試験開始の指示があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。

数 学 ② 〔数学II 数学II·数学B〕

(100点) (60分)

簿記・会計及び情報関係基礎の問題冊子は、大学入学共通テストの出願時に、それ ぞれの科目の受験を希望した者に配付します。

I 注意事項

- 1 解答用紙に,正しく記入・マークされていない場合は,採点できないことがあります。特に,解答用紙の解答科目欄にマークされていない場合又は複数の科目にマークされている場合は、0点となることがあります。
- 2 出題科目、ページ及び選択方法は、下表のとおりです。

出	題科	目	ページ	選	択	方	法
数	学	П	4~22	左の2科目	のうちだ	から1科目	目を選択し,
数学	ዸⅡ・数字	学 B	23~48	解答しなさい	0		

- 3 試験中に問題冊子の印刷不鮮明,ページの落丁・乱丁及び解答用紙の汚れ等に 気付いた場合は、手を高く挙げて監督者に知らせなさい。
- 4 選択問題については、いずれか2問を選択し、その問題番号の解答欄に解答しなさい。
- 5 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが、どのページも切り離してはいけません。
- 6 不正行為について
- ① 不正行為に対しては厳正に対処します。
- ② 不正行為に見えるような行為が見受けられた場合は、監督者がカードを用いて注意します。
- ③ 不正行為を行った場合は、その時点で受験を取りやめさせ退室させます。
- 7 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。

Ⅱ 解答上の注意

解答上の注意は、裏表紙に記載してあります。この問題冊子を裏返して必ず読みなさい。

Ⅱ 解答上の注意

- 1 解答は、解答用紙の問題番号に対応した解答欄にマークしなさい。

1	ア	•	0	0	2	3	4	⑤	6	7	8	9	<u>a</u>	6	©	0
	1	Θ	0	1	2	3	4	6	6	7	8	9	a	6	0	0
	ウ	Θ	0	1	2	3	4	⑤	6	7	8	9	8	6	0	0

- 3 数と文字の積の形で解答する場合,数を文字の前にして答えなさい。 例えば,3 a と答えるところを, a 3 と答えてはいけません。
- 4 分数形で解答する場合,分数の符号は分子につけ、分母につけてはいけません。

例えば、
$$\frac{\boxed{\mathtt{L}}}{\mathtt{J}}$$
に $-\frac{4}{5}$ と答えたいときは、 $\frac{-4}{5}$ として答えなさい。

また、それ以上約分できない形で答えなさい。

例えば、 $\frac{3}{4}$ 、 $\frac{2a+1}{3}$ と答えるところを、 $\frac{6}{8}$ 、 $\frac{4a+2}{6}$ のように答えてはいけません。

5 小数の形で解答する場合,指定された桁数の一つ下の桁を四捨五入して答えな さい。また,必要に応じて,指定された桁まで**②**にマークしなさい。

例えば, キ. クケ に 2.5 と答えたいときは, 2.50 として答えなさい。

6 根号を含む形で解答する場合、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えなさい。

例えば、 $4\sqrt{2}$ 、 $\frac{\sqrt{13}}{2}$ 、 $6\sqrt{2a}$ と答えるところを、 $2\sqrt{8}$ 、 $\frac{\sqrt{52}}{4}$ 、 $3\sqrt{8a}$ のように答えてはいけません。

- 7 問題の文中の二重四角で表記された **コ**などには、選択肢から一つを選んで、答えなさい。
- 8 同一の問題文中に **サシ** , **ス** などが2度以上現れる場合,原則として,2度目以降は, サシ , **ス** のように細字で表記します。

*

数学Ⅱ・数学B

問題	選択方法
第1問	必答
第2問	必答
第3問	
第 4 問	いずれか2問を選択し, 解答しなさい。
第5問	

数学 II · 数学 B (注) この科目には、選択問題があります。(23ページ参照。)

第1問 (必答問題) (配点 30)

- 〔1〕 座標平面上に点A(-8,0)をとる。また,不等式 $x^2 + y^2 4x 10y + 4 \le 0$ の表す領域をDとする。
 - (1) 領域Dは、中心が点(アー、イー)、半径がウの円のエーである。

エ の解答群

0 周

- ① 内部
- 2 外 部

- 3 周および内部
- 4 周および外部

の表す図形を C とする。

- (2) 点 A を通る直線と領域 D が共有点をもつのはどのようなときかを考えよう。
 - (i) (1) により、直線y = **オ** は点 A を通る C の接線の一つとなることがわかる。

太郎さんと花子さんは点 A を通る C のもう一つの接線について話している。

点 A を通り、傾きが k の直線を ℓ とする。

太郎:直線 ℓ の方程式はy = k(x + 8)と表すことができるから、

これを

$$x^2 + y^2 - 4x - 10y + 4 = 0$$

に代入することで接線を求められそうだね。

花子: x 軸と直線 AQ のなす角のタンジェントに着目することでも

求められそうだよ。

数学Ⅱ・数学B

(ii) 太郎さんの求め方について考えてみよう。

y = k(x+8)を $x^2 + y^2 - 4x - 10y + 4 = 0$ に代入すると、xにつ いての2次方程式

 $(k^2 + 1)x^2 + (16k^2 - 10k - 4)x + 64k^2 - 80k + 4 = 0$

が得られる。この方程式が **カ** ときの k の値が接線の傾きとなる。

カの解答群

- **⑥** 重解をもつ
- ① 異なる二つの実数解をもち、一つは0である
- 2 異なる二つの正の実数解をもつ
- ③ 正の実数解と負の実数解をもつ
- 異なる二つの負の実数解をもつ
- 異なる二つの虚数解をもつ
- (iii) 花子さんの求め方について考えてみよう。

x軸と直線 AQ のなす角を $\theta \left(0 < \theta \leq \frac{\pi}{2} \right)$ とすると

$$\tan\theta = \frac{\boxed{\ddagger}}{\boxed{\flat}}$$

とができる。

の解答群

(0) θ

- $0 2\theta$

(iv) 点 A を通る C の接線のうち、直線 y = オ と異なる接線の傾き を k_0 とする。このとき、(ii) または (iii) の考え方を用いることにより

であることがわかる。

直線 ℓ と領域Dが共有点をもつようなkの値の範囲はb である。

シの解答群

(0) $k > k_0$

 $(1) \quad k \ge k_0$

(2) $k < k_0$

 $3 k \leq k_0$

 $0 < k < k_0$

 $0 \leq k \leq k_0$

- [2] a, b は正の実数であり, $a \ne 1$, $b \ne 1$ を満たすとする。太郎さんは $\log_a b \ge \log_b a$ の大小関係を調べることにした。
 - (1) 太郎さんは次のような考察をした。

 $\log_3 9 > \log_9 3$

が成り立つ。

一方,
$$\log_{\frac{1}{4}}$$
 セ $=-\frac{3}{2}$, $\log_{\frac{1}{4}}$ $=-\frac{2}{3}$ である。この場合 $\log_{\frac{1}{4}}$ セ $<\log_{\frac{1}{4}}$ $=-\frac{2}{3}$ である。この場合

が成り立つ。

(2) ここで

 $\log_a b = t$

..... ①

とおく。

(1) の考察をもとにして、太郎さんは次の式が成り立つと推測し、それが正しいことを確かめることにした。

 $\log_b a = \frac{1}{t}$

..... ②

①により、**ソ**である。このことにより**夕**が得られ、②が成り立つことが確かめられる。

ソ の解答群

- $0 a^{b} = 1$
- $0 a^t = b$
- $b^a = t$

- b = a

タの解答群

- $0 a = t^{\frac{1}{b}}$
- $0 \quad a = b^{\frac{1}{t}}$
- $b = t^{\frac{1}{a}}$

数学Ⅱ

・数学B	
(3) 次に, 太郎さんは(2)の考察を	もとにして
$t > \frac{1}{t}$	3
を満たす実数 $t(t exttt{ = 0})$ の値の範	囲を求めた。
← 太郎さんの考察 ───	
	を掛けることにより、 $t^2>1$ を得る。
このような t (t > 0) の値の範	囲は $1 < t$ である。
t < 0 ならば、③ の両辺に t	を掛けることにより、 $t^2 < 1$ を得る。
このような t (t < 0)の値の範	囲は $-1 < t < 0$ である。
この考察により、③を満たす	$t(t \neq 0)$ の値の範囲は
-1 < t < 0, $1 < t$	
であることがわかる。	•
ここで、aの値を一つ定めたと	:き,不等式
$\log_a b > \log_b a$	④
を満たす実数 $b(b>0, b = 1)$	の値の範囲について考える。
④を満たすbの値の範囲	は, a > 1 のときは チ であり,
0 < a < 1 のときは ツ でき	ある。 ·
er - em _{er e} er er er	(数学Ⅱ・数学B第1問は次ページに続く。)

ツの解答群

- ① $0 < b < a, 1 < b < \frac{1}{a}$ ① $0 < b < a, \frac{1}{a} < b$ ② $a < b < 1, 1 < b < \frac{1}{a}$ ③ $a < b < 1, \frac{1}{a} < b$

(4) $p = \frac{12}{13}$, $q = \frac{12}{11}$, $r = \frac{14}{13}$ とする。

次の💇~③のうち,正しいものは 🗍 である。

テーの解答群

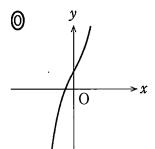
- (1) $\log_p q > \log_q p$ $\hbar > \log_p r < \log_r p$ (2) $\log_p q < \log_q p$ $\hbar > \log_p r > \log_r p$
- 3 $\log_p q < \log_q p \text{ in } \log_p r < \log_r p$

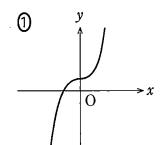
第2問 (必答問題) (配点 30)

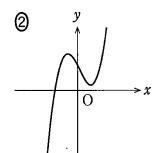
- [1] a を実数とし, $f(x) = x^3 6 ax + 16 とおく。$
 - (1) y = f(x)のグラフの概形は

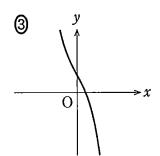
$$a=0$$
 のとき、 $\boxed{ 7}$

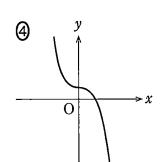
である。

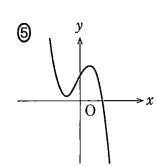












(数学Ⅱ・数学B第2問は次ページに続く。)

(2) a>0とし、pを実数とする。座標平面上の曲線y=f(x)と直線y=pが3個の共有点をもつようなpの値の範囲は ウ エ で ある。

 $p = \boxed{ \dot{D} }$ のとき、曲線y = f(x)と直線y = p は 2 個の共有点をもつ。それらのx 座標をq、r (q < r)とする。曲線y = f(x)と直線y = p が点(r, p)で接することに注意すると

$$q=$$
 オカ $\sqrt{}$ キ $a^{1\over 2}$, $r=\sqrt{}$ $a^{1\over 2}$

と表せる。

 $(1) -2\sqrt{2} a^{\frac{3}{2}} + 16$

 $2 \quad 4\sqrt{2} \ a^{\frac{3}{2}} + 16$

 $3 -4\sqrt{2} a^{\frac{3}{2}} + 16$

- (3) 方程式f(x)=0 の異なる実数解の個数をnとする。次の $\mathbf{0}\sim\mathbf{5}$ のうち,正しいものは \mathbf{f} と \mathbf{c} である。

ケー, コーの解答群(解答の順序は問わない。)

- $0 \quad n=1 \text{ as } id a < 0$
- ② n = 2 to if a < 0
- ③ a < 0ならばn = 2
- **6** a > 0 ならば n = 3

[2] b > 0 とし、 $g(x) = x^3 - 3bx + 3b^2$ 、 $h(x) = x^3 - x^2 + b^2$ とおく。座標平面上の曲線 y = g(x) を C_1 、曲線 y = h(x) を C_2 とする。

 $C_1 \geq C_2$ は2点で交わる。これらの交点のx座標をそれぞれ α , β $(\alpha < \beta)$ とすると, $\alpha = \boxed{$ サ $}$, $\beta = \boxed{ シス }$ である。

 $\alpha \le x \le \beta$ の範囲で $C_1 \ge C_2$ で囲まれた図形の面積を S とする。また、 $t > \beta \ge 0$ 、 $\beta \le x \le t$ の範囲で $C_1 \ge C_2$ および直線 x = t で囲まれた図形の面積を T とする。

このとき

$$S = \int_{a}^{\beta} \boxed{z} dx$$

$$T = \int_{\beta}^{t} \boxed{y} dx$$

$$S - T = \int_{a}^{t} \boxed{9} dx$$

であるので

$$S-T=rac{ extstyle \mathcal{F}\mathcal{Y}}{ extstyle \mathcal{F}}\Big(2\,t^3- extstyle bt^2+ extstyle \mathcal{F} b^2t- extstyle \mathcal{F} b^3\Big)$$

が得られる。

数学Ⅱ·数学B

セーー~ ターの解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

(g(x) - h(x))

② $\{h(x) - g(x)\}$

 $\{2g(x)+2h(x)\}$

6 2g(x)

 $\bigcirc 2h(x)$

数学Ⅱ・数学B 第3問~第5問は、いずれか2問を選択し、解答しなさい。

第 3 問 (選択問題) (配点 20)

以下の問題を解答するにあたっては、必要に応じて 41 ページの正規分布表を 用いてもよい。

ジャガイモを栽培し販売している会社に勤務する花子さんは、A 地区とB地区で収穫されるジャガイモについて調べることになった。

(1) A 地区で収穫されるジャガイモには 1 個の重さが 200 g を超えるものが 25% 含まれることが経験的にわかっている。花子さんは A 地区で収穫された ジャガイモから 400 個を無作為に抽出し,重さを計測した。そのうち,重さが 200 g を超えるジャガイモの個数を表す確率変数を Z とする。このとき Z は二項分布 $B(400, 0. \boxed{\textit{P1}})$ に従うから,Z の平均(期待値)は $\boxed{\textbf{ウェオ}}$ である。

— 36 —

(2) Z を (1) の確率変数とし、A 地区で収穫されたジャガイモ 400 個からなる標本において、重さが 200 g を超えていたジャガイモの標本における比率を $R=\frac{Z}{400}$ とする。このとき、R の標準偏差は $\sigma(R)=$ カ である。

標本の大きさ400は十分に大きいので、Rは近似的に正規分布 $N\left(0. \boxed{\text{アイ}}, \left(\boxed{\text{力}}\right)^2\right)$ に従う。

したがって、 $P(R \ge x) = 0.0465$ となるようなx の値は $\boxed{ + }$ となる。ただし、 $\boxed{ + }$ の計算においては $\sqrt{3} = 1.73$ とする。

カ の解答群

0	3 6400	$0 \frac{\sqrt{3}}{4}$	② $\frac{\sqrt{3}}{80}$	$3\frac{3}{40}$
---	-----------	------------------------	-------------------------	-----------------

<u>ま</u> については,最も適当なものを,次の**○~③**のうちから一つ選べ。

(a) 0. 209 (b) 0. 251 (c) 0. 286	③ 0.395
---	----------------

(3) B地区で収穫され、出荷される予定のジャガイモ1個の重さは100gから 300g の間に分布している。B地区で収穫され、出荷される予定のジャガイモ 1 個の重さを表す確率変数をXとするとき、X は連続型確率変数であり、X のとり得る値x の範囲は $100 \le x \le 300$ である。

花子さんは、B 地区で収穫され、出荷される予定のすべてのジャガイモのうち、重さが 200~g 以上のものの割合を見積もりたいと考えた。そのために花子さんは、X の確率密度関数 f(x) として適当な関数を定め、それを用いて割合を見積もるという方針を立てた。

B地区で収穫され、出荷される予定のジャガイモから 206 個を無作為に抽出したところ、重さの標本平均は 180 g であった。図 1 はこの標本のヒストグラムである。

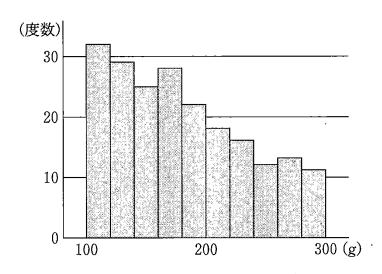


図1 ジャガイモの重さのヒストグラム

花子さんは図1のヒストグラムにおいて、重さxの増加とともに度数がほぼ一定の割合で減少している傾向に着目し、Xの確率密度関数f(x)として、1次関数

$$f(x) = ax + b$$
 $(100 \le x \le 300)$

を考えることにした。ただし、 $100 \le x \le 300$ の範囲で $f(x) \ge 0$ とする。

である。

花子さんは、Xの平均(期待値)が重さの標本平均 180 g と等しくなるように 確率密度関数を定める方法を用いることにした。

連続型確率変数 X のとり得る値 x の範囲が $100 \le x \le 300$ で、その確率密度関数が f(x) のとき、X の平均 (期待値) m は

$$m = \int_{100}^{300} x f(x) \, dx$$

で定義される。この定義と花子さんの採用した方法から

$$m = \frac{26}{3} \cdot 10^6 \, a + 4 \cdot 10^4 \, b = 180 \qquad \dots$$

となる。①と②により、確率密度関数は

$$f(x) = -$$
 サ ・ $10^{-5}x +$ シス ・ 10^{-3} ……… ③

と得られる。このようにして得られた ③ のf(x) は, $100 \le x \le 300$ の範囲で $f(x) \ge 0$ を満たしており,確かに確率密度関数として適当である。

したがって、この花子さんの方針に基づくと、B地区で収穫され、出荷される予定のすべてのジャガイモのうち、重さが200g以上のものは セ % あると見積もることができる。

セ については、最も適当なものを、次の〇~③のうちから一つ選べ。

© 33 **①** 34 **②** 35 **③** 36

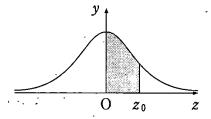
(数学Ⅱ·数学B第3問は41ページに続く。)

(下書き用紙)

数学Ⅱ・数学Bの試験問題は次に続く。

正 規 分 布 表

次の表は、標準正規分布の分布曲線における右図の灰 色部分の面積の値をまとめたものである。



			•						Γ	<u> </u>
z_0	0.00	0. 01	0.02	0. 03	0.04	0.05	0.06	0. 07	0.08	0.09
0.0	0.0000	0.0040	0.0080	0.0120	0.0160	0.0199	0.0239	0.0279	00319	0.0359
0.1	0.0398	00438	0.0478	0.0517	0.0557	0.0596	0.0636	0.0675	0.0714	0.0753
0.2	0. 0793	0.0832	0.0871	0.0910	0.0948	0.0987	0.1026	0.1064	0.1103	0.1141
0.3	0.1179	0.1217	0. 1255	0.1293	0. 1331	0.1368	0.1406	0.1443	0.1480	0.1517
0.4	0.1554	0. 1591	0.1628	0.1664	0.1700	0.1736	0.1772	0.1808	0.1844	0. 1879
0.5	0. 1915	0.1950	0.1985	0. 2019	0. 2054	0.2088	0. 2123	0. 2157	0. 2190	0. 2224
0.6	0. 2257	0. 2291	0.2324	0. 2357	0.2389	0. 2422	0. 2454	0.2486	0. 2517	0. 2549
0.7	0. 2580	0.2611	0. 2642	0. 2673	0.2704	0. 2734	0.2764	0.2794	0. 2823	0. 2852
0.8	0.2881	0.2910	0. 2939	0. 2967	0. 2995	0.3023	0.3051	0.3078	0.3106	0. 3133
0.9	0.3159	0.3186	0. 3212	0. 3238	0.3264	0.3289	0. 3315	0.3340	0.3365	0. 3389
1.0	0.3413	0.3438	0.3461	0.3485	0.3508	0.3531	0.3554	0.3577	0. 3599	0.3621
1.1	0. 3643	0.3665	0.3686	0.3708	0.3729	0.3749	0.3770	0.3790	0.3810	0. 3830
1.2	0. 3849	0.3869	0. 3888	0.3907	0.3925	0.3944	0.3962	0.3980	0.3997	0.4015
1.3	0.4032	0.4049	0.4066	0.4082	0.4099	0.4115	0.4131	0.4147	0.4162	0.4177
1.4	0.4192	0.4207	0.4222	0.4236	0.4251	0.4265	0.4279	0.4292	0.4306	0. 4319
1.5	0. 4332	0.4345	0. 4357	0. 4370	0. 4382	0. 4394	0.4406	0. 4418	0. 4429	0. 4441
1.6	0.4452	0.4463	0.4474	0.4484	0. 4495.	0.4505	0.4515	0. 4525	0. 4535	0. 4545
1.7	0.4554	0.4564	0. 4573	0. 4582	0. 4591	0.4599	0.4608	0.4616	0.4625	0.4633
1.8	0.4641	0. 4649	0. 4656	0.4664	0.4671	0.4678	0.4686	0.4693	0.4699	0.4706
1.9	0.4713	0.4719	0.4726	0.4732	0.4738	0.4744	0. 4750	0.4756	0.4761	0.4767
2.0	0. 4772	0.4778	0. 4783	0.4788	0. 4793	0.4798	0.4803	0.4808	0. 4812	0.4817
2.1	0. 4821	0.4826	0.4830	0.4834	0.4838	0. 4842	0.4846	0.4850	0.4854	0.4857
2.2	0. 4861	0.4864	0.4868	0. 4871	0.4875	0. 4878	0.4881	0.4884	0.4887	0.4890
2.3	0.4893	0.4896	0.4898	0.4901	0.4904	0. 4906	0.4909	0. 4911	0.4913	0.4916
2.4	0.4918	0.4920	0.4922	0.4925	0.4927	0. 4929	0. 4931	0.4932	0.4934	0. 4936
2.5	0. 4938	0. 4940	0.4941	0. 4943	0.4945	0. 4946	0.4948	0.4949	0. 4951	0. 4952
2.6	0. 4953	0. 4955	0. 4956	0. 4957	0.4959	0.4960	0. 4961	0.4962	0. 4963	0.4964
2.7	0.4965	0. 4966	0.4967	0.4968	0.4969	0.4970	0.4971	0.4972	0. 4973	0.4974
2.8	0.4974	0. 4975	0. 4976	0.4977	0.4977	0. 4978	0.4979	0.4979	0.4980	0.4981
2.9	0.4981	0.4982	0.4982	0.4983	0.4984.	0. 4984	0. 4985	0.4985	0.4986	0.4986
3.0	0.4987	0. 4987	0.4987	0.4988	0.4988	0. 4989	0.4989	0. 4989	0.4990	0. 4990

数学Ⅱ・数学B 第3問~第5問は、いずれか2問を選択し、解答しなさい。

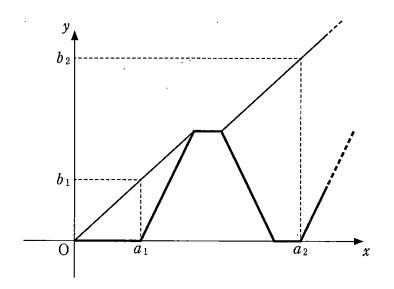
第 4 問 (選択問題) (配点 20)

以下のように、歩行者と自転車が自宅を出発して移動と停止を繰り返している。歩行者と自転車の動きについて、数学的に考えてみよう。

自宅を原点とする数直線を考え、歩行者と自転車をその数直線上を動く点とみなす。数直線上の点の座標がyであるとき、その点は位置yにあるということにする。また、歩行者が自宅を出発してからx分経過した時点を時刻xと表す。歩行者は時刻0に自宅を出発し、正の向きに毎分1の速さで歩き始める。自転車は時刻2に自宅を出発し、毎分2の速さで歩行者を追いかける。自転車が歩行者に追いつくと、歩行者と自転車はともに1分だけ停止する。その後、歩行者は再び正の向きに毎分1の速さで歩き出し、自転車は毎分2の速さで身宅に戻る。自転車は自宅に到着すると、1分だけ停止した後、再び毎分2の速さで歩行者を追いかける。これを繰り返し、自転車は自宅と歩行者の間を往復する。

 $x = a_n$ を自転車が n 回目に自宅を出発する時刻とし、 $y = b_n$ をそのときの歩行者の位置とする。

(1) 花子さんと太郎さんは、数列 $\{a_n\}$ 、 $\{b_n\}$ の一般項を求めるために、歩行者と自転車について、時刻xにおいて位置yにいることを O を原点とする座標平面上の点(x, y)で表すことにした。



$$a_2 = \boxed{ 1 }, b_2 = \boxed{ \dot{ } }$$

である。

花子:数 列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ の 一般 項について考える前に,

(アープ、アーアの求め方について整理してみようか。

太郎: 花子さんはどうやって求めたの?

花子:自転車が歩行者を追いかけるときに、間隔が1分間に1ずつ縮まっ

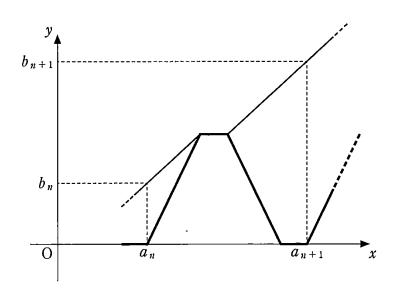
ていくことを利用したよ。

太郎:歩行者と自転車の動きをそれぞれ直線の方程式で表して、交点を計

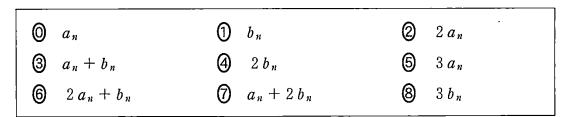
算して求めることもできるね。

自転車がn回目に自宅を出発するときの時刻と自転車の位置を表す点の座標は $(a_n, 0)$ であり、そのときの時刻と歩行者の位置を表す点の座標は (a_n, b_n) である。よって、n回目に自宅を出発した自転車が次に歩行者に追いつくときの時刻と位置を表す点の座標は、 a_n, b_n を用いて、

(工 , 才)と表せる。



| 工 , | 才 の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)



(数学Ⅱ・数学B第4問は次ページに続く。)

以上から、数列 $\{a_n\}$ 、 $\{b_n\}$ について、自然数nに対して、関係式

$$a_{n+1} = a_n +$$
 力 $b_n +$ 丰 ······ ①

$$b_{n+1} = 3 b_n + \boxed{2}$$

が成り立つことがわかる。まず、 $b_1 = 2 と ②$ から

$$b_n = \boxed{7} \quad (n = 1, 2, 3, \cdots)$$

を得る。この結果と、 $a_1 = 2$ および① から

$$a_n = \boxed{ } \qquad (n = 1, 2, 3, \cdots)$$

がわかる。

コ の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

 $0 \frac{1}{2} \cdot 3^n + \frac{1}{2}$

 $3 \frac{1}{2} \cdot 3^n + n - \frac{1}{2}$

 $\bigcirc \frac{5}{2} \cdot 3^{n-1} - \frac{1}{2}$

② $3^{n-1} + n$ ④ $3^{n-1} + n^2$ ⑥ $2 \cdot 3^{n-1}$ ⑧ $2 \cdot 3^{n-1} + n - 1$ ② $2 \cdot 3^{n-1} + n^2 - 1$

 $9 \frac{5}{2} \cdot 3^{n-1} + n - \frac{3}{2}$

- (2) 歩行者がy = 300 の位置に到着するときまでに、自転車が歩行者に追いつく 回数は サ 回である。また、 サ 回目に自転車が歩行者に追いつく時 刻は、x = シスセ である。

数学Ⅱ・数学B 「第3問~第5問は,いずれか2問を選択し,解答しなさい。

第5間 (選択問題) (配点 20)

平面上の点Oを中心とする半径1の円周上に、3点A、B、Cがあり、 $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = -\frac{2}{3}$ および $\overrightarrow{OC} = -\overrightarrow{OA}$ を満たすとする。 $t \in 0 < t < 1$ を満たす 実数とし、線分 AB を t:(1-t) に内分する点を P とする。また、直線 OP 上 に点 Q をとる。

(1)
$$\cos \angle AOB = \frac{\boxed{71}}{\boxed{\cancel{\cancel{0}}}}$$
である。

また、実数 k を用いて、 $\overrightarrow{OQ} = k \overrightarrow{OP}$ と表せる。したがって

$$\overrightarrow{OQ} = \overrightarrow{\square} \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{\square} \overrightarrow{OB}$$

$$\overrightarrow{CQ} = \boxed{\cancel{D}} \overrightarrow{OA} + \boxed{\cancel{\ddagger}} \overrightarrow{OB}$$

となる。

$$\overrightarrow{OA}$$
 と \overrightarrow{OP} が垂直となるのは、 $t = \frac{\boxed{\cancel{0}}}{\boxed{\cancel{5}}}$ のときである。

の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

0 kt

- (1) (k-kt)
- (2) (kt+1)

- (kt-1)
- (4) (k kt + 1) (5) (k kt 1)

以下,
$$t \Rightarrow \boxed{\begin{array}{c} \boxed{ } \\ \boxed{ } \\ \hline \hline \\ \hline \end{array}}$$
 とし, $\angle OCQ$ が直角であるとする。

(2) ∠OCQ が直角であることにより、(1) の k は

となることがわかる。

平面から直線 OA を除いた部分は、直線 OA を境に二つの部分に分けられ る。そのうち、点 B を含む部分を D_1 、含まない部分を D_2 とする。また、平 面から直線 OB を除いた部分は、直線 OB を境に二つの部分に分けられる。そ のうち、点 A を含む部分を E_1 、含まない部分を E_2 とする。

- 0 < t < <u>ク</u>ならば、点 Q は ス。
- 」 < *t* < 1 ならば,点 Qは セ 。

╢の解答群(同じものを繰り返し選んでもよい。)

- \bigcirc D_1 に含まれ、かつ E_1 に含まれる
- ① D_1 に含まれ、かつ E_2 に含まれる② D_2 に含まれ、かつ E_1 に含まれる
- ③ D_2 に含まれ、かつ E_2 に含まれる

(3) 太郎さんと花子さんは、点 P の位置と $|\overrightarrow{OQ}|$ の関係について考えている。 $t = \frac{1}{2}$ のとき、① と② により、 $|\overrightarrow{OQ}| = \sqrt{\boxed{y}}$ とわかる。

太郎: $t = \frac{1}{2}$ のときにも、 $|\overrightarrow{OQ}| = \sqrt{\boxed{}}$ となる場合があるかな。

花子: $|\overrightarrow{OQ}|$ を t を用いて表して、 $|\overrightarrow{OQ}| = \sqrt{\boxed{y}}$ を満たす t の値について考えればいいと思うよ。

太郎:計算が大変そうだね。

花子: 直線 OA に関して、 $t = \frac{1}{2}$ のときの点 Q と対称な点を R とした

ら、
$$|\overrightarrow{OR}| = \sqrt{\underline{y}}$$
 となるよ。

太郎: \overrightarrow{OR} を \overrightarrow{OA} と \overrightarrow{OB} を用いて表すことができれば、t の値が求められ そうだね。

直線 OA に関して、 $t=\frac{1}{2}$ のときの点 Q と対称な点を R とすると

$$\overrightarrow{CR} = \boxed{\cancel{9}} \overrightarrow{CQ}$$

$$= \boxed{\cancel{5}} \overrightarrow{OA} + \boxed{\cancel{y}} \overrightarrow{OB}$$

となる。

$$t = \frac{1}{2}$$
 のとき, $|\overrightarrow{OQ}| = \sqrt{\frac{y}{y}}$ となる t の値は $\frac{\overline{r}}{r}$ である。