广西大学《信号与系统》课程第 3 次小测验(2021-2022 学年下学期) 命题人:常侃 单位: 计算机与电子信息学院

一、填空题(每空4分,共16分)

1. 信号
$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t-t_0)u(t-2t_0) = \underline{\qquad} u(-t_0) \underline{\qquad}$$

2.
$$u(t-2t_0)$$
 的频谱函数为___ $\left[\frac{1}{j\omega}+\pi\delta(\omega)\right]e^{-j2\omega t_0}$ ___。

4. 已知
$$\mathcal{F}[f(t)] = F(\omega)$$
,那么信号 $tf(t)$ 的频谱函数为___ $j\frac{dF(\omega)}{d\omega}$ __。

二、选择题(每题 4 分, 共 12 分)

A. 零输入响应分量

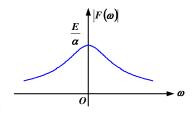
- 1. 已知 f(t), 要获得信号 $f(t_0 at)(t_0 > 0, a > 0)$, 以下操作正确的是 (D)。
 - A. f(-at) 左移 t_0 B. f(at) 右移 t_0 C. f(at) 左移 t_0/a D. f(-at) 右移 t_0/a
- 2. 若 $\frac{dr(t)}{dt} + 3r(t) = 3e(t)$, e(t) = u(t), 在完全响应 $r(t) = \frac{1}{2}e^{-3t} + 1$ 中 1 为 (C)。

B. 零状态响应分量 C. 强迫响应分量 D. 自由响应分量

- 3. 关于拉氏变换的说法,错误的是(B)。
 - A. 若信号 f(t) 能做傅里叶变换,则其也可以做拉氏变换;
 - B. 所有的信号都可以做拉氏变换; C. 单边拉氏变换的收敛域是在收敛边界的右侧;
 - D. 若信号 f(t)的单边拉氏变换的收敛边界位于 s 平面右半平面,则其傅里叶变换不存在。

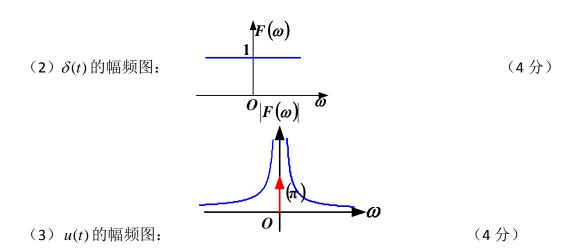
三、计算题(每题12分,共24分)

1、请分别画出 $Ee^{-\alpha t}u(t)$ 、 $\delta(t)$ 、u(t)的幅频图。



解: (1) $Ee^{-\alpha t}u(t)$ 的幅频图:

(4分)



2、 求函数 $F(s) = \frac{4s+5}{s^2+5s+6}$ 的拉普拉斯逆变换。

解:
$$F(s) = \frac{4s+5}{s^2+5s+6} = \frac{A}{s+2} + \frac{B}{s+3}$$
 (2分)
分別求得 A=-3, B=7 (4分, 每系数 2分)
$$F(s) = \frac{7}{s+3} - \frac{3}{s+2}$$
 (2分)

得到F(s)的逆变换式

$$(7e^{-3t} - 3e^{-2t})u(t) (4 \%)$$

四、综合题(每题 24 分,共 48 分)

- 1、已知线性时不变系统的单位冲激响应为 $h(t) = e^{-at}u(t)$,则
- (1) 求该系统的傅里叶形式的系统函数。
- (2) 若激励信号 $e(t) = 3\delta(t)$, 求解并画出零状态响应的幅度频谱和相位频谱。
- 解: (1) 该系统的傅里叶形式的系统函数为:

$$H(j\omega) = F[h(t)] = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-at} u(t) e^{-j\omega t} dt$$
 (2 \(\frac{\partial}{2}\))

$$= \int_0^\infty e^{-(a+j\omega)t} dt = \frac{1}{a+j\omega}$$
 (4 $\%$)

(2)
$$E(j\omega)=F[e(t)]=F[3\delta(t)]=3$$
 (2 \Re)

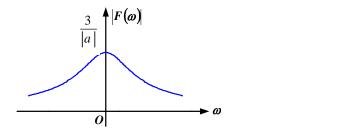
零状态响应信号的频谱函数为:

$$R(j\omega) = H(j\omega) \cdot E(j\omega) \tag{3 }$$

$$=H(j\omega)\cdot E(j\omega) = \frac{3}{a+j\omega}$$
 (3 $\%$)

幅度频谱:

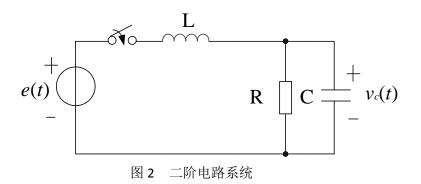
$$|R(j\omega)| = \left| \frac{3}{a+j\omega} \right| = \frac{3}{\sqrt{a^2 + \omega^2}}$$
 (2 $\%$)



相位频谱:

(3分)

2、某二阶电路系统如图 2 所示。t=0 时,开关闭合;激励信号为电压源 e(t),系统输出为电容两端电压 $v_c(t)$ 。电感、电阻及电容值分别为 L=2H 、 $R=1\Omega$ 、 C=0.5F 。



- (1) 求系统函数H(s);
- (2) 输入电压源 e(t) = u(t) 时,求系统的零状态响应;
- (3) 判断该系统是否为稳定系统(说明依据)。
- 解:解:(也可先列写微分方程再求 S 域方程)
 - (1) 根据电路,列出S域元件模型,有如下关系:

$$E(s) = I(s) \cdot \left[Ls + \frac{\frac{R}{sC}}{R + \frac{1}{sC}}\right] = I(s) \cdot \left[Ls + \frac{R}{sCR + 1}\right]$$
(4 \(\frac{\gamma}{s}\))

根据分压原理,有

$$H(s) = \frac{V_C(s)}{E(s)} = \frac{\frac{R}{sCR+1}}{Ls + \frac{R}{sCR+1}} = \frac{R}{s^2LCR + sL + R} = \frac{1}{s^2 + 2s + 1}$$
(45)

(2)
$$V_C(s) = E(s) \cdot \frac{1}{s^2 + 2s + 1} = \frac{1}{s} \cdot \frac{1}{s^2 + 2s + 1}$$
 (3 $\%$)

故部分分式展开得到:

$$V_C(s) = \frac{1}{s} \cdot \frac{1}{s^2 + 2s + 1} = \frac{1}{s} - \frac{1}{s + 1} - \frac{1}{(s + 1)^2}$$
 (4 $\%$)

因此时域信号为:

$$v_C(t) = u(t) - e^{-t}u(t) - te^{-t}u(t)$$
 (3 $\%$)

(3) H(s) 有二阶极点 s = -1,落在 S 平面左半平面,故该系统为稳定系统。 (6分)