Лабораторная работа №4

Математические основы защиты информации и информационной безопасности

Колчева Юлия Вячеславовна

Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Выполнение лабораторной работы	7
4	Выводы	11
5	Список литературы	12

List of Tables

List of Figures

3.1	Программа реализации алгоритма Евклида	7
3.2	Программа реализации бинарного алгоритма Евклида	8
3.3	Программа расширенного алгоритма Евклида	Ç
3.4	Программа расширенного бинарного алгоритма Евклида	Ç
3.5	Результаты работы всех программ	10

1 Цель работы

Познакомиться с алгоритмами вычисления наибольшего общего делителя и практическая реализация алгоритмов.

2 Задание

Реализовать алгоритмы вычисления наибольшего общего делителя, рассмотренные в лабораторной работе.

3 Выполнение лабораторной работы

Данная работа была выполнена на языке Julia.

Для реализации алгоритма Евклида была написана следующая программа (рис. 3.1) :

Figure 3.1: Программа реализации алгоритма Евклида

В данной программе:

- 1-5 строки: задание чисел, НОД которого ищем.
- 6-12: реализация самого алгоритма Евклида: делим наибольшее число на наименьшее и записываем остаток до тех пор, пока одно из них не обнулится.
 - 14: запись НОД в переменную.
 - 15: вывод результата

Мы можем видеть результат на (рис. 3.1). Программа работает верно.

Для реализации бинарного алгоритма Евклида была написана следующая программа (рис. 3.2)

```
In [5]:
        1 num1 = number1
         2 num2 = number2
        3 \text{ shift = } 0
         5 while (num1 | num2) & 1 == 0
             shift += 1
         7
              num1 >>= 1
             num2 >>= 1
        9 end
        10
        11 while num1 & 1 == 0
        12 num1 >>= 1
        13 end
        14
        15 while num2 != 0
             while num2 & 1 == 0
        16
        17
               num2 >>= 1
             end
        18
        19
             if num1 > num2
        20
             num1, num2 = num2, num1
        21
        22 num2 -= num1
        23 end
        24
        25 println(num1 << shift)</pre>
```

Figure 3.2: Программа реализации бинарного алгоритма Евклида

В данной программе:

- 1-3 строки: задание чисел, НОД которого ищем, обнуление "сдвига"
- 5-23: реализация самого бинарного алгоритма Евклида: смотрим на четность получающихся чисел и записываем насколько нам необходимо "сдвинуть" число, чтобы получить НОД
 - 25: сдвиг влево и вывод получившегося НОД.

Для реализации расширенного алгоритма Евклида была написана следующая программа (рис. 3.3)

Figure 3.3: Программа расширенного алгоритма Евклида

1 строка: зададим рекурсивную функцию

- 2-3: если второе число равно нулю, возвращаем ответ из трёх чисел
- 5-7: в ином случае запускаем рекурсию, а затем выводим ответ согласно формуле на строке 7.
- 8: возвращаем вывод в качестве получившегося НОД, числа, что нужно домножить на первую цифру и на вторую, чтобы получить НОД.
 - 11: вывоз функции и сохранение данных в переменные
 - 12: вывод на экран.

Для реализации расширенного бинарного алгоритма Евклида была написана следующая программа (рис. 3.4)

Figure 3.4: Программа расширенного бинарного алгоритма Евклида

Данная программа также работает рекурсивно, рассматривая 4 случая: 1) а четное 2) а нечетное и b четное 3) а нечетное и b нечетное, b > a 4) а нечетное и b нечетное, b < а

Каждая рекурсия сдвигает биты в цифрах, формируя окончательный ответ.

В итоге выводит три значения: НОД, число, что нужно домножить на первую цифру и на вторую, чтобы получить НОД.

Выводы всех программ (рис. 3.5)

```
1
1
-4 * 15 + ( 1 ) * 61 = 1
57 * 15 + ( -14 ) * 61 = 1
```

Figure 3.5: Результаты работы всех программ

Необходимо обратить внимание, что расширенные алгоритмы выводят разные множители, однако оба ответа верны и дают верный НОД.

4 Выводы

Познакомилась с алгоритмами вычисления наибольшего общего делителя и практически реализовала алгоритмы.

5 Список литературы

Лабораторная работа №4

Вычисление наибольшего общего делителя [Электронный ресурс]. URL: https://esystem.rudn.ru/mod/folder/view.php?id=1150974