群体运动问题

Yumaxwell*

May 23, 2019

1 背景

群体运动是自然界中常见的现象。对于一个群体,如鱼群、鸟群。每个个体可能仅具有比较简单的能力,但是集合在一起组成群体,能够表现出复杂的行为。

2 问题描述

给定一个群体,在三维空间中可以自由飞行,空间坐标采用笛卡尔坐标系 O-xyz。群体中有 N 个独立个体,每个个体记为 N_i , $i=1,2,\cdots,N$,其对应空间坐标为对于时间 t 的函数 $\boldsymbol{x_i}(t) = [x_i(t), y_i(t), z_i(t)]$ 。针对给定的初始群体位置 $\boldsymbol{S_1} = \{\boldsymbol{x_1}, \boldsymbol{x_2}, \cdots, \boldsymbol{x_N}\}$,和预定的目标位置 $\boldsymbol{S_2} = \{\boldsymbol{x_1}, \boldsymbol{x_2}, \cdots, \boldsymbol{x_N}\}$,求解每个个体的飞行路径轨迹,以及花费的总体时间。

在飞行过程中,每个个体的速度和加速度 在整个飞行过程中应该保持在限定范围内。

$$\mathbf{v}_i(t) < \mathbf{v}_{\text{max}}, \quad t \in [t_{\text{start}}, t_{\text{end}}], i = 1, 2, \cdots, N.$$
 (1)

$$\boldsymbol{a_i}(t) < \boldsymbol{a}_{\text{max}}, \quad t \in [t_{\text{start}}, t_{\text{end}}], i = 1, 2, \cdots, N.$$
 (2)

同时,在飞行过程中,任意两个个体的需要保持安全飞行间距,

$$\forall t \in [t_{\text{start}}, t_{\text{end}}], \quad \forall i, j \in \{1, 2, \cdots, N\}, i \neq j, \quad |\boldsymbol{x_i}(t) - \boldsymbol{x_j}(t)| \ge d_{\text{th}}. \tag{3}$$

要求实现计算程序的模块化。

群体位置生成算法。

^{*}Template version 0.3, DONOT COPY WITHOUT PERMISSION! CONTACT yuwenjun@pku.edu.cn

¹或者开始阶段可以仅采用速度约束,但加速度约束最终也应增加。

个体运动模型。

个体运动轨迹算法。

评估飞行安全距离。

图形显示。

3 后续问题

- 1. 有哪些飞行策略?
- 2. 如何找到时间最短的飞行策略?
- 3. 是否有应用?比如缓解交通拥堵?