# Universidade Federal de Pernambuco Centro de Informática Processamento Gráfico - 2021.2

Especificação do Projeto Ray-Tracing

# 1 Introdução

O projeto Ray-Tracing será organizado em três entregas: as duas primeiras valem ponto extra e possuem um escopo mais básico (usam apenas Ray-Casting), mas que servem como um excelente arcabouço para o Ray-Tracing de Whitted exigido na terceira entrega, esta última, por sua vez, valendo nota. Mais detalhes sobre pontuação, prazos, e correção encontram-se no Classroom da disciplina.

# 2 Primeira Entrega

É o mínimo de código necessário para conseguir obter uma cena visível. Basta colorir os objetos de maneira uniforme, contanto que os contornos estejam corretos. Os componentes que já devem estar funcionando na primeira entrega são: a câmera, o *Ray-Casting* e os cálculos de interseção de raios com objetos.

# 2.1 Ray-Casting

Para determinar a superfície visível, raios primários são disparados em direção à cena, atravessando os pixels na tela (uma malha quadriculada que existe no mesmo espaço euclidiano que os objetos da cena, com o número de linhas e colunas da imagem final) e assumindo a cor do objeto mais próximo atingido (Figura 1). A resolução da tela é dada na entrada como  $v_{res} \times h_{res}$  (linhas, colunas), e os pixels na tela possuem dimensão  $s \times s$  (Figura 2).

### 2.2 Interseções

Apenas dois tipos de objetos precisam ser renderizados: planos e esferas. Na entrada, as esferas são definidas pelo centro O e raio r, e os planos por um ponto amostral P (contido nele) e um vetor normal  $\mathbf{n}$ . Ambos os objetos também possuem como atributo a cor  $\mathbb{C}$ , uma tripla RGB na escala discreta de 0 a 255.

Deve ser possível renderizar normalmente a cena, mesmo que haja dois objetos com interseção.

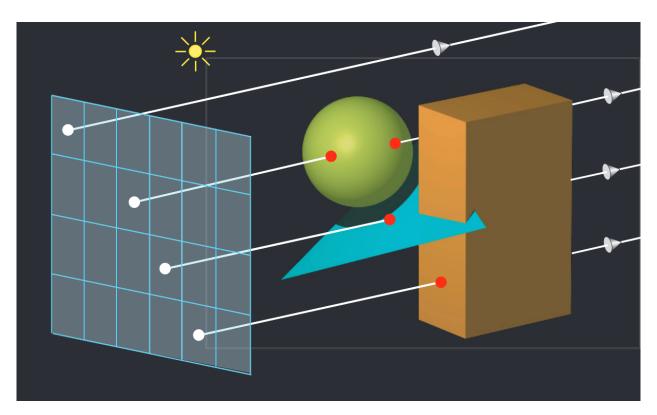


Figura 1: Ray Casting.

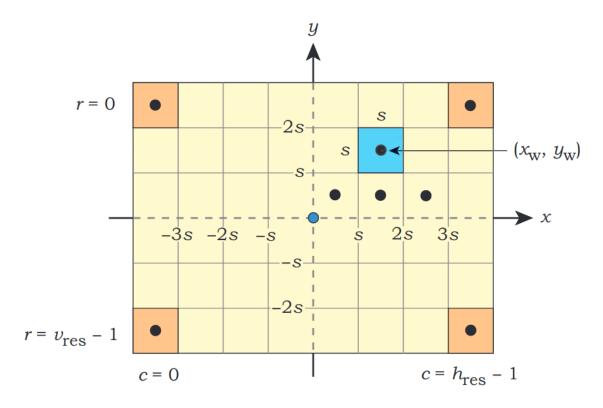


Figura 2: A tela.

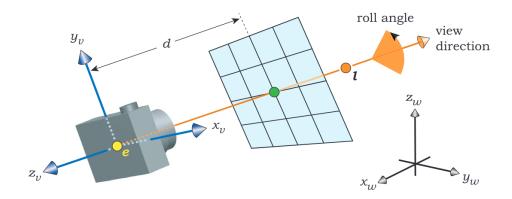


Figura 3: Câmera virtual.

#### 2.3 Câmera

A câmera virtual (Figura 3) deve proporcionar uma vista da cena em perspectiva, através dos seguintes parâmetros: o foco E (origem do sistema de coordenadas e dos raios primários), a mira E (para onde a câmera aponta), a distância E entre o foco E e a E tela (regula o E0 e um vetor E1 up apontando "para cima" (controla a rotação da câmera em torno do eixo E2 E3 direction).

Assim,  $\overline{EL}$  corresponde à direção do vetor normal à tela, enquanto que o parâmetro d fixa a sua posição no espaço, i.e., resolve o termo independente da equação cartesiana do plano no  $\mathbb{R}^3$ . O vetor **up**, por sua vez, auxilia na construção da base ortonormal  $\{\mathbf{u}, \mathbf{v}, \mathbf{w}\}$  do sistema de coordenadas da câmera (Figura 4):

$$\mathbf{w} = \frac{E - L}{\|E - L\|}, \quad \mathbf{u} = \frac{\mathbf{u}\mathbf{p} \times \mathbf{w}}{\|\mathbf{u}\mathbf{p} \times \mathbf{w}\|}, \quad \mathbf{v} = \mathbf{w} \times \mathbf{u}$$

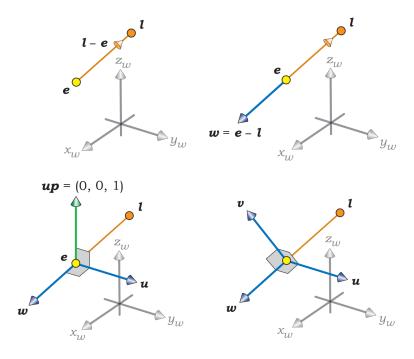


Figura 4: Base ortonormal. O sistema de coordenadas está orientado pela regra da mão esquerda.

Note que  $\{\mathbf{u}, \mathbf{v}, \mathbf{w}\}$  são montados de forma que o vetor  $\mathbf{up}$  possa ser escolhido de forma totalmente arbitrária: não é necessário que  $\mathbf{up}$  e  $\overrightarrow{EL}$  sejam perpendiculares entre si, nem que  $\mathbf{up}$  seja unitário. Mas, por simplicidade, todos os testes usarão o valor default  $\mathbf{up} = (0, 0, 1)$ .

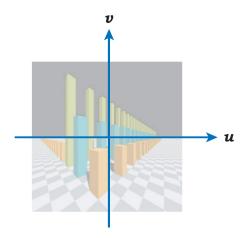


Figura 5: Do ponto de vista da câmera, que mira no sentido contrário do eixo  $\mathbf{w}$ ,  $\mathbf{u}$  está na horizontal, e  $\mathbf{v}$  na vertical.

Uma vez definido o sistema de coordenadas da câmera, fica fácil expressar a posição do centro de cada quadrado na tela (para onde os raios primários devem apontar). Seja  $Q_{r,c}$  o centro do pixel na linha r e na coluna c, em coordenadas mundiais. Então:

$$Q_{\mathtt{r,c}} = E + x_{\mathtt{r,c}} \mathbf{u} + y_{\mathtt{r,c}} \mathbf{v} - d\mathbf{w}, \quad x_{\mathtt{r,c}} = s(\mathtt{c} - \mathtt{h\_res}/2 + 0.5), \quad y_{\mathtt{r,c}} = -s(\mathtt{r} - \mathtt{v\_res}/2 + 0.5)$$

#### 2.4 Entrada

As cinco primeiras linhas do arquivo de entrada contém os parâmetros da câmera, da tela e da imagem:

```
egin{array}{lll} \mathbf{v_res} & \mathbf{h_res} \\ s & d \\ E_x & E_y & E_z \\ L_x & L_y & L_z \\ \mathbf{up_x} & \mathbf{up_y} & \mathbf{up_z} \end{array}
```

Na linha seguinte, a cor B do plano de fundo. Essa é a cor que o pixel deve assumir no caso em que o raio primário não atinge nenhum objeto.

O restante da entrada descreve os componentes da cena. A próxima linha contém o número de objetos k\_obj:

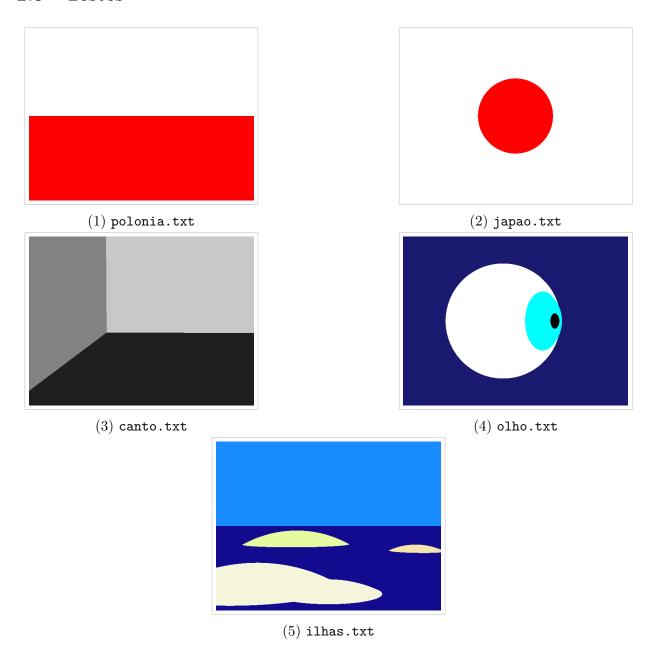
#### k\_obj

Seguem k\_obj linhas. Se o próximo objeto for uma esfera, a linha segue o formato:

C.r C.g C.b \* 
$$O_x$$
  $O_y$   $O_z$   $r$ 

C.r C.g C.b / 
$$P_x$$
  $P_y$   $P_z$   $\mathbf{n_x}$   $\mathbf{n_y}$   $\mathbf{n_z}$ 

#### 2.5 Testes



# 3 Segunda Entrega

Na segunda entrega, luzes e sombras são introduzidas na cena. Adotaremos o modelo de iluminação de Phong, considerando somente as componentes ambiental, difusa e especular. Isso implica que nenhuma função recursiva precisa ser implementada por enquanto.

### 3.1 Iluminação

Apenas dois tipos de luzes são requisitados: luz ambiente e fontes pontuais. Ambos os tipos possuem como atributo a cor C (na escala de 0 a 255). Para a luz pontual é preciso definir também a localização L da fonte.

O material de cada objeto é determinado pelos seguintes parâmetros: a cor difusa Cd (na escala de 0 a 255), o coeficiente ambiental  $k_a$ , o coeficiente de reflexão difusa  $k_d$ , o coeficiente especular  $k_s$  e o expoente de Phong  $\eta$ , com  $0 \le k_a, k_d, k_s \le 1$ , e  $\eta > 0$ .

Ainda que as componentes RGB das cores sejam representadas na entrada e na saída numa escala discreta de 0 a 255, dentro do programa deve-se trabalhar com valores em ponto flutuante entre 0 a 1. Assim, a cada cor C na entrada, associamos um vetor corresponde c no  $\mathbb{R}^3$ :

$$\mathbf{c} = \frac{(\texttt{C.r}, \texttt{C.g}, \texttt{C.b})}{255}$$

#### 3.2 Sombras

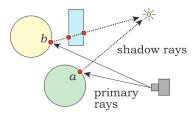


Figura 7: Raios de sombra e raios primários.

Uma sombra é uma parte da cena onde a iluminação que seria fornecida por uma fonte de luz encontra-se bloqueada por ao menos um objeto. Em termos de implementação, essa condição é verificada analisando a interseção de raios de sombra (partindo da superfície visível em direção às fontes de luz) com o restante da cena.

Seja P um ponto da cena atingido por um raio primário, e  $\omega_{\mathbf{o}}$  e  $\mathbf{n}$  vetores unitários na direção do observador e da normal, respectivamente (Figura 8). Considere o subconjunto  $\{(\mathbf{c_1}, L_1), \ldots, (\mathbf{c_m}, L_m)\}$  das fontes de luz que não fazem sombra em P. A equação de iluminação para o ponto P é dada por:

$$\mathbf{c}_{\mathbf{P}} = k_a \mathbf{c}_{\mathbf{d}} * \mathbf{c}_{\mathbf{a}} + \sum_{j=1}^{m} k_d \mathbf{c}_{\mathbf{d}} * \max(0, \mathbf{n} \cdot \mathbf{l}_{\mathbf{j}}) \mathbf{c}_{\mathbf{j}} + \sum_{j=1}^{m} k_s \left[ \max \left( 0, \mathbf{r}_{\mathbf{j}} \cdot \omega_{\mathbf{0}} \right) \right]^{\eta} \mathbf{c}_{\mathbf{j}}$$

Na fórmula:

- $\mathbf{c_a}$  é a cor da luz ambiente;
- $\mathbf{l_j} = \frac{L_j P}{\|L_i P\|}$  é o vetor unitário apontando para a fonte de luz;
- $\mathbf{r_j} = 2(\mathbf{n_j} \cdot \mathbf{l_j})\mathbf{n_j} \mathbf{l_j}$  é o vetor unitário na direção em que a luz é refletida.

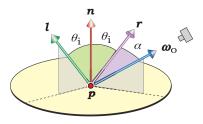
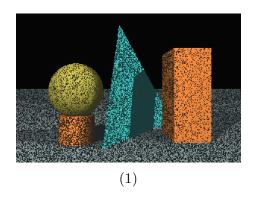


Figura 8: l, n, r e  $\omega_{\mathbf{o}}$  precisam estar normalizados.

#### 3.3 Shadow acne



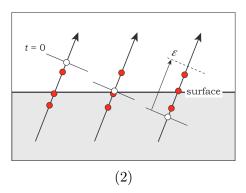


Figura 9: Shadow acne com  $\epsilon = 0$  (1). Os pontos de partida dos raios de sombra (brancos) e de chegada dos raios primários (vermelhos) podem na verdade estar fora ou dentro do objeto iluminado. (2)

Um bug que frequentemente aparece ao tentar renderizar sombras dessa forma é o salt-and-pepper noise (a.k.a. shadow acne). Esse problema é causado por erros de precisão de ponto flutuante, e ocorre quando um ponto da superfície visível acaba fazendo sombra sobre si mesmo (o raio de sombra intersecta a superfície do próprio objeto). Para tratá-lo, é preciso deslocar a origem dos raios de sombra por um fator  $\epsilon$  (Figura 9) na direção da fonte de luz ( $10^{-5}$  foi utilizado na geração dos testes).

#### 3.4 Entrada

O formato das sete primeiras linhas da entrada (parâmetros da câmera, cor de fundo e quantidade de objetos) permanece o mesmo da primeira entrega.

As diferenças começam nas  $k_{obj}$  linhas seguintes. Se o próximo objeto for uma esfera, a linha segue o formato:

Cd.r Cd.g Cd.b 
$$k_a$$
  $k_d$   $k_s$   $\eta$  \*  $O_x$   $O_y$   $O_z$   $r$ 

E se for um plano:

Cd.r Cd.g Cd.b 
$$k_a$$
  $k_d$   $k_s$   $\eta$  /  $P_x$   $P_y$   $P_z$   $\mathbf{n_x}$   $\mathbf{n_y}$   $\mathbf{n_z}$ 

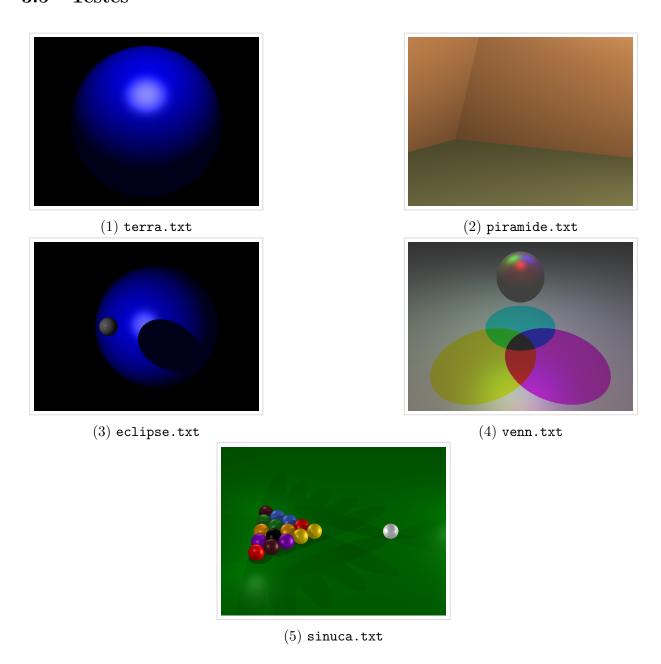
O restante da entrada descreve as luzes na cena. A próxima linha traz a cor da luz ambiente Ca:

Seguida pelo número de fontes pontuais k\_pl:

Seguem  $k_pl$  linhas, trazendo a cor C e a localização L das fontes:

C.r C.g C.b 
$$L_x$$
  $L_y$   $L_z$ 

#### 3.5 Testes



# 4 Terceira Entrega

Nas duas primeiras entregas, a cor de um ponto da superfície visível dependia apenas dos coeficientes do material e da iluminação fornecida pelas fontes de luz. Para tanto, apenas dois tipos de raios precisavam ser lançados: raios primários (partindo do foco da câmera) e de sombra (partindo de um ponto atingido por um raio primário e dirigindo-se a uma fonte de luz).

Na terceira entrega, um novo tipo de raio entra em cena. Antes de retornar a cor final do pixel correspondente, um ponto atingido por um raio primário precisa agora somar outras duas cores, além da sua própria: uma é a cor do ponto atingido pelo raio refletido, e a outra é a do raio refratado. A combinação linear das três modela não apenas a iluminação direta recebida pelas luzes, como também a indireta que é refletida pela cena ao redor. Para obter as duas novas componentes, o método que antes fazia apenas o *Ray-Casting* passa a ser chamado de forma recursiva, desta vez traçando raios secundários. Assim como os raios

primários, os raios secundários também retornam a cor do ponto mais próximo atingido, só que estes partem da superfície dos objetos, em vez do foco da câmera.

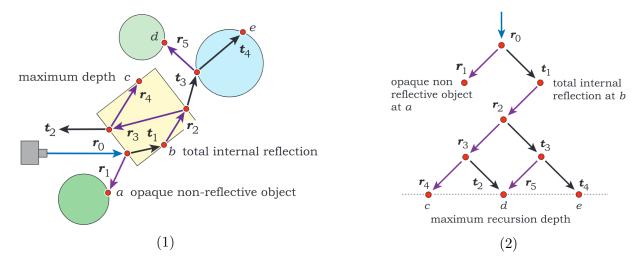


Figura 11: Raios secundários: refletidos (roxos) e refratados (pretos) (1). Árvore de recursão do Ray-Tracing. (2)

Raios secundários dão origem a novos raios secundários, então é fundamental garantir que existe sempre um caso base, senão o programa nunca para. Isso é feito estabelecendo um limite máximo max\_depth para o tamanho da pilha de recursão (Figura 11).

#### 4.1 Reflexão

Um novo parâmetro  $k_r$ , o coeficiente de reflexão, será especificado para cada objeto, com  $0 \le k_r \le 1$ . Esse é o escalar que multiplica a parcela da cor final retornada pelo raio secundário refletido.

### 4.2 Transparência

Há um coeficiente de transmissão  $k_t$ , análogo ao  $k_r$ , que multiplica a cor do raio na direção refratada, com  $0 \le k_t \le 1$ .

Para a transparência, temos ainda um terceiro parâmetro n: o índice de refração relativo entre o meio interno (sentido oposto da normal) e o meio externo (mesmo sentido da normal).

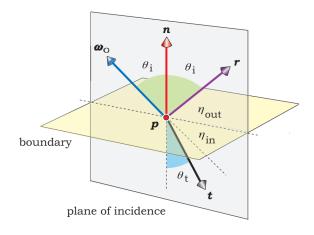


Figura 12:  $n = \frac{n_{in}}{n_{out}}$ 

Na Figura 12, o vetor  $\omega_o$  é unitário e aponta para o observador (a origem do raio incidente), e o sinal de  $\cos \theta_i = \mathbf{n} \cdot \omega_o$  determina o meio onde ele se encontra.

Para o observador no meio externo  $(\mathbf{n} \cdot \omega_o > 0)$ , o vetor  $\mathbf{t}$  (unitário por construção) na direção refratada é dado por:

$$\mathbf{t} = -\frac{1}{n}\omega_{\mathbf{o}} - \left(\sqrt{\Delta} - \frac{1}{n}(\mathbf{n} \cdot \omega_{\mathbf{o}})\right)\mathbf{n}, \quad \Delta = 1 - \frac{1}{n^2}(1 - (\mathbf{n} \cdot \omega_{\mathbf{o}})^2)$$

Para o observador no meio interno  $(\mathbf{n} \cdot \omega_o < 0)$ , basta inverter a normal  $(\mathbf{n}' = -\mathbf{n})$  e o índice de refração relativo  $(n' = \frac{1}{n} = \frac{n_{out}}{n_{in}})$ :

$$\mathbf{t} = -\frac{1}{n'}\omega_{\mathbf{o}} - \left(\sqrt{\Delta'} - \frac{1}{n'}(\mathbf{n'} \cdot \omega_{\mathbf{o}})\right)\mathbf{n'}, \quad \Delta' = 1 - \frac{1}{n'^2}(1 - (\mathbf{n'} \cdot \omega_{\mathbf{o}})^2)$$

O que acontece se  $\Delta < 0$ ? Essa é justamente a condição que descreve o fenômeno óptico de reflexão total. Nesse caso, o raio refretado simplesmente não existe, e portanto não precisa ser traçado (em termos de implementação, é como se  $k_t$  virasse 0 e  $k_r$  virasse 1).

#### 4.3 Entrada

O formato das seis primeiras linhas da entrada (câmera, tela, cor de fundo) permanece o mesmo da primeira entrega.

A diferença começa a partir da sétima linha, que desta vez traz o limite da recursão max\_depth:

#### max\_depth

A próxima linha contém o número de objetos k\_obj:

#### k\_obj

Seguem k\_obj linhas. Se o próximo objeto for uma esfera, a linha segue o formato:

Cd.r Cd.g Cd.b 
$$k_a$$
  $k_d$   $k_s$   $\eta$   $k_r$   $k_t$   $n$  \*  $O_x$   $O_y$   $O_z$   $r$ 

E se for um plano:

Cd.r Cd.g Cd.b 
$$k_a$$
  $k_d$   $k_s$   $\eta$   $k_r$   $k_t$   $n$  /  $P_x$   $P_y$   $P_z$   $\mathbf{n_x}$   $\mathbf{n_v}$   $\mathbf{n_z}$ 

O restante da entrada descreve as luzes na cena. A próxima linha contém a cor da luz ambiente Ca:

Seguida pelo número de fontes pontuais k\_pl:

Seguem  $k_pl$  linhas, trazendo a cor C e a localização L das fontes:

C.r C.g C.b 
$$L_x$$
  $L_y$   $L_z$ 

# 4.4 Testes

