

CONTENTS

- 01 Resampling 방법론 CV, Bootstrap
- **02** Bagging
- 03 Random Forest
- **04** MissForest
- 05 Voting

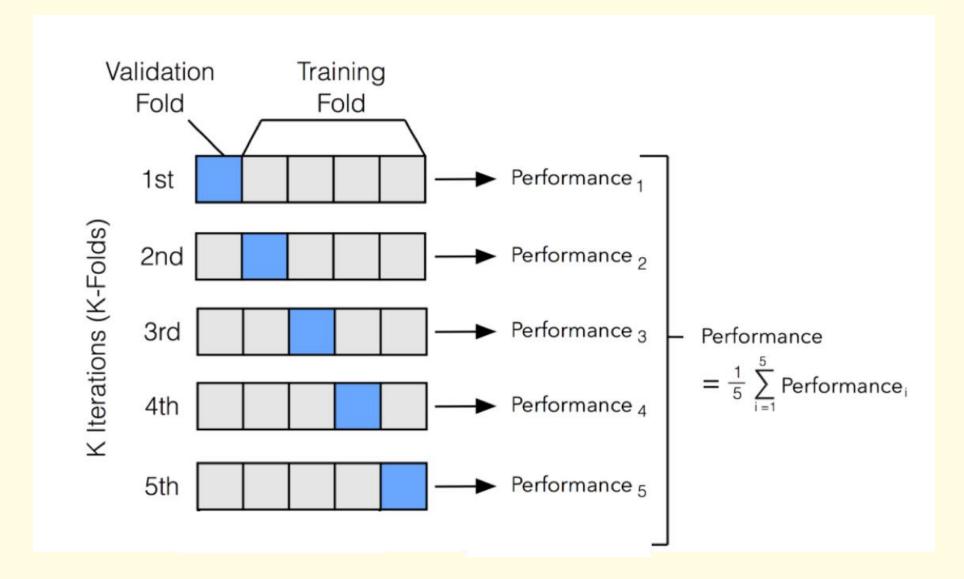
Test error

Model assessment & selection

데이터 셋 크기가 충분히 큰 경우

- Train & Test set 으로 분리 후, Test error를 추정 데이터 셋 크기가 크지 않은 경우

- Bootstrap, Cross Validation을 이용한 추정
- Indirect estimation: AIC, BIC 등 (Parametric한 모델의 경우)



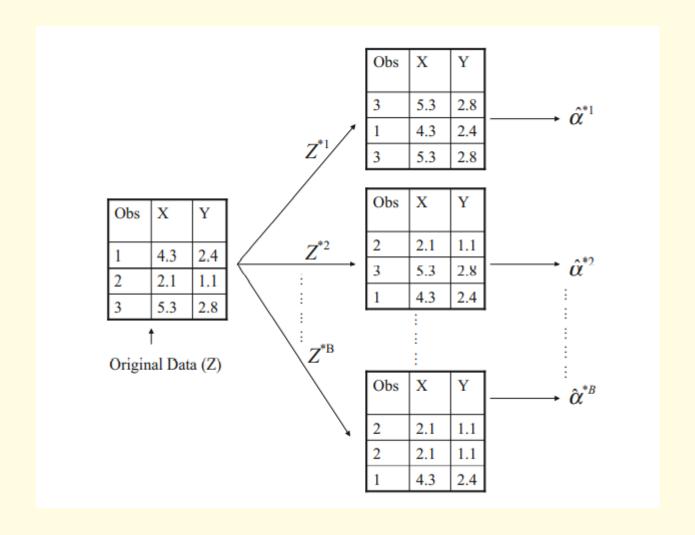
Bootstrap Sample What is a Bootstrap Sample? Bootstrap Samples **Bootstrap Statistics** Statistic 1* Original Sample Statistic 2* Statistic 3* Sample Statistic Bootstrap Distribution

쉽게 말하자면, "복원추출 "

어렵게 말하자면,

데이터에 대해 확률 분포 가정을 하지 않고, 대신 주어진 데이터를 모집단을 대표하는 독립표본으로 가정하는 것

Bootstrap Bootstrap



Bootstrap 에서 기억해야 할 특징 두 가지

한 번 뽑힌 샘플이 또 뽑힐 수 있다

한 번도 안 뽑힌 샘플이 존재할 수 있다

Decision Tree 의 치명적인 단점?

Model Variance가 아주 크다!

Bias Variance Trade off

Overfitting, Underfitting

수식보다는, 간단한 예시를 들어 4가지 개념을 묶어서 설명

복잡한 모델, 단순한 모델

해석력과 예측력의 관계

O2 Bagging

예시 제가 글씨를 잘 못써 갖고,,, 최대한 노력해보겠습니다 ㅠ O2 Bagging

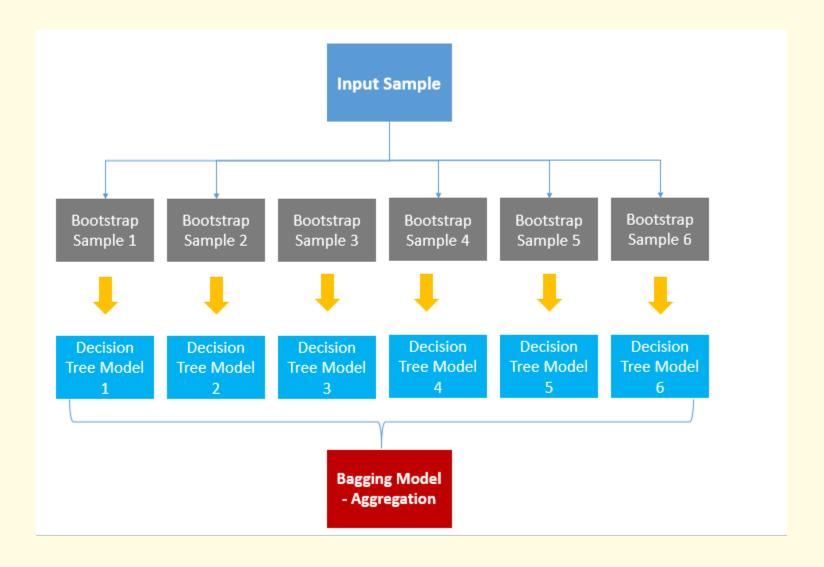
A.K.A

Bootstrap Aggregating

O2 Bagging

A.K.A

Bootstrap Aggregating



O2 Bagging

A.K.A

Bootstrap Aggregating

수식을 이용한 설명!!!!

"가정"은 어디까지나 가정일 뿐!, 추정 량끼리는 사실 상관관계가 있음,, 어떻게 이 상관관계를 줄이지?



Decorrelated Tree를 생성하기

기존 Decision Tree의 방식: "Greedy Algorithm Search"



Random Forest의 방식: M개의 변수를 랜덤하게 선 택 후 트리 분할

Bootstrap 에서 기억해야 할 특징 두 가지

한 번 뽑힌 샘플이 또 뽑힐 수 있다

한 번도 안 뽑힌 샘플이 존재할 수 있다

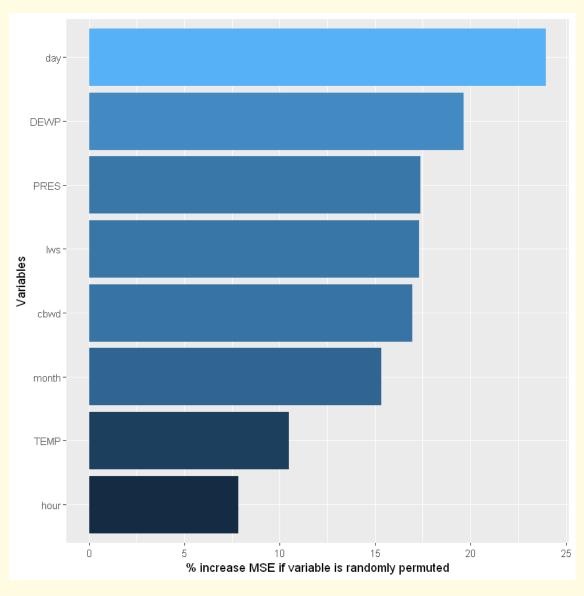
Bootstrap 에서 기억해야 할 특징 두 가지

한 번 뽑힌 샘플이 또 뽑힐 수 있다

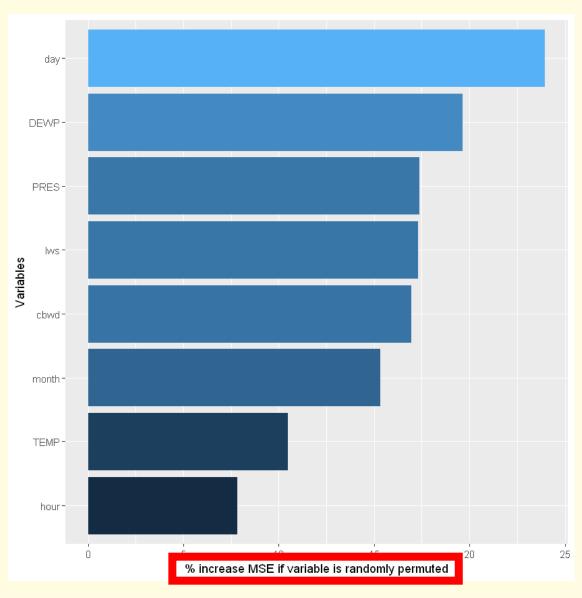
한 번도 안 뽑힌 샘플이 존재할 수 있다

한번도 뽑히지 않은 관측치들= Out Of Bag samples OOB Samples

Feature importance plot in R



Feature importance plot in R



Random Forest

이를 계산하는 과정(간단하게)

단, Feature importance가 높다는 것이, 해당 변수가 타겟 변수와 함수적 관계가 있음 을 의미하지는 않는다

Random Forest

타겟 변수와 함수적 관계를 확인하는 방법들

선형 관계 파악: R^2, 피어슨 상관계수(선형 관계), 스피어만 rank 상관계수(curve linear관계 혹은 nearly linear한 관계 파악)등 ···.

비선형 관계 파악 : Pseudo R^2(local linear regression 을 이용한 비선형 관계 파악), MIC(maximal Information coefficient) 등….

타겟이 범주일 경우 : Relief, ReliefF 등 ….



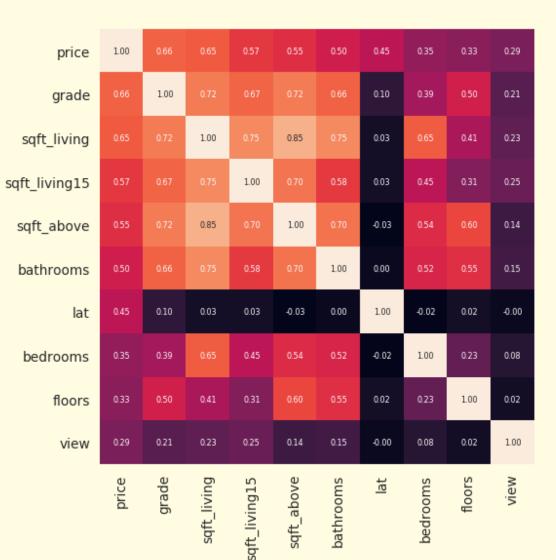
- 1.0

- 0.8

- 0.6

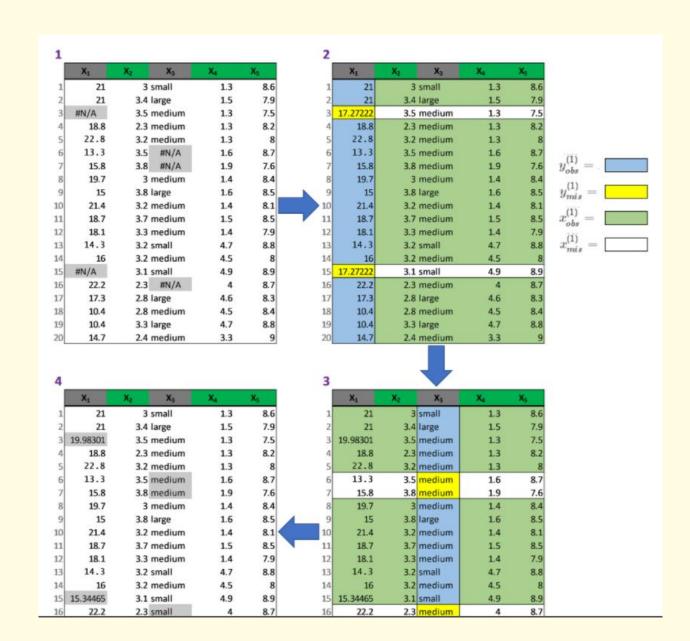
- 0.4

- 0.2



- MCAR means that the probability if an information is missing does not depend on X_{mis} or on X_{obs} ;
- MAR means that the probability if an information is missing does not depend on X_{mis} , but may depend on X_{obs} ;
- MNAR means that the probability if an information is missing does depend on X_{mis} .
- 결측치에도 다양한 종류가 있으며, 그 다양한 종류에 맞는 다양한 처리 방법론들이 존재함.(단순 평균/중간값으로 보간하는 것부터 시작하여, MICE, KNN imputation, conditional mean, PMM 등)
- 결측치에 대한 보간은 FE 이전에 선제적으로 이루어져야 하는 Task임
- 로버스트하며, 가정이 따로 필요 없는 비모수적 방법이며, 고차원 데이터에 적합한 Missforest 알고리즘에 대해서 소개

- 1. 결측이 있는 행을 일단 평균이나 median으로 rough하게 채움
- 2. 결측의 정도에 따라(퍼센티지) 오름차순 정렬 (즉, 결측이 적은 열이 앞으로 온다)
- 3. 결측이 가장 적은 행에 대하여(예를 들어 X1이 결측이 제일 적었고, 3,15번째 행이 결측이었다 가정하면)
- 3, 15번째 관측치를 제외하고 X1에 대하여 RF모델 FIT
- 3, 15번째 관측치에 대해 FIT된 모델을 이용 하여 predict
 - 이렇게 보간된 matrix를 업데이트
- 4. 그 다음 결측이 적은 행이 X3라고 가정하고, 결 측치가 6,7,15였다고 생각하면
 - 6,7,15번째 값을 제외하고 제외하고 X3에 대 해 RF FIT
 - FIT된 모델로 저 세개 값 predict 해서 imputed matrix update

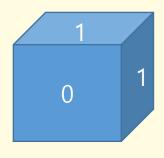


O4 MissForest

		- 10	16	2	V.		- 4		
X ₁	X ₂ X ₃	X ₄	X ₅		X ₁	X ₂ X ₃	X ₄	X ₅	
21	3 small	1.3	8.6	1	21	3 small	1.3	8.6	
21	3.4 large	1.5	7.9	2	21	3.4 large	1.5	7.9	
#N/A	3.5 medium	1.3	7.5	3		3.5 medium	1.3	7.5	
18.8	2.3 medium	1.3	8.2	4	18.8	2.3 medium	1.3	8.2	
22.8	3.2 medium	1.3	8	5	22.8	3.2 medium	1.3	8	
13.3	3.5 #N/A	1.6	8.7	6	13.3	3.5 medium	1.6	8.7	(1)
15.8	3.8 #N/A	1.9	7.6	7	STEERING .	3.8 medium	1.9	7.6	$y_{obs}^{(1)} = 1$
19.7	3 medium	1.4	8.4	8	19.7	3 medium	1.4	8.4	
15	3.8 large	1.6	8.5	9	15	3.8 large	1.6	8.5	$y_{mis}^{(1)} = $
21.4	3.2 medium	1.4	8.1	10	21.4	3.2 medium	1.4	8.1	av –
18.7	3.7 medium	1.5	8.5	11	18.7	3.7 medium	1.5	8.5	$x_{obs}^{(1)} = $
18.1	3.3 medium	1.4	7.9	12	18.1	3.3 medium	1.4	7.9	
14.3	3.2 small	4.7	8.8	13	14.3	3.2 small	4.7	8.8	$x_{mis}^{(1)} = \Box$
16	3.2 medium	4.5	8	14	16	3.2 medium	4.5	8	
#N/A	3.1 small	4.9	8.9	15	17.27222	3.1 small	4.9	8.9	
22.2	2.3 #N/A	4	8.7	16	22.2	2.3 medium	4	8.7	
17.3	2.8 large	4.6	8.3	17	17.3	2.8 large	4.6	8.3	
10.4	2.8 medium	4.5	8.4	18	10.4	2.8 medium	4.5	8.4	
10.4	3.3 large	4.7	8.8	19	10.4	3.3 large	4.7	8.8	
14.7	2.4 medium	3.3	9	20	14.7	2.4 medium	3.3	9	
				3		-			
X ₁	X ₂ X ₃	X ₄	Xs		X ₁	X ₂ X ₃	X ₄	X ₅	
21	3 small	1.3	8.6	1	21	3 small	1.3	8.6	
21	3.4 large	1.5	7.9	2	21	3.4 large	1.5	7.9	
9.98301	3.5 medium	1.3	7.5	3	19.98301	3.5 medium	1.3	7.5	
18.8	2.3 medium	1.3	8.2	4	18.8	2.3 medium	1.3	8.2	
22.8	3.2 medium	1.3	8	5	22.8	3.2 medium	1.3	8	
13.3	3.5 medium	1.6	8.7	6	13.3	3.5 medium	1.6	8.7	
15.8	3.8 medium	1.9	7.6	7	15.8	3.8 medium	1.9	7.6	
19.7	3 medium	1.4	8.4	8	19.7	3 medium	1.4	8.4	
15	3.8 large	1.6	8.5	4 9	15	3.8 large	1.6	8.5	
21.4	3.2 medium	1.4	8.1	10	21.4	3.2 medium	1.4	8.1	
18.7	3.7 medium	1.5	8.5	11	18.7	3.7 medium	1.5	8.5	
	3.3 medium	1.4	7.9	12	18.1	3.3 medium	1.4	7.9	
18.1			995565		14.3	3.2 small	4.7	8.8	
18.1 14.3	3.2 small	4.7	8.8	13					
		4.7 4.5	8.8	14	16	CONTRACTOR OF THE PROPERTY OF	4.5	8	
14.3	3.2 small 3.2 medium 3.1 small		1000000	77.00	16	3.2 medium 3.1 small		471355	

05 Voting

확률변수= 확률에 따라서 결과 값이 바뀌는 변수



0과 1으로만 이루어진 주사위를 던진다고 가정하자. 이 주사위는 0이 4면, 1이 2면으로 이루어진 주사위 이다. 그렇다면 이 주사위의 기대값은?

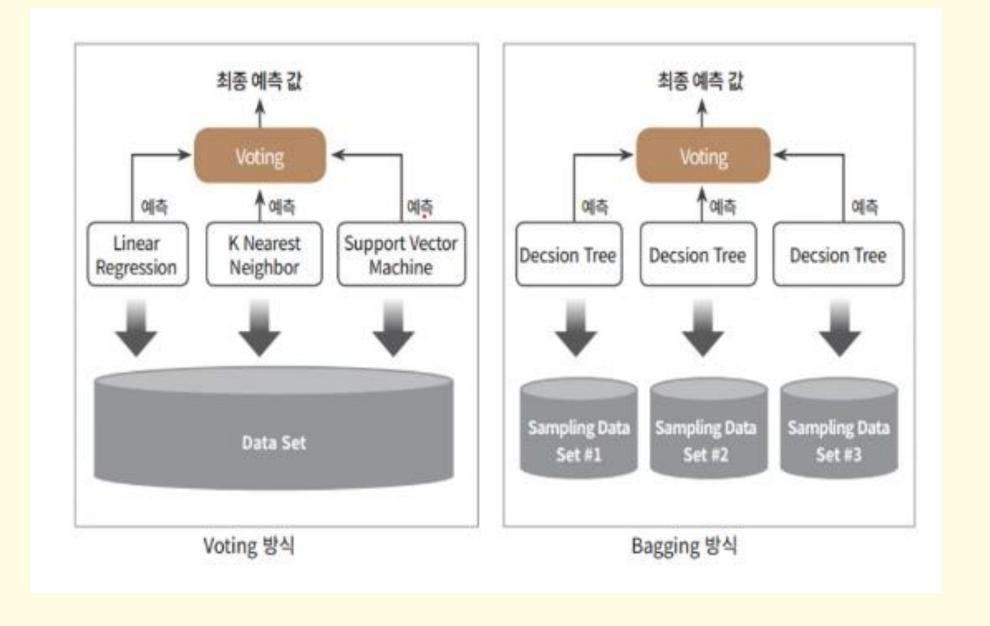
05 Voting

대수의 강법칙

큰 수의 강한 법칙(또는 대수의 강법칙)은 확률 변수의 무한열 X_1 , X_2 , X_3 , ... 이 주어지고, 각 확률 변수가 $E(|X_1|)<\infty$ 이 고 (기댓값 μ), 서로 독립이며 동일한 분포일 때,

$$\mathrm{P}\Bigl(\lim_{n o\infty}\overline{X}_n=\mu\Bigr)=1 \qquad \qquad \overline{X}_n=(X_1+\cdots+X_n)/n$$

이 성립한다. 즉 표본의 평균은 거의 확실하게 µ로 수렴한다.



05 Voting

