## 题目 A. 选择

输入文件: standard input 输出文件: standard output

时间限制: 1 second 内存限制: 256 megabytes

选择正确的道路出发吧。

—— 来自虚空的声音

给定一个初始序列  $\{1,2,\ldots,n\}$ ,你需要进行若干次操作,将整个序列所有数变成零。每个操作由三步组成:

- 1. 选择一个下标集合  $S = \{i_1, i_2, \dots, i_k\} \subseteq \{1, 2, \dots, n\}$ ;
- 2. 选择一个非负整数 x;
- 3. 对每个选中的数减去  $x: \forall i \in S, a_i \leftarrow a_i x$ 。

请计算在最优策略下需要的操作次数。

### 输入

输入一行一个正整数  $n (1 \le n \le 10^6)$ 。

#### 输出

输出一行一个正整数,表示最少需要的操作次数。

#### 样例

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 1              | 1               |
| 2              | 2               |
| 3              | 2               |

#### 注释

对于第三组样例,一种最优方案的两次操作如下:

1. 
$$S = \{1, 3\}, x = 1 : a = \{0, 2, 2\};$$

2. 
$$S = \{2, 3\}, x = 2 : a = \{0, 0, 0\}.$$

可以证明,没有次数更少的方案。

## 题目 B. 锐评

输入文件: standard input 输出文件: standard output

时间限制: 1 second

内存限制: 256 megabytes

如果人们在网上看到一家店的好评率太低,或者读到类似「厨子偷吃」的差评,可能就不会去吃这家饭店了。

不过,如果你是火锅店老板,你也许会想尽办法让自己好评如潮。以下是两个可能的操作:

1. 花 1 块钱, 买水军增加一条好评。

2. 花 x 块钱, 用类似「侵犯名誉权」的理由举报掉一条差评。如果没有差评, 你不能这么做。

假设你有m块钱,现在网上有a条好评,b条差评。好评率被定义为

$$\frac{a}{a+b}$$
.

在预算范围内, 你会想办法最大化好评率。请计算你最终能的得到的最高好评率。由于你的动作真的很快, 所以我们假定除了你的操作以外, 评价数量不会发生变化。

### 输入

输入第一行一个整数 T  $(1 \le T \le 10^5)$ ,表示数据组数。 对于每组数据,输入一行四个整数 m, x, a, b  $(1 \le m, x, a, b \le 10^9)$ 。

### 输出

对于每组数据、输出一行一个小数、表示答案。

如果你的答案在相对误差或者绝对误差 10-6 以内,将会被认为是正确的。

#### 样例

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 4              | 1.00000000      |
| 4 1 5 3        | 0.833333333     |
| 4 2 5 3        | 0.750000000     |
| 4 3 5 3        | 0.750000000     |
| 4 4 5 3        |                 |

## 题目 C. 饮茶

输入文件: standard input 输出文件: standard output

时间限制: 1 second

内存限制: 256 megabytes

活是干不完的,不如饮茶放工。

话虽然这么说,但是放工太久容易导致挂科。接下来 n 天,你每天都有一个作业在晚上 23:59 截止,做这个作业需要恰好  $t_i$  小时。如果认真学习,那么你可以在第 i 天干  $a_i$  小时的活;如果你决定开摆,和同学去饮茶、逛街、吃火锅,那么只能干  $b_i$  小时的活。

为了避免老师捞不动,你决定还是把每个作业按时提交。你可以提前做作业:你可以在每个作业截止前的任意一个工作时间段做任意久该作业。但是,每个作业在截止前必须做完。

劳逸结合很重要! 所以你想知道你最多有几天能出去玩。

#### 输入

输入第一行一个正整数  $n (1 \le n \le 10^5)$ 。

接下来 n 行, 每行三个整数  $t_i, a_i, b_i$   $(0 \le t_i \le 1000, 0 \le a_i, b_i \le 24, a_i \ge b_i)$ 。

#### 输出

输入一行一个整数,表示:

- 如果你再怎么努力都已经来不及了,输出 -1。
- 否则输出你最多有几天能出去玩。

#### 样例

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 7              | 6               |
| 0 8 0          |                 |
| 0 8 0          |                 |
| 0 8 0          |                 |
| 0 8 0          |                 |
| 0 8 0          |                 |
| 0 8 1          |                 |
| 25 24 1        |                 |
| 3              | -1              |
| 1 2 0          |                 |
| 3 1 0          |                 |
| 1 1 0          |                 |

### 注释

样例 1 解释:人有多大胆,地有多大产。 样例 2 解释:完蛋咯,建议直接开摆。

## 题目 D. 脚本

输入文件: standard input 输出文件: standard output

时间限制: 3 seconds

内存限制: 1024 megabytes

你最后还是决定饮茶放工,出去和队友吃火锅。不过在此之前火锅店老板已经对评论区进行了一次公关,你已经看不到多少中肯的评价了。同时,你也在评论区发现了一些端倪:因为老板请了水军,评论区的评论呈现出有一些有趣的特点。例如每一条评论的开头都离不开某几句话,因此你用一个小写字母('a'-'z')来表示一种评论。

你还发现评论都是用比较拙劣的自动化工具刷的,因为不仅只有几种评论,依次查看评论甚至发现了循环节。根据你多年的脚本经验,这个脚本里面有一个长度为 p 的评论列表,这个脚本会按顺序循环往复地发布这 p 条评论。如果我们用字符串  $s=s_1s_2\dots s_{|s|}$  表示一系列连续的评论,那么我们说 p 是 s 的循环节,当且仅当:

- $p \leq |s|$ ;
- $\bullet \ \forall 1 \le i \le |s| p, s_i = s_{i+p}.$

你现在爬取了评论区所有的 n 条评论,你很好奇老板刷评论的脚本里面的评论列表长什么样。不过,在老板操作以前可能已经存在一些评论了,你不知道老板是从哪一条评论开始用脚本刷评论的,因此你想知道每一个后缀的周期性。具体而言,对于  $i=1\dots n$ ,假设最后的 i 条评论是用脚本刷的,你需要求出脚本中所有可能循环节的大小(也即评论列表长度)之和  $a_i$ :

$$a_i = \sum_{p \notin s_{n-i+1...n}} p$$

#### 输入

输入包含多组数据。第一行包含一个整数 T, 代表数据组数。

每组数据的第一行包含一个正整数 n  $(1 \le n \le 10^6)$  ,代表评论区评论的数量;第二行包含一个仅包含小写字母的字符串 s 。

保证所有数据的 n 总和不超过  $10^6$ 。

#### 输出

对每组数据, 在一行内输出 n 个用空格分隔的整数  $a_1, a_2, \ldots, a_n$ 。

#### 样例

| standard input | standard output                      |
|----------------|--------------------------------------|
| 3              | 1 2 5 6 11                           |
| 5              | 1 3 6 10 5 11 7 15 24 10 21 12 13 14 |
| ababa          | 1 2 3 4 5 6 7 8                      |
| 14             |                                      |
| nunhehhehahhhh |                                      |
| 8              |                                      |
| shanghai       |                                      |
|                |                                      |

### 注释

对于第一组数据而言:

• 当 i=1 时, 评论列表只有可能为 a。

#### Shanghai Monthly May, 2023 Shanghai, May 27, 2023

- 当 i=2 时, 评论列表只有可能为 ba。
- 当 i=3 时,评论列表可能为 aba 或者 ab。
- 当 i=4 时,评论列表可能为 baba 或者 ba。
- 当 i=5 时,评论列表可能为 ababa, abab 或者  $ab\circ$

## 题目 E1. 火锅(简单)

输入文件: standard input 输出文件: standard output

时间限制: 2 seconds 内存限制: 256 megabytes

请注意,本题与(困难)的差别仅在 m 的范围上,其余内容一致。

你和你的队友换了一家评论区未被公关且好评如潮的火锅店吃火锅。

在涮菜的时候,你发现由于下锅时间不一致,而捞出锅时你不一定能捞到你下的菜(也有可能被你急急 急的队友给捞走了),你既有可能吃到夹生的鸭肠,也有可能吃到煮久到嚼不动的鸭肠。

我们现在假定,m 种菜品中,菜品 i 需要花  $l_i$  秒煮熟,而如果  $r_i$  秒后还没有捞出锅就煮老了,只有在下锅后  $l_i$  秒到  $r_i$  秒内捞出的才是恰到好处的。

为了检查你们的涮菜操作是否是合理的, 你记录下了完整的操作序列:

- add  $t_i$ : 在第  $t_i$  秒下锅了一份菜,这份菜是从 m 种中均匀随机地选取的。
- pop  $t_i$ : 在第  $t_i$  秒从锅中均匀随机地捞起了一份菜。进行该项操作时,锅中一定还有菜品。

你想知道, 期望下你能吃到多少份恰到好处的菜。

#### 输入

输入第一行包含两个正整数  $m (m = 1), n (1 \le n \le 202305)$ 。

接下来 m = 1 行,每行两个整数  $l_i, r_i (1 \le l_i \le r_i \le 202305)$ ,表示一种菜品的好区间。

接下来 n 行, 每行为以下两种中的一种:

- ullet add  $t_i$
- ullet pop  $t_i$

其中,  $1 < t_i < 202305$ , 且  $t_i$  互不相同,并且随着 i 单调增。

#### 输出

输出一行一个整数,表示期望下你能吃到恰到好处的菜的数量对998244353取模的结果。

对答案取模的定义如下:可以证明,答案一定能表示成有理数 p/q,其中 p,q 为一对互素的整数(特别地,p 等于 0 时 q 为 1)。此时,你需要输出  $p \times q^{-1} \mod 998$  244 353,可以证明这个答案唯一。

### 样例

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 1 4            | 499122177       |
| 1 3            |                 |
| add 1          |                 |
| add 3          |                 |
| pop 5          |                 |
| pop 7          |                 |
| 1 5            | 1               |
| 1 4            |                 |
| add 1          |                 |
| pop 4          |                 |
| add 114        |                 |
| add 514        |                 |
| pop 1919       |                 |

## 题目 E2. 火锅(困难)

输入文件: standard input 输出文件: standard output

时间限制: 2 seconds 内存限制: 512 megabytes

请注意,本题与(简单)的差别仅在 m 的范围上,其余内容一致。

你和你的队友换了一家评论区未被公关且好评如潮的火锅店吃火锅。

在涮菜的时候,你发现由于下锅时间不一致,而捞出锅时你不一定能捞到你下的菜(也有可能被你急急 急的队友给捞走了),你既有可能吃到夹生的鸭肠,也有可能吃到煮久到嚼不动的鸭肠。

我们现在假定,m 种菜品中,菜品 i 需要花  $l_i$  秒煮熟,而如果  $r_i$  秒后还没有捞出锅就煮老了,只有在下锅后  $l_i$  秒到  $r_i$  秒内捞出的才是恰到好处的。

为了检查你们的涮菜操作是否是合理的, 你记录下了完整的操作序列:

- add  $t_i$ : 在第  $t_i$  秒下锅了一份菜,这份菜是从 m 种中均匀随机地选取的。
- pop  $t_i$ : 在第  $t_i$  秒从锅中均匀随机地捞起了一份菜。进行该项操作时,锅中一定还有菜品。

你想知道,期望下你能吃到多少份恰到好处的菜。

#### 输入

输入第一行包含两个正整数  $m~(1 \le m \le 202~305), n~(1 \le n \le 202~305)$ 。 接下来 m~行,每行两个整数  $l_i, r_i (1 \le l_i \le r_i \le 202~305)$ ,表示一种菜品的好区间。

接下来 n 行,每行为以下两种中的一种:

- ullet add  $t_i$
- $\bullet$  pop  $t_i$

其中,  $1 \le t_i \le 202305$ , 且  $t_i$  互不相同, 并且随着 i 单调增。

#### 输出

输出一行一个整数,表示期望下你能吃到恰到好处的菜的数量对998244353取模的结果。

对答案取模的定义如下:可以证明,答案一定能表示成有理数 p/q,其中 p,q 为一对互素的整数(特别地,p 等于 0 时 q 为 1)。此时,你需要输出  $p \times q^{-1} \mod 998$  244 353,可以证明这个答案唯一。

### Shanghai Monthly May, 2023 Shanghai, May 27, 2023

# 样例

| standard input | standard output |
|----------------|-----------------|
| 2 4            | 748683266       |
| 1 3            |                 |
| 1 7            |                 |
| add 1          |                 |
| add 3          |                 |
| pop 5          |                 |
| pop 7          |                 |
| 2 5            | 1               |
| 1 4            |                 |
| 19 1919        |                 |
| add 1          |                 |
| pop 4          |                 |
| add 114        |                 |
| add 514        |                 |
| pop 1919       |                 |
| • •            |                 |