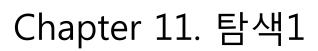
윤성우의 열혈 자료구조

: C언어를 이용한 자료구조 학습서



Introduction To Data Structures Using C



Chapter 11. 탐색1



Chapter 11-1:

탐색의 이해와 보간 탐색



탐색의 이해

효율적인 탐색을 위해서는 '어떻게 찾을까'만을 고민해서는 안 된다.

그보다는 '효율적인 탐색을 위한 저장방법'을 우선 고민해야 한다.

효육적인 탐색이 가능한 대표적인 자료구조는 트리이다.



보간 탐색

이진 탐색과 보간 탐색 모두 정렬이 완료된 데이터를 대상으로 탐색을 진행하는 알고리즘이다.

아래의 배열은 대상으로 정수 /2를 찾는다고 가정하면?



알고리즘 별 탐색 위치의 선택 방법

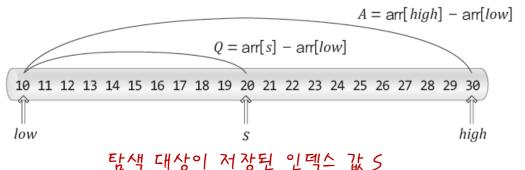
· 이진 탐색 무조건 중간에 위치한 데이터를 탐색의 위치로 결정!

·보간 탐색 대상에 비례하여 탐색의 위치를 결정!

보간 탐색은 단번에 탐색 대상은 찾은 확률이 어느 정도 존재한다.



보간 탐색: 비례식 구성



low, high는 시작과 끝의 인덱스 값

A: Q = (high-low): (s-low)



 $s = \frac{Q}{A}(high-low) + low$

비례식 구성



$$s = \frac{x - arr[low]}{arr[high] - arr[low]} (high-low) + low$$

탄색 위치의 인덱스 값 계산식

탐색 키와 탐색 데이터

```
typedef Key int;  // 탐색 키에 대한 typedef 선언

typedef Data double;  // 탐색 데이터에 대한 typedef 선언

typedef struct item
{
    Key searchKey;  // 탐색 키(search key)
    Data searchData;  // 탐색 데이터(search data)
} Item;

프로그램 개발에 있어서 등장할 수 있는 유형의 구조체
```

실제 프로그램 개발에 있어서 탐색의 대상은 '데이터'가 아닌 '키(key)'이다. 다만 학습의 편의를 위해서, 우리는 데이터를 찾는 형태로 간단히 예제를 작성하고 있을뿐이다!



보간 탐색의 구현

이진 탐색

```
int BSearchRecur(int ar[], int first, int last, int target)
    int mid;
   if(first > last)
        return -1;
                                         교체하면 보간 탐색이 된다!
    mid = (first+last) / 2;
   if(ar[mid] == target)
        return mid;
    else if(target < ar[mid])</pre>
        return BSearchRecur(ar, first, mid-1, target);
    else
        return BSearchRecur(ar, mid+1, last, target);
                                              mid = ((double)(target-ar[first]) / (ar[last]-ar[first]) *
                                                       (last-first)) + first;
                                                       s = \frac{x - arr[low]}{arr[high] - arr[low]} (high-low) + low
```

보간 탐색의 구현: 오류의 수정

```
int ISearch(int ar[], int first, int last, int target)
                                        if(ar[first]>target || ar[last]<target)</pre>
   int mid;
   if(first > last)
                     // -1의 반환은 탐색의 실패를 의미
       return -1;
                                                                탑색 대상이 존재 않는 경우
   mid = ((double)(target-ar[first]) / (ar[last]-ar[first]) *
    0
          (last-first)) + first;
                                                                int main(void)
   if(ar[mid] == target)
                                                                    int arr[] = \{1, 3, 5, 7, 9\};
       return mid;
                        // 탐색된 타겟의 인덱스 값 반환
   else if(target < ar[mid])</pre>
                                                                    ISearch(arr, 1, 4, 2);
       return ISearch(ar, first, mid-1, target);
   else
       return ISearch(ar, mid+1, last, target);
                                                                  위의 함수 호충로 mid는 0이 된다.
               ISearch(arr, 1, 4, 2); 이저 호축과 동일한 인자 전달!
```

그래서 탈출 조건은 이진 탐색의 경우와 달리해야 한다. 보간 탐색의 탈출 조건은 다음의 특성을 기반으로 구성해야 한다.

"탐색대상이 존재하지 않는 경우, ISearch 함수가 재귀적으로 호출됨에 따라 target에 저장된 값은 first와 last가 가리키는 값의 범위를 넘어서게 된다."



Chapter 11. 탐색1



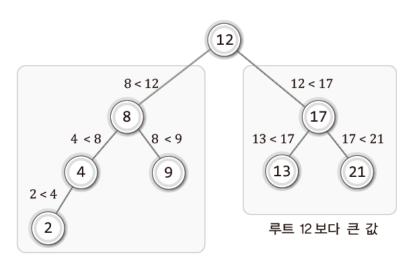
Chapter 11-2:

이진 탐색 트리

이진 탐색 트리의 이해

이진 탐색 트리 = 이진 트리 + 데이터의 저장 규칙

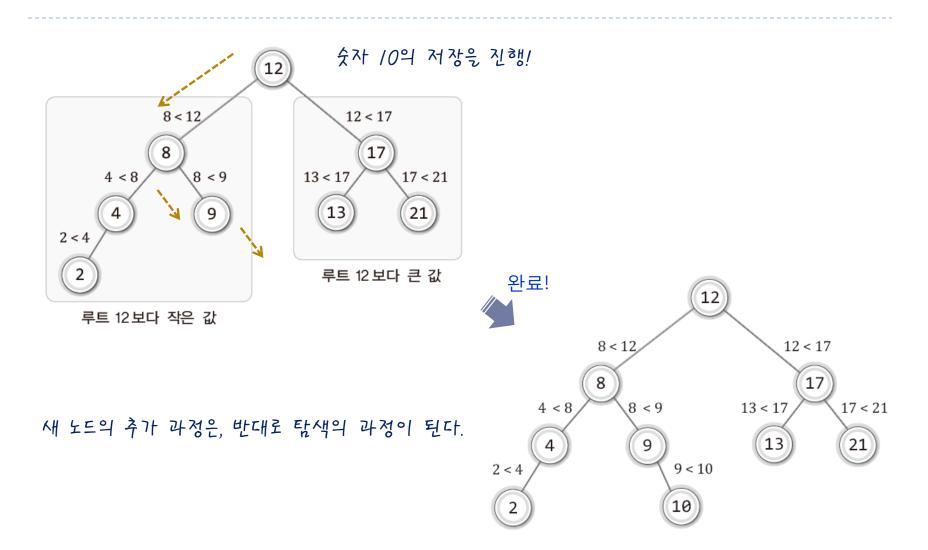
자료구조	위치 정보	데이터의 수	거치는 노드의 수
연결 리스트	있다!	10억 개	최악의 경우 10억 개
이진 탐색 트리	있다!	10억 개	평균 30개 미만



루트 12보다 작은 값

- · 이진 탐색 트리의 노드에 저장된 키(key)는 유일!
- · 루트 노드의 키 > 왼쪽 서브 트리를 구성하는 키
- · 루트 노드의 키 < 오른쪽 서브 트리를 구성하는 키
- · 왼쪽과 오른쪽 서브 트리도 이진 탐색 트리!

이진 탐색 트리의 노드 추가 과정



이진 탐색 트리의 구현 방안

- · 구현 방법 1 이전에 구현한 이진 트리를 참조하여 처음부터 완전히 다시 구현을 한다.
- · 구현 방법 2
 이진 탐색 트리도 이진 트리이니, 이전에 구현한 이진 트리를 활용하여 구현한다.
 BinaryTree2.h와 BinaryTree2.c를 활용하여 구현한다.

두 번째 구현방법의 적용이 가능하다면 당연히 이 방법을 선택해야 한다. 따라서 이 방법을 선택하여 이진 탐색 트리를 구현하기로 하겠다! 그리고 구현의 과정에서 앞서 구현한 '이진 트리를 만드는 도구의 기능' 이 부족할 수 있다. 이러한 경우 도구의 성능을 확장 및 개선 시키면 된다.

이진 탐색 트리의 헤더파일

BinaryTree2.h

- BTreeNode * MakeBTreeNode(void); 노드를 동적으로 할당해서 그 노드의 주소 값을 반환한다.
- BTData GetData(BTreeNode * bt);
 노드에 저장된 데이터를 반환한다.
- void SetData(BTreeNode * bt, BTData data);
 인자로 전달된 데이터를 노드에 저장한다.
- BTreeNode * GetLeftSubTree(BTreeNode * bt); 인자로 전달된 노드의 왼쪽 자식 노드의 주소 값을 반환한다.
- BTreeNode * GetRightSubTree(BTreeNode * bt); 인자로 전달된 노드의 오른쪽 자식 노드의 주소 값을 반환한다.
- void MakeLeftSubTree(BTreeNode * main, BTreeNode * sub); 기존 왼쪽 자식 노드 삭제! 인자로 전달된 노드의 왼쪽 자식 노드를 교체한다.
- void MakeRightSubTree(BTreeNode * main, BTreeNode * sub); 기존 오른쪽 자식 노드 삭제! 인자로 전답된 노드의 오른쪽 자식 노드를 교체한다.

BinarySearchTree.h 삭제 관련 함수는 후에 별도 추가!

```
// BST의 생성 및 초기화
void BSTMakeAndInit(BTreeNode ** pRoot);

// 노드에 저장된 데이터 반환
BSTData BSTGetNodeData(BTreeNode * bst);

// BST를 대상으로 데이터 저장(노드의 생성과정 포함)
void BSTInsert(BTreeNode ** pRoot, BSTData data);

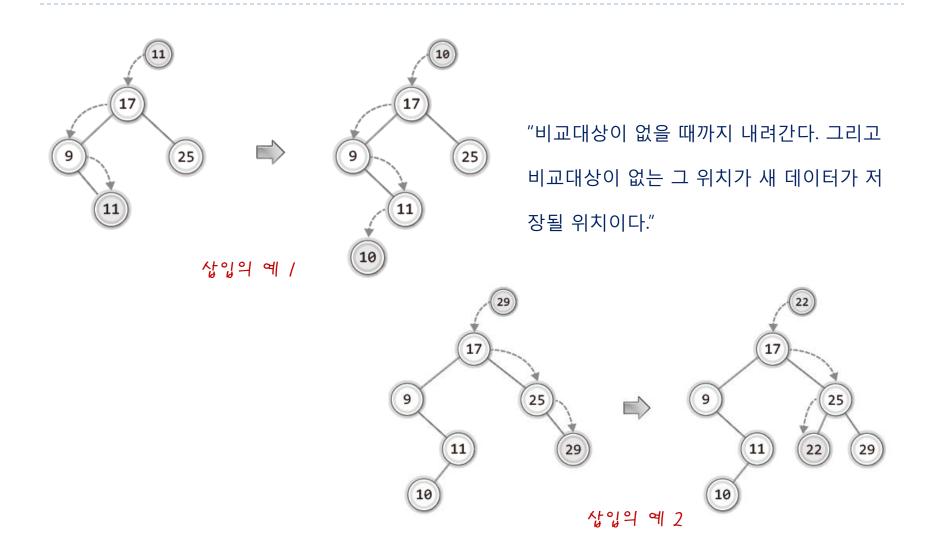
// BST를 대상으로 데이터 탐색
BTreeNode * BSTSearch(BTreeNode * bst, BSTData target);
```

BinaryTree2.h에 선언된 함수등은 이용해서 위의 함수등은 정의한다!

이진 탐색 트리 기반 main 함수

```
int main(void)
   BTreeNode * bstRoot;
                     // bstRoot는 BST의 루트 노드를 가리킨다.
   BTreeNode * sNode;
   BSTMakeAndInit(&bstRoot); // Binary Search Tree의 생성 및 초기화
   BSTInsert(&bstRoot, 1); // bstRoot에 1을 저장
   BSTInsert(&bstRoot, 2); // bstRoot에 2를 저장
   BSTInsert(&bstRoot, 3); // bstRoot에 3을 저장
                                             이진 탕색 트리의 사용자 입장에서는 단순히 데이터를
   // 탐색! 1이 저장된 노드를 찾아서!
   sNode = BSTSearch(bstRoot, 1);
                                             저장하고 탑색하면 된다!
   if(sNode == NULL)
      printf("탐색 실패 \n");
                                             어떠한 형태로 트리가 구성이 되는지 알 필요가 없다!
   else
      printf("탐색에 성공한 키의 값: %d \n", BSTGetNodeData(sNode));
   return 0;
```

이진 탐색 트리의 구현: 삽입과 탐색



이진 탐색 트리의 구현: 삽입 함수의 구현

```
void BSTInsert(BTreeNode ** pRoot, BSTData data)
    BTreeNode * pNode = NULL;
                                // parent node
    BTreeNode * cNode = *pRoot;
                                // current node
    BTreeNode * nNode = NULL;
                                // new node
                                                        이어서…
   // 새로운 노드가(새 데이터가 담긴 노드가) 추가될 위치를 찾는다.
   while(cNode != NULL)
       if(data == GetData(cNode))
                                                        // pNode의 자식 노드로 새 노드를 추가
          return; // 데이터의(키의) 중복을 허용하지 않음
                                                        if(pNode != NULL) // 새 노드가 루트 노드가 아니라면,
       pNode = cNode;
                                                           if(data < GetData(pNode))</pre>
                                                              MakeLeftSubTree(pNode, nNode);
       if(GetData(cNode) > data)
                                                           else
          cNode = GetLeftSubTree(cNode);
                                                              MakeRightSubTree(pNode, nNode);
       else
                                                        else
                                                             // 새 노드가 루트 노드라면,
          cNode = GetRightSubTree(cNode);
                                                           *pRoot = nNode;
```

이진 탐색 트리의 구현: 탐색 함수의 구현

```
BTreeNode * BSTSearch(BTreeNode * bst, BSTData target)
    BTreeNode * cNode = bst; // current node
    BSTData cd;
                            // current data
    while(cNode != NULL)
                                  삽입의 과정은 근거로 탐색은 진행한다.
                                  따라서 구현하기가 있다!
       cd = GetData(cNode);
       if(target == cd)
           return cNode; 탐색에 성공하면 해당 노드의 주소 값은 반환!
                                                                         12
       else if(target < cd)</pre>
                                                               8 < 12
                                                                                 12 < 17
           cNode = GetLeftSubTree(cNode);
       else
                                                                                    17
                                                               8
          cNode = GetRightSubTree(cNode);
                                                         4 < 8
                                                                             13 < 17
                                                                                       17 < 21
                                                                               13
                                                                       9 < 10
    return NULL; // 탐색대상이 저장되어 있지 않음.
```

이진 탐색 트리의 구현: 소스파일 & 실행

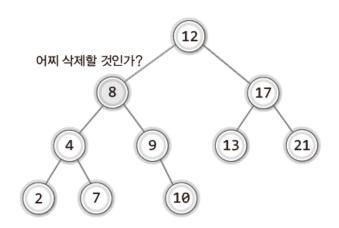
```
#include "BinaryTree2.h"
#include "BinarySearchTree.h"
void BSTMakeAndInit(BTreeNode ** pRoot)
   *pRoot = NULL;
}
BSTData BSTGetNodeData(BTreeNode * bst)
   return GetData(bst);
}
void BSTInsert(BTreeNode ** pRoot, BSTData data)
   // 위에서 소개하였으니 생략합니다.
BTreeNode * BSTSearch(BTreeNode * bst, BSTData target)
   // 위에서 소개하였으니 생략합니다.
```

BinaryTree2.h
BinaryTree2.c
BinarySearchTree.h
BinarySearchTree.c
BinarySearchTreeMain.c

실행은 위한 따일의 구성!



이진 탐색 트리 삭제 구현: 상황 별 삭제



삭제로 인한 빈 자리를 어떻게 채워야 할까?

삭제와 관련해서 고려해야 할 세 가지 상황

· 상황 1 삭제할 노드가 단말 노드인 경우

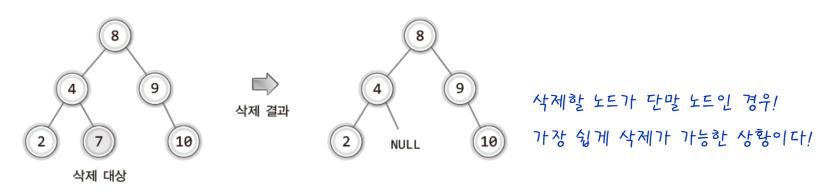
· 상황 2 삭제할 노드가 하나의 자식 노드를(하나의 서브 트리를) 갖는 경우

·상황 3 삭제할 노드가 두 개의 자식 노드를(두 개의 서브 트리를) 갖는 경우

각 상황 별로 추가로 삭제할 노드가 루트 노드인 경우를 구분해야 하지만 이를 피해가는 형태로 코 드를 구성하기로 한다!



이진 탐색 트리 삭제 구현: 상황 1



코드레벨 구현

RemoveLeftSubTree, RemoveRightSubTree 함수는 BinaryTree2.h와 BinaryTree2.c에 추가 할 함수



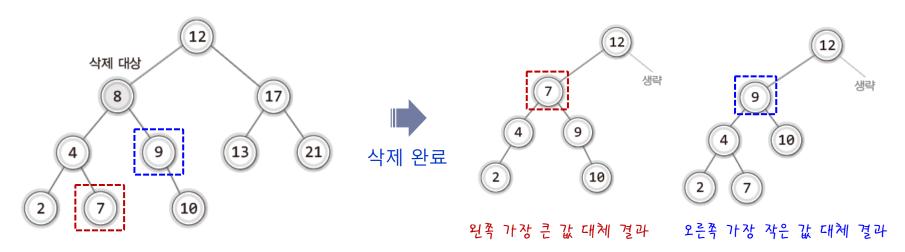
이진 탐색 트리 삭제 구현: 상황 2



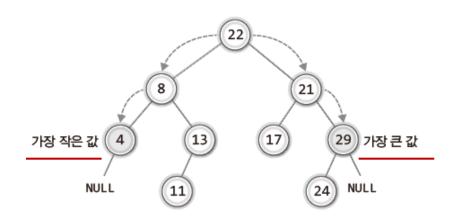
삭제할 노드가 하나의 자식 노드 갖는 경우

```
// dNode와 pNode는 각각 삭제할 노드와 이의 부모 노드를 가리키는 포인터 변수
                                                                   코드레벨 구현
if(삭제할 노드가 하나의 자식 노드를 지닌다!)
                      // 삭제 대상의 자식 노드를 가리키는 포인터 변수
   BTreeNode * dcNode;
   // 삭제 대상의 자식 노드를 찾는다.
   if(GetLeftSubTree(dNode) != NULL)
                                   // 자식 노드가 왼쪽에 있다면,
      dcNode = GetLeftSubTree(dNode);
   else
                                   // 자식 노드가 오른쪽에 있다면,
                                                          ChangeLeftSubTree, ChangeRightSubTree 함수는
      dcNode = GetRightSubTree(dNode);
                                                          BinaryTree2.h와 BinaryTree2.c에 추가 할 함수
   // 삭제 대상의 부모 노드와 자식 노드를 연결한다.
   if(GetLeftSubTree(pNode) == dNode)
                                   // 삭제 대상이 왼쪽 자식 노드이면,
      ChangeLeftSubTree(pNode, dcNode);
                                      // 왼쪽으로 연결
                                   // 삭제 대상이 오른쪽 자식 노드이면,
   else
                                     // 오른쪽으로 연결
      ChangeRightSubTree(pNode, dcNode);
```

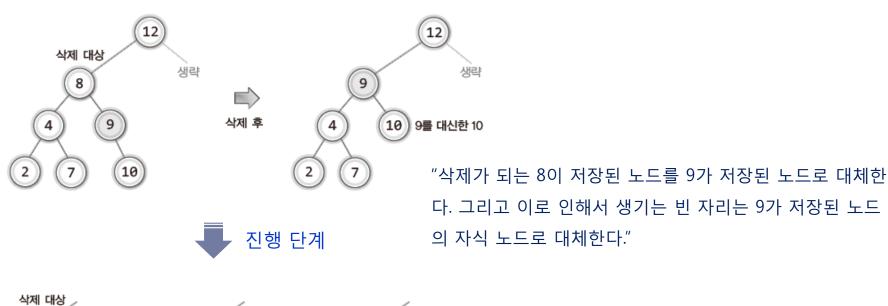
이진 탐색 트리 삭제 구현: 상황 3

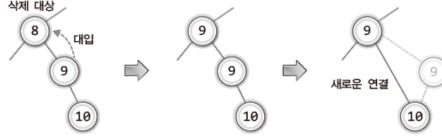


왼쪽 서브 트리에서 가장 큰 값, 또는 오른쪽 서브 트리에서 가장 작은 값으로 대체



이진 탐색 트리 삭제 구현: 적용 모델





- · 단계 1 삭제할 노드를 대체할 노드를 찾는다.
- · 단계 2 대체할 노드에 저장된 값을 삭제할 노드에 대입한다.
- · 단계 3 대체할 노드의 부모 노드와 자식 노드를 연결한다.

이진 탐색 트리 삭제 구현: 상황 3의 구현

```
// dNode와 pNode는 각각 삭제할 노드와 이의 부모 노드를 가리키는 포인터 변수
if(삭제함 노드가 두 개의 자식 노드를 지닌다)
   BTreeNode * mNode = GetRightSubTree(dNode); // mNode는 대체 노드 가리킴
   BTreeNode * mpNode = dNode; // mpNode는 대체 노드의 부모 노드 가리킴
                                                   이어서…
   // 단계 1. 삭제 대상의 대체 노드를 찾는다.
   while(GetLeftSubTree(mNode) != NULL)
                                                             // 대체할 노드가 오른쪽 자식 노드라면
                                                     else
      mpNode = mNode;
      mNode = GetLeftSubTree(mNode);
                                                       // 대체할 노드의 자식 노드를 부모 노드의 오른쪽에 연결
                                                       ChangeRightSubTree(mpNode, GetRightSubTree(mNode));
   // 단계 2. 대체할 노드에 저장된 값을 삭제할 노드에 대입한다.
                                                              자식 노드가 있다면 오른쪽 자식 노드이다!
   SetData(dNode, GetData(mNode));
   // 단계 3. 대체할 노드의 부모 노드와 자식 노드를 연결한다.
   if(GetLeftSubTree(mpNode) == mNode)
                                 // 대체할 노므가 왼쪽 자식 노드라면
      // 대체할 노드의 자식 노드를 부모 노드의 왼쪽에 연결
      ChangeLeftSubTree(mpNode, GetRightSubTree(mNode));
                                                                                  새로운 연결
                         자식 노드가 있다면 오른쪽 자식 노드이다!
                                                              10
```

삭제 구현을 위한 이진 트리의 확장

BinaryTree2.h와 BinaryTree2.c에 추가되는 함수들!

필요에 의해서 앞서 만들어 놓은 도구의 기능은 확장 및 추가한 것으로 이는 타당한 접근 방법으로 보아야 옳다!

확장된 함수의 구현

```
// 메모리의 소멸을 수반하지 않고 main의 왼쪽 자식 노드를 변경한다.

void ChangeLeftSubTree(BTreeNode * main, BTreeNode * sub)
{
    main->left = sub;
}

// 메모리의 소멸을 수반하지 않고 main의 오른쪽 자식 노드를 변경한다.

void ChangeRightSubTree(BTreeNode * main, BTreeNode * sub)
{
    main->right = sub;
}
```

BinaryTree3.c에 정의된 네개의 함수

```
// 왼쪽 자식 노드 제거, 제거된 노드의 주소 값이 반환된다.
BTreeNode * RemoveLeftSubTree(BTreeNode * bt)
    BTreeNode * delNode;
    if(bt != NULL) {
       delNode = bt->left;
       bt->left = NULL;
    return delNode;
}
// 오른쪽 자식 노드 제거, 제거된 노드의 주소 값이 반환된다.
BTreeNode * RemoveRightSubTree(BTreeNode * bt)
    BTreeNode * delNode;
    if(bt != NULL) {
       delNode = bt->right;
       bt->right = NULL;
    return delNode;
```

이진 탐색 트리 삭제의 완전한 구현: 초기화

```
BTreeNode * BSTRemove(BTreeNode ** pRoot, BSTData target)
    BTreeNode * pVRoot = MakeBTreeNode();
    BTreeNode * pNode = pVRoot;
    BTreeNode * cNode = *pRoot;
    BTreeNode * dNode;
                                          가상 루트 노드를 형성한 이유는 삭제할 노드가 루트 노
    ChangeRightSubTree(pVRoot, *pRoot);
                                          드인 경우의 예외적인 삭제흐름을 일반화하기 위함이다.
    . . . .
                                                               가상 루트 노드
                                                         pNode
                                                          pVRoot
                                                                    cNode
// bstRoot에 루트 노드의 주소값 저장
                                                                      bstRoot
                                                                               pRoot
                                                                            Virtual Root Node
BSTRemove(&bstRoot, 7);
                                                                   SR
                                                                            Root Node
```

이진 탐색 트리 삭제의 완전한 구현: 삭제 대상 찾기

```
// 삭제 대상인 노드를 탐색
while(cNode != NULL && GetData(cNode) != target)
{
    pNode = cNode;
    if(target < GetData(cNode))
        cNode = GetLeftSubTree(cNode);
    else
        cNode = GetRightSubTree(cNode);
}

if(cNode == NULL) // 삭제 대상이 존재하지 않는다면,
    return NULL;

dNode = cNode; // 삭제 대상을 dNode가 가리키게 한다.
```

cNode의 부모 노드를 pNode가 가리키게 해야 하기 때문에 이 부분을 BSTSearch 함수의 호출로 대신할 수 없다!

여기까지가 실제 삭제의 상황 / or 상황 2 or 상황 3 의 진행은 위한 준비과정이다!



이진 탐색 트리 삭제의 완전한 구현: 상황 1

앞서 작성한 코드

상황 /의 완성된 코드

```
// 첫 번째 경우: 삭제 대상이 단말 노드인 경우
if(GetLeftSubTree(dNode) == NULL && GetRightSubTree(dNode) == NULL)
{
  if(GetLeftSubTree(pNode) == dNode)
    RemoveLeftSubTree(pNode);
  else
    RemoveRightSubTree(pNode);
}
```



이진 탐색 트리 삭제의 완전한 구현: 상황 2

앞서 작성한 코드

```
// dNode와 pNode는 각각 삭제할 노드와 이의 부모 노드를 가리키는 포인터 변수
if(삭제할 노드가 하나의 자식 노드를 지닌다!)
   BTreeNode * dcNode; // 삭제 대상의 자식 노드를 가리키는 포인터 변수
                                                                              상황 2의 완성된 코드
   // 삭제 대상의 자식 노드를 찾는다
   if(GetLeftSubTree(dNode) != N
                             // 두 번째 경우: 삭제 대상이 하나의 자식 노드를 갖는 경우
      dcNode = GetLeftSubTree(dl
                              else if(GetLeftSubTree(dNode) == NULL || GetRightSubTree(dNode) == NULL)
   else
      dcNode = GetRightSubTree(
                                 BTreeNode * dcNode; // 삭제 대상의 자식 노드 가리킴
   // 삭제 대상의 부모 노드와 자식
   if(GetLeftSubTree(pNode) == d
                                 if(GetLeftSubTree(dNode) != NULL)
      ChangeLeftSubTree(pNode,
                                     dcNode = GetLeftSubTree(dNode);
   else
      ChangeRightSubTree(pNode,
                                 else
                                     dcNode = GetRightSubTree(dNode);
                                 if(GetLeftSubTree(pNode) == dNode)
                                     ChangeLeftSubTree(pNode, dcNode);
                                 else
                                     ChangeRightSubTree(pNode, dcNode);
```

이진 탐색 트리 삭제의 완전한 구현: 상황 3

```
// 세 번째 경우: 두 개의 자식 노드를 모두 갖는 경우
else
{
   BTreeNode * mNode = GetRightSubTree(dNode); // 대체 노드 가리킴
   BTreeNode * mpNode = dNode; // 대체 노드의 부모 노드 가리킴
   int delData;
   // 삭제 대상의 대체 노드를 찾는다.
   while(GetLeftSubTree(mNode) != NULL) {
      mpNode = mNode;
      mNode = GetLeftSubTree(mNode);
                                             이어서…
   }
   // 대체 노드에 저장된 값을 삭제할 노드에 대입한다.
   delData = GetData(dNode);
                                        // 대체 노드의 부모 노드와 자식 노드를 연결한다.
   SetData(dNode, GetData(mNode));
                                        if(GetLeftSubTree(mpNode) == mNode)
                                           ChangeLeftSubTree(mpNode, GetRightSubTree(mNode));
                                        else
                                           ChangeRightSubTree(mpNode, GetRightSubTree(mNode));
                                        dNode = mNode;
                                        SetData(dNode, delData); // 백업 데이터 복원
```

이진 탐색 트리 삭제의 완전한 구현: 마무리

```
// 삭제된 노드가 루트 노드인 경우에 대한 추가적인 처리
if(GetRightSubTree(pVRoot) != *pRoot)
    *pRoot = GetRightSubTree(pVRoot); // 루트 노드의 변경을 반영

free(pVRoot); // 가상 루트 노드의 소멸
return dNode; // 삭제 대상의 반환

BinaryTree3.h
BinaryTree3.c
BinarySearchTree2.h
BinarySearchTree2.c
J행왕 위한 파일의 구성!
```

수고하셨습니다~



Chapter 11에 대한 강의를 마칩니다!

