



# 基礎密碼學(一)

- 密碼學基本概念
- 早期密碼系統
- 近代密碼系統



# 密碼學基本概念

## ■ 什麼是資料**加密**？

- 將資料以特定方式予以**重新排列**、**打亂**或**隱藏**於負載媒體中

## ■ 資料為什麼要加密？

- 網路傳遞機密資訊易被**竊聽**。因此，對機密資料存入磁碟、備援磁帶或傳遞網路前，先加密成**密文**，使未經授權人員不能得知其內容

## ■ 密碼學是一種藝術

- 加密 + 解密
- 加密 ➔ 容易
- 解密 ➔ 難如登天



# 密碼學基本概念 (Cont.)

## ■ 密碼系統依應用可提供下列功能

- **秘密性**(Secrecy or Privacy)：防止未被授權者發現明文
- **鑑定性**(Authenticity)：確定資訊來源的合法性
- **完整性**(Integrity)：確定資訊沒有被有意或無意的更改
- **不可否認性**(Nonrepudiation)：發送方在事後不可否認其傳送過的資訊

## ■ 保密技術的價值

- 保密程度 → 越高越好
- 金鑰大小 → 越小越好



# 密碼學基本概念 (Cont.)

- 加解密運算的複雜度 → 越簡單越好
- 明文擴充 → 越少越好

## ■ 測試加密系統的方式

- **只知密文攻擊** (Cipher-text-only attack)：僅知密文而還原成明文，現代密碼學下不易成功
- **已知明文攻擊** (Known-plaintext attack)：知道加密前的明文及加密後的密文，藉此推算出加密金鑰



## 密碼學基本概念 (Cont.)

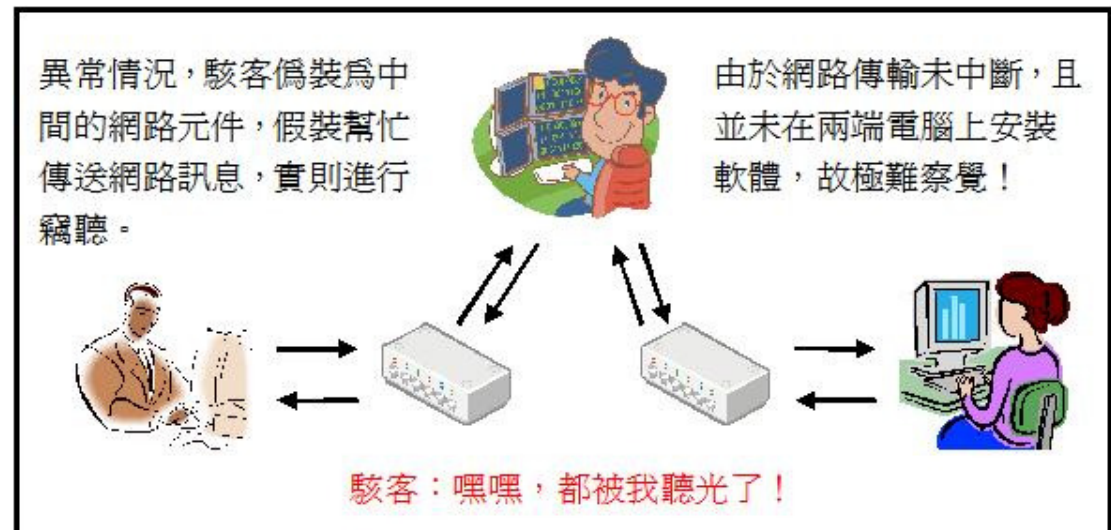
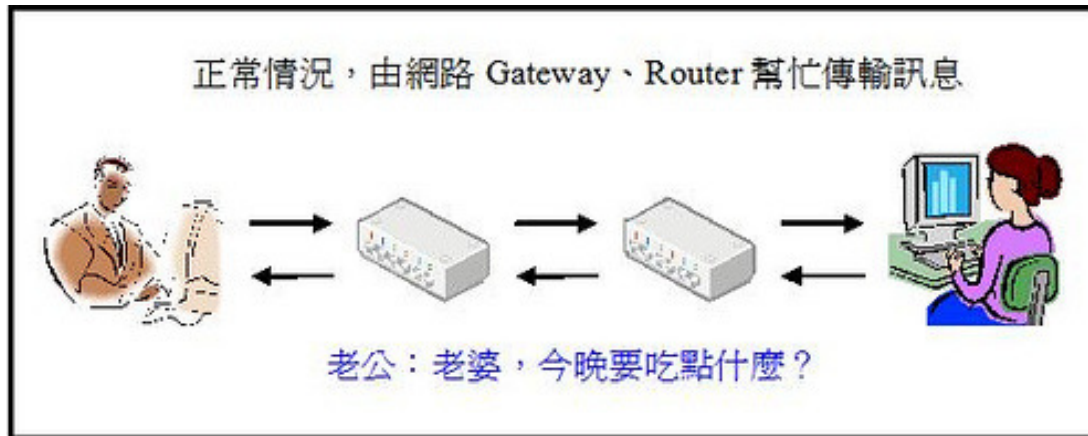
- **選擇密文攻擊** (Chosen-cipher-text attack)：藉由自選的密文及其相對應的明文以求得其他密文的明文
- **選擇明文攻擊** (Chosen-plain-text attack)：藉由自己的明文及其相對應的密文以求得其他密文的明文

### ■ 密碼攻擊技巧

- **窮舉法攻擊** (Brute-force attack)：依加密金鑰的長度進行所有排列組合嚐試
- **字典攻擊** (Dictionary attack)：一般使用者設定密碼通常不夠亂，且長以易記憶的字串為主

# 密碼學基本概念 (Cont.)

## ■ 中間人攻擊 (Man in the meddle attack)



資料來源：<http://mmdays.com/2008/11/10/mitm/>



# 密碼學基本概念 (Cont.)

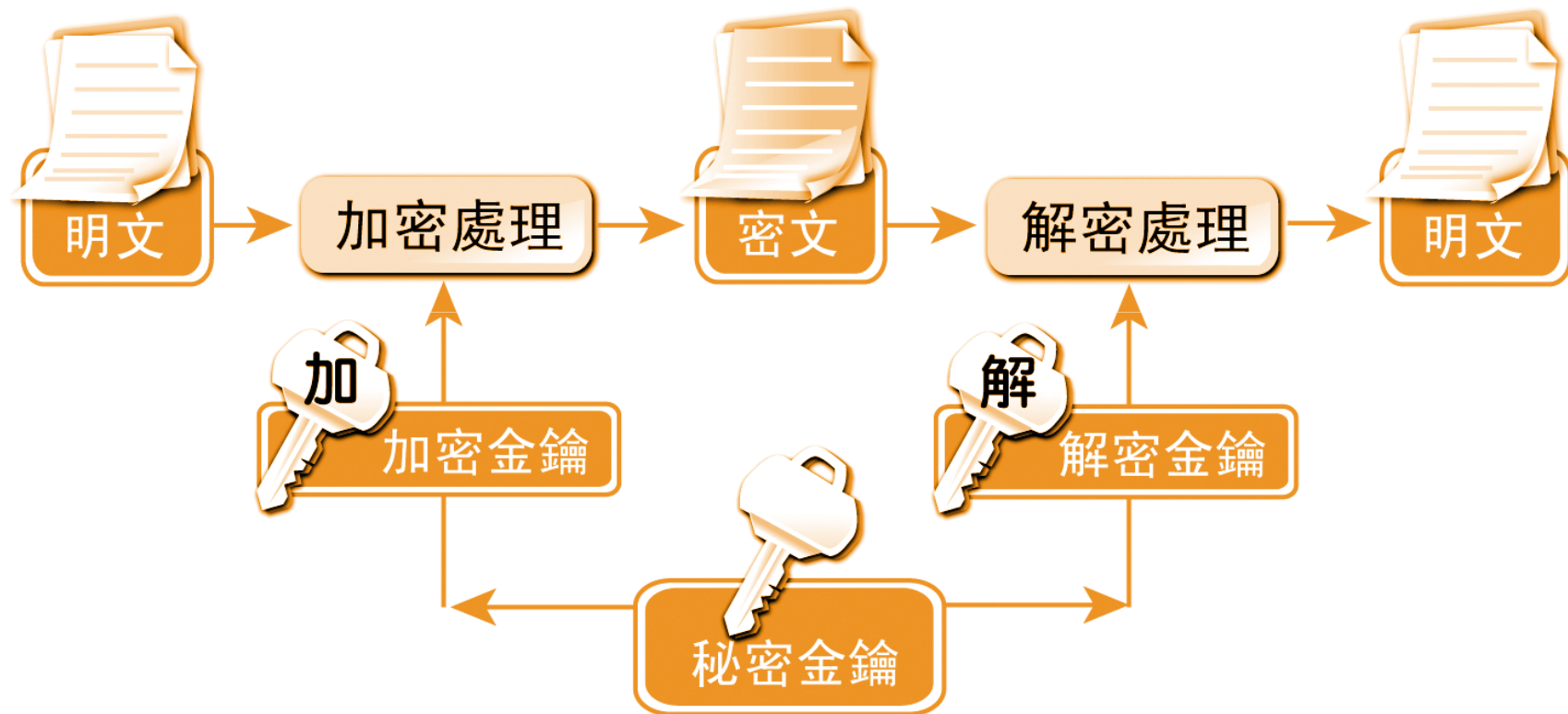
## ■ 解密

- 將加密後的訊息反打亂變成可閱讀的訊息

## ■ 加解密系統

- 收送雙方須先溝通好加解密方式
- 使用者即使知道加密協定，在其不知道金鑰的情況下在有限時間內無法解得正確訊息

# 密碼學基本概念 (Cont.)







# 密碼學基本概念 (Cont.)

$E$ ：加密演算法

$D$ ：解密演算法

$K$ ：金鑰

$M$ ：明文

加密公式：

$$C = E_K(M)$$

解密公式：

$$D_K(C) = D_K(E_K(M)) = M$$



# 密碼學基本概念 (Cont.)

- 為什麼加密方法或演算法必須公開
  - 較不佔空間
  - 未公開的加解密演算法也難保其安全
  - 相容性的問題
- 密碼系統的安全性程度
  - **無條件安全**(Unconditionally Secure)
    - 未被授權使用者不管截獲多少個密文，用盡各種方法還是沒有足夠資訊可以導出明文之機密資料
  - **計算安全**(Computationally Secure)
    - 目前或未來預測之科技、在合理之資源設備下，要破解密碼系統需要一段相當長的時間（例如數百年）

# 無條件安全密碼系統

## ■ 二進制的基本運算

$$\begin{array}{r} \square \text{ AND } 1101 \\ 1001 \\ \hline 1001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \square \text{ OR } 1101 \\ 1001 \\ \hline 1101 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \square \text{ XOR } 1101 \\ 1001 \\ \hline 0100 \end{array}$$

## ■ 這三種運算的差別在哪？

只有 XOR 是可以反轉的運算

# 無條件安全密碼系統 (Cont.)

## ■ 以XOR加密

□ 將明文轉換成ASCII碼

■ A DOG ==> 065 032 068 079 071

□ 將ASCII碼轉成二進制

■ 0100 0001, 0100 0100, 0100 1111, 0100 0111

A                  D                  O                  G

□ 以加密金鑰(1111 0111)進行XOR 加密運算

0100 0001	0100 0100	0100 1111	0100 0111
1111 0111	1111 0111	1111 0111	1111 0111
<hr/>			
1011 0110	1011 0011	1011 1000	1011 0000

# 無條件安全密碼系統 (Cont.)

## ■ 以XOR解密

□ 以解密金鑰(1111 0111)進行XOR 解密運算

1011 0110	1011 0011	1011 1000	1011 0000
1111 0111	1111 0111	1111 0111	1111 0111
<hr/>			
0100 0001	0100 0100	0100 1111	0100 0111

## ■ 將二進制轉成ASCII碼

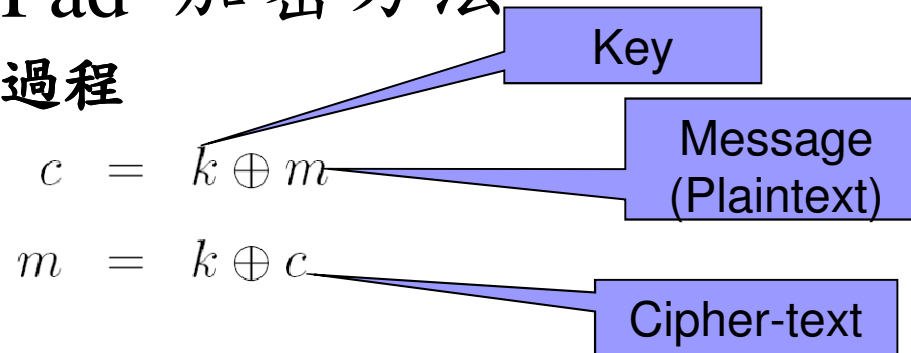
■ 0100 0001, 0100 0100, 0100 1111, 0100 0111

A                  D                  O                  G

# 無條件安全密碼系統 (Cont.)

## One-time Pad 加密方法

加解密過程



加密

$$\begin{aligned} c &= k \oplus m \\ &= 00111000 \oplus 01010011 \\ &= 01101011 \end{aligned}$$

解密

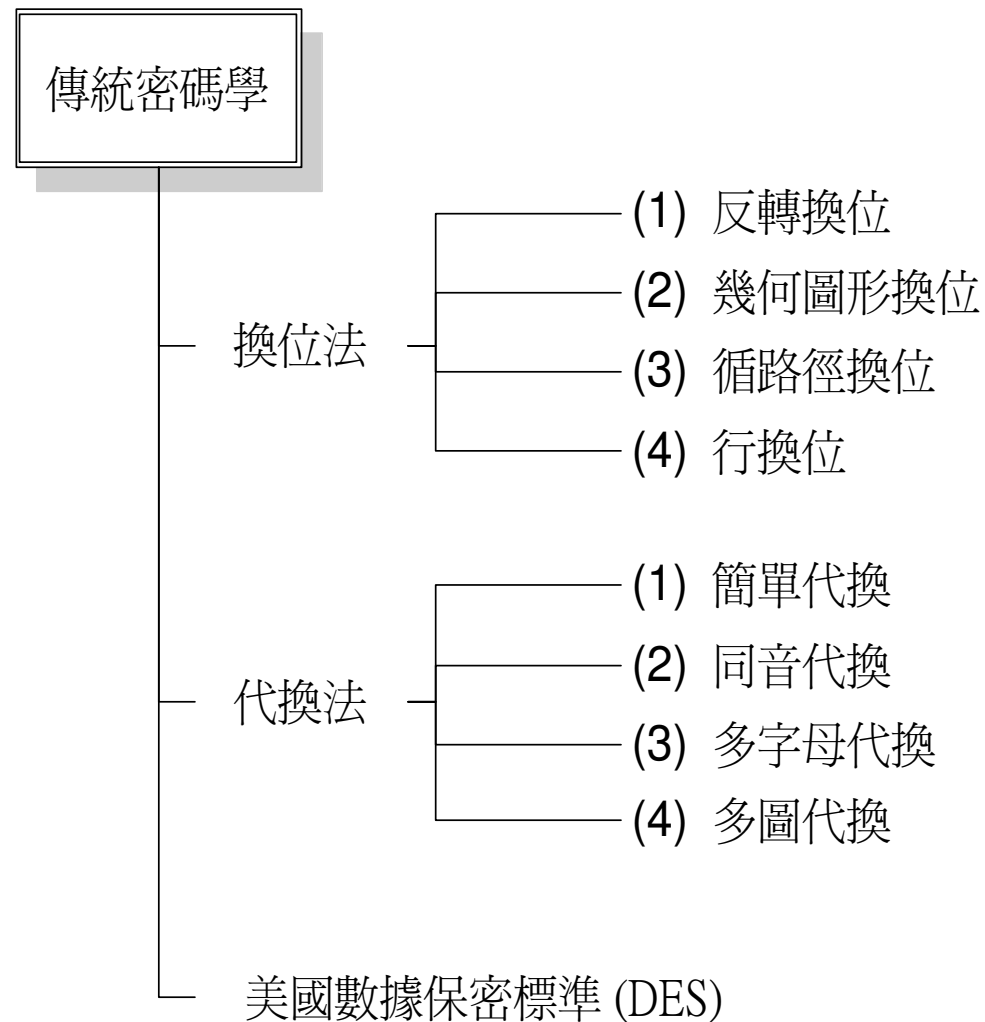
$$\begin{aligned} m &= k \oplus c \\ &= 00111000 \oplus 01101011 \\ &= 01010011 \end{aligned}$$



# 密碼系統的分類

- 對稱性密碼系統(Symmetric Cryptosystems) 或祕密金鑰密碼系統(Secret-Key Cryptosystems)或單金鑰密碼系統(One-Key Cryptosystems)
  - 加密金鑰及解密金鑰為**同一把**
- 非對稱性密碼系統(Asymmetric Cryptosystems)或公開金鑰密碼系統(Public-Key Cryptosystems) 或雙金鑰密碼系統(Two-Key Cryptosystems)
  - 加密與解密金鑰為不相同的**兩把金鑰**

# 傳統密碼學





# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 反轉換位法

□ 明文：MEET ME MONDAY MORNING

□ 密文：GNINROM YADNOM EM TEEM

## ■ 幾合圖形換位

明文：CONCEAL ALL MESSAGES

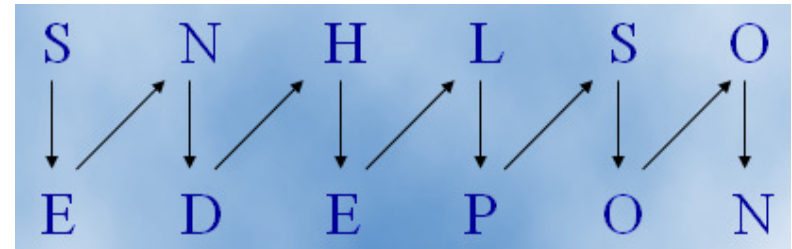
□ 明文：CONCEAL ALL MESSAGES

□ 密文：CLOMNECSESAALGAELS

CL	CON
OM	CEA
NE	LAL
CS	LME
ES	SSA
AA	GES
LG	
AE	
LS	

## ■ 循路徑換位法

□ 密文：SNHLSOEDEPON



## ■ 代換法

□ 密文： $E_K(M) = \text{XKNAUGGANSK}$

## ■ Affine 轉換

□ 密文：ⓂⓂⓁⓁ ⓈⓂⓂⓈⓂⓈⓂ

依照右側取代法則取代而成

A.	B.	C.
D.	E.	F.
G.	H.	I.J.

K:	L:	M:
N:	O:	P:
Q:	R:	S:

T	U	V
W	X	Y
Z		



# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 凱撒加密法(Caesa Cipher)

### □ 換位加密

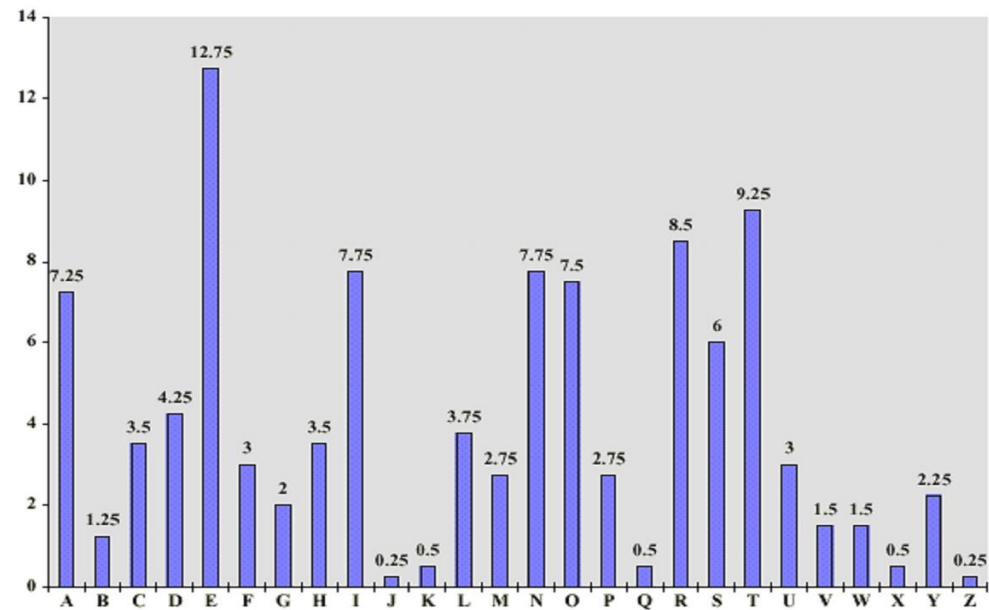
- 明文：A DOG
- 位移1位→B EPH
- 位移2位→C FQI
- 位移 -1位→ Z CNF

### □ 容易被破解

- 利用統計分析的技巧
- 分析一般文章中最常出現的字母
- 分析一份密文出現最多的字母
- 比較兩者即有可能被破解

# 傳統密碼學 (Cont.)

	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z
a	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
b	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
c	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
d	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
e	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
f	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
g	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
h	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
i	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
j	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
k	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
l	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
m	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
n	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
o	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
p	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
q	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
r	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
s	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
t	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
u	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
v	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
w	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
x	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
y	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z



# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 簡單替代法

□  $M \rightarrow C$  為一對一之對應關係

■  $M = \text{COMPUTER}$  (明文)

■  $C = \text{DXIJSRAW}$  (密文)

明文 (M)	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓
密文 (C)	G	E	D	C	A	K	M	F	L	N	H	R	I
明文 (M)	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓	↓
密文 (C)	V	X	J	B	W	Q	R	S	P	T	U	Z	O

# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 編碼法

### 隨機編碼本範例

明文	號碼
電腦	0711
資訊	1232
安全	2243
管理	3661
系	4538

『資訊管理系』：

1232 3661 4538

### 編碼本範例

明文	頁	位置
電腦	12	31
資訊	14	02
安全	18	24
管理	26	63
系	45	28
中興大學	65	84

『資訊管理系』：

14 02 26 63 45 28

# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 同音異字替代法

將明文每個字母以一組數中的任意一個來替代

字母	同音異字
C	07, <b>11</b> , 70, 83
E	04, <b>17</b> , 33, 88, 96
M	01, 13, <b>19</b> , 20
O	02, 06, <b>61</b> , 92, 97
P	<b>08</b> , 18, 21, 38
R	10, <b>81</b>
T	05, <b>16</b> , 50, 63
U	03, 09, <b>14</b> , 15, 43, 47

$M = \text{COMPUTER}$  (明文)



(同音異字法加密)

$C = \underline{11\ 61\ 19\ 08\ 14\ 16\ 17\ 81}$  (密文)

# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 多字母替代法

將最常見的為 Vigenere 加密法，以數學式子表示

$$E_K(M) = (M + K_i) \bmod n$$

$M = \text{COMPUTER}$  (明文)

$K = \text{LOVELOVE}$

(多字母替代法加密)

$E_K(M) = \text{NCHTFHZV}$  (密文)



# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 多圖替代法

多圖替代法其基本觀念是將一組字母加密，其基本精神是將每一對之明文之字母 $m_1, m_2$ 一起加密成密文字母 $c_1, c_2$ 。如Playfair密碼法其規則如下：

- 1). 若  $m_1$  和  $m_2$  在同一列，則  $c_1$  和  $c_2$  分別為其右邊之字母，其中最後（右）一行之字母的右邊為第一行之字母。
- 2). 若  $m_1$  和  $m_2$  在同一行，則  $c_1$  和  $c_2$  分別為其下方字母，其中最下一列之字母的下方為第一列之字母。
- 3). 若  $m_1$  和  $m_2$  不在同一行也不在同一列，則  $c_1$  和  $c_2$  為與  $m_1$  和  $m_2$  相對應方形邊角位置的字母，其中  $c_1$  與  $m_1$  同一行， $c_2$  與  $m_2$  同一行。
- 4). 若  $m_1 = m_2$ ，則將一空字母（設為 x）加在  $m_1$  及  $m_2$  之間，使不成為連續相同字母。
- 5). 若明文之字串長度為奇數，則在尾端加一空字串 x。

# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 多圖替代法 (Cont.)

H	A	R	P	S
I	C	O	D	B
E	F	G	K	L
M	N	Q	T	U
V	W	X	Y	Z

Playfair 加密法金鑰表

$M = \underline{CO} \underline{MP} \underline{UT} \underline{ER}$  (明文)



(多圖替代法加密)

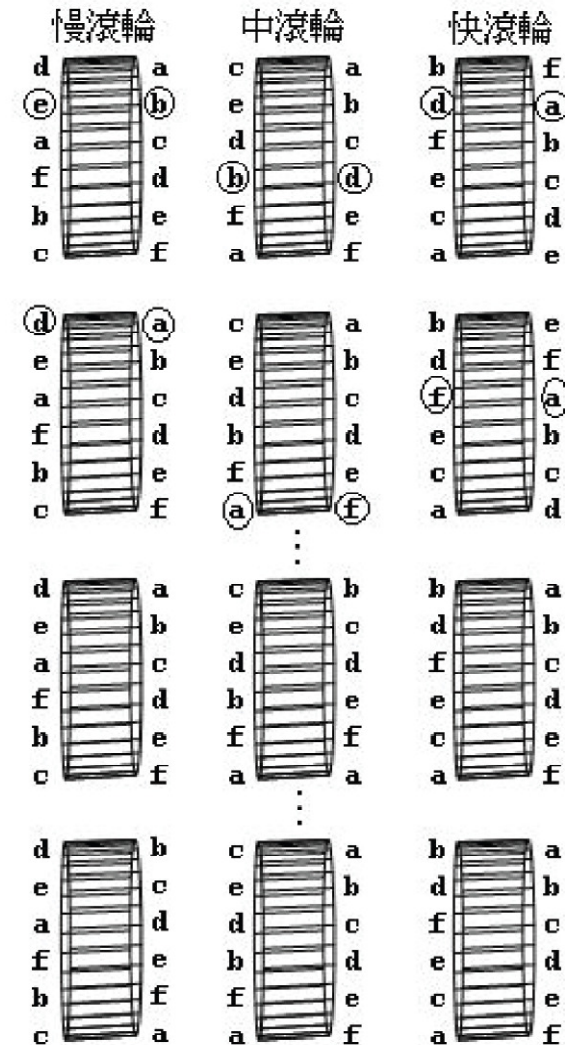
$C = \underline{OD} \underline{HT} \underline{MU} \underline{HG}$  (密文)

## ■ 旋轉機

- 三個滾輪週期 $26 \times 26 \times 26 = 17576$

滾輪間共有  $3!=6$ 種可能

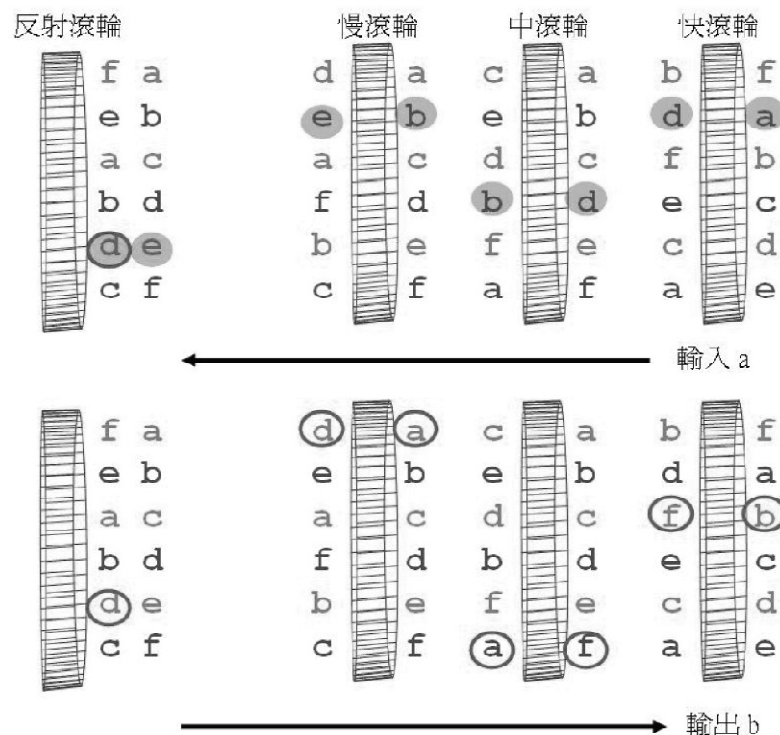
每次按鍵所產生的輸出可能10546  
種(=17576×6)



# 傳統密碼學 (Cont.)

## ■ 旋轉機 (Cont.)

- ☐ 輸入 a
- ☐  $a \rightarrow d \rightarrow b \rightarrow e \rightarrow d$
- ☐  $d \rightarrow a \rightarrow f \rightarrow b$
- ☐ 輸出 b



此例中，  
 三個滾輪週期  $6 \times 6 \times 6 = 216$   
 滾輪間共有  $3! = 6$  種可能  
 每次按鍵所產生的輸出可能  
 1296種 ( $= 216 \times 6$ )



# 傳統密碼系統之破解法

## ■ 窮舉法(Brute-Force Attack)

- 將所有可能的情況均嘗試一遍，直到找出正確的解密方式。

## ■ 統計法(Statistics Attack)

- 利用一些統計資料來協助破解密碼，例如以字母出現的頻率。
- EX. {A, E, I, O, U} 出現頻率比 {Q, X, Z} 的出現頻率高出許多