引理:n个在0到A上均匀分布的随机变量X1, X2, X3...X1, X2, Xn, 若互相独立,则随机变量Z=min(X1, X2, X3...Xn)的期望E(Z)=A/(n+1)

该引理可较简单由观察发现或通过概率论证明,证明思路:求分布函数相乘再还原概率密度函数,由期望定义求得。

核心思想:由于来车的概率刚好是L/M,所以每辆车都能看作一个在0到M上均匀分布的随机变量Xi,如果Xi<=Li表示车来了的,Xi>Li表示车没来。

首先把所有Li增序排序。对于策略点时间点X总期望的贡献由三部分构成:

Li<X的部分

先依次枚举最小的Li是哪个。

比如枚举到第i个,所有j>i的车对Li来说都是等价的(因为i一定会来,等车时间一定Li)此时再枚举标号比i大的车有几辆来的时间早于Li,若来了k辆,由引理此时期望为Li/(K+2),来K辆车的方案有C(n-i,k)种,概率为Pi^k(1-Pi)^(n-i-k).因此总贡献为P(比i小的车都没来)×P(i一定来)× Σ k=1~(n-i)(C (n-i,k)Pi^k(1-Pi)^(n-i-k)(Li/(K+2)+A)) 把每个i的贡献都加进答案即可

Li>X的部分

如果Li>X,其实对X来说都是等价的(核心思想)。 应此枚举有几辆车来的时间早于X,接下来和第一部分相似处理。 这部分期望不要忘了乘上P(Li<X的车都没来)。

一辆车都没来的情况

简单出统计概率乘(X+B)加到答案里即可

第一部分其实和X的具体值无关,只与有几个Li<X有关,可以预处理。

第二部分接近O(N)

第二部O(1)

总复杂度O(N×Q)