

Prépa Bac TANA

Vol. TS1, No. 1, Avril 2025, pp. 11-17



SÉNÉGAL

Ensembles, construisons une Afrique industrialisée dans un environnement globalement sain

Composition du premier semestre

Inspection d'Académie : Fatick

Pays: Sénégal

Auteur (s): IA de Fatick **Niveau**: Terminale S1

Discipline: Sciences Physiques

Durée: 4h

Ce document, publié par le CAFTANA est mis au service de la communauté scolaire

Exercice 1: (03 points)

Les alcools jouent un rôle crucial dans la chimie en tant que réactifs, solvants, produits chimiques intermédiaires, et ingrédients dans de nombreux domaines industriels et scientifiques. Leur polyvalence et leur réactivité en font des composes fondamentaux dans la chimie organique et inorganique. De plus, les alcools ont des propriétés réductrices, c'est-à-dire qu'ils peuvent s'oxyder en présence d'oxydants particuliers, dont les plus utilisés pour les alcools sont : le dichromate de potassium et le permanganate de potassium.

L'oxydation d'un alcool conduit à des composes différents suivant que l'on a affaire à des dérives primaires, secondaires ou tertiaires. On considère alors un alcène A de formule générale C_nH_{2n} . Son hydratation conduit, entre autres, à un produit organique oxygène B à chaine carbonée ramifiée. On introduit dans un tube, un mélange équimolaire de 7,4 g du produit B et 0,1 mol d'acide éthanoïque (ou acide acétique). Le tube est scellé et chauffé.

- 1.1. Comment nomme-t-on la réaction qui se produit ? Quelles sont les caractéristiques de cette réaction ? (0,5 pt)
- **1.2.** Après plusieurs jours, l'acide restant est isolé puis dosé par une solution molaire d'hydroxyde de sodium. Il faut utiliser un volume V = 33 mL de cette solution pour atteindre le point d'équivalence.
- **1.2.1.** Calculer le pourcentage du compose B estérifié.

(0,25 pt)

1.2.2. Déterminer la formule brute de B.

(0,25 pt)

- **1.2.3.** Sachant que la limite d'estérification, pour un mélange équimolaire acide éthanoïque-alcool, est environ 67 % si l'alcool est primaire, 60 % si l'alcool est secondaire et 2 % à 5 % si l'alcool est tertiaire, identifier le compose B en donnant sa formule semi-développée et son nom. Justifier la réponse. **(0,5 pt)**
- 1.2.4. Écrire la formule semi-développée de l'alcène A et donner son nom. (0,25 pt)
- **1.3.** Le compose B est oxyde par un excès d'une solution aqueuse de dichromate de potassium $(2K^+ + Cr_2O_7^{2-})$ en milieu acide. Il se forme un compose organique E.
- **1.3.1.** Écrire la formule semi-développée de E et donner son nom.

(0,5 pt)

- **1.3.2.** Écrire l'équation de l'oxydation ménagée de B par le dichromate de potassium en milieu acide. **(0,25 pt)**
- **1.3.3.** On chauffe un mélange équimolaire de E avec de l'oxyde de phosphore (P_4O_{10}) . Donner la formule semi-développée et le nom du compose organique obtenu. **(0,5 pt)**

Données:

- Masses molaires atomiques (en $g \cdot mol^{-1}$): M (C) = 12; M (H) = 1; M (O) = 16;
- Couple redox : $Cr_2O_7^{2-}/Cr^{3+}$.

Exercice 2: (03 points)

Les hôpitaux et laboratoires utilisent de l'eau oxygénée, H_2O_2 comme désinfectant. L'eau oxygénée est un produit très efficace, car elle se décompose en eau et dioxygène libérant ainsi du dioxygène qui contribue à tuer les bactéries et virus. Cette réaction de décomposition au cours de laquelle, l'eau oxygénée subit à la fois une réaction d'oxydation et de réduction est appelée une dismutation.

Lors d'une séance de travaux pratiques, des élevés et leur professeur de chimie souhaitent suivre l'évolution au cours du temps de la dismutation de l'eau oxygénée par titrage. Ils disposent d'une bouteille d'eau oxygénée portant les indications suivantes :

- Concentration molaire : $C_0 = [H_2O_2]_0 = 1$, 0×10^{-1} mol · L $^{-1}$;
- Formule : H_2O_2

Les élèves versent dans un bécher un échantillon de volume 100 mL de la solution d'eau oxygénée en présence de perchlorure de fer comme catalyseur. Ils obtiennent un mélange réactionnel (S_0) ou l'eau oxygénée commence à se décomposer. Les couples redox mis en jeu sont :

- H_2O_2/H_2O ($E^0 = 1,78 \text{ V}$); - O_2/H_2O_2 ($E^0 = 0,68 \text{ V}$).
- **2.1.** Á partir des demi-équations électroniques, écrire l'équation-bilan de la réaction de dismutation de l'eau oxygénée (H_2O_2) . (0,5 pt)
- **2.2.** Pour un suivi cinétique, les élèves utilisent des tubes à essai pour effectuer sur le mélange réactionnel des prélèvements de volume $V_P = 10 \text{ cm}^3$ à intervalle de temps régulier. Chaque prélèvement est immédiatement plongé dans de l'eau glacée. Ensuite, ils dosent l'eau oxygénée restante à l'aide d'une solution de permanganate de potassium ($K^+ + MnO_4^-$) de concentration molaire volumique C_1 . Le volume de permanganate de potassium qu'ils ont versé pour atteindre l'équivalence à l'instant initial t = 0 est noté V_0 et le volume verse à l'instant t quelconque est noté V. L'équation-bilan de la réaction support du dosage est :

$$2MnO_4^- + 6H_3O^+ + 5H_2O_2 \rightarrow 5O_2 + 2Mn^{2+} + 14H_2O$$

Le tableau ci-dessous donne les valeurs du volume V verse pour différentes dates t.

<i>t</i> (s)	0	180	360	540	720	900
$V(\text{cm}^3)$	12,3	8,8	6,1	4,1	2,9	2,0

2.2.1. Pourquoi les élèves plongent-ils immédiatement chaque tube à essai dans de l'eau glacée avant le dosage ? **(0,25 pt)**

2.2.2. Montrer que la concentration initiale de l'eau oxygénée peut s'écrire sous la forme :

$$[H_2O_2]_0 = \frac{5C_1V_1}{2V_p}$$
: (0,25 pt)

2.2.3. En déduire que la concentration molaire de l'eau oxygénée à une date t s'écrit :

$$[H_2O_2]_t = \frac{V}{V_0}[H_2O_2]_0$$
 (0,25 pt)

- **2.2.4.** Tracer la courbe V = f(t) du volume de permanganate de potassium verse à l'instant quelconque puis en déduire la valeur de la vitesse volumique de disparition de l'eau oxygénée à la date t = 360 s. **Échelle** : 1 cm pour 1 mL et 1 cm pour 100 s. **(0,5pt)**
- **2.3.** La vitesse volumique de disparition V_d (H_2O_2) de l'eau oxygénée est proportionnelle à sa concentration $[H_2O_2]$ à chaque instant :

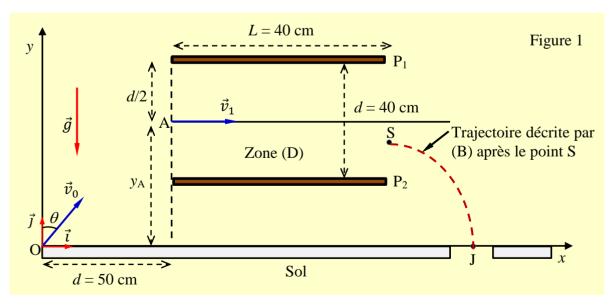
$$V_{\rm d}({\rm H_2O_2}) = k[{\rm H_2O_2}],$$

où k est une constante positive.

- **2.3.1.** Définir la vitesse volumique de disparition V_d (H₂O₂) de l'eau oxygénée. (0,25 pt)
- **2.3.2.** Trouver l'équation différentielle relative à la concentration $[H_2O_2]$. (0,25 pt)
- **2.3.3.** Établir la relation $V(t) = V_0 e^{-kt}$ donnant le volume de permanganate de potassium en fonction du temps. En déduire la valeur de k et celle du temps de demi-réaction. (0,75 pt)

Exercice 3: (05 points)

Une bille (B) électrisée supposée ponctuelle de masse m = 10,0 g est lancée à partir d'un point O origine d'un repère d'espace (Ox, Oy) lie au référentiel terrestre avec un vecteur vitesse initiale \vec{v}_0 de valeur $v_0 = 3,6$ m · s⁻¹ et faisant un angle $\theta = 25^{\circ}$ avec la verticale comme l'indique la figure 1. Le mouvement comprend trois portions : OA, AS et SJ.



3.1. Mouvement de la bille dans le champ de pesanteur \vec{g} : portion OA

3.1.1. Établir les équations horaires du mouvement du centre d'inertie de la bille (B) dans le repère d'espace (Ox, Oy). (0,25 pt)

- 3.1.2. Montrer que l'équation cartésienne de sa trajectoire est du type $y(x) = ax^2 + bx + c$. Avec a, b et c des constantes dont on déterminera leurs expressions littérales. Préciser la nature du mouvement. (0,25 pt)
- **3.1.3.** La bille (B) doit pénétrer dans la zone (D) à partir du point A avec un vecteur vitesse \vec{v}_1 horizontal parallèle à l'axe (Ox) et de même sens.
 - a) Déterminer la valeur v_1 du vecteur vitesse \vec{v}_1 au point A. (0,25 pt)
 - **b)** Montrer que l'ordonnée y_A au point A peut s'écrire :

$$y_A = \frac{V_0^2 \cos^2 \theta}{2g} .$$

Calculer sa valeur. (0,5 pt)

3.2. Mouvement de la bille dans le champ électrique \vec{E} : portion AS

Á partir du point A, la bille (B) portant la charge $q_B = -5 \times 10^{-5} \,\mu\text{C}$ pénètre dans la zone (D) ou règne un champ électrique uniforme \vec{E} entre les plaques metalliques paralleles (P₁) et (P₂) de longueur L = 40 cm et distantes de d = 40 cm (fig.1). La tension entre les plaques est : $U_{\text{P1P2}} \in +640 \,\text{V}$.

- **3.2.1.** Quelle est la polarité des plaques (P_1) et (P_2) ? Comparer les valeurs du poids et de la force électrique qui s'appliquent sur la bille. Justifier que la bille (B) dévie vers le bas. **(0,5 pt)**
- **3.2.2.** Reprendre seulement la portion AS de la figure 1 sur votre copie en y représentant la polarité des plaques (P_1) et (P_2) , la force électrique \vec{F}_e et force de pesanteur \vec{P} . (0,25 pt)
- **3.2.3.** En choisissant comme date initiale $t_0 = 0$ s l'instant ou la bille (B) pénètre dans la zone (D) au point A, déterminer les nouvelles équations horaires du mouvement de la bille dans le même repère d'espace (Ox, Oy) puis montrer que l'équation cartésienne de la trajectoire dans la region (D) est :

$$y(x) = -\frac{1}{2} \left(\frac{q_B \cdot U}{md} + g \right) \left(\frac{x - d_0}{V_1} \right)^2 + y_A.$$

Faire l'application numérique.

(0,5 pt)

- **3.2.4.** La bille (B) sort de la région (D) au point S indique sur la figure 1. Calculer la durée de son mouvement dans la région (D). **(0,25 pt)**
- 3.2.5. Déterminer les coordonnes du point S dans le repère (Ox, Oy). (0,25 pt)
- **3.2.6.** Déterminer les composantes du vecteur \vec{v}_S ainsi que sa norme v_S , puis l'angle β que fait le vecteur vitesse \vec{v}_S avec l'axe (Ax) indique en pointille sur la figure 1. (0,5 pt)

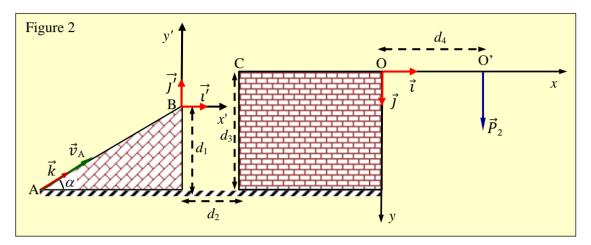
3.3. Mouvement de la bille dans le champ de pesanteur terrestre \vec{g} : portion SJ

- **3.3.1.** Á partir du point S, la bille décrit une nouvelle trajectoire pour atterrir sur le sol au point J. Déterminer la durée Δt_s mise par la bille (B) pour toucher le sol depuis sa lancée à partir du point O. (0,25 pt)
- **3.3.2.** Déterminer la vitesse au point d'impact J de la bille (B) sur le sol. (0,25 pt)

Données : $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$; $d_0 = 50 \text{ cm}$; L = 40 cm ; d = 40 cm.

Exercice 4: (04,5 points)

Un solide S_1 suppose ponctuel, de masse m, est lance du bas d'un plan incline d'un angle α par rapport à l'horizontale à partir d'un point A avec une vitesse \vec{v}_A . Il arrive à l'extrémité du plan incline B avec une vitesse de valeur ν_B . Lorsqu'il quitte le plan incline en B, il poursuit son mouvement dans le champ de pesanteur terrestre et doit atterrir en un point C sur une autre piste horizontale avec une vitesse parallèle à CO de valeur ν_C (voir figure 2).



Données: m = 0.1 kg; $d_1 = 1 \text{ m}$; $d_2 = 2 \text{ m}$; $d_3 = 1.5 \text{ m}$; $g = 9.8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

4.1. Étude du mouvement entre A et B:

Il existe des forces de frottement entre le solide et le plan incline modélisées par une force \vec{f}_1 d'intensité constante f_1 ; le coefficient de frottement $\mu = 0,15$. Le coefficient de frottement μ est le rapport entre l'intensité de la composante tangentielle de la réaction du support et l'intensité de la composante normale de la réaction du support. Le point A est choisi comme origine du repère (A, \vec{k}) . Le vecteur unitaire \vec{k} est parallèle à l'axe du plan incline et orienté vers le haut comme indiqué sur la figure 2.

- **4.1.1.** Faire le bilan des forces extérieures appliquées au solide sur le plan incliné. (0,25 pt)
- **4.1.2.** En appliquant le théorème du centre d'inertie (TCI), exprimer l'accélération algébrique a_1 du centre d'inertie du solide en fonction de m, g, f_1 et α . (0,25 pt)
- **4.1.3.** Exprimer l'intensité de la force f_1 en fonction de m, g, μ et α . (0,25 pt)
- **4.1.4.** En déduire l'expression de l'accélération a_1 en fonction g, μ et α . (0,25 pt)

4.2. Étude du mouvement entre B et C:

4.2.1. En appliquant le TCI, établir les équations horaires x'(t) et y'(t) du solide dans le repère (B, \vec{t}', \vec{j}') . L'origine des dates est prise lorsque le solide quitte le point B. **(0,5 pt)**

4.2.2. En utilisant les équations horaires x'(t) et y'(t), montrer que :

$$\tan \alpha = 2 \frac{d_3 - d_1}{d_2}$$
. (0,5 pt)

En déduirez la valeur de l'angle α et celle de ν_B . (0,5 pt)

- **4.2.3.** Trouver la valeur v_C de la vitesse d'arrivée du solide en C et la vitesse v_A de son lancement au point A. (0,5 pt)
- **4.3.** Entre le plan horizontal CO et le solide, il existe des forces de frottement notées f_2 d'intensité f_2 constante. Sachant que la distance CO = 1,5 m, calculer l'intensité f_2 pour que le solide arrive en O avec la vitesse $v_1 = 2$ m · s⁻¹. **(0,25 pt)**

- **4.4.** Lorsque le solide S_1 passe en O, il quitte la partie CO en un instant pris comme nouvelle origine des dates. Á un instant $t_1 > 0$, on lance du point O', un solide S_2 de masse m_2 avec une vitesse \vec{v}_2 verticale dirigée vers le bas. La distance $OO' = d_4$.
- **4.4.1.** Établir l'équation de la trajectoire du centre d'inertie solide S_1 puis celle de S_2 dans le repère d'espace $(O; \vec{\imath}; \vec{\jmath})$. **(0,5 pt)**
- **4.4.2.** Montrer que si les deux solides S_1 et S_2 se rencontrent, on a la relation :

$$v_2 = g \times \frac{d_4 - \frac{v_1 t_1}{2}}{\frac{d_4}{t_1} - v_1}$$
 (0,5 pt)

4.4.3. Calculer v_2 pour $d_4 = 3$ m et $t_1 = 1$ s. **(0,25 pt)**

Exercice 5: (04,5 points)

Données:

- constante de la gravitation universelle : $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ SI}$;
- rayon de l'orbite de Titan : $r = 1,22 \times 10^6 \text{ km}$;
- rayon de la planète Saturne : $R = 6.0 \times 10^4 \text{ km}$;
- période de rotation de Saturne sur elle-même : $T_S = 10 \text{ h} 39 \text{ min}$;
- *masse de saturne* : $M_{\rm S} = 5.69 \times 10^{26} \, {\rm kg}$.

En juillet 2004, la sonde européenne Cassini-Huygens a photographie Titan de masse m, le plus gros satellite de Saturne, situe à une distance r du centre de Saturne.

Dans cet exercice, on se place dans le référentiel saturnocentrique, suppose galiléen. On considère que la planète Saturne et ses satellites sont des corps dont la répartition des masses est à symétrie sphérique. Les rayons des orbites des satellites sont supposés grands devant leurs rayons respectifs.

- **5.1.** Rappeler les caractéristiques de la force de gravitation \vec{F} exercée par Saturne sur le satellite Titan. On exprimera son intensité F. Faire un schéma clair et annoté. (0,5pt)
- **5.2.** Établir l'expression de l'intensité du champ de gravitation \vec{g} cree par Saturne au point ou se trouve le satellite Titan en fonction de G, M_S et r. Représenter le vecteur champ de gravitation \vec{g} sur le schéma précèdent. (0,5 pt)
- **5.3.** Montrer qu'au voisinage de Saturne, à l'altitude h (h <<< R), l'intensité du champ de gravitation qu'il crée, peut se mettre sous la forme :

$$g = g_0 - \frac{2hg_0}{R} \,,$$

avec g_0 intensité du champ de gravitation créé par Saturne au niveau de sa surface. (0,5 pt)

- **5.4.** Déterminer la nature du mouvement de Titan dans le référentiel d'étude. (0,5 pt)
- **5.5.** Montrer que l'angle de rotation de Saturne pendant une révolution de Titan peut s'écrire sous la forme :

$$\Delta\theta = \frac{4\pi^2}{T_S} \sqrt{\frac{r^3}{G.M_S}} . \tag{0.5 pt}$$

- **5.6.** Pourquoi dit-on qu'un tel satellite est un satellite à défilement ? (0,25 pt)
- **5.7.** Titan se déplaçant dans le même sens que Saturne. Établir l'expression de l'intervalle de temps Δt qui sépare deux passages successifs de Titan à la verticale d'un point donné de l'équateur de Saturne en fonction de la période de rotation $T_{\rm S}$ de Saturne sur elle-même et de la période $T_{\rm T}$ de rotation de Titan autour de Saturne. (0,5 pt)
- **5.8.** Quelles conditions devraient satisfaire Titan pour être un satellite saturnostationnaire de Saturne. Calculer dans ce cas son altitude h_G . (0,25 pt)
- 5.9. Établir les expressions de l'énergie potentielle et de l'énergie mécanique du système {Saturne-Titan} ainsi que celle de l'énergie cinétique de Titan en fonction de m, r, R et g_0 . On choisira la surface de Saturne comme état de référence pour l'énergie potentielle. (0,75pt)
- **5.10.** Montrer que la variation d'énergie mécanique ΔE du système {Saturne-Titan} est liée à la variation Δh de l'altitude de Titan par la relation $\Delta E = A \times \Delta h$. Exprimer A en fonction de m, r et T_T . (0,25 pt)