (tr[u].l == x && tr[u].r == x) {
70
         tr[u].sum = y;
71
      } else {
72
         int mid = tr[u].l + tr[u].r >> 1;
73
         if (x \le mid) update (u \le 1, x, y);
74
         else update (u << 1 | 1, x, y);
75
         pushup(u);
76
      }
77
   }
78
79
   // 求线段树中[l,r]区间和
80
   LL query(int u, int l, int r) {
      if (tr[u].1 >= 1 && tr[u].r <= r) {</pre>
81
82
         return tr[u].sum;
      } else {
83
84
         LL res = 0;
85
         int mid = tr[u].1 + tr[u].r >> 1;
         if (1 <= mid) res += query(u << 1, 1, r);</pre>
86
87
         if (r > mid) res += query(u << 1 | 1, 1, r);
         return res;
88
89
      }
90
   }
91
   // 求树上u-v之间的路径和
92
93
   LL query path(int u, int v) {
94
      LL res = 0;
      while (top[u] != top[v]) { // u, v不在同一个重链上
95
96
         if (dep[top[u]] < dep[top[v]]) swap(u, v);</pre>
97
         // 加上u所在的重链和
         // 其区间为[dfn[top[u]], dfn[u]]
98
```

```
res += query(1, dfn[top[u]], dfn[u]);
 99
100
          u = fa[top[u]];
101
102
       if (u == v) return res;
       if (dep[u] < dep[v]) swap(u, v); // 保证u在下面v在上面
103
       // 加上u-v之间路径的和, v当前在LCA位置, 这个点的点权不能算上。
104
105
       res += query(1, dfn[son[v]], dfn[u]);
106
       return res;
107
108
109
    int main() {
110
       while (cin >> n >> m) {
           for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
111
             h[i] = -1, dfn[i] = 0, son[i] = 0;
112
113
           }
114
          idx = ts = 0;
115
          for (int i = 0; i < n - 1; i++) {</pre>
116
             int a, b, c;
             scanf("%d%d%d", &a, &b, &c);
117
118
             add(a, b, c), add(b, a, c);
119
           }
          dfs1(1, -1, 1); // 预处理dep,fa,sz
120
          dfs2(1, 1); // 求dfs序dfn,top
121
122
          build(1, 1, n);
          for (int i = 0; i < idx; i += 2) {</pre>
123
             int u = e[i], v = e[i ^ 1];
124
125
             if (dep[u] > dep[v]) swap(u, v);
126
             update(1, dfn[v], w[i]);
127
128
          while (m--) {
129
             int type, x, y;
130
             cin >> type >> x >> y;
             if (type == 0) { // 更新第x条路的过路费为y
131
                // 第1条 idx=0,1
132
                // 第2条 idx=2,3
133
                // 第x条 idx=2x-2,2x-1
134
                int v = e[2 * x - 2], u = e[2 * x - 1];
135
136
                if (dep[u] > dep[v]) swap(u, v);
137
                // u是父亲, v是儿子, 令点v权值更新为y
138
                update(1, dfn[v], y);
139
              } else {
140
                printf("%lld\n", query_path(x, y));
141
              }
```

```
142 }
143 }
144 return 0;
145 }
```

1.8 莫队

1.8.1 离线询问排序方式

一般莫队排序方式: 以 belong[l] 为第一关键字, r 为第二关键字升序排序。

```
struct Query {
 1
 2
       int id, l, r;
       bool operator < (const Query &W) const {</pre>
 3
          if (belong[1] != belong[W.1]) return belong[1] < belong[W.1];</pre>
 4
 5
          return r < W.r;</pre>
 6
 7
   } q[M];
   // 奇偶优化
 8
 9
   struct Query {
       int id, l, r;
10
       bool operator < (const Query &W) const {</pre>
11
12
          if (belong[1] != belong[W.1]) return belong[1] < belong[W.1];</pre>
          return belong[l] & 1 ? r < W.r : r > W.r;
13
14
15
   } q[N];
```

带修莫队排序方式:以 belong[l] 为第一关键字, belong[r] 为第二关键字, ts 为第三关键字升序排序。

```
1 struct Query {
2   int id, l, r, ts; // id表示当前询问的编号, ts表示当前询问处于第ts次操作后, 第ts+1操作前
3   bool operator < (const Query &W) const {
4    if (belong[l] != belong[W.l]) return belong[l] < belong[W.l];
5   if (belong[r] != belong[W.r]) return belong[r] < belong[W.r];
6   return ts < W.ts;
7  }</pre>
```

```
8 } q[N];
```

1.8.2 洛谷 P4396(基础莫队)

对于每个询问区间 [l, r] 需要求在该区间内值域在 [a, b] 上的数的个数以及不同的数的个数。

可以考虑用两个树状数组来维护当前区间中出现的数字的个数,和不同数字的个数,然后差分一下就得到某个值域中出现的次数了。但这样插入和查询都是 $O(\log n)$ 。加上莫队总复杂度就达到了 $O(n\sqrt{n}\log n)$,这是无法接受的。

考虑值域分块,然后维护每一块的和。插入就是 O(1) 查询为 $O(\sqrt{n})$,不会影响总复杂度。

```
#include <bits/stdc++.h>
1
2
3
   using namespace std;
 4
 5
   const int N = 100010;
 6
7
   int n, m;
8
   int a[N], cnt[N], s[N][2], sum[N][2];
   int belong[N], L[N], R[N], B, sz;
   struct Query {
10
      int id, l, r, a, b;
11
12
      bool operator < (const Query &W) const {</pre>
          if (belong[1] != belong[W.1]) return belong[1] < belong[W.1];</pre>
13
14
          return r < W.r;</pre>
15
      }
16
   } q[N];
   int ans[N][2];
17
18
19 void build() {
20
      B = sqrt(n), sz = (n - 1) / B + 1;
21
      for (int i = 1; i <= n; i++) belong[i] = (i - 1) / B + 1;</pre>
22
      for (int i = 1; i <= sz; i++) L[i] = (i - 1) * B + 1, R[i] = L[i] +
           B - 1;
23
      R[sz] = n;
24
25
26 void add(int x) {
```

```
27
      x = a[x];
28
      cnt[x]++;
29
       s[x][0]++, sum[belong[x]][0]++;
       if (cnt[x] == 1) s[x][1]++, sum[belong[x]][1]++;
30
31
32
33 | void del(int x) {
34
      x = a[x];
35
      cnt[x]--;
36
      s[x][0]--, sum[belong[x]][0]--;
37
      if (cnt[x] == 0) s[x][1] --, sum[belong[x]][1] --;
38
   }
39
40
   int ask(int 1, int r, int type) {
       if (belong[1] == belong[r]) {
41
42
          int res = 0;
          for (int i = 1; i <= r; i++) res += s[i][type];</pre>
43
44
          return res;
45
       }
46
      int res = 0;
47
       for (int i = 1; i <= R[belong[1]]; i++) res += s[i][type];</pre>
       for (int i = belong[1] + 1; i < belong[r]; i++) res += sum[i][type</pre>
48
          ];
49
       for (int i = L[belong[r]]; i <= r; i++) res += s[i][type];</pre>
50
      return res;
51
   }
52
53
   int main() {
54
       scanf("%d%d", &n, &m); build();
55
       for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%d", &a[i]);</pre>
56
       for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
57
          int 1, r, a, b;
          scanf("%d%d%d%d", &1, &r, &a, &b);
58
59
          q[i] = \{i, l, r, a, b\};
60
       }
61
       sort(q, q + m);
62
       for (int i = 0, l = 1, r = 0; i < m; i++) {
63
          while (r < q[i].r) add(++r);
          while (1 > q[i].1) add(--1);
64
65
          while (r > q[i].r) del(r--);
66
          while (1 < q[i].1) del(1++);
67
          ans[q[i].id][0] = ask(q[i].a, q[i].b, 0);
68
          ans[q[i].id][1] = ask(q[i].a, q[i].b, 1);
```

```
69  }
70  for (int i = 0; i < m; i++) printf("%d %d\n", ans[i][0], ans[i][1])
   ;
71  return 0;
72 }</pre>
```

1.8.3 AcWing2521(带修莫队)

题意:两种操作 1. 询问区间不同颜色数量 2. 单点修改颜色

分析: 时间轴上的 ts 指针移动,需要一点技巧。如果当前莫队区间的时间戳 ts 比查询区间的时间戳 q[i].ts 小的话,需要将 ts+1~q[i].ts 时刻的修改造成的影响累加到答案上,这点并不难做,反之如果 ts > q[i].ts, 就需要撤销 q[i].ts+1~ts 时刻的修改对答案的影响,比较难处理。因此,我们可以沿时间戳增量修改的时候,将已经用到的修改操作中的颜色,与被修改位置的颜色交换,那么下一次需要撤销这次修改时,就等价于再对这个位置进行一次修改操作,而由于之前修改和被修改的颜色进行了交换,因此直接执行这次修改操作恰好是撤销的效果。

```
#include <bits/stdc++.h>
 1
 2
 3
   using namespace std;
 4
   const int N = 10010, M = 1000010;
 5
 6
 7
   int n, m, B;
   int color[N], belong[N];
 8
   int qcnt, pcnt; // qcnt为询问编号, pcnt为操作的编号
 9
10
   struct Query {
       int id, 1, r, ts; // id表示当前询问的编号, ts表示当前询问处于第ts次操作后,
11
          第ts+1操作前
       \textbf{bool operator} < (\textbf{const} \ \texttt{Query} \ \& \mathbb{W}) \ \textbf{const} \ \{
12
13
          if (belong[l] != belong[W.l]) return belong[l] < belong[W.l];</pre>
          if (belong[r] != belong[W.r]) return belong[r] < belong[W.r];</pre>
14
15
          return ts < W.ts;</pre>
16
       }
17
   } q[N];
18
   struct Modify {
       int x, c; // 将下标为x的位置的颜色修改成c
19
   } p[N];
20
21
   int cnt[M], ans[N];
22
23 | void build() {
```

```
24
     B = pow(n, 2.0 / 3);
25
      for (int i = 1; i <= n; i++) belong[i] = (i - 1) / B + 1;</pre>
26
   }
27
28 void add(int x, int &res) {
29
      if (++cnt[x] == 1) res++;
30
   }
31
32 void del(int x, int &res) {
33
      if (--cnt[x] == 0) res--;
34
   }
35
   // 将编号为ts的操作的影响作用到编号为i的询问
36
37
   void modify(int ts, int i, int &res) {
      // 如果第ts次操作的位置在第i次询问的区间内部,就需要删除原来的颜色,再加上新颜
38
         色,以对答案造成影响
39
      if (p[ts].x >= q[i].l && p[ts].x <= q[i].r) {
40
        del(color[p[ts].x], res);
41
        add(p[ts].c, res);
42
      // 上面只是修改cnt和res,实际的颜色修改,技巧,交换原来的颜色,和第ts次操作的
43
         颜色,这样下次需要撤销这次操作,相当于执行这次颜色被交换过的新操作。
      swap(color[p[ts].x], p[ts].c);
44
45
   }
46
47
   int main() {
48
      scanf("%d%d", &n, &m);
49
     build();
50
      for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%d", &color[i]);</pre>
51
      for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
52
        char op[2];
53
        int 1, r;
        scanf("%s%d%d", op, &1, &r);
54
55
        if (*op == 'Q') {
56
           ++qcnt;
           q[qcnt] = {qcnt, l, r, pcnt}; // 询问
57
58
         } else {
           p[++pcnt] = {1, r}; // 修改
59
60
         }
61
      // 对于询问排序
62
      sort(q + 1, q + qcnt + 1);
63
      // 枚举每一个询问,初始下标区间为[1,r]为[1,0],为空,不同颜色个数res=0,处
64
```

```
在第ts=0个操作之后,第ts+1=1个操作之前
      for (int i = 1, l = 1, r = 0, res = 0, ts = 0; i \le qcnt; i++) {
65
66
         // 将[l,r,ts]移动到[q[i].l, q[i].r, q[i].ts]
         while (r < q[i].r) add(color[++r], res);</pre>
67
         while (l > q[i].l) add(color[--l], res);
68
69
         while (r > q[i].r) del(color[r--], res);
70
         while (1 < q[i].1) del(color[1++], res);
         while (ts < q[i].ts) modify(++ts, i, res); // 需要将ts+1~q[i].ts
71
            的操作造成的影响累加到答案上
72
         while (ts > q[i].ts) modify(ts--, i, res); // 需要消除q[i].ts+1~
            ts的操作对答案的影响
73
         ans[q[i].id] = res;
74
75
      for (int i = 1; i \le qcnt; i++) printf("%d\n", ans[i]);
76
      return 0;
77
```

1.8.4 AcWing2523(回滚莫队)

回滚莫队,一般用在当区间维护的答案只具有"可加性"或者只具有"可减性"时,这里只讨论,只具有"可加性"的情况。对于此类情况,回滚莫队能将删除操作 del 全部转化为插入操作 add。

依次处理询问,我们对询问进行分段处理,把左端点处于同一块的询问放在一起处理。对于这些左端点处于同一块的询问来说,它们的右端点递增,我们再细分为两种情况。

- 1. 左右端点在同一块内: 直接暴力做就行了, l, r 指针移动是 O(n) 的。
- 2. 左右端点跨块,分为两部分: 左端点所属块的部分,和右边的部分,初始化区间 r = R[belong[q[i].l]], l = r + 1,右端点向右一直 add,左端点向左 add,每次做完左端点需要归位并消除影响。

取块大小为 $B = \sqrt{n}$ 的话, 总复杂度为 $O(n\sqrt{n} + m\sqrt{n})$ 。

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

typedef long long LL;

const int N = 100010;

int n, m, B, sz;
int belong[N], L[N], R[N], a[N];
```

```
11
   struct Query {
12
       int id, 1, r;
13
      bool operator < (const Query &W) const {</pre>
          if (belong[1] != belong[W.1]) return belong[1] < belong[W.1];</pre>
14
15
          return r < W.r;</pre>
16
      }
   } q[N];
17
18
   vector<int> alls;
19
   int cnt[N];
20
   LL ans[N];
21
22 void build() {
23
      B = sqrt(n), sz = (n - 1) / B + 1;
24
       for (int i = 1; i <= n; i++) belong[i] = (i - 1) / B + 1;</pre>
25
       for (int i = 1; i \le sz; i++) L[i] = (i - 1) * B + 1, R[i] = L[i] +
           B - 1;
26
      R[sz] = n;
27
   }
28
29 int find(int x) {
30
      return lower bound(alls.begin(), alls.end(), x) - alls.begin();
31
   }
32
33 void add(int x, LL &res) {
34
      cnt[x]++;
      res = max(res, (LL)cnt[x] * alls[x]);
35
36
   }
37
38
   int main() {
39
      scanf("%d%d", &n, &m); build();
       for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
40
41
          scanf("%d", &a[i]);
42
          alls.push_back(a[i]);
43
       sort(alls.begin(), alls.end());
44
       alls.erase(unique(alls.begin(), alls.end()), alls.end());
45
       for (int i = 1; i <= n; i++) a[i] = find(a[i]);</pre>
46
47
       for (int i = 0, 1, r; i < m; i++) {
48
          scanf("%d%d", &1, &r);
49
          q[i] = \{i, l, r\};
50
51
       sort(q, q + m);
52
       for (int i = 0; i < m; ) {</pre>
```

```
53
        int j = i;
54
        while (j + 1 < m \&\& belong[q[i].l] == belong[q[j + 1].l]) j++;
         // 此时[i,j]区间内的所有询问的左端点属于同一块,右端点递增
55
         // 暴力求块内(左右端点在同一块内的询问)
56
        while (i <= j && belong[q[i].1] == belong[q[i].r]) {
57
58
           LL res = 0;
59
           for (int k = q[i].1; k \le q[i].r; k++) add(a[k], res);
           ans[q[i].id] = res;
60
           // 清空cnt
61
           for (int k = q[i].1; k <= q[i].r; k++) cnt[a[k]]--;</pre>
62
63
           i++;
64
         }
         // 求跨块,分为两部分:左边第一个块内的部分和它右边块的部分
65
        LL res = 0;
66
        int block id = belong[q[i].1];
67
        int r = R[block id], l = r + 1; // 莫队区间初始化
68
         // 右端点递增,只存在add操作,左端点先初始化到block id块的右端点,然后向左
69
           使用add操作
        while (i <= j) {
70
           while (r < q[i].r) add(a[++r], res);
71
72
           LL tmp = res; // 备份
73
           while (1 > q[i].1) add(a[--1], res);
74
           ans[q[i].id] = res;
           // 清空左边部分对于cnt[]的影响,且让1回到初始位置
75
76
           while (1 <= R[belong[q[i].1]]) cnt[a[1++]] -- ;</pre>
77
           res = tmp;
78
           i++;
79
         // 清空cnt,对于每一块只会执行一次,复杂度为n根号n
80
81
        memset(cnt, 0, sizeof cnt);
82
83
      for (int i = 0; i < m; i++) printf("%lld\n", ans[i]);</pre>
84
      return 0;
85
```

1.8.5 树上莫队

通过树的 DFS 序或者欧拉序将树上问题转化为序列的区间询问问题,再用莫队处理。

2 图论

2.1 最短路

2.1.1 朴素 Dijkstra

```
int g[N][N];
 1
 2
   int dist[N];
 3
   bool st[N];
 4
 5
   int dijkstra() {
 6
       memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
 7
       dist[1] = 0;
 8
       for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
 9
          int t = -1;
          for (int j = 1; j \le n; j++) {
10
             if (!st[j] && (t == -1 || dist[j] < dist[t]))</pre>
11
                 t = j;
12
13
          }
          st[t] = true;
14
          for (int j = 1; j <= n; j++) {</pre>
15
             dist[j] = min(dist[j], dist[t] + g[t][j]);
16
17
          }
18
19
       if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
20
       return dist[n];
21
```

2.1.2 堆优化 Dijkstra

```
1
   typedef pair<int, int> PII;
 2
 3
   int n;
 4
   int h[N], w[N], e[N], ne[N], idx;
 5
   int dist[N];
   bool st[N];
 6
7
   int dijkstra() {
8
9
      memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
10
      dist[1] = 0;
      priority queue<PII, vector<PII>, greater<PII>> heap;
11
12
      heap.push(\{0, 1\});
13
      while (heap.size()) {
```

```
14
         auto t = q.front();
15
         q.pop();
16
          int ver = t.second;
17
         if (st[ver]) continue;
         st[ver] = true;
18
19
         for (int i = h[ver]; ~i; i = ne[i]) {
             int j = e[i];
20
21
             if (dist[j] > dist[ver] + w[i]) {
22
                dist[j] = dist[ver] + w[i];
23
                heap.push({dist[j], j});
24
             }
25
          }
26
27
      if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
28
      return dist[n];
29
```

2.1.3 Bellman-Ford

```
// 不超过k条边的最短路
   int n, m, k;
 2
 3
   int dist[N], backup[N];
 4
5
   struct Edge {
 6
      int a, b, w;
7
   } edges[M];
8
9
   int bellman_ford() {
      memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
10
      dist[1] = 0;
11
      for (int i = 0; i < k; i++) { // 限制边数则k次循环, 否则n次, 且不需要
12
         backup[]
13
         memcpy(backup, dist, sizeof dist);
14
         for (int j = 0; j < m; j++) {
15
            int a = edges[j].a, b = edges[j].b, w = edges[j].w;
            dist[b] = min(dist[b], backup[a] + w);
16
17
         }
18
      if (dist[n] > 0x3f3f3f3f / 2) return -1;
19
20
      return dist[n];
21
```

2.1.4 SPFA

```
// 最短路
 2
   int n, m;
   int h[N], e[N], w[N], ne[N], idx;
 3
   int dist[N];
 4
 5
   bool st[N];
 6
7
   int spfa() {
8
      memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
9
      dist[1] = 0;
10
      queue<int> q;
11
      q.push(1);
12
      st[1] = true;
13
      while (q.size()) {
14
         int t = q.front();
15
         q.pop();
         st[t] = false;
16
         for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i]) {
17
18
            int j = e[i];
19
            if (dist[j] > dist[t] + w[i]) {
20
               dist[j] = dist[t] + w[i];
21
               if (!st[j]) {
22
                  q.push(j);
23
                  st[j] = true;
24
               }
25
            }
26
27
         }
28
29
      if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
30
      return dist[n];
31
   }
32
   // 最短路判负环 / 最长路判正环 (需要改变不等号方向)
33
   int n, m;
34
35 | int h[N], e[M], w[M], ne[M], idx;
36 int dist[N], cnt[N];
37 bool st[N];
38
39 void add(int a, int b, int c) {
40
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
41 }
```

```
42
43
   bool spfa() {
44
      queue<int> q;
       for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
45
46
          q.push(i);
47
          st[i] = true;
48
49
      while (q.size()) {
50
          int t = q.front();
51
          q.pop();
52
          st[t] = false;
53
          for (int i = h[t]; ~i; i = ne[i]) {
54
             int j = e[i];
55
             if (dist[j] > dist[t] + w[i]) {
56
                dist[j] = dist[t] + w[i];
57
                cnt[j] = cnt[t] + 1;
58
                if (cnt[j] >= n) return true;
59
                if (!st[j]) {
                   q.push(j);
60
61
                    st[j] = true;
62
                }
63
             }
64
65
      return false;
66
67
```

2.1.5 Floyd

```
int n, m;
 1
 2
   int d[N][N];
 3
 4
   void init() {
 5
       for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
          for (int j = 1; j <= n; j++)</pre>
 6
 7
              if (i != j) d[i][j] = INF;
 8
 9
10
   void floyd() {
       for (int k = 1; k <= n ; k++)</pre>
11
          for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
12
              for (int j = 1; j <= n; j++)
13
                 d[i][j] = min(d[i][j], d[i][k] + d[k][j]);
14
```

15 }

2.2 最小生成树

2.2.1 Prim

```
int n, m;
 2
  int g[N][N];
  | int dist[N]; // dist[i]: i到集合的距离
   bool st[N];
 4
 5
 6
   int prim() {
7
      memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
      int res = 0; // 最小生成树的边权之和
8
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
9
         int t = -1; // 找到集合外距离集合最近的点
10
         for (int j = 1; j <= n; j++) {</pre>
11
            if (!st[j] && (t == -1 || dist[j] < dist[t]))</pre>
12
13
               t = j;
14
         }
         if (i && dist[t] == INF) return INF; // 如果不是第一个点,并且这个点
15
            到集合已经不连通了, 就返回
         if (i) res += dist[t]; // 不是第一个数, 把t加到最小生成树
16
         st[t] = true; // 把t加入集合
17
         // 用t->j的距离,更新集合外的j到集合的距离
18
         for (int j = 1; j <= n; j++) {</pre>
19
            dist[j] = min(dist[j], g[t][j]);
20
21
         }
22
23
      return res;
24
```

2.2.2 Kruskal

```
1 int n, m;
2 int p[N]; // 并查集的父节点数组
3
4 struct Edge {
   int a, b, w;
6 bool operator< (const Edge &W) const {
      return w < W.w;
8 }</pre>
```

```
9
   } edges[M];
10
11
   int find(int x) {
      if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
12
      return p[x];
13
14
   }
15
16
   int kruskal() {
17
      sort(edges, edges + m);
      for (int i = 1; i <= n; i++ ) p[i] = i; // 初始化并查集
18
      int res = 0, cnt = 0; // res:最小生成树边权之和, cnt:当前加入的边数
19
      for (int i = 0; i < m; i++ ) {</pre>
20
21
         int a = edges[i].a, b = edges[i].b, w = edges[i].w;
         a = find(a), b = find(b);
22
         if (a != b) { // 不连通,就把这条边加到生成树里
23
24
            p[a] = b;
25
            res += w;
26
            cnt ++ ;
27
         }
28
      if (cnt < n - 1) return INF;</pre>
29
30
      return res;
31
```

2.3 严格次小生成树

```
#include <bits/stdc++.h>
 2
 3
   using namespace std;
 4
 5
   typedef long long LL;
 7
   const int N = 100010, M = 300010;
 8
 9
   int n, m;
   int h[N], e[N * 2], w[N * 2], ne[N * 2], idx;
10
    struct Edge {
11
       int a, b, w;
12
13
       bool f;
14
       bool operator < (const Edge &W) const {</pre>
15
          return w < W.w;</pre>
16
       }
```

```
17 | } edge[M];
   int p[N], q[N];
18
19
   int d1[N][17], d2[N][17];
   int fa[N][17], depth[N];
20
21 |// fa[i][j]:从i开始向上跳2^j步所能到的点
   // d1[i][j]:从i开始向上跳2^j步所经过路径上的最大边
22
   // d2[i][j]:从i开始向上跳2^j步所经过路径上的次大边
23
24
25 | void add(int a, int b, int c) {
26
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
27
28
29
   int find(int x) {
30
      if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
31
      return p[x];
32
   }
33
   void update(int d1, int d2, int &v1, int &v2) {
34
35
      if (d1 > v1) v2 = max(v1, d2), v1 = d1;
36
      else if (d1 == v1) v2 = max(v2, d2);
37
      else v2 = max(v2, d1);
38
   }
39
40 void bfs(int root) {
41
      memset(depth, -1, sizeof depth);
      depth[0] = 0, depth[root] = 1;
42
43
      int hh = 0, tt = 0;
44
      q[0] = root;
45
      while (hh <= tt) {</pre>
46
         int t = q[hh++];
47
         for (int i = h[t]; ~i; i = ne[i]) {
48
            int j = e[i];
49
            if (depth[j] == -1) {
50
               depth[j] = depth[t] + 1;
51
               q[++tt] = j;
52
               fa[j][0] = t;
53
               d1[j][0] = w[i], d2[j][0] = INT MIN;
54
               for (int k = 1; k <= 16; k++) {
55
                  fa[j][k] = fa[fa[j][k - 1]][k - 1];
56
                  int mid = fa[j][k - 1];
57
                  update(d1[j][k-1], d2[j][k-1], d1[j][k], d2[j][k]);
58
                  update(d1[mid][k-1], d2[mid][k-1], d1[j][k], d2[j][
                     k]);
```

```
59
                 }
60
              }
61
           }
62
    }
63
64
65
    LL kruskal() {
66
        for (int i = 1; i <= n; i++) p[i] = i;</pre>
67
        sort(edge, edge + m);
68
       LL res = 0;
69
        for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
70
           int a = edge[i].a, b = edge[i].b, w = edge[i].w;
71
           int pa = find(a), pb = find(b);
72
           if (pa != pb) {
73
              add(a, b, w), add(b, a, w);
74
              edge[i].f = true;
75
              p[pa] = pb;
76
              res += w;
77
           }
78
        }
79
       return res;
80
    }
81
82
    void lca(int a, int b, int &v1, int &v2) {
83
        if (depth[a] < depth[b]) swap(a, b);</pre>
84
        for (int k = 16; k >= 0; k--) {
85
           if (depth[fa[a][k]] >= depth[b]) {
86
              update(d1[a][k], d2[a][k], v1, v2);
87
              a = fa[a][k];
88
           }
89
        }
90
        if (a == b) return;
91
        for (int k = 16; k >= 0; k--) {
92
           if (fa[a][k] != fa[b][k]) {
93
              update(d1[a][k], d2[a][k], v1, v2);
94
              update(d1[b][k], d2[b][k], v1, v2);
              a = fa[a][k], b = fa[b][k];
95
96
           }
97
        }
98
       update(d1[a][0], d2[a][0], v1, v2);
99
       update(d1[b][0], d2[b][0], v1, v2);
100
101
```

```
int main() {
102
103
        cin >> n >> m;
104
        memset(h, -1, sizeof h);
        for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
105
106
           int a, b, w;
           scanf("%d%d%d", &a, &b, &w);
107
           edge[i] = \{a, b, w\};
108
109
110
       LL mins = kruskal();
111
       bfs(1);
112
       LL res = 1e18;
113
        for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
           if (!edge[i].f) {
114
              int a = edge[i].a, b = edge[i].b, w = edge[i].w;
115
116
              int v1 = INT MIN, v2 = INT MIN;
117
              lca(a, b, v1, v2);
              if (v1 < w) res = min(res, mins + w - v1);
118
119
              else if (v2 < w) res = min(res, mins + w - v2);
120
           }
121
        }
122
       printf("%lld\n", res);
123
        return 0;
124
```

2.4 有向图的强连通分量

```
/*
1
   * AcWing1174 受欢迎的牛
2
   * 求能被其他所有点到达的点有多少个
3
   * Tarjan缩点后,统计出度为0的点的个数
 4
   * 个数大于1则答案为0,个数为1则答案为该scc的大小
5
7
   #include <bits/stdc++.h>
8
9
   using namespace std;
10
   const int N = 10010, M = 50010;
11
12
13 | int n, m;
14 | int h[N], e[M], ne[M], idx;
15 | int dfn[N], low[N], ts;
16 | int stk[N], top;
```

```
bool in_stk[N];
17
18
   int id[N], scc cnt, sz[N];
19
   int dout[N];
20
21 void add(int a, int b) {
22
      e[idx] = b, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
23
   }
24
25
   void tarjan(int u) {
26
      dfn[u] = low[u] = ++ts;
27
      stk[++top] = u, in_stk[u] = true;
28
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
29
         int j = e[i];
         if (!dfn[j]) {
30
31
             tarjan(j);
32
             low[u] = min(low[u], low[j]);
33
          } else if (in_stk[j]) {
34
             low[u] = min(low[u], dfn[j]);
35
         }
36
      }
37
      if (dfn[u] == low[u]) {
38
         ++scc cnt;
39
         int v;
40
         do {
            v = stk[top--];
41
42
             in_stk[v] = false;
43
             id[v] = scc_cnt;
44
             sz[scc cnt]++;
45
          } while (v != u);
46
      }
47
   }
48
49
   int main() {
50
      cin >> n >> m;
51
      memset(h, -1, sizeof h);
52
      while (m--) {
53
         int a, b;
54
         scanf("%d%d", &a, &b);
55
         add(a, b);
56
57
      for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
58
         if (!dfn[i]) tarjan(i);
59
       }
```

```
60
       for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
61
          for (int j = h[i]; ~j; j = ne[j]) {
62
             int k = e[j];
             int a = id[i], b = id[k];
63
             if (a != b) dout[a]++;
64
65
          }
66
       }
67
       int cnt = 0, res = 0;
       for (int i = 1; i <= scc cnt; i++) {</pre>
68
          if (!dout[i]) {
69
70
             cnt++;
71
             res = sz[i];
72
             if (cnt > 1) {
73
                res = 0;
74
                break;
75
             }
76
          }
77
       printf("%d\n", res);
78
79
       return 0;
80
```

2.5 无向图的双连通分量

2.5.1 AcWing1189(点的双连通分量)

```
/*
1
   * AcWing1181 电力
2
3
   * 给定一个由n个点m条边构成的无向图,
   * 求出该图删除一个点之后,连通块最多有多少。
 4
   * 点的双连通分量模板
5
   * /
 6
7
  #include <bits/stdc++.h>
8
9
  using namespace std;
10
  const int N = 10010, M = 30010;
11
12
13 | int n, m;
14 | int h[N], e[M], ne[M], idx;
  int dfn[N], low[N], timestamp;
16 int s; // 删除结点u后, u所在连通块最多分裂出的连通块数目
17
```

```
18
   void add(int a, int b) {
19
      e[idx] = b, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
20
   }
21
22 void tarjan(int u, int root) {
      dfn[u] = low[u] = ++timestamp;
23
      int cnt = 0; // 删掉u后, u分裂的子树数目
24
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
25
26
         int j = e[i];
27
         if (!dfn[j]) {
28
            tarjan(j, root);
29
            low[u] = min(low[u], low[j]);
30
            if (dfn[u] <= low[j]) cnt++;
31
         } else {
            low[u] = min(low[u], dfn[j]);
32
33
         }
34
      // 只要u不是根节点,而且u有子树,那么删掉u后,还要算上u的父亲所在连通块
35
      if (u != root) cnt++;
36
37
      s = max(s, cnt);
38
   }
39
40
   int main() {
41
      while (scanf("%d%d", &n, &m), n || m) {
42
         memset(h, -1, sizeof h);
         idx = timestamp = 0;
43
44
         memset(dfn, 0, sizeof dfn);
45
         while (m--) {
46
            int a, b;
47
            cin >> a >> b;
            a++, b++;
48
49
            add(a, b), add(b, a);
50
         s = 0;
51
         int cnt = 0; // 统计删点前连通块的个数
52
         for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
53
            if (!dfn[i]) {
54
55
               tarjan(i, i);
56
               cnt++;
57
            }
58
         }
59
         cout << cnt + s - 1 << endl;
60
```

```
61 return 0;
62 }
```

2.5.2 AcWing396(点的双连通分量、割点)

```
/*
1
2
   * AcWing396 矿场搭建
 3
   * 点的双连通分量、割点模板
   */
 4
 5
 6
   #include <iostream>
7
   #include <cstring>
8 #include <vector>
   #include <algorithm>
9
10
11
  using namespace std;
12
13
  const int N = 1010, M = 1010;
14
15 | int n, m, Case;
   int h[N], e[M], ne[M], idx;
16
17 | int dfn[N], low[N], ts;
18
   |vector<int> dcc[N]; // 存每一个点的双连通分量的所有点编号
19 int dcc cnt; // 点的双连通分量编号
20 bool cut[N]; // 是否为割点
21 int stk[N], top;
22
   int root;
23
24
  void add(int a, int b) {
      e[idx] = b, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
25
26
   }
27
28 void tarjan(int u) {
      dfn[u] = low[u] = ++ts;
29
30
      stk[++top] = u;
31
      if (u == root && h[u] == -1) {
32
         dcc_cnt ++ ;
33
         dcc[dcc cnt].push back(u);
34
         return;
35
      }
36
      int cnt = 0;
37
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
38
         int j = e[i];
```

```
39
          if (!dfn[j]) {
             tarjan(j);
40
41
             low[u] = min(low[u], low[j]);
             if (dfn[u] <= low[j]) {
42
43
                cnt++ ;
44
                if (u != root || cnt > 1) cut[u] = true;
45
                ++dcc_cnt;
46
                int v;
47
                do {
48
                   v = stk[top--];
49
                   dcc[dcc_cnt].push_back(v);
50
                } while (v != j);
                dcc[dcc_cnt].push_back(u);
51
52
53
          } else low[u] = min(low[u], dfn[j]);
54
       }
55
   }
56
57
   void init() {
58
       for (int i = 1; i <= dcc cnt; i ++ ) dcc[i].clear();</pre>
59
       idx = n = ts = top = dcc cnt = 0;
60
      memset(h, -1, sizeof h);
      memset(dfn, 0, sizeof dfn);
61
62
      memset(cut, 0, sizeof cut);
63
   }
64
65
   int main() {
66
      while (cin >> m, m) {
67
          init();
68
          while (m -- ) {
             int a, b;
69
70
             cin >> a >> b;
71
             n = max(n, a), n = max(n, b);
             add(a, b), add(b, a);
72
73
74
          for (root = 1; root <= n; root++) {</pre>
75
             if (!dfn[root]) tarjan(root);
76
          }
77
          int res = 0;
78
          long long num = 1;
79
          for (int i = 1; i <= dcc cnt; i++) {</pre>
             int cnt = 0;
80
             for (int j = 0; j < dcc[i].size(); j++) {</pre>
81
```

```
if (cut[dcc[i][j]]) cnt ++ ;
82
83
             }
84
             if (cnt == 0) {
85
                if (dcc[i].size() > 1) {
                   res += 2;
86
87
                   num *= dcc[i].size() * (dcc[i].size() - 1) / 2;
88
                } else res ++ ;
89
             } else if (cnt == 1) {
90
                res++;
91
                num *= dcc[i].size() - 1;
92
             }
93
          }
94
         printf("Case %d: %d %llu\n", ++Case, res, num);
95
96
      return 0;
97
```

2.5.3 AcWing395(边的双连通分量、桥)

```
/*
1
2
   * AcWing395 冗余路径
   * 给定一个无向图,求最少添加几条无向边,能使得原图变成一个边的双连通分量。
3
 4
   * Tarjan求双连通分量,统计缩点后度数为1的点的个数cnt。
   * 结论: 最少再添加cnt/2上取整条无向边。
5
   * 边的双连通分量、桥模板
 6
7
   */
8
   #include <bits/stdc++.h>
9
10
  using namespace std;
11
12
  const int N = 5010, M = 20010;
13
14 | int n, m;
15 | int h[N], e[M], ne[M], idx;
16 | int dfn[N], low[N], timestamp;
17
  int stk[N], tt;
18
  int id[N], dcc_cnt;
19
  int d[N];
20 bool bridge[M];
21
22 void add(int a, int b) {
     e[idx] = b, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
23
24 }
```

```
25
   // in edge表示到u的入边
26
27
   void tarjan(int u, int in edge) {
      dfn[u] = low[u] = ++timestamp;
28
29
      stk[++tt] = u;
30
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
31
         int j = e[i];
         if (!dfn[j]) {
32
33
            tarjan(j, i);
34
            low[u] = min(low[u], low[j]);
35
             if (dfn[u] < low[j]) { // j无法走到u
               bridge[i] = bridge[i ^ 1] = true;
36
37
          } else if (i != (in_edge ^ 1)) { // 不是反向边
38
39
             low[u] = min(low[u], dfn[j]);
40
         }
41
42
      if (dfn[u] == low[u]) {
         ++dcc_cnt;
43
44
         int v;
45
         do {
46
            v = stk[tt--];
47
            id[v] = dcc_cnt;
48
          } while (v != u);
49
      }
50
   }
51
52
   int main() {
53
      cin >> n >> m;
54
      memset(h, -1, sizeof h);
55
      while (m--) {
56
         int a, b;
57
         cin >> a >> b;
         add(a, b), add(b, a);
58
59
      }
60
      tarjan(1, -1);
      for (int i = 0; i < idx; i++) { // 遍历所有边
61
62
         if (bridge[i]) d[id[e[i]]]++;
63
      }
64
      int cnt = 0;
65
      for (int i = 1; i <= dcc cnt; i++) {</pre>
         if (d[i] == 1) cnt++;
66
67
      }
```

2.6 差分约束

2.6.1 AcWing362(任意边权)

求最小值,考虑求最长路,保证了 c_i 范围,存在正环就无解,但本题一定有解不用判环。题意即要从 [0,50000] 中选出最少的数来满足各区间内的个数。可以用前缀和 s[i] 来统计 [1,i] 中被选出数的个数(将下标均向右错一位),那么一段区间内的个数就很好统计了,做差即可。

根据数据范围和区间约束条件,不等式关系为:

- 1. 每个数要么选要么不选: $0 \le s[i] s[i-1] \le 1, i \in [1,50001]$
- 2. 区间限制: $s[b] s[a-1] \ge c$

即

$$s[i] \ge s[i-1], i \in [1,50001] \tag{4}$$

$$s[i-1] \ge s[i] - 1, i \in [1,50001] \tag{5}$$

$$s[b] \ge s[a-1] + c \tag{6}$$

由第一个约束条件,建立了 $0\rightarrow 1\rightarrow...\rightarrow 50001$ 的边,因此 0 号点能走到所有边,令其作为源点。

```
/* AcWing362 区间 */
1
 2
   #include <bits/stdc++.h>
 3
 4
   using namespace std;
5
   const int N = 50010, M = 3 * N;
 6
7
8
9
   int h[N], e[M], w[M], ne[M], idx;
10 | int dist[N], q[N];
11 bool st[N];
```

```
12
13
   void add(int a, int b, int c) {
14
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
15
16
17
   void spfa() {
18
      memset(dist, 0xcf, sizeof dist);
19
      dist[0] = 0;
20
      int hh = 0, tt = 1;
      q[0] = 0, st[0] = true;
21
22
      while (hh != tt) {
23
          int t = q[hh++];
24
          if (hh == N) hh = 0;
25
          st[t] = false;
26
          for (int i = h[t]; ~i; i = ne[i]) {
27
             int j = e[i];
28
             if (dist[j] < dist[t] + w[i]) {
29
                dist[j] = dist[t] + w[i];
                if (!st[j]) {
30
31
                   q[tt++] = j;
32
                   if (tt == N) tt = 0;
33
                   st[j] = true;
34
                }
35
             }
36
          }
37
       }
38
   }
39
40
   int main() {
41
      cin >> n;
      memset(h, -1, sizeof h);
42
43
       for (int i = 1; i <= 50001; i++) {</pre>
          add(i - 1, i, 0);
44
          add(i, i - 1, -1);
45
46
47
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
48
          int a, b, c;
49
          scanf("%d%d%d", &a, &b, &c);
50
          a++, b++;
          add(a - 1, b, c);
51
52
53
      spfa();
      printf("%d\n", dist[50001]);
54
```

```
55 return 0;
56 }
```

2.6.2 AcWing368 (01 边权)

只含 01 边权的差分约束特殊解法,复杂度线性。

先按照差分约束的做法,需要求最长路,建边。然后 Tarjan 缩点,转化为 DAG。如果原图中存在正环一定无解,而这个正环只可能出现在强连通分量中。对于一个强连通分量,其中如果不存在正环,那么所有边权都一定为 0,因此只要判每个 SCC 中是否含有正权边,若有正权边则一定无解。如果有解,在新图上按拓扑序 DP 求最长路即可,初始化dist[i]=1。

计算答案:每个强连通分量的大小 × 亮度(相同),求和。

```
/* AcWing368 银河 */
1
 2
   #include <bits/stdc++.h>
 3
 4
   using namespace std;
 5
 6
   const int N = 100010, M = 600010;
7
 8
   int n, m;
9
   int h[N], hs[N], e[M], w[M], ne[M], idx;
10
   int dfn[N], low[N], timestamp;
11
   int stk[N], top;
12
   bool in stk[N];
   int id[N], sz[N], scc cnt;
13
14
  int dist[N];
15
16 | void add(int h[], int a, int b, int c) {
17
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
18
19
20
   void tarjan(int u) {
21
      dfn[u] = low[u] = ++timestamp;
22
      stk[++top] = u, in stk[u] = true;
23
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
24
         int j = e[i];
25
         if (!dfn[j]) {
26
            tarjan(j);
27
            low[u] = min(low[u], low[j]);
28
          } else if (in stk[j]) {
```

```
29
             low[u] = min(low[u], dfn[j]);
30
          }
31
32
      if (dfn[u] == low[u]) {
33
         ++scc cnt;
34
         int v;
35
         do {
36
            v = stk[top--];
37
             in stk[v] = false;
38
             id[v] = scc cnt;
39
             sz[scc_cnt]++;
40
          } while (v != u);
41
42
   }
43
44 int main() {
45
      cin >> n >> m;
46
      memset(h, -1, sizeof h);
      memset(hs, -1, sizeof hs);
47
48
      while (m--) {
49
         int a, b, t;
         scanf("%d%d%d", &t, &a, &b); // 顺序错了调到自闭
50
         if (t == 1) add(h, a, b, 0), add(h, b, a, 0);
51
52
         else if (t == 2) add(h, a, b, 1);
53
         else if (t == 3) add(h, b, a, 0);
         else if (t == 4) add(h, b, a, 1);
54
55
         else if (t == 5) add(h, a, b, 0);
56
      for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
57
58
         if (!dfn[i]) tarjan(i);
59
      }
      bool flag = true; // 判是否存在正环
60
      for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
61
62
         for (int j = h[i]; ~j; j = ne[j]) {
63
             int k = e[j];
64
             int a = id[i], b = id[k];
             if (a != b) add(hs, a, b,w[j]);
65
66
             else if (w[j] > 0) {
67
                flag = false;
68
                break;
69
             }
70
71
         if (!flag) break;
```

```
72
      if (!flag) puts("-1");
73
      else { // 按拓扑序求最长路
74
          for (int i = scc cnt; i; i--) {
75
             if (!dist[i]) dist[i] = 1;
76
77
             for (int j = hs[i]; ~j; j = ne[j]) {
78
                int k = e[j];
79
                dist[k] = max(dist[k], dist[i] + w[j]);
80
             }
81
          }
          long long res = 0;
82
83
          for (int i = 1; i <= scc cnt; i++) res += 1ll * dist[i] * sz[i];</pre>
84
          cout << res << endl;</pre>
85
86
      return 0;
87
```

2.7 最近公共祖先

2.7.1 倍增

```
#include <bits/stdc++.h>
2
 3
   using namespace std;
 4
 5
   const int N = 20010, M = N * 2;
 6
7
   int n, m;
   int h[N], e[M], w[M], ne[M], idx;
8
9
   int fa[N][16], depth[N];
   int dist[N], q[N]; // dist[]维护到根距离
10
11
   void add(int a, int b, int c) {
12
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
13
14
   }
15
16
  void bfs(int root) {
17
      int hh = 0, tt = 0;
      memset(depth, -1, sizeof depth);
18
      memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
19
20
      q[0] = root, dist[root] = 0;
21
      depth[0] = 0, depth[root] = 1;
22
      while (hh <= tt) {</pre>
```

```
23
          int t = q[hh++];
24
          for (int i = h[t]; ~i; i = ne[i]) {
25
             int j = e[i];
26
             if (depth[j] == -1) {
                depth[j] = depth[t] + 1;
27
28
                dist[j] = dist[t] + w[i];
29
                q[++tt] = j;
30
                fa[j][0] = t;
31
                for (int k = 1; k <= 15; k++) {
32
                   fa[j][k] = fa[fa[j][k - 1]][k - 1];
33
                }
34
             }
35
36
37
38
39
   int lca(int a, int b) {
40
      if (depth[a] < depth[b]) swap(a, b);</pre>
41
      for (int k = 15; k \ge 0; k--) {
42
          if (depth[fa[a][k]] >= depth[b])
43
             a = fa[a][k];
44
45
      if (a == b) return a;
46
      for (int k = 15; k >= 0; k--) {
47
          if (fa[a][k] != fa[b][k])
48
             a = fa[a][k], b = fa[b][k];
49
50
      return fa[a][0];
51
   }
52
53
   int main() {
54
      cin >> n >> m;
55
      memset(h, -1, sizeof h);
      for (int i = 0; i < n - 1; i++) {</pre>
56
57
          int a, b, c;
          scanf("%d%d%d", &a, &b, &c);
58
59
          add(a, b, c), add(b, a, c);
60
      }
61
      bfs(1);
      while (m--) {
62
63
          int x, y;
64
          scanf("%d%d", &x, &y);
65
          int p = lca(x, y);
```

2.7.2 Tarjan

```
#include <bits/stdc++.h>
2
 3
   using namespace std;
 4
5
   typedef pair<int, int> PII;
 6
   const int N = 10010, M = 2 \times N;
7
8
9
   int n, m;
10
   int h[N], e[M], ne[M], w[M], idx;
   int p[N], dist[N], st[N], res[M];
12
   vector<PII> query[N];
13
   void add(int a, int b, int c) {
14
15
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
16
17
18
   int find(int x) {
19
      if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
20
      return p[x];
21
   }
22
   void tarjan(int u, int fa) {
23
      st[u] = 1; // 标记为正在搜的点
24
25
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
         int j = e[i];
26
         if (j == fa) continue;
27
         if (!st[j]) { // 还没搜过的点
28
29
            dist[j] = dist[u] + w[i];
30
            tarjan(j, u);
31
            p[j] = u;
32
         }
33
      // 遍历u的所有查询
34
35
      for (auto item : query[u]) {
36
         int v = item.first, id = item.second;
```

```
37
         if (st[v] == 2) { // 已经搜完回溯的点, find(v)为u, v的LCA
             res[id] = dist[u] + dist[v] - 2 * dist[find(v)];
38
39
          }
40
      st[u] = 2; // 标记为已经搜完回溯的点
41
42
   }
43
44
   int main() {
45
      cin >> n >> m;
46
      memset(h, -1, sizeof h);
47
      for (int i = 1; i <= n; i++) p[i] = i;</pre>
48
      for (int i = 0; i < n - 1; i++) {</pre>
         int a, b, c;
49
         scanf("%d%d%d", &a, &b, &c);
50
51
         add(a, b, c), add(b, a, c);
52
      }
53
      for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
54
         int a, b;
         scanf("%d%d", &a, &b);
55
         query[a].push back({b, i}); // 需要加双向询问
56
57
         query[b].push back({a, i});
58
59
      tarjan(1, -1);
60
      for (int i = 0; i < m; i++) printf("%d\n", res[i]);</pre>
      return 0;
61
62
```

2.7.3 树剖

```
int lca(int u, int v) {
    while (top[u] != top[v]) {
        if (dep[top[u]] < dep[top[v]]) swap(u, v);
        u = fa[top[u]];
    }
    if (dep[u] < dep[v]) swap(u, v);
    return v;
}</pre>
```

2.8 网络流

2.8.1 Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
1
2
3
   using namespace std;
 4
   const int N = 100010, M = 200010, INF = 1e9;
 5
6
7
   int n, m, S, T;
   int h[N], e[M], w[M], ne[M], idx;
8
9
   int q[N];
   int d[N], cur[N]; // d[i]表示点i的层次, cur[i]表示i的当前弧
10
11
12
   void add(int a, int b, int c) {
13
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
      e[idx] = a, w[idx] = 0, ne[idx] = h[b], h[b] = idx++;
14
15
16
17 | bool bfs() { // 判断残留网络是否存在增广路(即从S到T存在边全大于0的路径)
18
      int hh = 0, tt = -1;
19
      memset(d, -1, sizeof d);
      q[++tt] = S, d[S] = 0, cur[S] = h[S];
20
21
      while (hh <= tt) {</pre>
22
         int t = q[hh++];
23
         for (int i = h[t]; ~i; i = ne[i]) {
24
            int j = e[i];
25
            if (d[j] == -1 \&\& w[i]) {
26
               d[j] = d[t] + 1;
27
               cur[j] = h[j];
28
               q[++tt] = j;
               if (j == T) return true; // 找到了增广路,此时增广路的流量即f[T
29
                  ]
30
            }
31
         }
32
      return false; // 残留网络不存在增广路,那么此时原图的可行流流量就是最大流
33
34
35
   // 从起点到u,流量最大值为limit
36
37
   int find(int u, int limit) {
      if (u == T) return limit;
38
      int flow = 0; // u->T的流量
39
      for (int i = cur[u]; ~i && flow < limit; i = ne[i]) {</pre>
40
41
         int j = e[i];
```

```
cur[u] = i; // 更新当前弧
42
43
         if (d[j] == d[u] + 1 && w[i]) {
44
            int t = find(j, min(w[i], limit - flow));
            if (!t) d[j] = -1; // 删点
45
            w[i] -= t, w[i ^ 1] += t, flow += t;
46
47
         }
48
49
      return flow;
50
   }
51
52
   int dinic() {
53
      int max flow = 0;
      while (bfs()) while (int flow = find(S, INF)) max_flow += flow;
54
55
      return max flow;
56
57
58
   int main() {
59
      cin >> n >> m >> S >> T;
60
      memset(h, -1, sizeof h);
      while (m--) {
61
62
         int a, b, c;
         scanf("%d%d%d", &a, &b, &c);
63
         add(a, b, c); // 初始流量为0, 对于原图的残留网络, 正向边容量为c-0=c, 反
64
            向边容量为0+0=0
65
      printf("%d\n", dinic());
66
67
      return 0;
68
```

2.8.2 EK

```
#include <bits/stdc++.h>
2
3
   using namespace std;
4
5
   const int N = 1010, M = 20010, INF = 1e9;
6
7
   int n, m, S, T;
   int h[N], e[M], w[M], ne[M], idx;
8
9
  bool st[N];
   |int q[N], f[N]; // f[i]表示以i结尾的增广路径的流量(即路径上容量的最小值)
10
11 | int pre[N]; // pre[i]表示i的前驱边的编号(即指向i的边)
12
```

```
13
   void add(int a, int b, int c) {
14
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
      e[idx] = a, w[idx] = 0, ne[idx] = h[b], h[b] = idx++;
15
16
17
18 | bool bfs() { // 判断残留网络是否存在增广路(即从S到T存在边全大于0的路径)
19
      int hh = 0, tt = -1;
20
      memset(st, false, sizeof st);
21
      q[++tt] = S, st[S] = true, f[S] = INF;
22
      while (hh <= tt) {</pre>
23
         int t = q[hh++];
24
         for (int i = h[t]; ~i; i = ne[i]) {
25
            int j = e[i];
26
            if (!st[j] && w[i]) {
27
               q[++tt] = j;
28
              st[j] = true;
29
              pre[j] = i; // 记录j的前驱边
30
               f[j] = min(f[t], w[i]);
               if (j == T) return true; // j是终点,即找到了增广路,此时增广路
31
                  的流量即f[T]
32
            }
33
         }
34
      return false; // 残留网络不存在增广路,那么此时原图的可行流流量就是最大流
35
36
   }
37
38 int EK() {
39
      int flow = 0;
      while (bfs()) { // 如果残留网络存在增广路f', 就将他的流量加到原网络的流量上
40
41
         flow += f[T];
         for (int i = T; i != S; i = e[pre[i] ^ 1]) { // 更新残留网络
42
43
            w[pre[i]] = f[T], w[pre[i] ^ 1] += f[T];
44
45
      return flow; // 最大流
46
47
   }
48
49 | int main() {
50
      cin >> n >> m >> S >> T;
      memset(h, -1, sizeof h);
51
      while (m--) {
52
53
         int a, b, c;
54
         scanf("%d%d%d", &a, &b, &c);
```

```
add(a, b, c); // 初始流量为0, 对于原图的残留网络,正向边容量为c-0=c,反
向边容量为0+0=0
56 }
57 printf("%d\n", EK());
58 return 0;
59 }
```

2.9 二分图

2.9.1 染色法

```
/* O(n+m) */
2
   int n, m;
   int h[N], e[M], ne[M] ,idx;
   int color[N];
 4
5
 6
   // 返回false染色失败,不是二分图
7
   bool dfs(int u, int c) {
      color[u] = c; // 将u染成c
8
      for (int i = h[u]; ~i; i = ne[i]) {
9
         int j = e[i];
10
11
         if (!color[j]) { // 如果j未染色
            if (!dfs(j, 3 - c)) return false; // 染色失败
12
         } else if (color[j] == c) {
13
            return false; // 与现有颜色矛盾
14
15
         }
16
17
      return true;
   }
18
19
20
   bool check() {
21
      for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
22
         if (!color[i])
23
            if (!dfs(i, 1))
24
               return false;
25
26
      return true;
27
```

2.9.2 匈牙利算法

```
1 int n1, n2, m;
```

```
int h[N], e[M], ne[M], idx;
   int match[N]; // match[j]:j号女生匹配的男生
 3
   /* 二分图最大匹配 O(nm)实际比较快 */
 4
  bool st[N];
 6
7
   void add(int a, int b) {
8
      e[idx] = b, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
 9
   }
10
  bool find(int x) {
11
      // 遍历x号男生看上的所有女生
12
      for (int i = h[x]; i != -1; i = ne[i]) {
13
         int j = e[i];
14
         if (!st[j]) { // 防止重复匹配
15
            st[j] = true; // 标即为匹配过了
16
            if (match[j] == 0 || find(match[j])) { // 如果j号女生还没有匹配
17
               到男生或者她匹配到的男生可以找到下家
              match[j] = x; // 就把j匹配给x
18
19
               return true;
20
            }
21
         }
22
23
      return false;
24
25
26 int calc() {
27
      int res = 0;
      for (int i = 1; i <= n1; i++) {</pre>
28
29
         memset(st, false, sizeof st);
30
         if (find(i)) res++;
31
32
      return res;
33
```

2.9.3 最大流之二分图最大匹配

```
1  /* AcWing2175 飞行员配对方案问题 */
2  #include <bits/stdc++.h>
3
4  using namespace std;
5
6  const int N = 210, M = 30010, INF = 1e9;
7
```

```
int m, n, S, T;
   int h[N], e[M], w[M], ne[M], idx;
9
10
   int q[N], d[N], cur[N];
11
12 void add(int a, int b, int c) {
13
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
14
      e[idx] = a, w[idx] = 0, ne[idx] = h[b], h[b] = idx++;
15
   }
16
17 |bool bfs() {
18
      int hh = 0, tt = -1;
19
      memset(d, -1, sizeof d);
20
      q[++tt] = S, d[S] = 0, cur[S] = h[S];
21
      while (hh <= tt) {</pre>
22
         int t = q[hh++];
23
         for (int i = h[t]; ~i; i = ne[i]) {
24
             int j = e[i];
25
             if (d[j] == -1 && w[i]) {
26
                d[j] = d[t] + 1;
27
                cur[j] = h[j];
28
                q[++tt] = j;
29
                if (j == T) return true;
30
             }
31
          }
32
33
      return false;
34
   }
35
36
   int find(int u, int limit) {
37
      if (u == T) return limit;
38
      int flow = 0;
39
      for (int i = cur[u]; ~i && flow < limit; i = ne[i]) {</pre>
40
         int j = e[i];
         cur[u] = i;
41
         if (d[j] == d[u] + 1 && w[i]) {
42
43
             int t = find(j, min(w[i], limit - flow));
44
             if (!t) d[j] = -1;
45
             w[i] -= t, w[i ^ 1] += t, flow += t;
46
          }
47
48
      return flow;
49
50
```

```
int dinic() {
51
52
      int max flow = 0;
53
      while (bfs()) while (int flow = find(S, INF)) max flow += flow;
      return max_flow;
54
55
56
57
   int main() {
58
      cin >> m >> n;
59
      memset(h, -1, sizeof h);
      S = 0, T = n + 1;
60
      int a, b, cnt = 0;
61
62
      while (cin >> a >> b, a != -1) add(a, b, 1), cnt += 2;
      for (int i = 1; i <= m; i++) add(S, i, 1);</pre>
63
      for (int i = m + 1; i <= n; i++) add(i, T, 1);</pre>
64
      printf("%d\n", dinic());
65
      for (int i = 0; i < cnt; i += 2) {</pre>
66
67
          if (!w[i]) printf("%d %d\n", e[i ^ 1], e[i]);
68
69
      return 0;
70
   }
```

2.9.4 最大流之二分图多重匹配

```
/* AcWing2179 圆桌问题 */
1
2
   #include <bits/stdc++.h>
3
 4
   using namespace std;
5
   const int N = 500, M = 90010, INF = 1e9;
 6
7
8
   int m, n, S, T, tot;
9
   int h[N], e[M], ne[M], w[M], idx;
10
   int q[N], d[N], cur[N];
11
12 | void add(int a, int b, int c) {
13
      e[idx] = b, w[idx] = c, ne[idx] = h[a], h[a] = idx++;
14
      e[idx] = a, w[idx] = 0, ne[idx] = h[b], h[b] = idx++;
15
   }
16
17 bool bfs() {
      int hh = 0, tt = -1;
18
      memset(d, -1, sizeof d);
19
20
      q[++tt] = S, d[S] = 0, cur[S] = h[S];
```

```
21
      while (hh <= tt) {</pre>
22
          int t = q[hh++];
23
          for (int i = h[t]; ~i; i = ne[i]) {
24
             int j = e[i];
             if (d[j] == -1 && w[i]) {
25
26
                d[j] = d[t] + 1;
27
                cur[j] = h[j];
28
                q[++tt] = j;
29
                if (j == T) return true;
30
             }
31
          }
32
33
      return false;
34
35
36 int find(int u, int limit) {
37
      if (u == T) return limit;
38
      int flow = 0;
39
      for (int i = cur[u]; ~i && flow < limit; i = ne[i]) {</pre>
40
          int j = e[i];
41
          cur[u] = i;
42
          if (d[j] == d[u] + 1 && w[i]) {
             int t = find(j, min(w[i], limit - flow));
43
44
             if (!t) d[j] = -1;
             w[i] -= t, w[i ^ 1] += t, flow += t;
45
46
47
      }
48
      return flow;
49
   }
50
51
   int dinic() {
52
      int max flow = 0;
53
      while (bfs()) while (int flow = find(S, INF)) max flow += flow;
54
      return max flow;
55
   }
56
57
   int main() {
58
      cin >> m >> n;
      S = 0, T = m + n + 1;
59
60
      memset(h, -1, sizeof h);
61
      for (int i = 1; i <= m; i++) {</pre>
          int x; scanf("%d", &x);
62
          tot += x, add(S, i, x);
63
```

```
64
65
       for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
          int x; scanf("%d", &x);
66
          add(m + i, T, x);
67
68
       for (int i = 1; i <= m; i++) {</pre>
69
70
          for (int j = 1; j <= n; j++) {</pre>
             add(i, m + j, 1);
71
72
          }
73
74
       if (tot != dinic()) return 0 * puts("0");
75
       puts("1");
       for (int i = 1; i <= m; i++) {</pre>
76
77
          for (int j = h[i]; ~j; j = ne[j]) {
78
             int k = e[j];
             if (k > m \&\& !w[j]) printf("%d ", k - m);
79
80
81
          puts("");
82
83
       return 0;
84
```

3 字符串

3.1 Manacher

```
/* O(n)求字符串s的最大回文长度 */
2
  #include <iostream>
  #include <cstring>
  #include <cstdio>
 4
   #include <algorithm>
6
7
   using namespace std;
8
9
   const int N = 2000010;
10
  int n, m, Case;
11
   char s[N], str[N]; // s为原串, str为插入分隔符后的串
12
   int p[N]; // p[i] 为str中以下标i为中心的最大回文半径
13
   // p[i]-1为s中以i为回文中心的最大回文长度
14
15
16 void manacher() {
```

```
17
      int rt = 0, mid = 0;
18
      int res = 0;
19
      for (int i = 1; i <= m; i++) {</pre>
         p[i] = i < rt ? min(p[2 * mid - i], rt - i) : 1;
20
21
         while (str[i + p[i]] == str[i - p[i]]) p[i]++;
22
         if (i + p[i] > rt) {
23
            rt = i + p[i];
24
             mid = i;
25
         }
26
         res = max(res, p[i] - 1);
27
28
      printf("Case %d: %d\n", ++Case, res);
29
30
31
   int main() {
      str[0] = '!', str[1] = '#'; /* str[0]为哨兵 */
32
33
      while (scanf("%s", s), s[0] != 'E') {
34
         n = strlen(s);
35
         for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
             str[i * 2 + 2] = s[i];
36
37
             str[i * 2 + 3] = '#';
38
39
         m = n * 2 + 1;
         str[m + 1] = '@'; /* 哨兵 */
40
41
         manacher();
42
43
      return 0;
44
   }
```

3.2 KMP

```
/* 求出模板串P在模式串S中所有出现的位置的起始下标 */
 2
  #include <iostream>
3
  #include <algorithm>
4
5
  using namespace std;
6
7
  |const int N = 10010, M = 100010;
8
9
  | int n, m; // n, m分别为p, s的长度
10
  char p[N], s[M];
11 | int ne[N]; // ne[i]表示以i结尾的真后缀能够匹配前缀的最大长度
```

```
12
13
   int main() {
14
       cin >> n >> p + 1 >> m >> s + 1;
       for (int i = 2, j = 0; i <= n; i++) {</pre>
15
          while (j && p[i] != p[j + 1]) j = ne[j];
16
17
          if (p[i] == p[j + 1]) j++;
         ne[i] = j;
18
19
20
       for (int i = 1, j = 0; i <= m; i++) {
21
          while (j \&\& (s[i] != p[j + 1])) j = ne[j];
22
          if (s[i] == p[j + 1]) j++;
          if (j == n) { // 匹配完成
23
             printf("%d ", i - 1 - n + 1);
24
             j = ne[j];
25
26
27
       }
28
      return 0;
29
   }
```

3.3 AC 自动机

```
/*
1
2
   * AcWing1282 搜索关键词
   * 输入: T组数据,给定n,然后n个单词,最后给一个字符串表示文章
 3
   * 求有多少个单词(可以是相同的)在文章中出现
 4
   */
5
6
  #include <iostream>
7
  #include <cstring>
8
  #include <algorithm>
9
10
  using namespace std;
11
12
  const int N = 10010 * 50, M = 1000010;
13
14
   int T, n;
15
  int son[N][26], cnt[N], idx;
16 | int ne[N];
17 | char str[M];
18 int ans;
19 | int q[N];
20
21 void insert(char str[]) {
```

```
22
       int p = 0;
23
       for (int i = 0; str[i]; i++) {
24
          int u = str[i] - 'a';
25
          if (!son[p][u]) son[p][u] = ++idx;
26
          p = son[p][u];
27
28
       cnt[p]++;
29
   }
30
31
   void build() {
32
       int hh = 0, tt = -1;
33
       for (int i = 0; i < 26; i++) {</pre>
34
          if (son[0][i]) q[++tt] = son[0][i];
35
36
      while (hh <= tt) {</pre>
37
          int t = q[hh++];
38
          for (int i = 0; i < 26; i++) {</pre>
39
             if (!son[t][i]) son[t][i] = son[ne[t]][i];
40
             else {
41
                ne[son[t][i]] = son[ne[t]][i];
42
                q[++tt] = son[t][i];
43
             }
44
          }
45
46
   }
47
48
   void init() {
49
       memset(ne, 0, sizeof ne);
50
       idx = 0;
51
      memset(cnt, 0, sizeof cnt);
52
      memset(son, 0, sizeof son);
53
   }
54
55
   void solve() {
56
       init();
57
       cin >> n;
58
       for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
59
          scanf("%s", str);
60
          insert(str);
61
       }
62
      build();
       scanf("%s", str);
63
       ans = 0;
64
```

```
65
       for (int i = 0, j = 0; str[i]; i++) {
66
          int u = str[i] - 'a';
67
          j = son[j][u];
          int k = j;
68
69
          while (k) {
70
             ans += cnt[k];
71
             cnt[k] = 0;
72
             k = ne[k];
73
          }
74
75
       cout << ans << endl;</pre>
76
   }
77
78
   int main() {
79
      cin >> T;
80
       while (T--) solve();
81
       return 0;
82
```

4 其他

4.1 离散化

```
vector<int> alls;
sort(alls.begin(), alls.end());
alls.erase(unique(alls.begin(), alls.end()), alls.end());
int find(int x) {
   return lower_bound(alls.begin(), alls.end(), x) - alls.begin();
}
```

4.2 高精度

```
struct hll {
1
2
     int num[4010], len, sign;
     hll() { len = 0, sign = 1; }
3
4
     hll(int x) { *this = x; }
5
     hll(long long x) { *this = x; }
     hll(char *ss) { *this = ss; }
6
7
     hll(string ss) { *this = ss; }
8
     hll& operator = (const int &x) {
9
        int val = x;
```

```
10
         if (val >= 0) sign = 1, len = 0;
11
         else if (val < 0) sign = -1, val = -val, len = 0;
12
13
            num[len++] = val % 10, val /= 10;
14
          } while (val);
15
         return *this;
16
17
      hll& operator = (const long long &x) {
18
         long long val = x;
19
         if (val >= 0) sign = 1, len = 0;
20
         else if (val < 0) sign = -1, val = -val, len = 0;
21
         do {
            num[len++] = val % 10, val /= 10;
22
23
          } while (val);
24
         return *this;
25
      }
26
      hll& operator = (const string &ss) {
27
         len = ss.size();
28
         int start;
         if (ss[0] == '-') sign = -1, start = 1;
29
30
         else sign = 1, start = 0;
31
         for (int i = len - 1; i >= start; i--) num[len - i - 1] = ss[i]
            - '0';
32
         if (sign == -1) len--;
         return *this;
33
34
35
      hll& operator = (const char *ss) {
36
         len = strlen(ss);
37
         int start;
38
         if (ss[0] == '-') sign = -1, start = 1;
         else sign = 1, start = 0;
39
40
         for (int i = len - 1; i >= start; i--) num[len - i - 1] = ss[i]
            - '0';
41
         if (sign == -1) len--;
         return *this;
42
43
      hll& operator = (const hll &t) {
44
45
         len = t.len, sign = t.sign;
46
         for (int i = 0; i < len; i++) num[i] = t.num[i];</pre>
47
         return *this;
48
      int abs_cmp(const hll &a, const hll &b) const { // |a|>|b|时返回1,
49
         相等返回0, 小于返回-1
```

```
50
          if (a.len > b.len) return 1;
51
          else if (a.len < b.len) return -1;</pre>
52
          else {
             for (int i = a.len - 1; i >= 0; i--) {
53
54
                if (a.num[i] < b.num[i]) return -1;</pre>
55
                if (a.num[i] > b.num[i]) return 1;
56
             }
57
             return 0;
58
          }
59
      int cmp(const hll &t) const { // *this与t比较,小于返回-1,等于返回0,大
60
          于返回1
          if (sign != t.sign) {
61
62
             if (sign == 1) return 1;
63
             else return -1;
          } else {
64
65
             if (abs cmp(*this, t) == 1) return sign;
66
             else if (abs cmp(*this, t) == 0) return 0;
             else return -sign;
67
68
          }
69
70
      hll abs plus(const hll &a, const hll &b) { // |a|+|b|, ans的符号与a
          和b原来的符号相同
71
          hll ans;
72
          ans.sign = a.sign;
73
          for (int i = 0, carry = 0; i < a.len || i < b.len || carry; i++)</pre>
              {
74
             if (i < a.len) carry += a.num[i];</pre>
75
             if (i < b.len) carry += b.num[i];</pre>
76
             ans.num[ans.len++] = carry % 10;
77
             carry /= 10;
78
          }
79
          return ans;
80
81
      hll abs minus(const hll &a, const hll &b) { // ||a|-|b||, ans的符号
          为 | a | - | b | 的符号
          hll ans, c, d;
82
          if (abs cmp(a, b) \geq 0) ans.sign = 1, c = a, d = b;
83
          else ans.sign = -1, c = b, d = a;
84
85
          for (int i = 0, borrow = 0; i < c.len; i++) {</pre>
86
             borrow = c.num[i] - borrow;
87
             if (i < d.len) borrow -= d.num[i];</pre>
88
             ans.num[ans.len++] = (borrow + 10) % 10;
```

```
89
             if (borrow >= 0) borrow = 0;
 90
             else borrow = 1;
 91
 92
          while (ans.len > 1 \&\& ans.num[ans.len - 1] == 0) ans.len- ; //
             去除前导0
 93
          return ans;
 94
       bool operator == (const hll &t) const { return cmp(t) == 0; }
 95
 96
       bool operator != (const hll &t) const { return ! (cmp(t) == 0); }
       bool operator < (const hll &t) const { return cmp(t) == -1; }</pre>
 97
 98
       bool operator > (const hll &t) const { return cmp(t) == 1; }
 99
       bool operator <= (const hll &t) const { return ! (cmp(t) == 1); }</pre>
       bool operator >= (const hll &t) const { return ! (cmp(t) == -1); }
100
101
       hll operator + (const hll &t) {
102
          hll ans;
          if (sign == t.sign) { // 同号 直接相加,符号不变
103
104
             ans = abs_plus(*this, t);
          } else { // 异号
105
             if (sign == 1) { // 前正 + 后负 == 前绝对值 - 后绝对值
106
                ans = abs minus(*this, t);
107
             } else { // 前负 + 后正 == 后绝对值 - 前绝对值
108
109
                ans = abs minus(t, *this);
110
111
112
          return ans;
113
114
       hll operator - (const hll &t) {
115
          hll ans;
116
          if (sign == t.sign) { // 同号
117
             ans = abs minus(*this, t);
             if (sign == 1) { // 前正 - 后正
118
                ; // 不用做了
119
             } else { // 前负 - 后负
120
                ans.sign *= -1;
121
122
             }
123
          } else { // 异号
             if (sign == 1) { // 前正 - 后负 == 前绝对值 + 后绝对值
124
                ans = abs plus(*this, t);
125
             } else { // 前负 - 后正 == -(前绝对值 + 前绝对值)
126
127
                ans = abs_plus(t, *this);
128
                ans.sign = -1;
129
             }
130
          }
```

```
131
          return ans;
132
       }
       hll operator * (const hll &t) { // 高精度*高精度
133
134
          hll ans;
          memset(ans.num, 0, len + t.len << 2);
135
          ans.sign = sign * t.sign;
136
          ans.len = len + t.len - 1; // a位数乘以b位数,得到的结果是a+b-1位数,
137
              或a+b位数
138
          for (int i = 0; i < len; i++) {</pre>
             for (int j = 0; j < t.len; j++)</pre>
139
140
                ans.num[i + j] += num[i] * t.num[j];
141
          for (int i = 0; i < ans.len - 1; i++) {</pre>
142
             if (ans.num[i] >= 10) {
143
144
                ans.num[i + 1] += ans.num[i] / 10;
145
                ans.num[i] %= 10;
146
             }
147
          }
          // 看最高位是否需要进位,如果有进位,答案最终是a+b位数,否则是a+b-1位数
148
          if (ans.num[ans.len - 1] >= 10) {
149
             ans.num[ans.len] = ans.num[ans.len - 1] / 10;
150
151
             ans.num[ans.len - 1] %= 10;
152
             ans.len++;
153
154
          while (ans.len > 1 && ans.num[ans.len - 1] == 0) ans.len--; //
              去除前导0
155
          return ans;
156
157
       hll operator += (const hll &t) {
158
          return *this + t;
159
       }
160
       hll operator *= (const hll &t) {
          return *this * t;
161
162
       void print() {
163
          if (sign == -1) putchar('-');
164
          for (int i = len - 1; i >= 0; i--) putchar(num[i] + '0');
165
166
       }
167
    };
```