윤성우의 열혈 자료구조

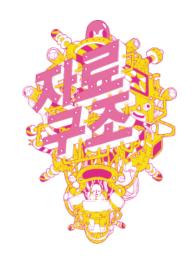
: C언어를 이용한 자료구조 학습서



Chapter 09. 우선순위 큐와 힙

Introduction To Data Structures Using C

Chapter 09. 우선순위 큐와 힙



Chapter 09-1:

우선순위 큐의 이해

우선순위 큐와 우선순위의 이해

일반 큐의 두 가지 연산

· enqueue 큐에 데이터를 삽입하는 행위

· dequeue 큐에서 데이터를 꺼내는 행위

들어간 순서를 근거로 dequeue 연산이 진행된다.

우선순위 큐의 두 가지 연산

· enqueue 우선순위 큐에 데이터를 삽입하는 행위

· dequeue 우선순위 큐에서 데이터를 꺼내는 행위

들어간 순서에 상관 없이 <mark>우선순위</mark>를 근거로 dequeue 연산이 진행된다.

데이터 별 우선순위의 비교기준은 프로그래머가 결정할 몫이다! 따라서 우선순위 큐 자료구조를 활용하는 프로그래머가 직접 우선순위 비교기준을 결정할 수 있도록 구현이 되어야 한다.



우선순위 큐의 구현 방법

우선순위 큐를 구현하는 세 가지 방법

- ·배열을 기반으로 구현하는 방법
- 연결 리스트를 기반으로 구현하는 방법
- · 힙(heap)을 이용하는 방법



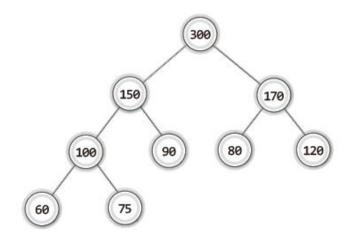
두 가지 방법 모두 최악의 경우 새 데이터의 위치를 찾기 위해서 기존에 저장된 모든 데이터와 비교를 진행해야 한다.



▶ [그림 09-1: 단순 배열과 연결 리스트 기반의 우선순위 큐 모델]

우선순위를 근거로 적정 위치를 찾아서 데이터를 저장하는 방식

힙(Heap)의 소개

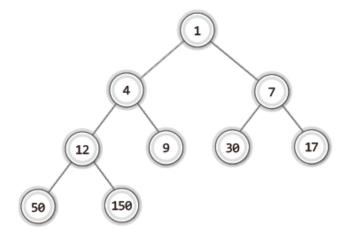


힙은 '완전 이진 트리'이다!

모든 노드에 저장된 값은 자식 노드에 저장된 값보다 크거나 같아야 한다.

즉 루트 노드에 저장된 값이 가장 커야 한다.

▶ [그림 09-2: 최대 힙(max heap)]



모든 노드에 저장된 값은 자식 노드에 저장된 값보다 크거나 같아야 한다.

즉 루트 노드에 저장된 값이 가장 커야 한다.

▶ [그림 09-3: 최소 힙(min heap)]

Chapter 09. 우선순위 큐와 힙

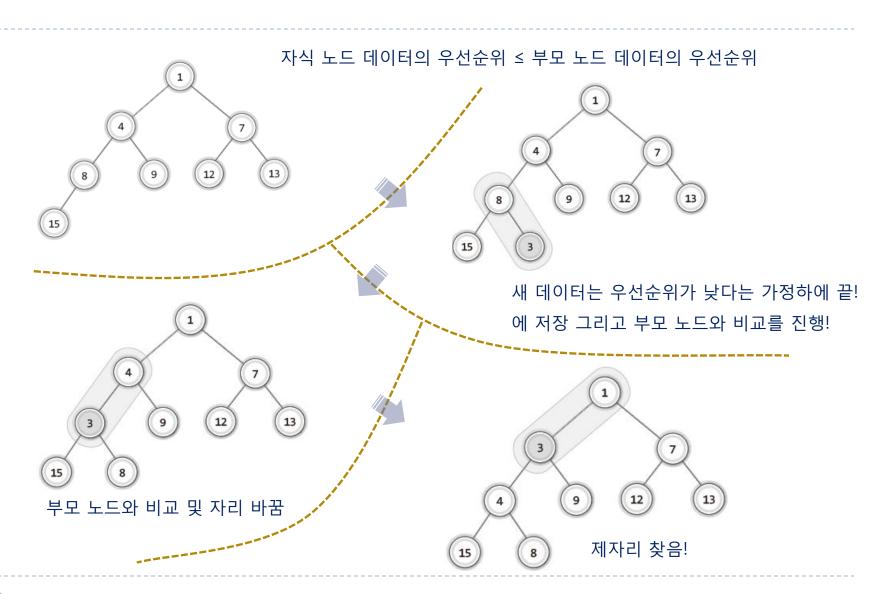


Chapter 09-2:

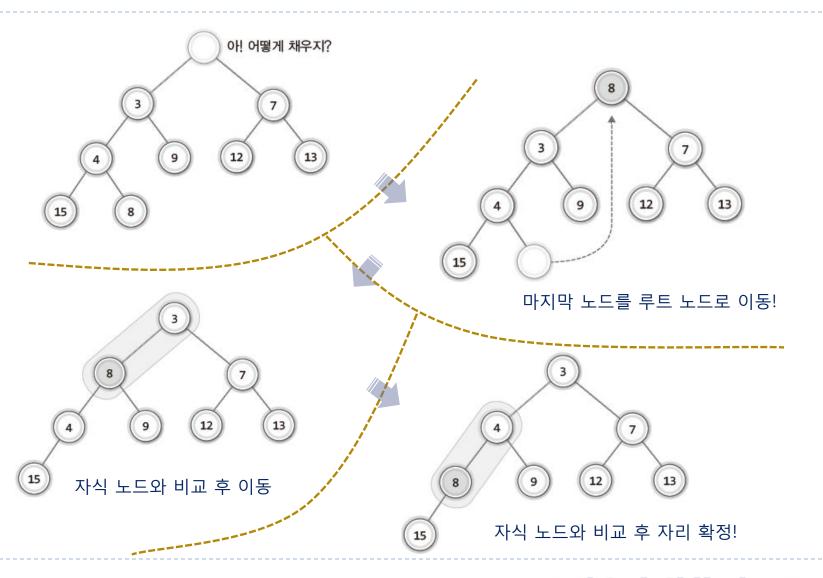
힙의 구현과 우선순위 큐의 완성



힙에서의 데이터 저장과정



힙에서의 데이터 삭제과정



삽입과 삭제의 과정에서 보인 성능의 평가

배열 기반 우선순위 큐의 시간 복잡도

·배열 기반 데이터 삽입의 시간 복잡도 O(n)

 \cdot 배열 기반 데이터 삭제의 시간 복잡도 O(1)

연결 리스트 기반 우선순위 큐의 시간 복잡도

 \cdot 연결 리스트 기반 데이터 삽입의 시간 복잡도 O(n)

 \cdot 연결 리스트 기반 데이터 삭제의 시간 복잡도 O(1)

힙 기반 우선순위 큐의 시간 복잡도

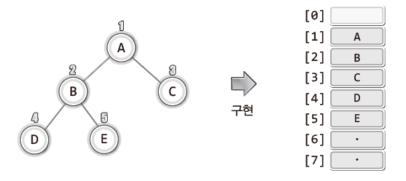
· 힙 기반 데이터 삽입의 시간 복잡도 O(log₂ n)

· 힙 기반 데이터 삭제의 시간 복잡도 O(log₂ n)

단! 여기서 말하는 '완전 이진 트리'인 힘은 배열은 기반으로 구현한다!



배열을 기반으로 힙을 구현하는데 필요한 지식들



"연결 리스트를 기반으로 힙을 구현하면, 새로운 노드를 힙의 '마지막 위치'에 추가하는 것이 쉽지 않다."

배열 기반에서 인덱스 값 구하기!

- · 왼쪽 자식 노드의 인덱스 값
- 오른쪽 자식 노드의 인덱스 값
- ㆍ부모 노드의 인덱스 값

부모 노드의 인덱스 값 × 2

부모 노드의 인덱스 값 × 2 + 1

자식 노드의 인덱스 값 ÷ 2

나눗셈은 정수형 나눗셈



원리 이해 중심의 힙 구현: 헤더파일의 소개

```
typedef char HData;
typedef int Priority;
typedef struct heapElem
  Priority pr; // 값이 작을수록 높은 우선순위
                                       데이터와 우선순위 정보를 각각 구분하였음에 주목!
  HData data;
                                       이것이 옳은 것만은 아니다!
} HeapElem;
typedef struct _heap
                               힙을 구현하는 것이므로 함수의 이름이 enqueue, dequeue가
  int numOfData;
  HeapElem heapArr[HEAP_LEN];
                               아니다!
} Heap;
void HeapInit(Heap * ph);
                              우선순위 큐의 구현을 목적으로 하는 힙의 헤더파일 정의!
int HIsEmpty(Heap * ph);
void HInsert(Heap * ph, HData data, Priority pr);
HData HDelete(Heap * ph); 우선순위가 가장 높은 데이터 삭제되도록 정의!
```



원리 이해 중심의 힙 구현: 숙지할 내용

- · 힙은 완전 이진 트리이다.
- · 힙의 구현은 배열을 기반으로 하며 인덱스가 0인 요소는 비워둔다.
- · 따라서 힙에 저장된 노드의 개수와 마지막 노드의 고유번호는 일치한다.
- ㆍ노드의 고유번호가 노드가 저장되는 배열의 인덱스 값이 된다.
- 우선순위를 나타내는 정수 값이 작을수록 높은 우선순위를 나타낸다고 가정한다

배열은 기반으로 하는 경우! 힘에 저장된 노드의 개수와 마지막 노드의 고유번호가 일치하기 때문에 마지막 노드의 인덱스 값은 쉽게 얻은 수 있다! 이것은 중요한 특징이다!



원리 이해 중심의 힙 구현: 초기화와 Helper

```
void HeapInit(Heap * ph)
{
    ph->numOfData = 0;
}
```

초기학!

```
int HIsEmpty(Heap * ph)
{
    if(ph->numOfData == 0)
       return TRUE;
    else
       return FALSE;
}
```

비었는지 확인

```
Helper!
int GetParentIDX(int idx)
   return idx/2;
    부모 노드의 인덱스 값 반환
                        Helper!
int GetLChildIDX(int idx)
   return idx*2;
  왼쪽 자식 노드의 인덱스 값 반환
                        Helper!
int GetRChildIDX(int idx)
   return GetLChildIDX(idx)+1;
 오른쪽 자식 노드의 인덱스 값 반환
```

원리 이해 중심의 힙 구현: Helper

```
우선 수위가 높은 자식의 인덱스 값 반환!
int GetHiPriChildIDX(Heap * ph, int idx)
{
                                   numOfData는 마지막 노드의 고유번호이니.
   // 자식 노드가 존재하지 않는다면,
   if(GetLChildIDX(idx) > ph->numOfData)
                                   자식 노드의 값이 이보다 크면 존재하지 않는 자식 노드이다.
      return 0; 자식 노드 없으면 0 박화/
   // 자식 노드가 왼쪽 자식 노드 하나만 존재한다면,
                                        자식 노드가 하나 존재하면 이는 왼쪽 자식 노드이다.
   else if(GetLChildIDX(idx) == ph->numOfData)
      return GetLChildIDX(idx);
                                        와전 이징 트리 이므로!
   // 자식 노드가 둘 다 존재한다면,
   else
      // 오른쪽 자식 노드의 우선순위가 높다면,
      if(ph->heapArr[GetLChildIDX(idx)].pr > ph->heapArr[GetRChildIDX(idx)].pr)
         return GetRChildIDX(idx); // 오른쪽 자식 노드의 인덱스 값 반환
      // 왼쪽 자식 노드의 우선순위가 높다면,
      else
         return GetLChildIDX(idx); // 왼쪽 자식 노드의 인덱스 값 반화
}
```

원리 이해 중심의 힙 구현: HDelete

```
HData HDelete(Heap * ph)
   HData retData = (ph->heapArr[1]).data; // 반환을 위해서 삭제할 데이터 저장
   HeapElem lastElem = ph->heapArr[ph->numOfData]; // 힙의 마지막 노드 저장
                  마지막 노드릇 있시 저장하여 그에 맞는 자리를 찾아나간다!
   // 아래의 변수 parentIdx에는 마지막 노드가 저장될 위치정보가 담긴다.
   int parentIdx = 1; // 루트 노드가 위치해야 할 인덱스 값 저장
   int childIdx;
   // 루트 노드의 우선순위가 높은 자식 노드를 시작으로 반복문 시작
                                                            국이 루트 노드의 자리로 옮기지 않아도 된다!
   while(childIdx = GetHiPriChildIDX(ph, parentIdx))
      if(lastElem.pr <= ph->heapArr[childIdx].pr) // 마지막 노드와 우선순위 비교
         break:
                // 마지막 노드의 우선순위가 높으면 반복문 탈출!
                                                                                12
      // 마지막 노드보다 우선순위 높으니, 비교대상 노드의 위치를 한 레벨 올림
      ph->heapArr[parentIdx] = ph->heapArr[childIdx];
                                                                  15
      parentIdx = childIdx; // 마지막 노드가 저장될 위치정보를 한 레벨 내림
     // 반복문 탈출하면 parentIdx에는 마지막 노드의 위치정보가 저장됨
   ph->heapArr[parentIdx] = lastElem; // 마지막 노드 최종 저장
   ph->numOfData -= 1;
   return retData;
```

원리 이해 중심의 힙 구현: HInsert

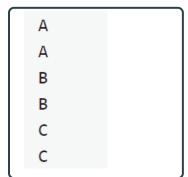
```
void HInsert(Heap * ph, HData data, Priority pr)
{
   int idx = ph->numOfData+1; // 새 노드가 저장될 인덱스 값을 idx에 저장
   HeapElem nelem = {pr, data}; // 새 노드의 생성 및 초기화
   // 새 노드가 저장될 위치가 루트 노드의 위치가 아니라면 while문 반복
   while(idx != 1)
                               새 노드릇 마지막 위치에 직접 저장하지 않아도 된다.
   {
                               어차띠 이동은 하니!
      // 새 노드와 부모 노드의 우선순위 비교
      if(pr < (ph->heapArr[GetParentIDX(idx)].pr)) // 새 노드의 우선순위 높다면
      ſ
         // 부모 노드를 한 레벨 내림, 실제로 내림
                                                                    1
         ph->heapArr[idx] = ph->heapArr[GetParentIDX(idx)];
         // 새 노드를 한 레벨 올림, 실제로 올리지는 않고 인덱스 값만 갱신
         idx = GetParentIDX(idx);
                                                                      12
      else
            // 새 노드의 우선순위가 높지 않다면
         break;
                                                      새 노드의 인덱스 정보를 갱신만 하자!
   ph->heapArr[idx] = nelem; // 새 노드를 배열에 저장
                                                      그렇처럼 실제 저장까지 항 필요는 없다!
   ph->numOfData += 1;
                                                      어차띠 이동해야 하므로!
```

힙의 확인을 위한 main 함수! 그리고 반성!

```
int main(void)
   Heap heap;
                        // 힙의 초기화
   HeapInit(&heap);
   HInsert(&heap, 'A', 1); // 문자 'A'를 최고의 우선순위로 저장
   HInsert(&heap, 'B', 2); // 문자 'B'를 두 번째 우선순위로 저장
   HInsert(&heap, 'C', 3); // 문자 'C'를 세 번째 우선순위로 저장
   printf("%c \n", HDelete(&heap));
   HInsert(&heap, 'A', 1); // 문자 'A' 한 번 더 저장!
   HInsert(&heap, 'B', 2); // 문자 'B' 한 번 더 저장!
   HInsert(&heap, 'C', 3); // 문자 'C' 한 번 더 저장!
   printf("%c \n", HDelete(&heap));
   while(!HIsEmpty(&heap))
      printf("%c \n", HDelete(&heap));
   return 0;
```

SimpleHeap.h SimpleHeap.c SimpleHeapMain.c

실행결과



데이터를 저장할 때 우선순위 정보를 별도로 전달하는 것은 적합하지 않은 경우가 많다. 일반적으로 데이터의 우선순위는 데이터를 근거로 판단이 이뤄지기 때문이다.

제법 쓸만한 수준의 힙 구현: 구조체 변경

```
typedef struct heapElem
    Priority pr;
    HData data;
} HeapElem;
typedef struct _heap
    int numOfData;
    HeapElem heapArr[HEAP LEN];
} Heap;
```



구조체의 변경!

```
typedef struct heap
    PriorityComp * comp;
    int numOfData;
    HData heapArr[HEAP LEN];
} Heap;
```

typedef int PriorityComp(HData d1, HData d2);

```
void HeapInit(Heap * ph, PriorityComp pc) 구조체의 변경에 따른 초기학 함수의 변경!
   ph->numOfData = 0;
   ph->comp = pc;
```

프로그래머가 힘의 우선순위 판단 기준은 설정할 수 있어야 한다!



제법 쓸만한 수준의 힙 구현: PriorityComp

PriorityComp 형 함수의 정의 기준

- ㆍ첫 번째 인자의 우선순위가 높다면, 0보다 큰 값 반환!
- · 두 번째 인자의 우선순위가 높다면, 0보다 작은 값 반환!
- ㆍ첫 번째, 두 번째 인자의 우선순위가 동일하다면, 0이 반환!

void HInsert(Heap * ph, HData data, Priority pr);



우선 순위 정보를 별도로 받지 않는다.

void HInsert(Heap * ph, HData data);

PriorityComp형 함수가 등록되면! HInsert 함수는 등록된 함수를 활용하여 우선순위를 비교 판단한다.



제법 쓸만한 수준의 힙 구현: Helper 함수의 변경

```
int GetHiPriChildIDX(Heap * ph, int idx)
   if(GetLChildIDX(idx) > ph->numOfData)
       return 0;
   else if(GetLChildIDX(idx) == ph->numOfData)
       return GetLChildIDX(idx);
   else
    // if(ph->heapArr[GetLChildIDX(idx)].pr
                  > ph->heapArr[GetRChildIDX(idx)].pr)
       if(ph->comp(ph->heapArr[GetLChildIDX(idx)],
                   ph->heapArr[GetRChildIDX(idx)]) < 0)</pre>
           return GetRChildIDX(idx);
       else
           return GetLChildIDX(idx);
```

comp에 등록된 함수의 호충결라른 통해서 우선순위를 판단한다.



제법 쓸만한 수준의 힙 구현: HInsert의 변경

```
void HInsert(Heap * ph, HData data)
   int idx = ph->numOfData+1;
                                             comp에 등록된 함수의 호충결과를
   while(idx != 1)
                                             통해서 우선순위를 딴단!
      if(pr < (ph->heapArr[GetParentIDX(idx)].pr))
       if(ph->comp(data, ph->heapArr[GetParentIDX(idx)]) > 0)
           ph->heapArr[idx] = ph->heapArr[GetParentIDX(idx)];
           idx = GetParentIDX(idx);
       else
           break;
   ph->heapArr[idx] = data;
   ph->numOfData += 1;
```



제법 쓸만한 수준의 힙 구현: HDelete의 변경

```
HData HDelete(Heap * ph)
   HData retData = ph->heapArr[1];
   HData lastElem = ph->heapArr[ph->numOfData];
   int parentIdx = 1;
   int childIdx;
   while(childIdx = GetHiPriChildIDX(ph, parentIdx))
                                                            comp에 등록된 함수의 호충결과를
   // if(lastElem.pr <= ph->heapArr[childIdx].pr)
      if(ph->comp(lastElem, ph->heapArr[childIdx]) >= 0)
                                                           [통해서 우선순위를 딴단!
          break;
       ph->heapArr[parentIdx] = ph->heapArr[childIdx];
       parentIdx = childIdx;
   ph->heapArr[parentIdx] = lastElem;
   ph->numOfData -= 1;
   return retData;
```



제법 쓸만한 수준의 힙 구현: main 함수

```
int main(void)
   Heap heap;
   HeapInit(&heap, DataPriorityComp);
   HInsert(&heap, 'A');
   HInsert(&heap, 'B');
   HInsert(&heap, 'C');
    printf("%c \n", HDelete(&heap));
   HInsert(&heap, 'A');
   HInsert(&heap, 'B');
   HInsert(&heap, 'C');
    printf("%c \n", HDelete(&heap));
   while(!HIsEmpty(&heap))
       printf("%c \n", HDelete(&heap));
    return 0;
```

```
int DataPriorityComp(char ch1, char ch2)
{
    return ch2-ch1;
// return ch1-ch2;
}
아스키 코드 값이 작은 문자의 우선순위가 더 높다!
```

UsefulHeap.h UsefulHeap.c UsefulHeapMain.c

```
A
A
B
C
C
```

실행결과



제법 쓸만한 수준의 힙을 이용한 우선순위 큐의 구현

```
#include "UsefulHeap.h"

typedef Heap PQueue;
typedef HData PQData;

void PQueueInit(PQueue * ppq, PriorityComp pc);
int PQIsEmpty(PQueue * ppq);

void PEnqueue(PQueue * ppq, PQData data);
PQData PDequeue(PQueue * ppq);
```

합의 함수를 사실상 우선순위 큐의 내용으로 구현해 놓 았기 때문에 실제 할 일은 별것 없다!

```
void PQueueInit(PQueue * ppq, PriorityComp pc)
   HeapInit(ppq, pc);
int PQIsEmpty(PQueue * ppq)
   return HIsEmpty(ppq);
void PEngueue(PQueue * ppg, PQData data)
   HInsert(ppq, data);
PQData PDequeue(PQueue * ppq)
   return HDelete(ppq);
```

수고하셨습니다~



Chapter 09에 대한 강의를 마칩니다!

