

資料結構 HW 2

學號:41043138

姓名:紀宇駿

August 06, 2024

1. 解題說明

2. 演算法設計與實作

3. 效能分析

4. 測試與驗證

5. 效能量測

6. 心得

CH 1

解題說明

利用 `Polynomial` 類別來表示多項式，並實現加法、乘法和求值操作。這個類別能處理多項式的輸入和輸出，並使用運算符重載來簡化這些操作。

舉例

使用本題測試數值來舉例：poly1: $4x^4 + 3x^3 + 2x^2 + 1x^1$, poly2: $5x^3 + 4x^2 + 3x^1 + 2$

1. 和: $\text{poly1} + \text{poly2} = (3+1)x^2 + 2x + (1+4) = 4x^2 + 2x + 5$
2. 積: $\text{poly1} * \text{poly2} = (3x^2 + 2x + 1)(x^2 + 4) = 3x^4 + 12x^2 + 2x^3 + 8x + x^2 + 4 = 3x^4 + 2x^3 + 13x^2 + 8x + 4$
3. 計算: 在 $x=2$ 時 $\text{poly1}(2) = 74, \text{poly2}(2) = 74$

CH 2

演算法設計與實作

```
1  #include <iostream>
2  #include <vector>
3  #include <cmath>
4  #include <algorithm>
5
6
7  // 定義表示多項式的單項式類別
8  class SingleTerm {
9  public:
10     SingleTerm(float coefficient = 0, int exponent = 0) : coef(coefficient), exp(exponent) {}
11     float coef; // 係數
12     int exp;    // 指數
13 };
14
15 // 定義表示多項式的類別
16 class Polynomial {
17 public:
18     Polynomial() = default;
19     Polynomial(const Polynomial&) = default;
20     Polynomial& operator=(const Polynomial&) = default;
21     ~Polynomial() = default;
22
23     void AppendTerm(float coefficient, int exponent); // 插入單項式
24     Polynomial SumWith(const Polynomial& other) const; // 多項式相加
25     Polynomial MultiplyWith(const Polynomial& other) const; // 多項式相乘
26     float EvaluateAt(float value) const; // 計算多項式在某點的值
27     Polynomial Derivative() const; // 計算多項式的一次導數
28
29     friend std::ostream& operator<<(std::ostream& out, const Polynomial& poly); // 重載輸出運算符
30     friend std::istream& operator>>(std::istream& in, Polynomial& poly); // 重載輸入運算符
31 }
```

```

32 private:
33     std::vector<SingleTerm> terms; // 存儲多項式的單項式
34
35     // 比較單項式的指數，用於排序
36     static bool CompareTerms(const SingleTerm& a, const SingleTerm& b) {
37         return a.exp > b.exp;
38     }
39 };
40
41 // 插入單項式到多項式中
42 void Polynomial::AppendTerm(float coefficient, int exponent) {
43     if (coefficient == 0) return; // 忽略係數為零的項
44
45     // 查找是否存在相同指數的單項式
46     for (auto& term : terms) {
47         if (term.exp == exponent) {
48             term.coef += coefficient;
49             if (term.coef == 0) {
50                 // 如果係數相加後為零，則刪除該單項式
51                 terms.erase(std::remove_if(terms.begin(), terms.end(), [exponent](const SingleTerm& t) { return t.exp == exponent; }), terms.end());
52             }
53             std::sort(terms.begin(), terms.end(), CompareTerms); // 按指數排序
54             return;
55         }
56     }
57
58     // 如果沒有相同指數的單項式，則添加新單項式
59     terms.emplace_back(coefficient, exponent);
60     std::sort(terms.begin(), terms.end(), CompareTerms); // 按指數排序
61 }
62
63 // 多項式相加
64 Polynomial Polynomial::SumWith(const Polynomial& other) const {
65     Polynomial result = *this;
66     for (const auto& term : other.terms) {
67         result.AppendTerm(term.coef, term.exp);
68     }
69     return result;
70 }
71
72 // 多項式相乘
73 Polynomial Polynomial::MultiplyWith(const Polynomial& other) const {
74     Polynomial result;
75     for (const auto& term1 : terms) {
76         for (const auto& term2 : other.terms) {
77             result.AppendTerm(term1.coef * term2.coef, term1.exp + term2.exp);
78         }
79     }
80     return result;
81 }
82

```

```

82
83 // 計算多項式在某點的值
84 float Polynomial::EvaluateAt(float value) const {
85     float result = 0;
86     for (const auto& term : terms) {
87         result += term.coef * std::pow(value, term.exp);
88     }
89     return result;
90 }
91
92 // 計算多項式的一次導數
93 Polynomial Polynomial::Derivative() const {
94     Polynomial deriv;
95     for (const auto& term : terms) {
96         if (term.exp != 0) {
97             deriv.AppendTerm(term.coef * term.exp, term.exp - 1);
98         }
99     }
100     return deriv;
101 }
102
103 // 重載輸出運算符
104 std::ostream& operator<<(std::ostream& out, const Polynomial& poly) {
105     if (poly.terms.empty()) {
106         out << "0";
107         return out;
108     }
109     bool first = true;
110     for (const auto& term : poly.terms) {
111         if (!first && term.coef > 0) out << " + ";

```

```

112         if (term.coef < 0) out << " - ";
113         if (!first && term.coef < 0) out << -term.coef;
114         else out << term.coef;
115
116         if (term.exp > 0) out << "x^" << term.exp;
117         first = false;
118     }
119     return out;
120 }
121
122 // 重載輸入運算符
123 □ std::istream& operator>>(std::istream& in, Polynomial& poly) {
124     int numTerms;
125     std::cout << "輸入單項式數量：";
126     □ if (!(in >> numTerms) || numTerms < 0) {
127         std::cerr << "無效的單項式數量" << std::endl;
128         in.setstate(std::ios::failbit);
129         return in;
130     }
131
132     □ for (int i = 0; i < numTerms; ++i) {
133         float coefficient;
134         int exponent;
135         std::cout << "輸入係數和指數：";
136         □ if (!(in >> coefficient >> exponent)) {
137             std::cerr << "無效係數或指數" << std::endl;
138             in.setstate(std::ios::failbit);
139             return in;
140         }
141         poly.AppendTerm(coefficient, exponent);

```

```

142     }
143 }
144     return in;
145 }
146
147 int main() {
148     Polynomial poly1, poly2;
149     std::cout << "輸入多項式 1: " << std::endl;
150     std::cin >> poly1;
151     std::cout << "輸入多項式 2: " << std::endl;
152     std::cin >> poly2;
153
154     Polynomial sum = poly1.SumWith(poly2);
155     Polynomial product = poly1.MultiplyWith(poly2);
156
157     std::cout << "多項式 1: " << poly1 << std::endl;
158     std::cout << "多項式 2: " << poly2 << std::endl;
159     std::cout << "和: " << sum << std::endl;
160     std::cout << "積: " << product << std::endl;
161
162     float x;
163     std::cout << "輸入計算這兩個多項式: ";
164     if (std::cin >> x) {
165         std::cout << "poly1(" << x << ") = " << poly1.EvaluateAt(x) << std::endl;
166         std::cout << "poly2(" << x << ") = " << poly2.EvaluateAt(x) << std::endl;
167     }
168     else {
169         std::cerr << "無效輸入" << std::endl;
170     }
171
172     Polynomial deriv1 = poly1.Derivative();
173     Polynomial deriv2 = poly2.Derivative();
174
175     std::cout << "多項式 1 的導數: " << deriv1 << std::endl;
176     std::cout << "多項式 2 的導數: " << deriv2 << std::endl;
177
178     return 0;
179 }
180

```

CH 3

效能分析

Time Complexity

1. **AppendTerm:** $O(n)$, n 是單項式的數量。
2. **SumWith:** $O(n \log n)$
3. **MultiplyWith:** $O(nm)$, n 和 m 是兩個多項式的單項式數量。
4. **EvaluateAt:** $O(n)$, n 是單項式的數量。
5. **Derivative:** $O(n)$, n 是單項式的數量。

Space Complexity

1. **AppendTerm:** $O(n)$, n 是單項式的數量。
2. **SumWith:** $O(n + m)$
3. **MultiplyWith:** $O(nm)$
4. **EvaluateAt:** $O(1)$
5. **Derivative:** $O(n)$

CH 4

測試與驗證

```
輸入多項式 1:
輸入單項式數量: 4
輸入係數和指數: 1 3
輸入係數和指數: 2 4
輸入係數和指數: 1 1
輸入係數和指數: 2 4
輸入多項式 2:
輸入單項式數量: 4
輸入係數和指數: 5 1
輸入係數和指數: 4 2
輸入係數和指數: 5 3
輸入係數和指數: 2 2
多項式 1:  $4x^4 + 1x^3 + 1x^1$ 
多項式 2:  $5x^3 + 6x^2 + 5x^1$ 
和:  $4x^4 + 6x^3 + 6x^2 + 6x^1$ 
積:  $20x^7 + 29x^6 + 26x^5 + 10x^4 + 6x^3 + 5x^2$ 
輸入計算這兩個多項式: 2
poly1(2) = 74
poly2(2) = 74
多項式 1 的導數:  $16x^3 + 3x^2 + 1$ 
多項式 2 的導數:  $15x^2 + 12x^1 + 5$ 
C:\資料結構暑修\新增資料夾\hw2\Debug\hw2.exe (處理序 20844) 已結束，出現代碼 0。
若要在偵錯停止時自動關閉主控台，請啟用 [工具] -> [選項] -> [偵錯] -> [偵錯停止時，自動關閉主控台]。
按任意鍵關閉此視窗...
```

CH 5

效能量測

CH 6

心得

這次暑修速度比起以往上課時來的快許多，因此更能知道自己不足需要加強的地方是哪些，這次作業是實作多項式類別與其相關操作等等，都是我必須要學會的東西，也透過此次作業讓我有更進一步的認識，在自己寫程式上有很多不足的地方透過使用chatgpt才得以完成，也讓我更加體認到自己在程式方面上的實力不夠，我會更加努力的。

寫程式以及計算複雜度有透過
chatgpt進行輔助