

EARTSEQ: 又一个序列问题

题目描述

定义 gcd(S) 为能整除正整数集合 S 中所有元素的最大整数。如果 gcd(S) = 1,则称集合 S互质。举例说明,集合 {7,12,15} 是互质的,但 {6,12,15} 不是,其中所有元素都可以被3整除。 你的任务是构造一个整数序列 $A_0, A_1, \ldots, A_{N-1}$, 满足:

- $1 \le A_i \le 10^9$;
- $A_0, A_1, \ldots, A_{N-1}$ 两两不同;
- 对于任意 $0 \le i < N$,集合 $\{A_i, A_{(i+1)\%N}\}$ 不互质(其中 % 代表取模);
- 对于任意 $0 \le i < N$,集合 $\{A_i, A_{(i+1)NN}, A_{(i+2)NN}\}$ 互质。

题目并不保证有解。如果有多租借,则输出任意一组。

输入格式

输入的第一行包含一个整数 T,代表测试数据的组数。接下来是 T 组数据。 每组数据仅有一行,包含一个整数 N。

输出格式

对于每组数据:

- 如果无解,则输出一行-1;
- 否则,输出一行,包含 N 个整数 $A_0, A_1, ..., A_{N-1}$,以空格分隔。

数据范围与子任务

• $1 \le T \le 1,000$

• $3 \le N \le 50,000$

• $\sum N \le 10^6$

子任务 1 (19分):

子任务 2 (81分):

• $3 \le N \le 3,333$

• 无附加限制

样例数据

输入	输出
2	6 10 15
3	374 595 1365 858
4	

样例解释

第一组数据: 我们可以验证答案: gcd(6,10) = 2, gcd(10,15) = 5, gcd(15,6) = 3, $\gcd(6,10,15)=1$ 。任意两个循环相邻的元素都不互质,而任意三个循环相邻的元素都互质。 第二组数据:

- gcd(374, 595) = 17, gcd(595, 1365) = 35, gcd(1365, 868) = 39, gcd(858, 374) = 22
- $\gcd(374, 595, 1365) = \gcd(595, 1365, 858) = \gcd(1365, 858, 374) = \gcd(858, 374, 595) = 1$