

# Verifica di SISTEMI e RETI, classe 5<sup>A</sup> ROB.

## Crittografia ed algoritmo RSA

Dati  $p = 13$  e  $q = 19$  e ponendo  $c = 41$ :

1. generate la chiave pubblica dell'algoritmo crittografico RSA
2. generate la chiave privata dell'algoritmo crittografico RSA
3. auto-valutate la vostra verifica con un punteggio  $x$  compreso tra 1 e 10, successivamente crittografate il numero  $x+10$  usando la chiave privata ottenuta al punto 2.
4. Enunciate il principio di Kerckhoffs e spiegate il significato.
5. Descrivete i vantaggi degli algoritmi crittografici asimmetrici rispetto a quelli simmetrici.

**NOTA:** per ognuno dei punti 1,2,3 scrivere i risultati e tutti i passaggi intermedi o eventuali spiegazioni qualora necessarie. Nel caso si indichino soltanto i risultati, l'esercizio sarà considerato completamente errato.

-----  
----

### ES 1-2-3

$p = 13$

$q = 19$

$c = 41$

- **1 : CALCOLARE LA CHIAVE PUBBLICA**

$n = (p \cdot q) = 13 \cdot 19 = 247$

$n$  e  $c$  compongono la chiave pubblica

(247, 41)

- **2 : CALCOLARE LA CHIAVE PRIVATA**  
(CALCOLI SU FOGLIO DA QUA IN AVANTI)

$$m = \text{mcm}(12, 18)$$

$$m = (12 \cdot 18) / \text{mcd}(12, 18)$$

$$m = 216 / 6 = 36 \rightarrow \text{prima parte chiave privata}$$

la seconda parte è d

$$c \cdot d - k \cdot m = 1$$

$$d = 29 \text{ (calcoli sul foglio)}$$

m e d compongono la chiave pubblica  
(36, 29)

- **3 : CALCOLARE VOTO**

$$x = 7$$

$$x + 10 = 17$$

$$(17)^{41} \bmod 247 = 131 \text{ (calcoli sul foglio)}$$

- **4: ENUNCIARE IL PRINCIPIO DI KERCKHOFFS**

Il principio di Kerckhoffs afferma che la sicurezza di un sistema di crittografia sta nella sicurezza della chiave e non nell'algoritmo. Ciò implica che nel caso di un attacco l'algoritmo può anche essere scoperto e violato ma l'importante è che si renda pubblica la chiave. Riassumendo, secondo Kerckhoffs : chiave sicura  $\rightarrow$  crittografia sicura

- **5 : SPIEGARE I VANTAGGI DEGLI ALGORITMI SIMMETRICI VS QUELLI ASIMMETRICI**

La sicurezza di un algoritmo asimmetrico sta nel fatto che le chiavi presenti sono due: 1 pubblica e 1 privata. Questa caratteristica permette all'algoritmo di essere molto sicuro e forte in quanto anche avendo la possibilità di "leggere" la chiave pubblica, la chiave privata (che conosce solo il destinatario) rimarrà segreta e unilaterale. Al contrario, negli algoritmi simmetrici la chiave pubblica è una sola e una volta a conoscenza della stessa si riesce a decifrare il messaggio in modo pressoché semplice eseguendo un attacco di tipo man in the middle .

**FOTO DEI CALCOLI DEGLI ES 1-2-3**

$$\text{mcd} = 3$$

$$\begin{array}{r|l} 18 & 12 \\ 12 & 6 \\ 6 & 0 \end{array} \rightarrow \text{mcd} = 6$$

$$d = \rightarrow \begin{array}{r|l} 41 & 36 \\ 36 & 5 \\ 30 & \\ 24 & \\ 18 & \\ 12 & \\ 6 & 1 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 1 &= 36 - (5 \cdot 7) = 36 - 7(41 - 36) = \\ &= 36 - (7 \cdot 41) + (7 \cdot 36) = (8 \cdot 36) - (7 \cdot 41) \end{aligned}$$

$$c \cdot d \bmod m = 1$$

$$41 \cdot d \bmod 36 = 1$$

$$41 \cdot d = 1 + 36 \cdot k \quad \text{FORMULA TRAC}$$

$$41 \cdot d - 36 \cdot k = 1$$

$$41 \cdot (-7) - 36 \cdot k = 1$$

↓

DA PORTARE POSITIVO

QUINDI

$$-7 + 36 = \boxed{29} \quad d$$

3 CRITTOGRAFIA ILVA

$$b = (17^{11}) \bmod 247$$

$$(17^5 \bmod 247)^7 (17^6 \bmod 247) \bmod 247 =$$

$$= [5748 \cdot 247] \bmod 247$$

↓

SOTTRATTO A

$$17^5 \text{ DA } 113$$

resto

↓

$$113 + 7 = \boxed{833}$$

$$17^6 \bmod 247 = 235 \quad \text{CALCOLATA}$$

$$235 \cdot 833 \bmod 247 = \boxed{131}$$

MESSAGGIO CRITTOGRAFATO

