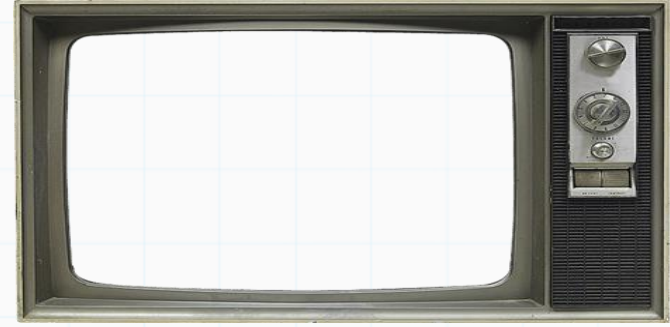


Programação Estruturada

Professor : Yuri Frota

yuri@ic.uff.br



```
int vetNum[10];  
  
vetNum[0] = 11;  
vetNum[5] = -2  
scanf("%d", &vetNum[8])
```

```
int Mat[10][10];  
  
for (i=0; i<10; i++)  
    for (j=0; j<10; j++)  
        Mat[i][j] = i+j;
```

cuidado, vamos usar apenas os
comando e estruturas do C,
nada de C++



Vetores Matrices- LAB

1) Repetições: Dada uma sequência de n números inteiros positivos, determinar os números que compõem a sequência e o número de vezes que cada um deles ocorre na mesma.

Exemplo:

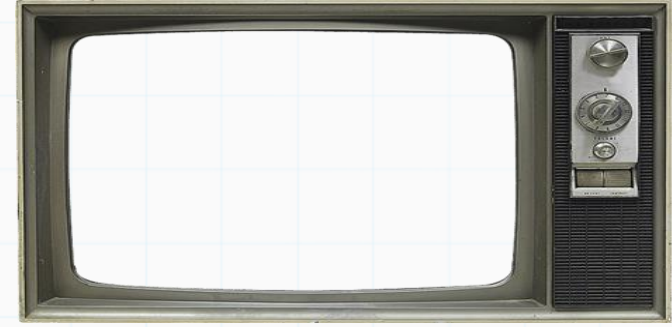
n: 8

Digite uma sequência de 8 números inteiros:

7
0
1
3
7
1
7
4



O número 7 aparece 3 vezes na sequência.
O número 0 aparece 1 vez na sequência.
O número 1 aparece 2 vezes na sequência.
O número 3 aparece 1 vez na sequência.
O número 4 aparece 1 vez na sequência.



Dica: Guarde os números em um vetor e percorra vetor com laço duplo, contando os elementos que se repetem

NUM percorre o vetor

REP percorre o vetor a partir de NUM

Se elementos iguais incrementa contador e "apaga" número

imprime NUM e quantas vezes ele aparece

Vetores Matrizes- LAB

2) Soma de vetores: Dadas duas sequências com n números inteiros entre 0 e 9, interpretadas como dois números inteiros de n algarismos, calcular a sequência de números que representa a soma dos dois inteiros:

Exemplo: n=8

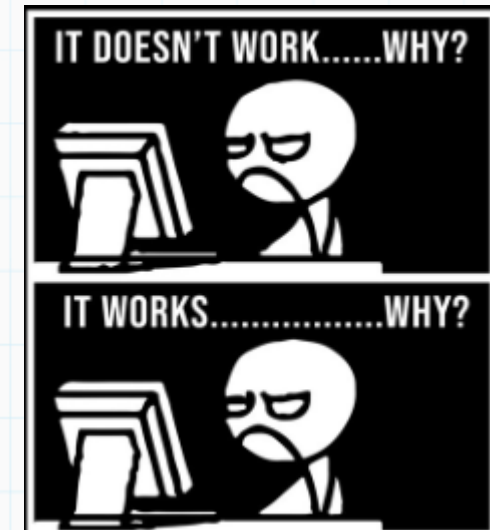
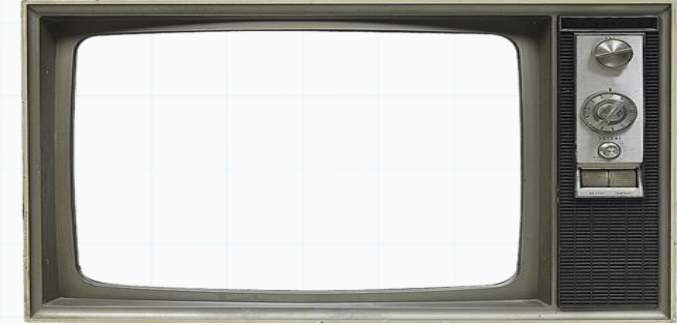
blo: n=8		1	2	3	4	5	6	7	8	
v1=		8	2	4	3	4	2	5	1	
v2=		3	3	7	5	2	3	3	7	
soma=	1	1	6	1	8	6	5	8	8	
		0	1	2	3	4	5	6	7	8

Exemplo: n=4

v1=	3	0	1	8	
v2=	2	5	3	3	
soma=	0	5	5	5	1

Dica 1: percorra os vetores do fim até o começo, somando os dígitos e preenchendo o vetor soma (apenas cuidado com o “vai um”).

Dica 2: armazene os n algarismos nos vetores v1 e v2 nas posições de 1 a n, enquanto que o vetor soma vai ter um espaço a mais (posição 0) caso precise.



Vetores Matrizes- LAB

3) Segmento de soma máximo: Dado uma sequência de n números inteiros, identifique o segmento de soma máxima.

Exemplo:

n: 12
sequencia:

5
2
-2
-7
3
14
10
-3
9
-6
4
1

sequencia = 5, 2, -2, -7, 3, 14, 10, -3, 9, -6, 4, 1,
sequencia maxima = 3, 14, 10, -3, 9,
soma maxima = 33



Dica: guarde a sequência num vetor e analise todas as possíveis subsequências percorrendo o vetor com laço duplo

INI percorre o vetor

FIM percorre o vetor

Se soma de INI a FIM for a maior até o momento, guarde ela.

Vetores Matrizes- LAB

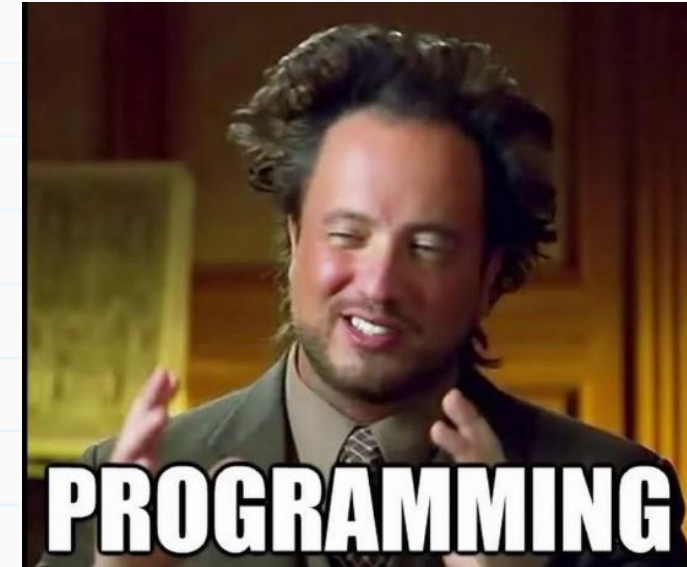
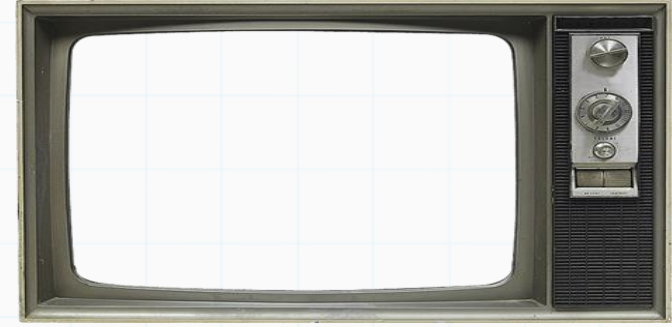
4) Produto escalar entre dois vetores (tem que ter o mesmo tamanho):

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 & 2 \end{bmatrix} = 3 \times 1 + 1 \times 2 + 2 \times 4 + 1 \times 2 = \underline{15}$$

É a soma dos produtos das posições equivalentes:

$$\begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \dots \\ a_n \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} b_1 & b_2 & \dots & b_n \end{bmatrix} = a_1 \times b_1 + a_2 \times b_2 + \dots + a_n \times b_n$$

Faça um programa que dado dois vetores de inteiros de tamanho n, retorne o valor do produto escalar entre os dois vetores



Vetores Matrices- LAB

Multiplicação de Matrizes: $A \times B = C$

A

2	1
3	0
1	2

3x2

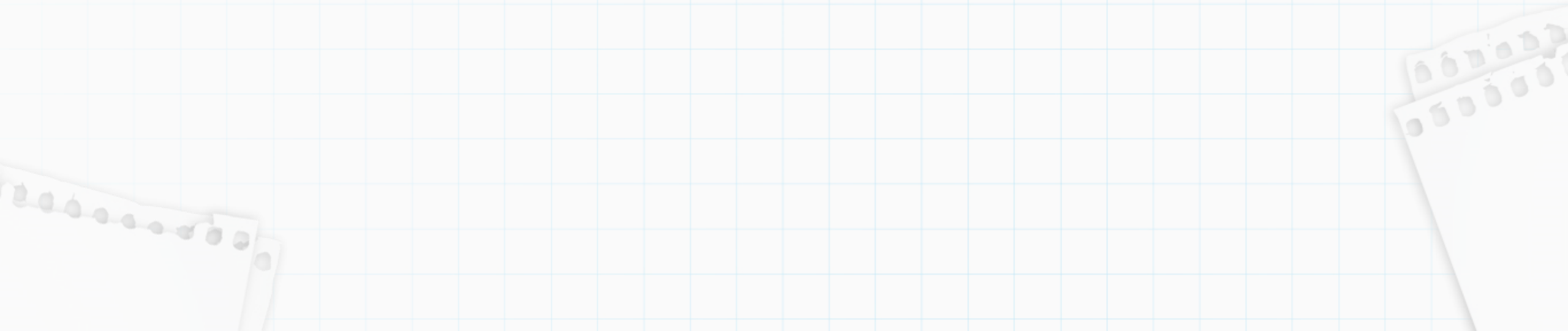
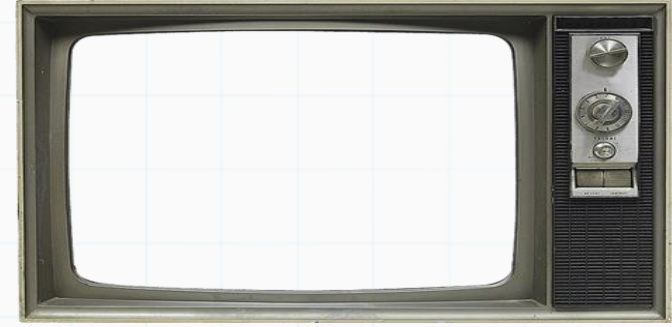
x

B

1	1	2
2	3	1

2x3

Vamos entender como fazer
multiplicação de matrizes



Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

A

2	1
3	0
1	2

3×2
n x m

x

B

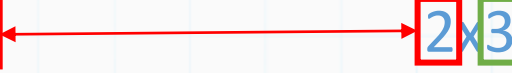
1	1	2
2	3	1

2×3
m x p

=

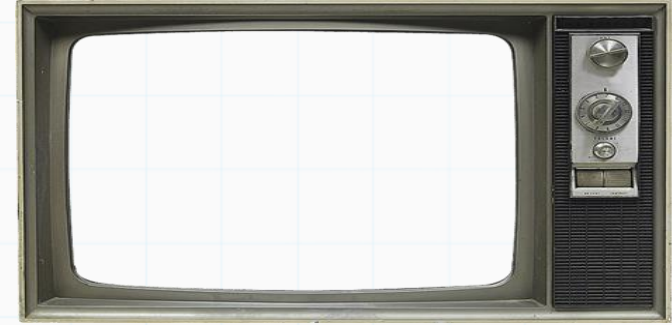
C

3×3
n x p



A multiplicação só é possível se a segunda dimensão da primeira matriz for igual a primeira dimensão da segunda matriz

A multiplicação resultante tem cardinalidade da primeira dimensão da primeira matriz e da segunda dimensão da segunda matriz



Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

A

2	1
3	0
1	2

3x2
n x m

\times

B

1	1	2
2	3	1

2x3
m x p

$=$

C

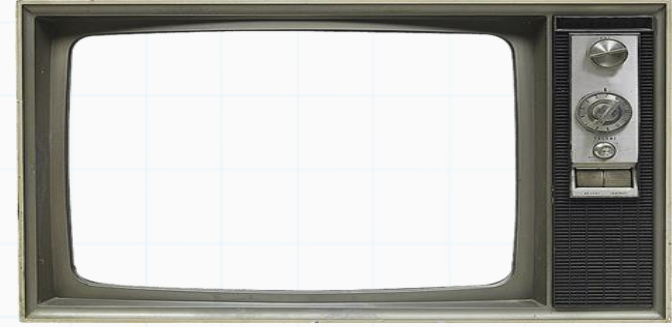
c_{00}	c_{01}	c_{02}
c_{10}	c_{11}	c_{12}
c_{20}	c_{21}	c_{22}

3x3
n x p

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

Cada elemento da matriz resultante é um produto escalar entre uma linha da primeira matriz e uma coluna da segunda matriz



Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating matrix multiplication:

Matrix A (3x2, nxm) is multiplied by Matrix B (2x3, mxp) to result in Matrix C (3x3, nxp).

Matrix A:

2	1
3	0
1	2

Matrix B:

1	1	2
2	3	1

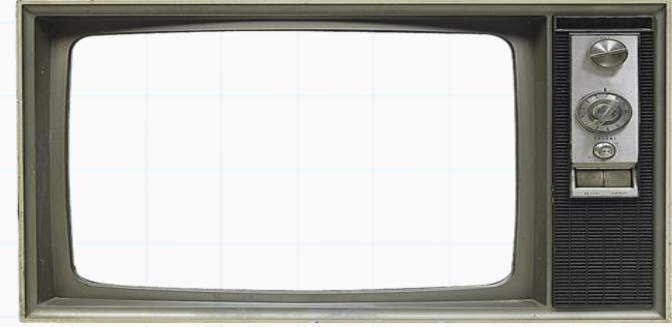
Matrix C:

4	c_{01}	c_{02}
c_{10}	c_{11}	c_{12}
c_{20}	c_{21}	c_{22}

The calculation shown is: $A \times B = C$.

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)



Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating matrix multiplication:

Matrix A (3x2, nxm) is multiplied by Matrix B (2x3, mxp) to result in Matrix C (3x3, nxp).

Matrix A:

2	1
3	0
1	2

Matrix B:

1	1	2
2	3	1

Matrix C:

4	c_{01}	c_{02}
c_{10}	c_{11}	c_{12}
c_{20}	c_{21}	c_{22}

The calculation shown is: $A \times B = C$.

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)

Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating the multiplication of two matrices, A and B, to produce matrix C.

Matrix A (3x2, nxm):

2	1
3	0
1	2

Matrix B (2x3, mxp):

1	1	2
2	3	1

Matrix C (3x3, nxp):

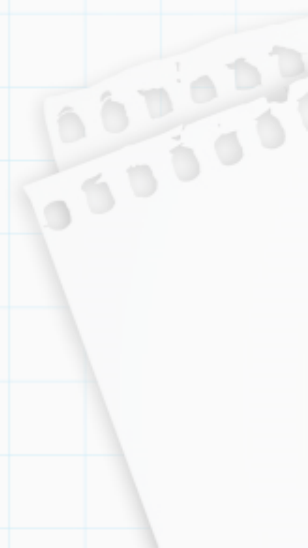
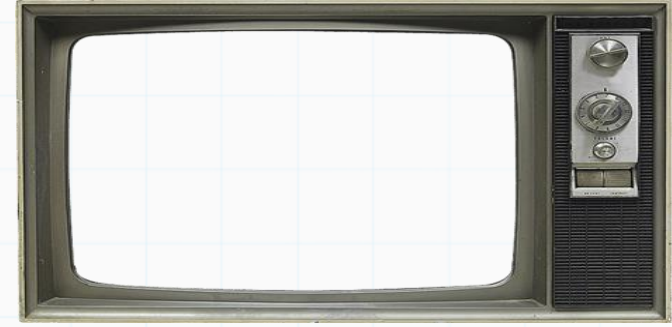
4	5	c_{02}
c_{10}	c_{11}	c_{12}
c_{20}	c_{21}	c_{22}

The calculation is represented as: $A \times B = C$

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)



Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating the multiplication of two matrices, A and B, resulting in matrix C.

Matrix A (3x2, nxm):

2	1
3	0
1	2

Matrix B (2x3, mxp):

1	1	2
2	3	1

Matrix C (3x3, nxp):

4	5	5
3	c_{11}	c_{12}
c_{20}	c_{21}	c_{22}

The multiplication is shown as $A \times B = C$.

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{11} = Produto Escalar(Linha 1 de A por Coluna 1 de B)

Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating matrix multiplication:

Matrix A (3x2, nxm) is multiplied by Matrix B (2x3, mxp) to result in Matrix C (3x3, nxp).

Matrix A:

2	1
3	0
1	2

Matrix B:

1	1	2
2	3	1

Matrix C:

4	5	5
3	3	c_{12}
c_{20}	c_{21}	c_{22}

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{11} = Produto Escalar(Linha 1 de A por Coluna 1 de B)

Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating matrix multiplication:

Matrix A (3x2, nxm) is multiplied by Matrix B (2x3, mxp) to result in Matrix C (3x3, nxp).

Matrix A:

2	1
3	0
1	2

Matrix B:

1	1	2
2	3	1

Matrix C:

4	5	5
3	3	6
5	7	c_{22}

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{11} = Produto Escalar(Linha 1 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{22} = Produto Escalar(Linha 2 de A por Coluna 2 de B)

Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating matrix multiplication:

Matrix A (3x2, nxm):

2	1
3	0
1	2

Matrix B (2x3, mxp):

1	1	2
2	3	1

Matrix C (3x3, nxp):

4	5	5
3	3	6
5	7	4

The multiplication is shown as $A \times B = C$.

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{11} = Produto Escalar(Linha 1 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{22} = Produto Escalar(Linha 2 de A por Coluna 2 de B)

Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating matrix multiplication:

Matrix A (3x2, nxm) is multiplied by Matrix B (2x3, mxp) to result in Matrix C (3x3, nxp).

Matrix A:

2	1
3	0
1	2

Matrix B:

1	1	2
2	3	1

Matrix C:

4	5	5
3	3	6
5	7	4

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{11} = Produto Escalar(Linha 1 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{22} = Produto Escalar(Linha 2 de A por Coluna 2 de B)

Vemos que para calcular o valor do elemento i,j da matriz resultante, temos que fazer o produto escalar entre a linha i da primeira matriz e a coluna j da segunda matriz

Vetores Matrizes- LAB

Multiplicação de Matrizes:

Diagram illustrating matrix multiplication:

Matrix A (3x2, nxm) is multiplied by Matrix B (2x3, mxp) to result in Matrix C (3x3, nxp).

Matrix A:

2	1
3	0
1	2

Matrix B:

1	1	2
2	3	1

Matrix C:

4	5	5
3	3	6
5	7	4

- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{11} = Produto Escalar(Linha 1 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{22} = Produto Escalar(Linha 2 de A por Coluna 2 de B)

Vemos que para calcular o valor do elemento i,j da matriz resultante, temos que fazer o produto escalar entre a linha i da primeira matriz e a coluna j da segunda matriz

Faremos a multiplicação com 3 níveis de laço:

- Os primeiros dois para percorrer a matriz C (nxp)
- O terceiro nível de laço para realizar o produto escalar (m)

Vetores Matrizes- LAB

Exercício 5) Dado dimensões n, m, p e matrizes A $n \times m$ e B $m \times p$ (informadas pelo usuário), calcule e imprima a matriz $C = A \cdot B$

A

2	1
3	0
1	2

3×2
 $n \times m$

\times

B

1	1	2
2	3	1

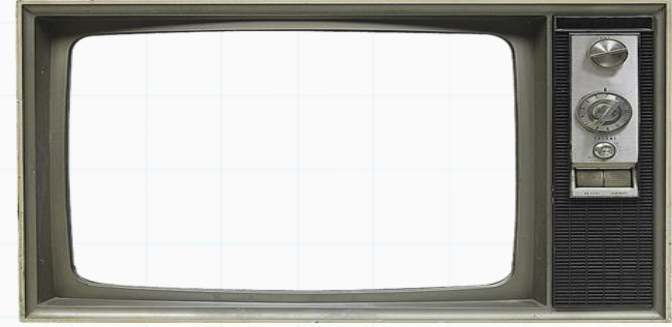
2×3
 $m \times p$

$=$

C

4	5	5
3	3	6
5	7	4

3×3
 $n \times p$



- Sequencia de produtos escalares:

c_{00} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 0 de B)

c_{01} = Produto Escalar(Linha 0 de A por Coluna 1 de B)

...

c_{11} = Produto Escalar(Linha 1 de A por Coluna 1 de B)

...

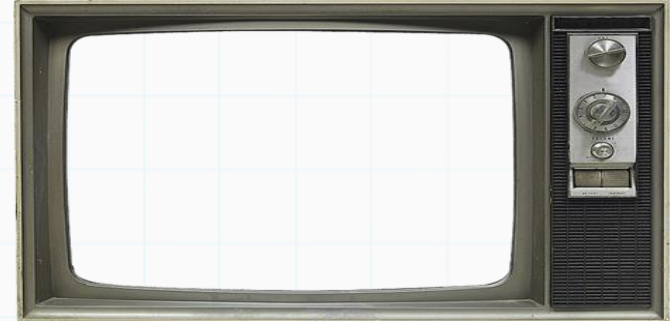
c_{22} = Produto Escalar(Linha 2 de A por Coluna 2 de B)

Vemos que para calcular o valor do elemento i, j da matriz resultante, temos que fazer o produto escalar entre a linha i da primeira matriz e a coluna j da segunda matriz

Faremos a multiplicação com 3 níveis de laço:

- Os primeiros dois para percorrer a matriz C ($n \times p$)
- O terceiro nível de laço para realizar o produto escalar (m)

Vetores Matrizes- LAB



6) Sequencia: Dada uma sequência x_1, x_2, \dots, x_k de números inteiros, verifique se existem dois segmentos consecutivos iguais nesta sequência, isto é, se existem i e m tais que:

$$x_i, x_{i+1}, \dots, x_{i+m-1} = x_{i+m}, x_{i+m+1}, \dots, x_{i+2m-1}$$

Imprima, caso existam, os valores de i e m . Exemplo:

```
n: 8
sequencia = 0) 7, 1) 9, 2) 5, 3) 4, 4) 5, 5) 4, 6) 8, 7) 6,
Existem
i = 2 e m = 2.
```

```
n: 6
sequencia = 0) 1, 1) 2, 2) 3, 3) 3, 4) 9, 5) 33,
Existem
i = 2 e m = 1.
```

```
n: 5
sequencia = 0) 9, 1) 3, 2) 7, 3) 5, 4) 1,
Nao existem
```

```
n: 6
sequencia = 0) 33, 1) 2, 2) 28, 3) 33, 4) 2, 5) 28,
Existem
i = 0 e m = 3.
```

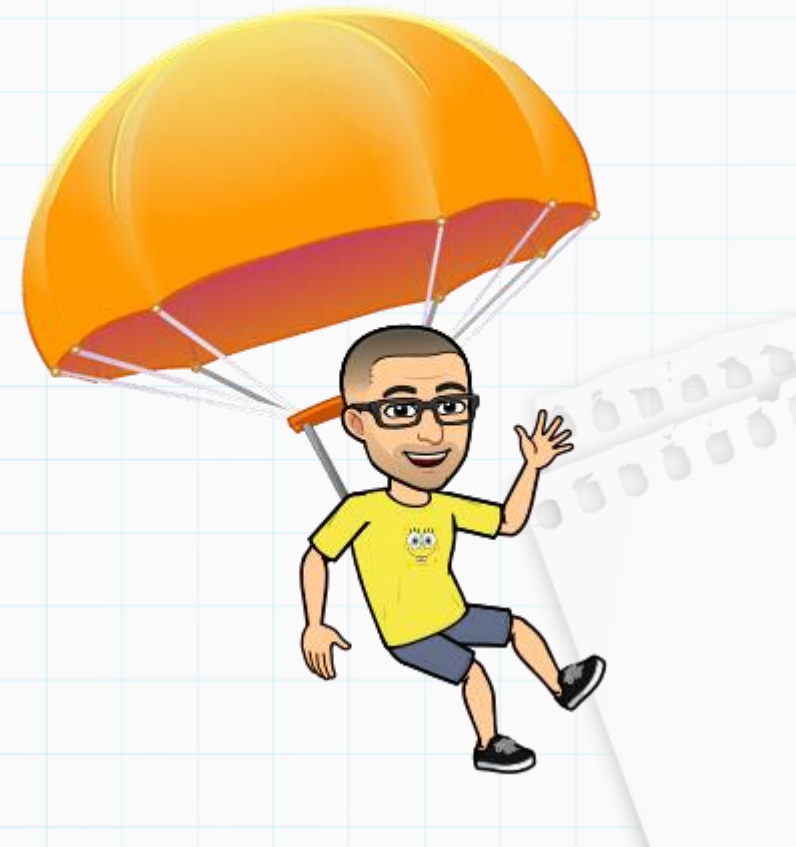
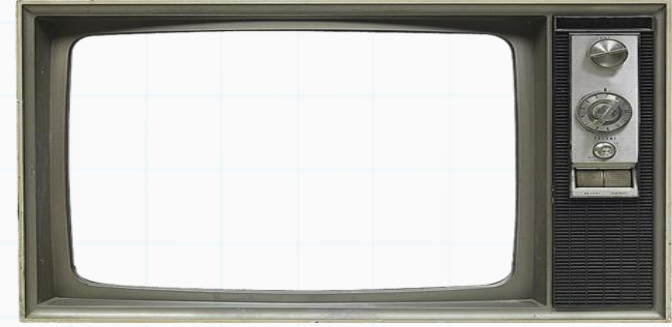


Dica: Para todo o tamanho de sequencia m , analise todas os possíveis segmentos consecutivos de tamanho m



I HATE PROGRAMMING
I HATE PROGRAMMING
I HATE PROGRAMMING
IT WORKS!
I LOVE PROGRAMMING

Até a próxima



Slides baseados no curso de Aline Nascimento