

Permutazione genetica (permutazione)

Limite di tempo: 1.0 secondi
Limite di memoria: 256 MiB

Da quando ha cominciato a lavorare come ricercatore, Giorgio si diverte a fare esperimenti su cavie animali. In particolare si è deciso ad ottenere due topi superintelligenti, proprio come nel suo cartone preferito: per raggiungere questo obiettivo però, Giorgio deve incrementare esponenzialmente il potenziale genetico dei due topi da laboratorio a sua disposizione. Il nostro protagonista ritiene infatti che una semplice mutazione genetica non sia sufficiente a raggiungere l'obiettivo, e per questo motivo decide di produrre una *permutazione genetica*.

Per gli scopi di Giorgio, definiamo una *permutazione genetica* come una stringa lunga 26 caratteri che vanno dalla lettera A alla Z. In particolare, affinché la mutazione abbia effetto, è necessario che la sua *funzione esponentiale* valga esattamente K .

Per calcolare la funzione esponentiale di una permutazione genetica dobbiamo osservare le variazioni tra le 25 coppie di lettere consecutive (le prime due lettere, le seconde due lettere, e così via). Ad esempio, consideriamo la permutazione genetica banale:

A, B, C, D, E, F, G, H, I, J, K, L, M, N, O, P, Q, R, S, T, U, V, W, X, Y, Z

Le variazioni tra le coppie di lettere consecutive sono tutte di una sola lettera (infatti la distanza tra A e B, tra B e C e così via, è sempre pari a 1). Prendiamo l'insieme di tutte le variazioni, cancelliamo i duplicati, ed il numero di valori rimanenti sarà pari alla funzione esponentiale della permutazione!

Lo stesso vale per quest'altra permutazione, dato che la distanza tra Z e Y è ancora pari ad 1:

Z, Y, X, W, V, U, T, S, R, Q, P, O, N, M, L, K, J, I, H, G, F, E, D, C, B, A

Un esempio più significativo permette di capire meglio:

P, L, T, A, V, H, F, W, D, Z, J, O, S, G, U, K, X, R, I, N, C, Y, E, Q, M, B

In questo caso le distanze tra le lettere consecutive sono:

4, 8, 19, 21, 14, 2, 17, 19, 22, 16, 5, 4, 12, 14, 10, 13, 6, 9, 5, 11, 22, 20, 12, 4, 11

Eliminando i duplicati otteniamo:

2, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 16, 17, 19, 20, 21, 22

Essendoci 17 valori diversi, la funzione esponentiale vale 17.

Scrivi un programma che, ricevuto K , produca una qualsiasi permutazione genetica che abbia funzione esponentiale pari a K .

Implementazione

Dovrai sottoporre esattamente un file con estensione `.c`, `.cpp` o `.pas`.

📎 Tra gli allegati a questo task troverai un template (`permutazione.c`, `permutazione.cpp`, `permutazione.pas`) con un esempio di implementazione da completare.

Se sceglierai di utilizzare il template, dovrai implementare la seguente funzione:

C/C++	<code>void permuta(int K, char* P[]);</code>
Pascal	<code>procedure permuta(K: longint; var P: array of char);</code>

In cui:

- L'intero K è il valore della funzione esponenziale richiesto.
- L'array di caratteri P andrà riempito dalla funzione con 26 caratteri (indicizzati da 0 a 25) che formano una permutazione genetica corretta.

Dati di input

Il file `input.txt` è composto da un'unica riga contenente l'unico intero K .

Dati di output

Il file `output.txt` è composto da un'unica riga contenente una stringa di 26 caratteri, la risposta a questo problema.

Assunzioni

- $1 \leq K \leq 25$.

Assegnazione del punteggio

Il tuo programma verrà testato su diversi test case raggruppati in subtask. Per ottenere il punteggio relativo ad un subtask, è necessario risolvere correttamente tutti i test relativi ad esso.

- **Subtask 1 [10 punti]:** Casi d'esempio.
- **Subtask 2 [20 punti]:** $K \leq 3$.
- **Subtask 3 [30 punti]:** $K \geq 23$.
- **Subtask 4 [40 punti]:** Nessuna limitazione specifica.

Esempi di input/output

<code>input.txt</code>	<code>output.txt</code>
1	ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
1	ZYXWVUTSRQPONMLKJIHGFEDCBA
17	PLTAVHFWDZJOSGUKXRINCYEQMB