

# 河內塔問題系統規劃文件

## 目錄

1. 簡介
2. 問題描述
3. 解決方案概述
4. 系統架構
5. 模組說明
6. 範本
7. 測試計劃
8. 開發環境
9. 風險評估
10. 參考資料
11. 程式架構
12. 使用 CMD 呈現

## 1. 簡介

本文件旨在定義河內塔問題的解決方案，提供開發人員清晰的思路和指導，以實現一個有效的河內塔求解系統。

## 2. 問題描述

河內塔問題的目標是將一堆不同大小的圓盤從「三個塔」中起始塔上移動到目標塔上，並遵循以下規則：

- 每次只能移動一個圓盤。
- 大圓盤不能疊在小圓盤之上。

## 3. 解決方案概述

我們將開發一個河內塔求解系統，該系統將根據輸入的圓盤數目，計算出移動圓盤的步驟，並提供一個漸進式的解決方法。我們將使用「遞迴」的技巧來解決河內塔問題。核心思想是將大問題分解為更小的子問題，然後遞迴地解決這些子問題，最終組合成大問題的解。

大問題：將  $n$  個圓盤依河內塔規則由大到小排序到目標塔上。

子問題：

1. 移動  $n-1$  個圓盤從起始針到暫存塔。
2. 移動最大的圓盤從起始針到目標塔。
3. 移動  $n-1$  個圓盤從輔助針到目標塔。

第一個子問題會在拆解成更多子問題。

子問題的「大問題」：將  $n-1$  個圓盤依河內塔規則由大到小排序到子問題的「目標塔」上。

子問題的「子問題」：

- 移動  $n-2$  個圓盤從起始針到暫存塔。
- 移動最大的圓盤從起始針到目標塔。
- 移動  $n-2$  個圓盤從輔助針到目標塔。

...一直延伸子問題，

最後將最小的圓盤放到目標塔上。

## 4. 系統架構

前端：

河內塔求解系統只由前端 **React** 完成，將包含以下組件及功能：

- Header 組件
- 遞迴功能
- 結果顯示模組：
  - List 組件
  - Item 組件

後端：

- Node.js server

## 5. 模組說明

Header 組件：

1. 負責接收使用者輸入的圓盤數目。
2. 確認輸入參數的合法性，避免無效輸入。
3. 初始化河內塔的初始狀態，將圓盤放置在起始塔上。

遞迴功能：

1. 實現遞迴算法，解決河內塔問題。
2. 記錄每一步的移動過程，以便後續顯示。

結果顯示模組：

List 組件：顯示每個移動步驟的 Item 組件列表。

Item 組件：顯示特定移動步驟的詳細資訊。

Node.js 伺服器：

負責提供前端所需的公共資源，例如 **React** 程式碼、**CSS** 樣式和圖片等。

## 6. 範本

1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
2		2													
3	3		3	3		1	1		1			1	1		2
4	4		4	4	1	4	4	2	2	1	2	2	3	2	3
5	5	1	5	2	1	5	2	3	5	3	5	4	3	5	4
A	B	C	A	B	C	A	B	C	A	B	C	A	B	C	A

---

16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
2	2	2		1	1			1	1		1	1		3
3	3	3	3	2	2	1	2	2	2	4	2	4	1	4
5	4	4	5	1	4	5	1	4	5	3	4	5	3	2
A	B	C	A	B	C	A	B	C	A	B	C	A	B	C

---

31	32
2	2
3	3
4	4
1	5
A	B

## 7. 測試計劃

1. 測試小規模盤數
2. 測試中等規模盤數
3. 測試大規模盤數
4. 測試輸入非法參數的情況

## 8. 開發環境

- 前端：React
- 後端：Node.js

## 9. 風險評估

- 遞迴可能導致堆疊溢位。

## 10. 參考資料

- 河內塔問題相關文獻和資源。

## 11. 程式架構

### 1. 數據格式

利用根組件的 **state** 來儲存河內塔層數及每一步的河內塔的狀態，並會用下列以下格式存取，以利於最終數據呈現。

```
JSON ▼  
{  
  "tables": [  
    {  
      "A": [1, 2, 3, 4, 5]  
      "B": []  
      "C": []  
    },  
    {  
      "A": [2, 3, 4, 5]  
      "B": []  
      "C": [1]  
    },  
    ...  
  ]  
  "count": 5 //表示輸入層數  
}
```

### 2. 設計思路

用 3 個 Array A, B, C 來表示 3 塔，數字 1, 2, 3....來表示圓盤，如果對圓盤有做移動動作則會在 **tables** 中心增一個元素來表示移動後的狀態，直到最後一步也就是河內塔完成，**state** 中就會有每一個動作後的數據，最後依造 **tables** 的數據即在畫面呈現。

### 3.河內塔算法

```
buildTowers(n, sourceTower, tampTower, targetTower) {
  const { tables, count } = this.state;
  let towerObj = JSON.parse(JSON.stringify(tables[tables.length - 1]));
  // eslint-disable-next-line
  if (n == 1) {
    towerObj[targetTower].unshift(towerObj[sourceTower].shift());
    towerObj.id = nanoid();
    tables.push(towerObj);
    // eslint-disable-next-line
    if (count == 1) {
      this.setState({ tables });
    }
    return;
  }

  this.buildTowers(n - 1, sourceTower, targetTower, tampTower);
  towerObj = JSON.parse(JSON.stringify(tables[tables.length - 1]));
  towerObj[targetTower].unshift(towerObj[sourceTower].shift());
  towerObj.id = nanoid();
  tables.push(towerObj);
  this.buildTowers(n - 1, tampTower, sourceTower, targetTower);

  this.setState({ tables });
}
```

這是 code 中最核心的河內塔算法，

第一步 將 state 的 tables 中的最後一筆元素取出，目的是為了用最新一筆的盒內塔狀態去推演下一步後河內塔狀態。

第二步 做河內塔推演，推演的方式在「解決方案概述」中有敘述，主要就是使用遞迴來將問題最拆解，如果要去將最底層的圓盤移動到指定塔上，則需要將他上方的用盤都先移走，在問題就會變成

1.如何將上放的圓盤放到暫存塔上

```
this.buildTowers(n - 1, sourceTower, targetTower, tampTower);
```

2.之後如何將暫存塔上的圓盤一道目標塔上，

```
this.buildTowers(n - 1, tampTower, sourceTower, targetTower);
```

一直遞迴直到完成為止。

## 12. 使用 CMD 呈現

如果要使用要使用 CMD 呈現，數據格式並不會有太大改變，只是會去設計一個橫列最多會去輸出幾個 `step`，去劃分到哪為止，一行一行呈現，畫完後再接這去輸出下一個橫列的 `steps`。