

# KCF Tracker による高速物体追跡\*

内海 佑麻<sup>†</sup> (61602452)

2019/07/23

## 概要

モダンな物体追跡手法として, KCF Tracker (Kernelized Correlation Filter Tracker) を紹介し, 実装をおこなった. KCF Tracker は, データ行列に巡回性を持たせることにより, DCT による対角化が可能となり, 処理にかかるストレージおよび計算量を大幅に削減することができる. さらに, カーネルトリックにより

## 目次

<b>1</b>	<b>はじめに</b>	<b>1</b>
1.1	Optical flow . . . . .	1
<b>2</b>	<b>理論</b>	<b>2</b>
2.1	Ridge 回帰 . . . . .	2
2.2	巡回行列と DFT . . . . .	3
2.3	カーネルトリック . . . . .	3
<b>3</b>	<b>実装</b>	<b>3</b>
<b>4</b>	<b>考察</b>	<b>3</b>
<b>5</b>	<b>結論</b>	<b>3</b>

## 1 はじめに

### 1.1 Optical flow

異なる時点の 2 画像間で, 各画素値の移動量を表現したベクトルを Optical Flow という. Optical Flow により特徴点を検出することで, たとえば動画内の特定の物体を追跡することができる. まず, 一般論として, 勾配法 (Gradient-based method) による Optical Flow の求解手順を定式化する. 勾配法では, Taylor 展開による近似を用いるため, 「連続する 2 画像での対象物の移動が微小であること」を前提としている.

---

\*慶應義塾大学 理工学研究科 2019 春学期 "Computer Vision 特論" 最終レポート

<sup>†</sup>情報工学科 4 年, Email: uchiumi@ailab.ics.keio.ac.jp

勾配法による **Optical Flow** の球解 画像  $I$  における画素  $(x, y)$  の時刻  $t$  における画素値を  $I(x, y, t)$ , 時間  $\delta t$  に対する画素値の移動量を  $(\delta x, \delta y)$  とおく. 移動前後で対象画素の画素値が不変であると仮定すると,

$$I(x, y, t) = I(x + \delta x, y + \delta y, \delta t) \quad (1)$$

が成り立つ. さらに, 画素値の変化が滑らかであると仮定すると, 1 次までの Taylor 展開により, 以下の近似式を得る.

$$I(x, y, t) \approx I(x, y, t) + \frac{\partial I}{\partial x} \delta x + \frac{\partial I}{\partial y} \delta y + \frac{\partial I}{\partial t} \delta t \quad (2)$$

両辺を  $\delta t$  で割って, 整理すると,

$$\frac{\partial I}{\partial x} \frac{\delta x}{\delta t} + \frac{\partial I}{\partial y} \frac{\delta y}{\delta t} + \frac{\partial I}{\partial t} = 0 \quad (3)$$

$\delta t \rightarrow 0$  とすれば,

$$\frac{\partial I}{\partial x} \frac{\partial x}{\partial t} + \frac{\partial I}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial t} + \frac{\partial I}{\partial t} = 0 \quad (4)$$

ここで, 画素  $(x, y)$  の Optical Flow:  $(u, v) = \left( \frac{\partial x}{\partial t}, \frac{\partial y}{\partial t} \right)$  に着目する.  $I_x = \frac{\partial I}{\partial x}$ ,  $I_y = \frac{\partial I}{\partial y}$ ,  $I_t = \frac{\partial I}{\partial t}$ , とおけば,  $(u, v)$  がみたすべき方程式<sup>1</sup>は, 次式のようになる.

$$I_x u + I_y v + I_t = 0 \quad (5)$$

しかし, 上式は 2 つの未知数  $u, v$  に対して方程式は 1 つであり, 解が定まらない<sup>2</sup>. そのため, 上式に加えて, いくつかの仮定 (制約条件) を導入して Optical Flow:  $(u, v)$  を球解する手法が提案されている. 古典的で重要な手法として, Lucas–Kanade 法や Horn–Schunck 法がある.

- Lucas–Kanade 法

「各画素の近傍では, 移動方向が相関する」という仮定をおく. 画像中の特定の点 (領域) に絞って追跡を行うような用途に適しているため, sparse 型と呼ばれる.

- Horn–Schunck 法

「各画素は, 変化率が最小となる方向へ移動する」という仮定をおく. 画像中の画素全体の動きを解析するような用途に適しているため, dense 型と呼ばれる.

## 2 理論

### 2.1 Ridge 回帰

SVM などの洗練されたモデルに近い性能をもち, かつ単純な閉形式解<sup>3</sup>をもつ Ridge 回帰を用いる. 訓練データ  $(\mathbf{x}_i, y_i)_{i=1 \dots N}$  に対する Ridge 回帰は, 以下のように定式化される.

$$\max_{\mathbf{w}} \sum_i (f(\mathbf{x}_i) - y_i)^2 + \lambda \|\mathbf{w}\|^2, \quad f(\mathbf{x}_i) = \mathbf{w}^T \mathbf{x}_i \quad (6)$$

<sup>1</sup>これを, OpticalFlow の拘束式と呼ぶ.

<sup>2</sup>これを, Aperture Problem(窓問題) という.

<sup>3</sup>四則演算と初等関数の合成関数によって表せる解を, 閉形式解 (closed-form solution) という.

Ridge 回帰の閉形式解は，以下のようになる．

$$\mathbf{w} = (X^T X + \lambda I)^{-1} X^T \mathbf{y} \quad (7)$$

さらに，転置行列  $X^T$  を，エルミート転置  $X^H := (X^*)^T$  によって，拡張すると，

$$\mathbf{w} = (X^T X + \lambda I)^{-1} X^H \mathbf{y} \quad (8)$$

となる.<sup>4</sup>

## 2.2 巡回行列と DFT

$$P = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 \\ 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (9)$$

巡回行列を定義する．

$$C(\mathbf{x}) = \begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & \cdots & x_n \\ x_n & x_1 & x_2 & \cdots & x_{n-1} \\ x_{n-1} & x_n & x_1 & \cdots & x_{n-2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_2 & x_3 & x_4 & \cdots & x_1 \end{bmatrix} \quad (10)$$

## 2.3 カーネルトリック

## 3 実装

## 4 考察

## 5 結論

- 連続状態空間の制御タスクにおける好奇心駆動の探索戦略: VIME を提案.
- 状態遷移の前後で，KL 情報量が最大化するように報酬関数を設計.
- モデルパラメータ  $\theta$  の事後分布を推定する際，変分推論 (VI) を用いる.
- モデルパラメータ  $\theta$  は，探索環境のダイナミクスを表現している.
- VIME は，ヒューリスティックを上回る実験結果を示した.

---

<sup>4</sup>  $A^*$  は，行列  $A$  の複素共役を表す．

## 参考文献