

试卷编号：

班级_____学号_____姓名_____

考核对象：信息学院 18 级

注意：1. 重修必须注明（重修）
2. 试卷背面为草算区

..... 装 订 线

大连工业大学 2018~2019 学年 第一学期

《高数阶段测验》试卷（ ）共 3 页第 1 页

题号	一	二	三	四	五	六	七	八	九	阅卷 总分	复核 总分
得分											

说明：“阅卷总分”由阅卷人填写；“复核总分”由复核人填写，复核总分不得有改动。

得分	
----	--

一、填空题：（每小题 3 分，共 15 分）

- 1、 $f(x)$ 在 $[a,b]$ 上连续是 $\int_a^b f(x)dx$ 存在的_____条件。
- 2、 $\int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}}dx=$ _____。
- 3、设 $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)=1$, a 为常数, 则 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \int_x^{x+a} f(x)dx =$ _____
- 4、 $\int_{-5}^5 \frac{x^3 \sin^2 x}{x^4 + 2x^2 + 1} dx=$ _____。
- 5、 $\int_2^{+\infty} \frac{dx}{x(\ln x)^k}$ ，其中 k 为常数, 当 $k > 1$ 时, 此积分_____。（填“收敛”或“发散”）

得分	
----	--

二、单选题：（每小题 3 分，共 15 分）

- 1、 $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{1}{1+x^2}dx=$ （ ）
(A) 0 (B) $\pi/2$ (C) π (D) 发散
- 2、若 $f(x)$ 连续, 则 $d\left(\int f(x)dx\right)=($)
(A) $f(x)$ (B) $f(x)+C$ (C) $f(x)dx$ (D) $f'(x)dx$
- 3、设 $I_1 = \int_0^1 e^x dx$, $I_2 = \int_0^1 (1+x)dx$ 则（ ）
(A) $I_1 < I_2$ (B) $I_1 > I_2$ (C) $I_1 = I_2$ (D) 无法比较
- 4、若设 $f(x)=\frac{d}{dx} \int_0^x \sin(t-x)dt$ ，则必有（ ）。

$A.f(x)=-\sin x$ $B.f(x)=-1+\cos x$ $C.f(x)=\sin x$ $D.f(x)=1-\sin x$
- 5、若 $F'(x)=\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ ， $F(1)=\frac{3}{2}\pi$ ，则 $F(x)$ 为（ ）
(A) $\arcsin x$ (B) $\arcsin x+\frac{\pi}{2}$ (C) $\arccos x+\pi$ (D) $\arcsin x+\pi$

得分	
----	--

三、计算题：（每小题 5 分，共 20 分）

- 1、求 $\int \frac{x+\arctan x}{1+x^2}dx$
- 2、计算 $\int \left(x^2+1\right)e^x dx$

.....

装 订 线

.....

大连工业大学 2018~2019 学年 第一学期

《高数阶段测验》试卷（ ）共 3 页第 2 页

- 3、求 $y = \frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}}$ 相应于 $1 \leq x \leq 2$ 的一段弧的长度。
- 4、求 $\int_0^1 x|2x - 1|dx$

得分		四、计算题：（每小题 5 分，共 20 分）
----	--	------------------------

1、求极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\int_0^{x^2} te^t \sin t dt}{x^6 e^x}$ 。

2、求 $\int_{\frac{1}{2}}^1 e^{\sqrt{2x-1}} dx$

3、设 $F(x) = \int_0^{x^2} e^{-t^2} dt$ ，试求 $F(x)$ 的极值。

4、已知 $f'(\sin x) = 1 + x$ ，求 $f(x)$ 。

大连工业大学 2018～2019 学年 第一学期

《高数阶段测验》试卷（ ）共 3 页第 3 页

得分	
----	--

五、（5 分）设 $f(x)$ 的一个原函数为 $\frac{\sin x}{x}$ ，求 $\int xf'(x)dx$ 。

得分	
----	--

六、（5 分）已知 $f(x)=e^{-x^2}$ ，求 $\int_0^1 f'(x)f''(x)dx$

得分	
----	--

七、（5 分）设由方程 $\int_0^y e^{t^2} dt + \int_0^{x^2} \frac{\sin t}{\sqrt{t}} dt = 1$ （ $x > 0$ ）确定 y 是 x 的函数，求 $\frac{dy}{dx}$ 。

得分	
----	--

八、（5 分）证明： $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{\sin x + \cos x} dx$

得分	
----	--

九、（10 分）计算抛物线 $y^2 = x$ 与直线 $x + y = 2$ 所围图形的面积，以及所围图形绕 y 轴旋转所成的旋转体体积。

大连工业大学 2018~2019 学年 第一学期《高数阶段测验》试卷 () 标准答案 共 1 页第 1 页

卷面满分：100

考核对象： 2018 级 信息学院

命题教师:

..... 装 订 线

一、填空题：(每小题 3 分，共 15 分)

1、充分

$$2, \quad -2 \cos \sqrt{x} + c$$

3、 a

4、 0

5、收敛

二、单项选择题：（每小题 3 分，共 15 分）

1、C

2、C

3、 B

4、A

5、 D

三、计算题（每小题 5 分，共 20 分）

$$1 - \frac{1}{2} \ln(1+x^2) + \frac{1}{2} (\arctan x)^2 + C \quad (5 \text{ 分})$$
$$2. \int (x^2 + 1)e^x dx = \int (x^2 + 1)d(e^x) = (x^2 + 1)e^x - 2 \int x d(e^x) = (x^2 - 2x + 3)e^x + C$$

(2 分)

(4 分)

(5 分)

$$3、\frac{2}{3}\left(3^{\frac{3}{2}}-2^{\frac{3}{2}}\right) \quad (5 \text{ 分})$$

4、 $\frac{1}{4}$ (5 分)

四、计算题（每小题 5 分，共 20 分）

1、解：原式 $= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\int_0^{x^2} te^t \sin t dt}{x^6} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 e^{x^2} \sin x^2 \cdot 2x}{6x^5} \quad (4分) = \frac{1}{3} \quad (5分)$

2、解：令 $\sqrt{2x-1}=t$ ，则 $x=\frac{t^2+1}{2}$ $dx=tdt$ 原式 $=\int_0^1 te^t dt$ (3分) $= (te^t - e^t)|_0^1 = 1$ (5分)

3、解:(1) $F'(x)=2xe^{-x^4}$ 令 $F'(x)=0$ 得 $x=0$ (2分) $x<0$ 时, $F'(x)<0$ $x>0$ 时, $F'(x)>0$ $\therefore F(0)=0$ 为极小值 (5分)

4、 $x(1 + \arcsin x) + \sqrt{1 - x^2} + c$ (5 分)

五、原式 $=\int xdf(x)=xf(x)-\int f(x)dx=x\left(\frac{\sin x}{x}\right)'-\frac{\sin x}{x}+C=\cos x-\frac{2\sin x}{x}+C$ (5分)

六、解：原式 = $\int_0^1 f'(x) df'(x)$ (3分)

$$= \frac{1}{2} f'(x) \Big|_0^1 = 2e^{-2} \quad (5 \text{ 分})$$

七、解： 两边对 x 求导 $e^{y^2} \cdot \frac{dy}{dx} + \frac{\sin x^2}{x} \cdot 2x = 0$ $\frac{dy}{dx} = -2e^{-y^2} \sin x^2$ (5分)

八、 证明: 令 $x = \frac{\pi}{2} - t$ (2分)

$$\text{左边} = \int_{\frac{\pi}{2}}^0 \frac{-\cos t}{\cos t + \sin t} dt \quad (4 \text{ 分})$$
$$= \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{\sin x + \cos x} dx = \text{右边} \quad (5 \text{ 分})$$

九、解：联立方程，得交点坐标 $(1,1), (4,-2)$

$$S = \int_{-2}^1 (2 - y - y^2) dy = \frac{9}{2}, \quad (5 \text{ 分}) \quad V_y = \int_{-2}^1 \pi(2 - y)^2 dy - \int_{-2}^1 \pi(y^2)^2 dy = \frac{72}{5}\pi \quad (10 \text{ 分})$$