J.W.Negele, Nuclear Mean-Field Theory, Physics Today 38, 24(1985)

松本侑真

June 30, 2023

- 背景
- 2目的
- 3 手法
- 4 結果
- **5** まとめ
- 6 アルゴリズム

- 背景
- 2 目的
- 3 手法
- 4 結果
- **6** まとめ
- 6 アルゴリズム

核分裂について

- 核分裂についての説明
- 図とかをいれる
- 重い元素と軽い元素どちらでも起こる? Be⁸ の核分裂と U²³⁵ の 分裂の仕組みは同じ?
- トンネル効果

平均場理論

- 相対論的多体系としての原子核という本を参考にすればよさそう
- TDHF の説明を簡単にする(半古典的な近似だが、うまく現象を 説明してきている)
- TDHFを使う場面

平均場理論の問題点

- TDHF は量子効果を適切に取り入れることができない。
- 特に、重い原子核の核分裂反応を正しく記述できなかった。

- 背景
- 2目的
- 3 手法
- 4 結果
- **⑤** まとめ
- 6 アルゴリズム

平均場理論の枠組みで核分裂反応を記述する

経路積分を使う理由

- トンネル効果を含む量子論の現象を記述できる
- 近似手法がある程度確立している(定常位相近似 (SPA)、鞍点法)

経路積分の概念図をいれる

経路積分の数式表現

- 時間発展演算子 $U(t,t_0)=e^{-i\hat{H}(t-t_0)/\hbar}$
- ・ 始状態を $|\psi_i
 angle$ とすると、終状態は $|\psi_f
 angle = U(t,t_0)\,|\psi_i
 angle$

$$\psi_f(q) = \int dq' \left\langle q \right| U(t,t_0) \left| q' \right\rangle \left\langle q' \middle| \psi_i \right\rangle = \int dq' K(q,q';t,t_0) \psi_i(q')$$

• ファインマン核 $K(q_f,q_i;t_f,t_i)$ の具体形

$$K(q_f, q_i; t_f, t_i) = \int \mathcal{D}q \int \mathcal{D}p \exp \left[rac{i}{\hbar} \int_{t_i}^{t_f} dt \left(p\dot{q} - H(p, q)
ight)
ight]$$

$$\int \mathcal{D}q \coloneqq \prod_{i=1}^{N-1} \int dq_j \;, \quad \int \mathcal{D}p \coloneqq \prod_{i=1}^N \int rac{dp_j}{2\pi\hbar} \;, \quad t_f = t_i + N \Delta t_i$$

経路積分の数式表現

ポテンシャルが位置にのみ依存する場合、運動量積分が計算できる。

$$K(q_f, q_i; t_f, t_i) = \int \mathcal{D}q \exp\left[\frac{i}{\hbar} \int_{t_i}^{t_f} dt \left(\frac{m}{2} \dot{q}^2 - V(q)\right)\right]$$
$$= \int \mathcal{D}q \exp\left[\frac{i}{\hbar} S[q]\right]$$

経路積分の解釈

 $|q_i;t_i\rangle$ から $|q_f;t_f\rangle$ への遷移確率振幅は、 $(q_i,t_i)\to (q_1,t_1)\to \cdots \to (q_{N-1},t_{N-1})\to (q_f,t_f)$ を経たときの遷移確率振幅として解釈でき、中間状態に関して全ての経路の和が取られている。

- ●背景
- 2 目的
- 3 手法
- 4 結果
- **6** まとめ
- 6 アルゴリズム

エネルギー固有値を求める

位置座標qに対応する状態 $|q\rangle$ を用いて

$$\operatorname{tr} \frac{1}{E - \hat{H} + i\eta} = -i \int_0^\infty dT \, e^{iET} \int dq \, \langle q | \, e^{-i\hat{H}T} \, | q \rangle$$
$$= -i \int_0^\infty dT \, e^{iET} \int dq \, \int \mathcal{D}[q] e^{iS[q]}$$

- SPA で右辺を計算し、極を与える E を求める。
- $\delta S[q_0] = 0$ のとき、 q_0 は Euler-Lagrange 方程式の解となる。
- q(0) = q(T) の境界条件を満たしている。(周期運動)

1粒子の1次元系でのトンネル効果

- ●背景
- 2 目的
- 3 手法
- 4 結果
- **⑤** まとめ
- 6 アルゴリズム

- ●背景
- 2 目的
- 3 手法
- 4 結果
- **5** まとめ
- 6 アルゴリズム

- ●背景
- 2 目的
- 3 手法
- 4 結果
- **6** まとめ
- 6 アルゴリズム

アルゴリズムサンプル

Matrix Multiplication

```
1: C = O

2: for i = 1, \ldots, m:

3: for j = 1, \ldots, n:

4: for k = 1, \ldots, r:

5: C[i,j] = C[i,j] + A[i,k] \cdot B[k,j]

6: return C
```