MATCHIT: 大厨与配对游戏

题目描述

大厨最近在玩一个游戏。

游戏在 N 行 N 列的棋盘上进行,行列均从 1 开始编号。记 r 行 c 列的格子为 (r,c)。棋盘中有 2M 个格子被标记,分别为 $(X_1,Y_1),(X_2,Y_2),\ldots,(X_{2M},Y_{2M})$ 。

大厨想找出 M 条路径,它们分别连接不同的标记格子对,且互不相交。从格子 (X_i,Y_i) 到格子 (X_j,Y_j) 的路径是一个不包含重复元素的格子序列 $(U_1,V_1),(U_2,V_2),\ldots,(U_L,V_L)$,满足序列第一个元素为 (X_i,Y_i) ,最后一个元素为 (X_j,Y_j) ,且任意相邻两格子 $((U_i,V_i)$ 和 (U_{i+1},V_{i+1}) 有公共边)。如果两个序列中包含相同的元素,则对应两条路径相交。

对大厨来说,这个问题太简单了,所以他给每个格子加上了权值。记 (r,c) 的权值为 $V_{r,c}$ 。你需要找出满足上述要求的 M 条路径,并使得所有路径途经格子的权值和最大。

输入格式

输入的第一行包含两个整数 N 和 M。接下来 2M 行,每行包含两个整数 X_i 和 Y_i 。接下来 N 行,每行包含 N 个整数 $V_{i,1},V_{i,2},\ldots,V_{i,N}$ 。

输出格式

输出 M 行,每行首先包含一个整数 L,随后包含 2L 个整数 $U_1, V_1, U_2, V_2, \ldots, U_L, V_L$,以空格隔开,代表一条选择的路径。路径之间不得相交,且路径的起止格子均为标记格子。

数据范围

- $500 \le N \le 1,000$
- $500 \le M \le 1,000$
- $1 \leq X_i, Y_i \leq N$

- $|V_{i,j}| \le 10^9$
- $(X_1, Y_1), (X_2, Y_2), \dots, (X_{2M}, Y_{2M})$ 两两不同

样例数据

输入

4 2

1 1

2 2

3 3

4 4

1 -1 -1 -1

1 1 1 1

1 1 1 1

-1 -1 -1 1

输出

5 1 1 2 1 3 1 3 2 3 3 5 4 4 3 4 2 4 2 3 2 2

计分方式

每组数据的得分为 $(S/(10^9 \cdot N^2) + 1)^6$,其中 S 为你的输出中所有路径的权值和。你的提交的得分为在所有数据上的得分之和。样例输出的得分为

$$(10/(16 \cdot 10^9) + 1)^6 \approx 1$$

如果你的输出不合法,则提交会被判为WA(答案错误)。

测试数据生成

共有 20 个输入文件。比赛期间,我们只会展示你的程序在 4 个输入文件上的得分。不过,只有当你的程序在所有数据上得到AC时,你的提交才会被判为AC。在比赛结束后,我们会展示你的提交在剩余 16 个输入文件上的得分。

下面给出生成数据的伪代码。假设函数rand(1, r)等概率随机返回一个 [l, r] 内的整数。

```
N := rand(500, 1000)
M := rand(500, 1000)
for i in 1..2M:
    X[i] := rand(1, N)
    Y[i] := rand(1, N)
    while (X[j], Y[j]) == (X[i], Y[i]) for some j smaller than i:
        X[i] := rand(1, N)
        Y[i] := rand(1, N)
    for x in 1..N:
    for y in 1..N:
    V[x][y] := rand(-1000000000, 1000000000)
```