

高知工科大学 経済・マネジメント学群

計量経済学応用

3. RCT

やない ゆうき **矢内 勇生**



https://yukiyanai.github.io



yanai.yuki@kochi-tech.ac.jp



このトピックの目標

- RCT(ランダム化比較試験)とは何かを理解する
- なぜ「ランダム化」するのかを理解する
 - ▶ ランダム化によって何を解決したいのか?
 - ランダム化によってどんな良いことがあるのか?
- どうやって「ランダム化」するのかを理解する

RCTとは?

RCT (randomized controlled [clinical] trial)

- Randomized Controlled Trial ランダム [無作為] 化比較試験
 - ► or Randomized Clinical Trial: ランダム化臨床試験
 - ▶ KUT でよく実施されている「実験」
- RCT とは (Imbens and Rubin 2015: p.40): 処置の割付け(割当て)が
 - 1. 確率的かつ
 - 2. 実験者が制御する関数によって実行される

例:病院と健康状態

- トピック2で扱った例を考える
- 何が問題だったか
 - ▶ データを使った単純比較:病院に行った人のほうが健康状態が悪い
 - ▶ セルフセレクション:健康状態が悪い人のほうが、病院に行きやすい
- ランダム化:病院に行くかどうか、コイントスで決める
 - ▶ 表 → 病院に行く; 裏 → 病院に行かない
 - ▶ コイントスの結果に従って病院に行った人と病院に行かなかった人の健康状態を比べることで、病院の因果効果を調べる

な世ランダム化するのか

私たちが知りたいこと

処置が2通りしかない場合: $D_i \in \{0,1\}$

- ITE = $Y_i(1) Y_i(0)$ individual treatment effect
- ATE = $\mathbb{E}[Y_i(1) Y_i(0)] = \mathbb{E}[Y_i(1)] \mathbb{E}[Y_i(0)]$ average treatment effect
- $\text{ ATT} = \mathbb{E}[Y_i(1) Y_i(0) \mid D_i = 1] = \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 1] \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 1]$ average treatment effect for the treated
- ATC = $\mathbb{E}[Y_i(1) Y_i(0) \mid D_i = 0] = \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 0] \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 0]$ average treatment effect for the control
- ★これらの効果は観察できる?
 - * さまざまな処置効果の違いについての詳細は、例えば 岩崎 (2015) 第3章を参照

観察された平均値の単純比較

- 観察された結果: Y_i
- 観察された処置: $D_i \in \{0,1\}$
- \bullet 処置群と統制群の間の結果変数 Y_i の平均値の差:

 $\mathbb{E}[Y_i \mid D_i = 1] - \mathbb{E}[Y_i \mid D_i = 0]$

るには consistency が必要。これは、計量経済学の授業で扱った「一致性 (consistency)」とは異なるので注意。
$$= \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 1] - \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 1]$$
 ATT
$$+ \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 1] - \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 0]$$
 バイアス
$$= \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 1] - \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 0]$$
 ATC

8

* 厳密には、1行目と2行目が等しくな

セレクションバイアス (selection bias)

- 潜在的結果 $Y_i(D_i)$ の期待値が、 $D_i = 1$ の群と $D_i = 0$ の群の間で異なる
 - ▶ $\mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 1] > \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 0]$: もしすべての個体が処置を受けなかった としたら、実際には処置された個体の Y_i のほうが大きくなる
 - ▶ $\mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 1] < \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 0]$: もしすべての個体が処置を受けなかった としたら、実際には処置された個体の Y_i のほうが小さくなる
 - ▶ E[Y_i(1) | D_i = 1] > E[Y_i(1) | D_i = 0]: もしすべての個体が処置を受けたとしたら、実際に処置された個体の Y_i のほうが大きくなる
 - ▶ E[Y_i(1) | D_i = 1] < E[Y_i(1) | D_i = 0]: もしすべての個体が処置を受けたとしたら、実際に処置された個体の Y_i のほうが小さくなる
- 因果推論のために、セレクションバイアスを取り除きたい!

©2020 Yuki Yanai

セレクションバイアスを取り除く?

- 以下の条件を満たせば、群間比較で因果効果を推定できる
- 1. $\mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 1] = \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 0]$: ATT が計算可能
- 2. $\mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 1] = \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 0]$: ATC が計算可能
- 3. 1と2の両者を満たす: ATE が計算可能
- ★ 1と2を実現する方法を考えよう!

平均独立ならセレクションバイアスはない

• 平均独立 (mean independence; mean exchangeability)

$$\mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 1] = \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i = 0]$$
 かつ

$$\mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 1] = \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i = 0]$$

* 平均独立についての詳細は、 例えば Hernán and Robins (2020) chs. 2 & 3を参照

• 平均独立が成り立つとき:

$$\begin{split} \mathbb{E}[Y_i \mid D_i &= 1] - \mathbb{E}[Y_i \mid D_i &= 0] \\ &= \mathbb{E}[Y_i(1) \mid D_i &= 1] - \mathbb{E}[Y_i(0) \mid D_i &= 0] \\ &= \mathbb{E}[Y_i(1)] - \mathbb{E}[Y_i(0)] \\ &= \mathsf{ATE} \end{split}$$

* 厳密には、1行目と2行目が 等しくなるには consistency が必要。

平均独立をどうやって確かめる?

- 平均独立が成り立っているかどうか、データから確かめられるか?
 - ▶ 確かめられない!(式に、観察できないモノが含まれる)
- よって、因果効果を推定するために平均独立を仮定する必要がある
 - ▶ E[Y_i(0) | D_i = 1] = E[Y_i(0) | D_i = 0] という仮定が正当化できる:
 ATT が推定できる
 - ▶ E[Y_i(1) | D_i = 1] = E[Y_i(1) | D_i = 0] という仮定が正当化できる:
 ATC が推定できる
 - 前者の仮定のほうが正当化しやすい場合が多いので、ATTが推定 されることが多い

ただ仮定するより良い方法はないの?

ある!



Randomizel





ランダム化する (randomize)

● 処置と潜在的結果が独立 ⇒ 平均独立

$$\{Y(0), Y(1)\} \perp D \Rightarrow 平均独立$$

- どうやって処置と潜在的結果を独立にする?
 - ▶ 各個体に処置をランダムに割付ける: ただし、 $0 < \Pr(D_i = 1) < 1$
- D をランダムに割付けると:

$$\{Y(1), Y(0)\} \perp D$$
 (独立)

$$\Rightarrow \begin{cases} \mathbb{E}[Y(0) \mid D = 1] = \mathbb{E}[Y(0) \mid D = 0] = \mathbb{E}[Y(0)] \\ \text{and} \\ \mathbb{E}[Y(1) \mid D = 1] = \mathbb{E}[Y(1) \mid D = 0] = \mathbb{E}[Y(1)] \end{cases}$$
 (平均独立)

$$\Rightarrow \mathbb{E}[Y(1) \mid D=1] - \mathbb{E}[Y(0) \mid D=0] = \mathbb{E}[Y(1)] - \mathbb{E}[Y(0)] = \mathsf{ATE}$$

独立、交換可能性、外生性

- 独立 (independence): $\{Y(0), Y(1)\} \perp D$
- 交換可能性 (exchangeability):独立の別表現 $\Pr(Y(0), Y(1) \mid D = 1) = \Pr(Y(0), Y(1) \mid D = 0) = \Pr(Y(0), Y(1))$
 - ▶ 処置群 (D=1) に割付けたはずの個体すべてに D=0 を、統制群 (D=0)に割付けたはずの個体すべてに D=1 を与えても、予定どおりに 処置を与えた場合と結果が同じ
 - ▶ 処置群と統制群は「群として」同じ:処置群と統制群を交換しても問題ない
- 処置群と統制群が交換可能なとき、その処置 D は外生 (exogenous) 変数
 - ▶ 潜在的変数の組 {*Y*(0), *Y*(1)} と独立な *D* は外生性 (exogeneity) をもつ

15

独立と平均独立

- 独立のほうが、平均独立より強い(厳しい)条件
 - ▶ 独立: 母集団において2群の分布が同じ
 - ▶ 平均独立:2群の期待値が同じであれば、分布は異なっても良い (例えば、分散は異なっても良い)
- ATEの推定には「平均独立」で十分なのに、より厳しい「独立」という性質を利用するのはなぜ?
 - ▶ 独立:処置をランダム化すればOK
 - → 平均独立:仮定しなくても、「独立」から導かれる

何の独立を達成したいか

- 求めていない独立: Y 业 D
 - ▶ Y ⊥ D なら E[Y_i | D_i = 1] = E[Y_i | D_i = 0] となる:2群間に結果 の差がない
 - ▶ つまり、Y ⊥ D は、D とY に相関がないという意味
- 求めている独立:{Y(1), Y(0)} 业D

「ランダム化」は1度で良いのか?

- 1度のRCTでは、独立性は保証されない
 - ▶ 例:コイントスで通院を決めた結果、健康な人はほとんど病院に行かず、不健康な人ばかりが病院に行くと言う割付けも、偶然に起こりうる
 - その場合、処置群と統制群は大きく異なる:交換可能ではない
- ランダム化による独立性:RCTを何度も何度も繰り返すなら、平均的には2群が交換可能
 - ▶ あなたが1回(2回、3回)しかやらない実験で、2群が交換可能 である保証はない

大数の法則を利用する

- 「統計学」で勉強したことを思い出そう
- 大数の法則 (LLN):標本サイズN が大きくなればなるほど、標本 平均は母平均に近づく
 - ▶ 被験者の数(標本サイズ)が十分大きければ、各群の平均値は母平均に十分近いはず
 - ▶ ランダム化により、2群の母集団分布は同じ:母平均も同じ
 - ▶ よって、被験者の数が十分大きければ、平均独立は満たされる

十分大きいとは?

- 「十分大きい」と言える標本サイズは、問題によって異なる
 - ▶ 大きな処置効果を識別したい:比較的小さいサイズでOK
 - ▶ 小さな処置効果を識別したい:比較的大きなサイズが必要
- 検出力分析 (power analysis) で標本サイズを決めることが必要 (参考: モファット 2018: 第2章)
 - ▶十分大きくないといけないが、大きすぎても困る
 - 詳しくは「実験デザイン」の授業で

20

バランスチェック

- 実践的には、「バランスチェック」で平均独立と言えそうかどうか判断する
- バランスチェック
 - ▶ 結果変数と相関がありそうな複数の変数の平均値が、2群で等しいことを確認する
 - ▶ バランスチェックの問題点
 - 1. 測定していない(できない)変数のバランスはわからない
 - 2. 「違いがない(バランスしている)」ことを示したいが、検定で積極的に示せるのは「違いがある(バランスしていない)」ことのみ

21

処置をどのようにランダム化するか

RCTとその目的

- RCTのポイント: 処置をランダムに割付ける
- 目的:各群を交換可能にする(処置と潜在的結果の独立性)
 - ▶ 各群の特徴を表す変数の確率分布を同じにする
 - 大数の法則を利用して、平均独立を実現する
 - ◆ 因果効果を推定可能にする

どうやってランダム化する?

- 実験者が事前に決めた方法で、確率的に処置を割付ける
- たとえば、
 - ▶ コイントス:表が出たら処置、裏が出たら統制
 - ▶ サイコロ:1が出たら処置、その他の目は統制
 - ▶ 実験室に到着した順に:処置、統制、処置、統制、…
 - ▶ 誕生日の日付が奇数なら処置、偶数なら統制

etc.

局所管理 (local control)

- 社会科学の研究: 個体が均質ではない
- できるだけ同質的な個体のブロック(あるいは層)を作り、ブロック内でランダム化した方がよい
 - ▶ ブロッキング (blocking)、 層別化 (stratification)
 - ブロッキングにより、推定の精度が高まる
 - ブロッキングしなくても ATE は推定できるが、ブロッキング できるならした方が良い

ブロッキングの例

- 男女50人ずつ、計100人の被験者に処置を割付ける
 - ▶ ブロッキングせず、ランダムに50人を処置群に割り付ける
 - 最悪の場合、男だけの群と、女だけの群ができる
 - そこまで極端でなくても、男女比にばらつきが出ると、性別による差が生じてしまう
 - ▶ 性別でブロッキングし、各ブロック内でランダムに半数を処置群に 割付ける
 - ブロックした要素(性別)について、処置群と統制群の違いがなくなる

基本的なランダム化法

- 1. ベルヌーイ実験 (Bernoulli trial for each unit): 各個体について、ベルヌーイ試行を行って処置するかどうか決める
- 2. 完全ランダム化実験 (completely randomized experiment): N 人から 処置群に割当てる n_1 人をランダムに選び、残りを統制
- 3. ブロック別(層別)ランダム化実験 (stratified randomized experiment):あらかじめ決めた各ブロック内で、完全ランダム化実験を行う 全体の平均処置効果は、ブロックサイズを重みにした加重平均
- 4. ペア毎のランダム化実験 (paired randomized experiment):個体をできるだけ同質なペアに分け、各ペア内でランダムに選んだ一方を処置(3の特殊ケースである)

27

各方法におけるパタンの数

男女50人ずつ、計100人の被験者を、処置群と統制群に割り付ける

- 1. ベルヌーイ実験: $2^{100} \approx 1.27 \times 10^{30}$
- 2. 完全ランダム化実験(100人から処置群に割付ける50人をランダムに選ぶとす

る):
$$\binom{100}{50} \approx 1.01 \times 10^{29}$$

3. ブロック別ランダム化実験(性別でブロッキングし、各ブロック内で半数を処置

群に):
$$\binom{50}{25} \cdot \binom{50}{25} \approx 1.60 \times 10^{28}$$

- 4. ペア毎のランダム化実験: 2⁵⁰ ≈ 1.13 × 10¹⁵
- 処置の割付けパタンは1が最も多く、4が最も少ない:4による因果効果の推定が、最も精度が高い

トピック3のまとめ

- RCT: ランダム化比較試験
 - ▶ 処置をランダムに割付け、平均処置効果を推定する
- RCTによって、セレクションバイアスを取り除くことができる
 - ▶ ただし、1つひとつの実験で平均処置効果が正しく推定できる保証はない
 - 大数の法則を利用する:標本サイズを「十分大きく」する
- ランダム化の方法は色々ある:ブロッキングしたほうが良い

RCTへの疑問

- どんな処置でもランダム化していいのか?
 - ▶ 病院に行くかどうか、実験者がコイントスで決めていいのか?
 - ▶ どんな処置を与えてもいいのか?
- ランダム化できない問題もあるのでは?
 - ▶ RCT ができない問題は研究できない・すべきでないのか?
 - ▶ 実験外の観察からしか得られない情報(データ)もあるのでは?

30

次回予告

Topic 4. 回帰分析