

1. The transition table is:

–	<i>Begin</i>	<i>M</i> ₁	<i>M</i> ₂	<i>M</i> ₃	<i>M</i> ₄	<i>D</i> ₁	<i>D</i> ₃	<i>D</i> ₄	<i>I</i> ₀	<i>I</i> ₁	<i>I</i> ₂	<i>I</i> ₄	<i>End</i>
<i>Begin</i>	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0
<i>M</i> ₁	0.0	0.0	0.67	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.33	0.0	0.0	0.0
<i>M</i> ₂	0.0	0.0	0.0	0.5	0.0	0.0	0.125	0.0	0.0	0.375	0.0	0.0	0.0
<i>M</i> ₃	0.0	0.0	0.0	0.0	0.857	0.0	0.0	0.143	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
<i>M</i> ₄	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.571	0.429
<i>D</i> ₁	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0
<i>D</i> ₃	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
<i>D</i> ₄	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0
<i>I</i> ₀	0.0	0.429	0.0	0.0	0.0	0.143	0.0	0.0	0.429	0.0	0.0	0.0	0.0
<i>I</i> ₁	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
<i>I</i> ₂	0.0	0.0	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
<i>I</i> ₄	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.375	0.625
<i>End</i>	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0

The emission probabilities at match states:

- M1:

A	1/6 = 0.167
C	5/6 = 0.833

- M2:

T	7/8 = 0.875
G	1/8 = 0.125

- M3:

G	1/7 = 0.143
C	6/7 = 0.857

- M4:

A	$5/7 = 0.714$
T	$2/7 = 0.286$

2)

	_	C	T	C	T	G	A
Begin	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
I_0	0.0	2.5×10^{-1}	2.68×10^{-2}	2.87×10^{-3}	3.08×10^{-4}	3.3×10^{-5}	3.54×10^{-6}
I_1	0.0	0.0	8.93×10^{-3}	9.58×10^{-4}	7.98×10^{-4}	1.1×10^{-5}	1.18×10^{-6}
I_2	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	5.23×10^{-4}	9.36×10^{-6}
I_4	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.43×10^{-5}
D_1	0.0	3.57×10^{-2}	3.83×10^{-3}	4.1×10^{-4}	4.4×10^{-5}	4.71×10^{-6}	5.06×10^{-7}
D_3	0.0	0.0	0.0	0.0	6.98×10^{-4}	1.25×10^{-5}	0.0
D_4	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	5.7×10^{-5}	0.0
M_1	0.0	0.0	0.0	9.57×10^{-3}	0.0	0.0	2.36×10^{-6}
M_2	0.0	0.0	0.0	0.0	5.58×10^{-3}	9.98×10^{-5}	0.0
M_3	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	3.99×10^{-4}	0.0
M_4	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	2.44×10^{-4}
End	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0	1.05×10^{-4}

According to Viterbi Algorithm, the most likely sequence is:

$Begin \rightarrow I_0 \rightarrow I_0 \rightarrow M_1 \rightarrow M_2 \rightarrow M_3 \rightarrow M_4 \rightarrow End$

The best path is:

_ C T C _ T _ G A _ _ _

The probability associated with the best path is 1.05×10^{-4} .